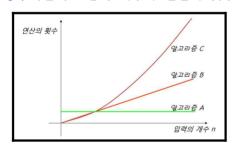
알고리즘 복잡도

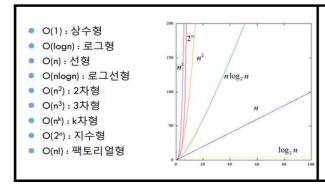
- **알고리즘** : 컴퓨터로 문제를 풀기 위한 단계적인 절차
 - * 알고리즘 효율성
 - 시간복잡도(수행시간) : 연산의 수행횟수는 고정된 숫자가 아니라 입력의 개수 n에 대한 함수 // ex) 연산의 수 = 8 -> 3n+2
 - 공간복잡도(메모리)
 - * 유한성 : 한정된 수의 단계 후에는 반드시 종료되어야 한다. // 알고리즘과 프로그램의 차이
 - * 복잡도 분석의 예 (n을 n번 더하는 문제)

	알고리즘A	알고리즘B	알고리즘C	알고리즘D
코드	sum <- n*n;	sum <- 0; for i <- 1 to n do sum <- sum+n;	sum <- 0; for i <- 1 to n do for i <- 1 to n do sum <- sum+1;	sum <- 0; for i <- 1 to n for j <- 1 to n k <- A[1n]에서 임의 n/2개 최대값 sum <- sum + k;
대입연산	1	1 + n - 1	1 + (n-1)*(n-1)	n*n*n/2 + 1
덧셈연산		n	n + n*(n-1)	n*n
곱셈연산	1			
나눗셈연산				
return	1	1	1	1
전체연산수	2 + 1(return)	2n + 1	2n² - 2n + 2 + 1(return)	$n^3/2 + n^2 + 1$ + 1(return)
빅오표기법	O(3) [상수시간대]	O(n)	O(n²)	O(n³)

* 상수시간대 : 입력 개수와 연산의 횟수가 고정되어 있는 것 // 알고리즘A



- * 빅오 표기법 : 연산의 횟수를 대략적으로 표기한 것 / 데이터의 값에 따라 수행시간이 달라짐
 - 두 개의 함수 f(n)과 g(n)이 주어졌을 때, 모든 n≥n0에 대하여 |f(n)| ≤ c|g(n)|을 만족하는 2개의 상수 c와 n0가 존재하면 f(n)=O(g(n))이다.
 - 함수의 상한을 표시한다.(최고차항만 표시) // ex) n≥5 이면 2n+1 < 10n 이므로 2n+1 = O(n)
 - 빅오의 데이터 이상의 시간이 걸리지 않는다. // ex) O(n²)



시간복잡도					n	
지신국업도	1	2	4	8	16	32
1	1	1	1	1	1	1
logn	0	1	2	3	4	5
n	1 2 4 8 16		32			
nlogn	0	2	8	24	64	160
n²	1	4	16	64	256	1024
n³	1	8	64	512	4096	32768
2 ⁿ	2	4	16	256	65536	4294967296
n!	1	2	24	40326	20922789888000	26313 × 10 ³³

- * 빅오메가 표기법 // 점근적 시간 복잡도 : 많은 양의 데이터를 계산
 - 모든 $n \ge n0$ 에 대하여 $|f(n)| \ge c|g(n)|$ 을 만족하는 2개의 상수 c와 n0가 존재하면 f(n)= $\Omega(g(n))$ 이다
 - 빅오메가는 함수의 하한을 표시한다.
 - ex) n≥ 1 이면 2n+1 > n 이므로 n = Ω(n)

