Tutoriumsblatt 2 zu Mathematik I (Physik)

Aufgabe 1:

Entscheide, welche dieser Relationen eine Äquivalenzrelation, eine Ordnungsrelation oder keine von beiden ist:

a) Sei
$$X = \{\Box, \circ, \triangle\}$$
 und $\mathcal{R} = \{(\Box, \Box), (\circ, \circ), (\triangle, \triangle), (\Box, \triangle), (\circ, \triangle)\}.$

b) Es sei $f: X \to Y$ eine Funktion. Für $x_1, x_2 \in X$ definiere $x_1 \sim x_2$, genau dann wenn $f(x_1) = f(x_2)$ ist.

Aufgabe 2:

Gib für $f:[0,\infty[$ \to [0,1[explizit die Umkehrfunktion an. Zeige, daß f bijektiv und streng x \mapsto $\frac{x}{1+x}$

monoton steigend ist. Bestimme $f^{-1}([0,\frac{1}{2}])$.

Aufgabe 3:

Zeige, daß für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt:

a)
$$\sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}.$$

b) Für jedes $x \ge -1$ ist $(1+x)^n \ge 1 + nx$.