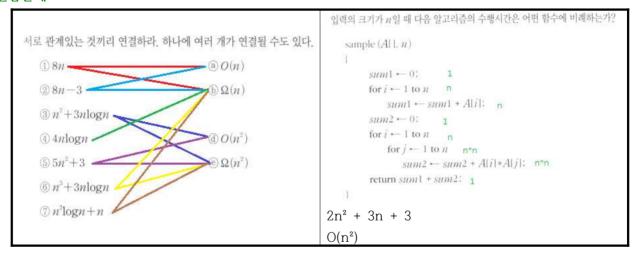
* 점근 성능의 효율성

 $-1 < logn < n < n^2 < n^2 logn < n^3 < ... < 2^n$

* 연습문제 0 : 코드의 각 명령문의 수행 횟수를 계산하여 시간 복잡도 함수를 계산하시오

시간 복잡도 구하기	시간 복잡도 구하기2	시간 복잡도 구하기3
int test(int n){ int i; int total: total=1; // 1번 for(i=1; i <n; *="n;" 1번="" i++){="" n-2번="" n;="" return="" td="" total="" }="" }<=""><td>float sum(float list[], int n){ float tempsum: int i: tempsum=0; // 1번 for(i=0:i<n:i++){ +="200;" 1번="" n-1번="" return="" td="" tempsum="" tempsum+="list[i];" tempsum:="" }="" }<=""><td>int test(int n){ int i,b; b=1;</td></n:i++){></td></n;>	float sum(float list[], int n){ float tempsum: int i: tempsum=0; // 1번 for(i=0:i <n:i++){ +="200;" 1번="" n-1번="" return="" td="" tempsum="" tempsum+="list[i];" tempsum:="" }="" }<=""><td>int test(int n){ int i,b; b=1;</td></n:i++){>	int test(int n){ int i,b; b=1;
1+n-2+1 = n 시간 복잡도 : O(n)번	1 + n-1 + 1 + 1 + 1 = n+3 시간 복잡도 : O(n)번	1+1+logn = logn+2 O(logn)번

* 연습문제



* 최선, 평균, 최악의 경우



순환 (순환(재귀) 알고리즘(함수)): 자기 자신을 호출하는 함수(매개변수만 달라짐)

- * 점화식 : 어떤 함수를 자신보다 더 작은 변수에 대한 함수와의 관계로 표현한 것 // an = an-1 + w -> f(n) = n f(n-1) -> f(n) = f(n-1) + f(-2)
- 점화식 정리
 - (1) T(n) = T(n-1)+O(1), T(1) = O(1) => T(n) = O(n) //ex) 팩토리얼
 - (2) T(n) = T(n-1)+O(n), $T(1) = O(1) \Rightarrow T(n) = O(n^2)$
 - (3) T(n) = T(n/2) + O(1), $T(1) = O(1) \Rightarrow T(n) = O(\log n)$
 - (4) T(n) = T(n/2)+O(n), T(1) = O(1) => T(n) = O(n) //ex) 가짜 동전 찾기
 - (5) T(n) = T(n/2) + O(1), $T(1) = O(1) \Rightarrow T(n) = O(n)$
 - (6) T(n) = T(n/2)+O(n), T(1) = O(1) => T(n) = O(nlogn) //ex) 병합 정렬 알고리즘
 - * T(값) 은 다음 함수에 들어가는 데이터의 개수
 - * O(1): for문을 사용하지 않을 경우(마지막 return 값이 1일 경우)
 - * O(n): for문을 이용하여 데이터 전체를 한 번씩 처리해야할 경우
 - * O(n²): for문을 이용하여 데이터 전체를 두 번씩 처리해야할 경우

○ 점화식

- * 데이터를 반으로 나누어 계산
- (6) 병합정렬 수행시간
 - 점화식으로 표현 : T(n) = 2T(n/2) + O(n), T(1) = O(1) / T(n) = O(nlogn)
 - T(n): 데이터의 개수가 n개 일 때, mergeSort 함수의 수행 시간
 - T(1) = 1
 - T(n) = 2T(n/2) + n
 - $= 2(2T(n/2^2) + n/2) + n = 2^2T(n/2^2) + 2 * n$
 - = $2^{2}(2T(n/2^{3}) + n/2^{2}) + 2*n = 2^{3}T(n/2^{3}) + 3*n$

...

= $2^{i}T(n/2^{i})$ + i*n // T(1) = 1을 알기 때문에 $n/2^{i}$ 을 1로 만들어야함.

- $= n*T(n/n) + \log_2 n * n$
- $= n*T(1) + \log_2 n * n$
- = n+nlogn

- T(n) = 2 * T(n-1) + O(1)

(1) 하노이탑 : 기둥 세 개에 원반 옮기기 (작은 것이 큰 것 밑에 오면 안됨) // 2ⁿ-1 번이 경우의 수

$$= 2 * (2*T(n-2) +1) + 1$$

$$= 2 * (2*(2*T(n-3) +1) + 1) + 1$$

$$= 2^{3}T(n-3) +2^{2} + 2 + 1$$
...
$$= \{2^{i} * T(n-i)\} + \{1 + 2 + ... + 2^{i-1}\}$$

$$// n-i = 1 \Rightarrow n = i+1$$

$$= \{2^{i} * T(i+1-i)\} + \{1 * (2^{i}-1) / 2-1\}$$

- = {2ⁱ * T(i+1-i)} + {1 * (2ⁱ-1) / 2-1} //초항(rⁿ-1) / r-1
- $= 2^{i} * T(1) + (2^{i}-1)$
- $= 2^{n-1} + 2^{n-1} 1$
- $= 2*2^{n-1} 1$
- $= 2^{n} 1$
- $= O(2^n)$

(1) 팩토리얼 : 순환 알고리즘은 멈추는 부분과 순환 호출하는 부분으로 나누어진다.

$$- T(n) = T(n-1) + O(1)$$

$$= (T(n-2) + 1) + 1$$

$$= (T(n-3) + 1) + 1 + 1$$
...
$$= (T(n-k))+k$$

$$// n-k = 1 \Rightarrow n=k+1$$

$$= (T(1+k-k)) + k$$

$$= T(1) + k$$

$$= T(1) + n - 1$$

$$= n$$

(4) 가짜 동전 찾기 수행시간

(2) 퀵정렬

= O(n)

$$- T(n) = T(n-1) + n$$

$$= T(n-2) + (n-1) + n$$

$$= T(n-3) + (n-2) + (n-1) + n$$

$$... // n-k = 1 => k = n-1$$

$$= T(n-k) + (n-k+1) + ... + (n-2) + (n-1) + n$$

$$= T(1) + 2 + 3 + ... + (n-2) + (n-1) + n$$

$$= 1 + 2 + 3 + ... + n$$

$$= n(n+1) / 2 = 1/2 n^2 + 1/2n$$

 $= 1 + 2n - 2 \Rightarrow 2n - 1$

(2) 이진검색

-
$$T(n) = T(n/2) + c2$$

= $T(n/4) + c2 + c2$
= $T(n/2^{i}) + I * c2$
... $// n/2^{i} = 1 \Rightarrow n = 2^{i} \Rightarrow i = logn$
= $T(1) + I*c2$
= $c1 + c2logn$
= $O(logn)$

○ 선택 정렬(Selection Sort) : O(n²)

* Max 값을 -1 하면서 하나하나 비교하여 스왑한다.

```
선택 정렬(Selection Sort)
#include <stdio.h>
                                                                 void main(){
#include <stdlib.h>
                                                                           srand((unsigned)time(NULL));
#include <time.h>
                                                                           int a[10];
void Swap(int &a. int &b){
                                                                           int max=9;
          int tmp = a;
a = b;
                                                                           printf("[ ");
          \tilde{b} = tmp;
                                                                           for (int i = 0; i<10; i++){
    a[i] = rand() % 101;
    printf("%2.d ", a[i]);
} printf("]\n");
}
void Selection_Sort(int a[], int max){
          int maxindex;
          for (int i = n - 1; i >= 0; i--){
                     Selection_Sort(a[], max);
                                                                           printf("[ ");
                                                                           for (int i = 0; i <= max; i++){
    printf("%2.d ", a[i]);
} printf("]\n");
                                          maxindex = i;
                     Swap(a[i], a[maxindex]);
          }
```

○ 버블 정렬(bubble sort) : O(n²)

* 근접한 데이터 크기를 비교하여 스왑한다.

```
#include <stdio.h>
#include <stdiib.h>
#include <stdiib.h>
#include <ttdiib.h>
#include <ttdiib.h>
#include <ttdiib.h>
#include <ttdiib.h>
#include <ttdiib.h>
#include <ttdiib.h>
#include <stdiib.h>
#include include inclu
```

○ 병합 정렬(merge sort) : O(nlogn)

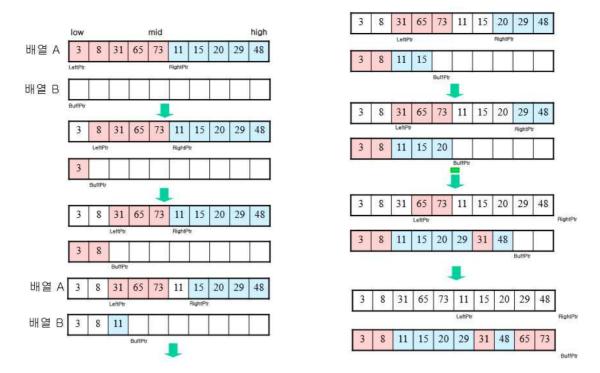
* 재귀함수 사용 / Row와 High 가 같아지면 데이터가 하나이므로 종료

```
병렬 정렬(Merge Sort)
                                                                           void MergeSort(int A[], int low, int high){
#include <stdio.h>
                                                                                       int mid;
#include <stdlib.h>
                                                                                      if (low < high){
#include <time.h>
                                                                                                  mid = (low + high) / 2;

MergeSort(A, low, mid);

MergeSort(A, mid+1, high);

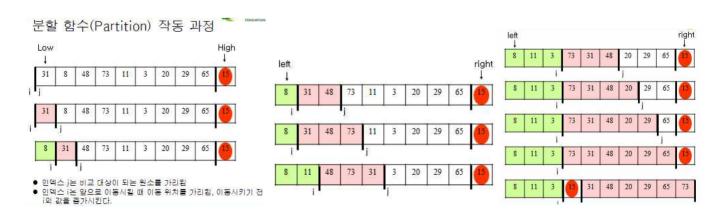
Merge(A, low, mid, high);
#define N 9
void Merge(int A[], int low, int mid, int high){
    int B[N+1];
    int LeftPtr, RightPtr, BufPtr;
                                                                                      }
                                                                           void main(){
                                                                                                      12 5 6 11 20 4 1
           LeftPtr = low; RightPtr = mid + 1; BufPtr = low; while (LeftPtr <= mid && RightPtr <= high){
    if (A[LeftPtr] < A[RightPtr])
        B[BufPtr++] = A[LeftPtr++];
                                                                                      srand((unsig
                                                                                      int a[10];
                                                                                                       12 5 6 11 20 4 1
                                                                                      printf("[ ");
                       else B[BufPtr++] = A[RightPtr++];
                                                                                      for (int i =
                                                                                                       12 5 6 11 20 4 1
           if (LeftPtr > mid)
                                                                                      } printf(" j , 1256 11 20415
                       for (int i = RightPtr; i <= high; i++)</pre>
                                  B[BufPtr++] = A[i];
           else
                                                                                      MergeSort(a 5 12 6 11 4 20 1
                       for (int i = LeftPtr; i <= mid; i++)
                                  B[BufPtr++] = A[i];
                                                                                      printf("[ ");
                                                                                                      5 6 11 12 1 4 5 20
                                                                                      for (int i =
                                                                                      } printf(" ], 1 4 5 5 6 11 12 20
// 합병이 끝나면 함수가 끝나기 때문에 넣어줘야한다.
for (int i = low; i <= high; i++)
A[i] = B[i];
```



○ 퀵 정렬(Quick sort): 0()

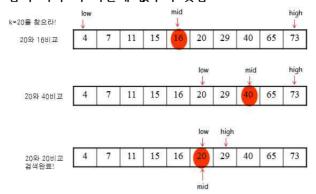
* 재귀함수 사용 / Row와 High 가 같아지면 데이터가 하나이므로 종료

```
병렬 정렬(Merge Sort)
                                                                           void OuickSort(int A[], int low, int high){
                                                                                       int mid;
#include <stdio.h>
                                                                                       if (low < high){
                                                                                                    mid = Partition(A. low, high);
OuickSort(A. low, mid-1);
QuickSort(A, mid + 1, high);
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#define N 9
                                                                           }
void Swap(int &a. int &b){
    int tmp = a;
                                                                           void main(){
             a = b;
                                                                                       srand((unsigned)time(NULL));
             b = tmp;
                                                                                       int a[10];
                                                                                       printf("[ ");
                                                                                       for (int i = 0; i<10; i++){
    a[i] = rand() % 100;
    printf("%2.d ". a[i]);
} printf("] / [START]\n\n");
int Partition(int A[]. int low, int high){
    int base = A[high];
    int i = low;
             QuickSort(a, 0, N);
                                                                                       printf("[ ");
                                                                                       for (int i = 0; i <= N; i++){
    printf("%2.d " a[i]);
} printf("] / [END]\n");
             Swap(A[i], A[high]);
             return i;
}
```



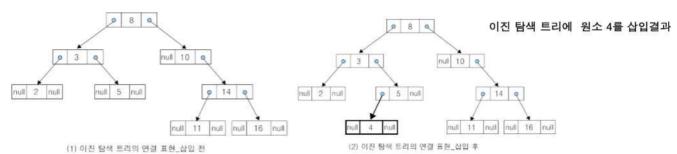
검색 트리

- 이진 검색
 - * 정렬된 자료의 탐색에 적절
 - * 데이터는 배열에 저장되어 있어야 함
 - * 검색 시작 시 가운데 값부터 찾음



○ 이진 검색 트리 - 삽입

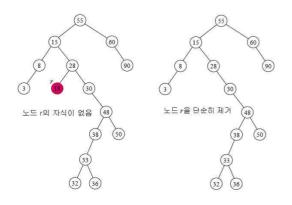
* 시간 복잡도 : 최악의 경우 O(n) / 평균 O(logn)



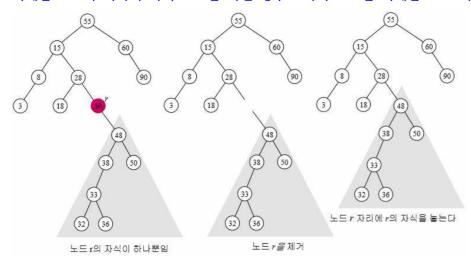
```
이진 검색 트리 - 삽입
treeNode* treeInsert(treeNode* t, int x)
    treeNode *tmp;
if (t == NULL) {
    tmp = (treeNode*)malloc(sizeof(treeNode));
    // tmp: 새 노드 할당
         tmp->data = x;
         tmp->left = tmp->right = NULL;
         return tmp;
                                                          // 10개의 랜덤 값을 생성하여 이진 검색 트리에 삽입
    if (x < t->data) {
                                                          for( int i = 0 : i < 10 : i++ ) {
    data = rand()%100 + 1:
         t->left = treeInsert( t->left, x);
return t;
                                                               root = treeInsert( root, data );
    else if (x > t->data) {
         t->right = treeInsert( t->right, x);
         return t;
    else {
         printf("이미 같은 키가 있습니다. \n");
         return t;
```

○ 이진 검색 트리 - 삭제

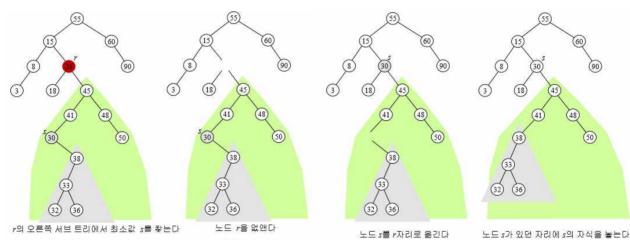
* 삭제할 노드가 단말 노드인 경우 (자식이 없는 경우): 바로 삭제



* 삭제할 노드가 하나의 자식 노드를 가진 경우 : 자식 노드를 삭제할 노드 자리에 놓음



- * 삭제할 노드가 두 개의 자식노드를 가진 2가지 경우
 - 왼쪽 자식에서 제일 큰 값을 찾아낸다.
 - 오른쪽 자식에서 제일 작은 값을 찾아낸다.
 - while을 돌려 자식 노드가 NULL이 될 때까지 찾아낸다.



이진 검색 트리 - 삭제 // r : 트리의 루트 노드 ,, // del : 삭제하고자하는 노드 // parent : r의 부모 노드 else parent->right = deleteNode(del); // r이 p의 오른쪽 자식 treeNode* deleteNode(treeNode* del) { if (del->left ==NULL && del->right==NULL) return NULL; else if (del->left == NULL && del->right != NULL) return del->right; else if (del->left != NULL && del->right == NULL) return del->left; else { treeNode *s=del->right; treeNode* p; while (s->left != NULL){ p = g;s = s->left; del->data = s->data; if (s == del->right) del->right = s->right; else p->left = s->right; return del;

해시 테이블

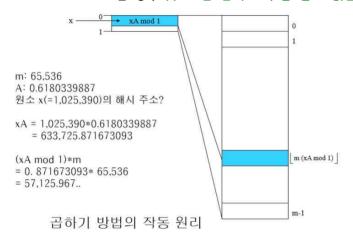
○ 해시 테이블

- * 시간 복잡도 : O(1)
- * 나누기 방법 : h(x) = x mod m // 시험에 나옴
 - mod : 나머지 연산 / x : 키 / m : 테이블의 사이즈(소수여야 한다)
 - ex) h(15) = 15 % 13 = 2 => 2의 위치에 데이터가 있으면 맞는 값
 - ex) h(29) = 29 % 13 = 3 => 3의 위치에 데이터가 있으면 맞는 값

입력: 25, 13, 16, 15, 7

0	13	Ï
1		
2	15	
3	16]
4		
5		해시 함수 h(x) = x mod 13
6		Silvii B I II(X) X IIIed Ie
7	7	
8		1
9]
10		
11]
12	25	1

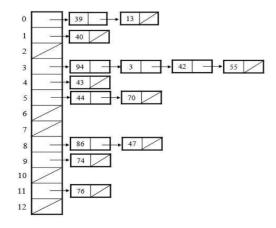
- * 곱하기 방법 : h(x) = (x A mod 1) * m
 - A: 0 < A < 1 인 상수 // m은 굳이 소수일 필요 없음



- 1. 1을 나머지 연산을 해주면 소수점만 남음
- 2. 소수점만 남은 것에 m(65,536)을 곱하여줌
- 3. 나머지연산으로 소수점을 없애 줌

○ 연쇄법

- * 같은 주소로 해싱되는 원소를 모두 하나의 연결리스트로 관리
- * 추가적인 연결 리스트가 필요
- * 장점: 삭제가 용이 => 리스트 주소를 삭제
- * 단점: 포인터 저장을 위한 기억 공간이 필요, 기억 장소는 동적 할당



○ 개방 주소법

- * 충돌이 일어나더라도 어떻게든 주어진 테이블 공간에서 해결하는 방법
- * 추가적인 공간이 필요하지 않음
- * 해시 값을 만드는 세가지 방법
 - 선형 조사 이차원 조사 이중 해싱

* 선형 조사

- 만약 충돌이 일어나면 다음 인덱스에 넣어준다
- 군집된 배열에 취약하다
- $hi(x) = (h(x) + i) \mod m$
- ex) hi(x) = (h(x) + i) mod 13

0	13		0	13		0	13	
1			1			1	1	
2	15	4	2	15		2	15	
3	16	5	3	16		3	16	
4	28	4	4	28	Ü	4	28	
5			5	31		5	31	
6			6			6	38	
7	7		7	7		7	7	
8			8	20	7	8	20	
9			9			9		
10			10			10		
11			11			11		
12	25		12	25		12	25	

=> 28인 경우 13나머지 연산하면 2가 되기에 충돌이 일어난다. => 다음 인덱스를 다시 비교

* 선형 조사 예제

- * 크기가 13인 해시 테이블, 해시 함수 h(x) = x mod 13
- * 충돌은 선형조사 사용 => hi(x) = (h(x) + i) mod m
- * 원소 10, 20, 30, 40, 33, 46, 50, 60

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
	40			30			20	33	46	10	50	60

* 이차원 조사

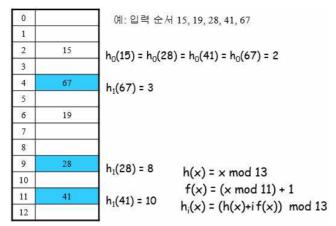
- 2차 군집된 배열에 취약하다
- $hi(x) = (h(x) + c_1i^2 + c_2i) \mod m$
- $ex) hi(x) = (h(x) + i^2) mod 13$

0		
1		
2	15	
3		
4	43	9
5	18	- K
6	45	
7		1
8	30	
9		<u> </u>
10		
11	37	Ĭ
12		

예: 입력 순서 15, 18, 43, 37, 45, 30

* 이중 해싱

- hi(x) = (h(x) + i * f(x)) mod m



* 개방 주소법의 키 삭제

- 탐사 순서가 끊어지지 않게 '삭제 표시'를 해야함



○ 체이닝

- * 충돌이 일어나면 리스트로 연결함 => 충돌이 일어난 곳 앞에다가 연결
- * 체이닝을 쓰면 리해싱(다른 번호에 넣는 것)을 할 필요가 없음

* 체이닝 예제

- * 크기가 13인 해시 테이블, 해시 함수 h(x) = x mod 13
- * 원소 10, 20, 30, 40, 33, 46, 50, 60
- * 충돌이 일어나면 충돌이 일어난 곳 앞에 쪽에 주소를 삽입한다.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
	40			30			46	60		33	50	
							20			10		

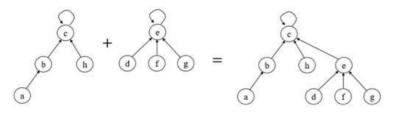
○ 해시테이블 정리

- ① 해시 테이블은 상수시간에 검색, 삽입, 삭제가 가능한 검색 알고리즘이다.
- ② 해시 테이블에서 저장 위치를 계산하는 것을 해시 함 수라고 한다.
- ③ 해시 함수를 만드는 대표적인 두 가지 방법은 나누기 방법과 곱하기 방법이다.
- ④ 좋은 해시 함수는 충돌이 적게 발생하는 함수이다.
- ⑤ 충동 해결방법은 크게 연쇄법과 개방주소법이 있다.
- ⑥ 적재율이 0.5이하이면 해시테이블의 검색 성능은 상수 시간을 유지한다.

상호배타적 집합

○ 트리를 이용한 집합

- * 트리에서 루트의 부모는 자기 자신이다.
- * 합집합을 할 때 두 번째 집합의 부모는 자기 자신에서 첫 번째 집합의 루트로 바뀐다.



```
트리를 이용한 집합 처리 알고리즘

void MakeSet(int x) {
    p[x] = x ;
}

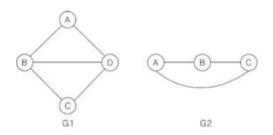
void Union(int x. int y) {
    p[FindSet(y)] = FindSet(x) ;
}

int FindSet(int x) {
    if (x == p[x])
        return x ;
    else
        return FindSet(p[x]) ;
}
```

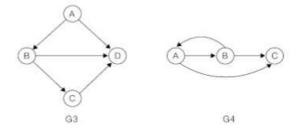
그래프

○ 그래프 종류

- * 무방향 그래프 (undirected graph)
 - * 두 정점을 연결하는 간선의 방향이 없는 그래프
 - * 정점 Vi와 정점 Vi를 연결하는 간선을 (Vi, Vi)로 표현
 - (Vi, Vj)와 (Vj, Vi)는 같은 간선
 - $-V(G1) = \{A, B, C, D\}$ $E(G1) = \{(A, B), (A, D), (B, C), (B, D), (C, D)\}$
 - $V(G2) = \{A, B, C\}$ $E(G2) = \{(A, B), (A, C), (B, C)\}$

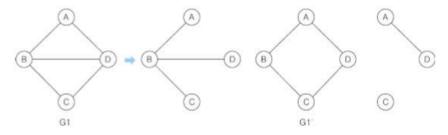


- * 방향 그래프 (directed graph), 다이 그래프 (digraph)
 - * 간선이 방향을 가지고 있느 그래프
 - * 정점 Vi에서 정점 Vj를 연결하는 간선 Vi->Vj를 <Vi, Vj>로 표현
 - Vi는 꼬리(tail), Vi는 머리(head)
 - <Vi, Vj>와 <Vj, Vi>는 다른 간선
 - $-V(G3) = \{A, B, C, D\}$ $E(G3) = \{\langle A, B \rangle, \langle A, D \rangle, \langle B, C \rangle, \langle B, D \rangle, \langle C, D \rangle\}$
 - $-V(G4) = \{A, B, C\}$ $E(G4) = \{A, B, A, C, A, C, A, C\}$



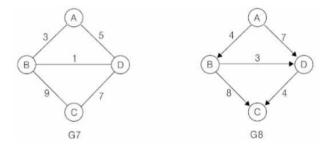
* 부분 그래프 (subgraph)

- * 원래의 그래프에서 일부의 정점이나 간선을 제외하여 만든 그래프
- * 그래프 G와 부분 그래프 G'의 관계
 - $V(G')\subseteq V(G)$, $E(G')\subseteq E(G)$



* 가중 그래프 (weight graph)

* 정점을 연결하는 간선에 가중치(weight)를 할당한 그래프



○ 그래프 용어

- * 차수(Degree): 정점에 부속되어 있는 간선의 수
 - * 그래프 G1에서 정점 A의 차수는 2, 정점 B의 차수는 3
 - * 방향 그래프의 정점의 차수 = 진입차수 + 진출차수
 - » 방향 그래프의 진입차수(in-degree) : 정점을 머리로 하는 간선의 수
 - » 방향 그래프의 진출차수(out-degree) : 정점을 꼬리로 하는 간선의 수
 - » 방향 그래프 G3에서 정점 B의 진입차수는 1, 진출차수는 2
 - * 정점 B의 전체 차수는 (진입차수 + 진출차수) 이므로

* 경로(Path)

- * 경로 길이(path length): 경로를 궁성하는 간선의 수
- * 단순 경로 : 모두 다른 정점으로 구성된 경로
 - 지나온 점으로 다시 돌아오지 않는 경로
- * 사이클 : 단순경로 중에서 경로의 시작 정점과 마지막 정점이 같은 경로
 - ex) 광민 배성 경렬 광민
- * DAG (Directed Acyclic Graph) : 방향이 그래프이면서 사이클이 없는 그래프

* 연결 그래프 (Connected Graph)

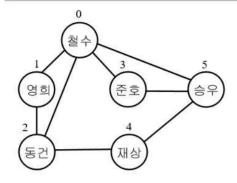
- * 서로 다른 모든 쌍의 정점들 사이에 경로가 있는 그래프 (떨어져 있는 정점이 없는 그래프)
- * 그래프에서 두 정점 Vi에서 Vj까지의 경로가 있으면 정점 Vi와 Vj가 연결되어 있다고 함
- * 트리는 사이클이 없는 연결 그래프이다.
- * 단절 그래프 (Disconnected Graph) : 연결되지 않은 정점이 있는 그래프

○ 그래프 - 인접 행렬(Adjacency Matrix) 표현

* 무향 그래프 (N*N 행렬로 표현)

* 1 : 정점과 정점 사이의 간선이 있음 * 0 : 정점과 정점 사이의 간선이 없음

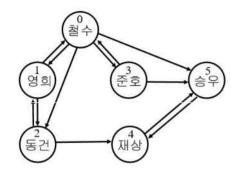
enum {철수=0,영희, 동건, 준호, 재상, 승우}



	0	1	2	3	4	5
0	0	1	1	1	0	1
1	1	0	1	0	0	0
2	1	1	0	0	1	0
3	1	0	0	0	0	1
4	0	0	1	0	0	1
5	1	0	0	1	1	0

* 유향 그래프

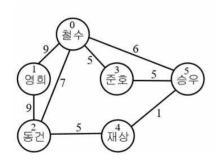
* 정점 I로부터 정점 j로 연결되는 간선이 있는지 나타냄



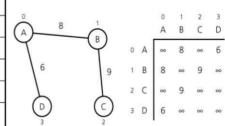
	0	1	2	3	4	5
0	0	1	1	1	0	1
1	1	0	1	0	0	0
2	0	1	0	0	1	0
3	1	0	0	0	0	1
4	0	0	0	0	0	1
5	0	0	0	0	1	0

* 가중치 그래프

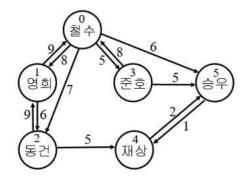
- * 1대신 가중치를 가짐
- * 0대신 ∞로 표현하기도 함



	0	1	2	3	4	5
0	0	9	7	5	0	6
1	9	0	9	0	0	0
2	7	9	0	0	5	0
3	5	0	0	0	0	5
4	0	0	5	0	0	1
5	6	0	0	5	1	0



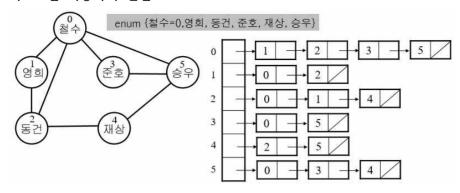
* 가중치+방향 그래프



	0	1	2	3	4	5
)	0	8	7	5	0	6
i	9	0	6	0	0	0
2	0	9	0	0	5	0
,	8	0	0	0	0	5
ı	0	0	0	0	0	2
5	0	0	0	0	1	0

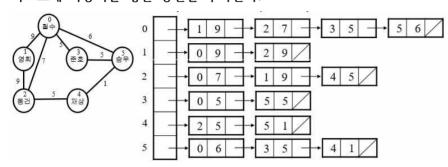
○ 그래프 - 인접 리스트(Adjacency List) 표현

- * 무향 그래프
 - * 리스트를 이용하여 연결



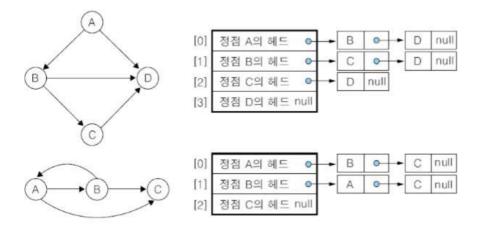
* 무향 - 가중치 그래프

* 리스트에 가중치를 넣는 공간을 추가한다.



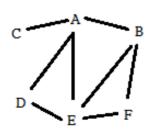
* 방향 그래프

* 각 정점에서 해당하는 방향의 리스트를 만듦



* 그래프 예제

* 해당 그래프를 인접 행렬과 인접 리스트로 표현



	Α	В	С	D	Е	F
Α	0	1	1	1	1	0
В	1	0	0	0	0	1
С	1	0	0	0		0
D	1	0	0	0	1	0
Е	1	1	0	1	0	1
F	0	1	0	0	1	0

	인접 리스트									
Α		В		C		D		E		
В		Α		E		F				
С		Α								
D		Α		E						
E		Α		В		D		F		
F		В		E						