

FICHA 5 - Culling

1 - Compare em termos computacionais os três tipos de culling apresentados na disciplina.

-Back-Face Culling: Consiste em não desenhar triângulos pertencentes a faces

viradas de costas para a câmara, corre em GPU portanto é bastante rápido

-Occlusion Culling: Consiste em não desenhar polígonos que estejam tapados por outros polígonos, no entanto isto embora possa ser testado em GPU é bastante complexo necessitando de uma visão da restante geometria.

-View Frustum Culling: Consiste na implementação de uma caixa, esta caixa vai conter 6 faces e iremos apenas desenhar os triângulos que estiverem dentro desta caixa, este método é bastante simples de implementar embora corra em CPU é o método mais utilizado atualmente.

2 - Descreva o processo matemático para obter a equação normalizada do plano que contem os pontos p1, p2 e p3.

$N = \frac{V1 \times V2}{\text{Norma}(V1 \times V2)}$

$Nx \cdot x + Ny \cdot y + Nz \cdot z + D = 0$

Substituir x,y e z por um ponto de forma a obter D

3 - Descreva os passos necessários para implementar o algoritmo de View Frustum Culling.

_____ Calcular os planos da caixa que pretendemos usar para definir os triângulos a demonstrar ao utilizador

Para cada polígono verificar se este se encontra dentro ou fora da caixa em questão, para tal podem ser usados 4 métodos para detetar colisão:

AABB - criar uma caixa ao longo do objeto : Muito comum e mais simples de implementar porém não poupa muito espaço

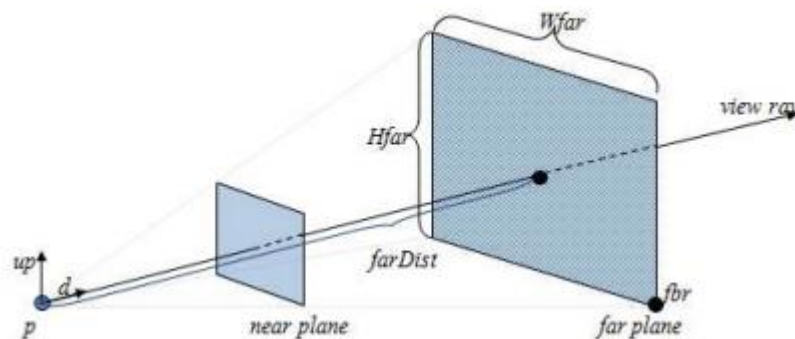
OBB - Criar uma caixa à volta do objeto alinhada com este, Complicado de implementar mas poupa mais espaço do que o anterior

Sphere - Criar uma esfera que cubra completamente o polígono, simples de implementar mas nem sempre o mais eficiente em termos de espaço utilizado

ConvexHull - Criar um objeto curvado em volta do polígono em questão. Melhor em termos de espaço poupado mas difícil de implementar e testar

4 - Considere os vectores d e up , o ponto p , e as distâncias $farDist$, $Wfar$ e $Hfar$, apresentados na figura. Descreva o processo matemático para obter o ponto fbr .

Assumindo d e up como estando normalizados podemos obter o ponto Fbr fazendo o seguinte:



$$\text{Right} = d * up$$

$$F = p + d * farDist \text{ (ponto intermédio central do farPlane)}$$

$$Fb = F - HFar/2 * up \text{ (ponto intermédio central na junção entre o farPlane e o plano de baixo)}$$

$$Fbr = Fb + WFar/2 * right \text{ (ponto final)}$$

5 - Considere agora que tem somente os dados presentes nas seguintes instruções:

```
gluPerspective(fov, ratio, nearDist, farDist);  
gluLookAt(px,py,pz, lx,ly,lz, ux,uy,uz);
```

Descreva o processo matemático para obter os dados referidos na pergunta anterior: vectores d , up e $right$, e as distâncias $Wfar$ e $Hfar$.

$$D =$$

(L -

P)/

Nor

ma(

L-

P)

Up

= U

Right = d * up

Hfar = 2 * tan(Fov/2) * farDist (decorar esta

fórmula de cáca) Wfar = Hf * ratio

6 - Apresente o algoritmo para extrair os planos do view frustum segundo a visão geométrica.

_____ Calcular pontos de cada canto da caixa do frustum, utilizando o exemplo apresentado na pergunta 4 e 5, após isso iremos utilizar os devidos pontos para criar 2 vetores

perpendiculares por plano, com esses vetores utilizamos a regra da mão direita e conseguimos obter a normal ao plano, normalizando-a, sabendo a normal ao plano e 1 ponto pertencente a este, a escrita da equação do plano torna-se evidente.

7 - Descreva o algoritmo para extrair os planos do view frustum em clip space

_____ Com a utilização do clip space a forma de calcular os pontos que estão envolvidos neste torna-se mais simples, passando apenas por calcular a matriz de projeção no clip space para cada frame, esta matriz pode ser obtida multiplicando a GL_MODEL_VIEW_MATRIX pela GL_PROJECTION_VIEW_MATRIX, esta matriz apenas é calculada uma vez por frame, após isso devemos multiplicar cada ponto do modelo por esta matriz, obtendo o seu equivalente no clip space.

Depois de obter este ponto pC podemos comparar cada uma das suas componentes

com as componentes do cubo do clip space obtendo assim as seguintes inequações:

- $W_c \leq x_p C \leq W_c$ plano esquerdo e direito do frustum
- $W_c \leq y_p C \leq W_c$ plano de cima e de baixo do frustum
- $W_c \leq z_p C \leq W_c$ plano de trás e da frente do frustum

8 - Por forma a tornar eficiente o algoritmo de view frustum culling é necessário implementar algum mecanismo de agrupamento de triângulos. Descreva o processo de partição espacial baseado em k-D trees.

_____As K-D-Trees surgem como uma forma de remover o grau de liberdade da orientação dividindo a imagem em planos perpendiculares ao eixo x/y e vice-versa na próxima iteração, terminando com uma árvore binária que facilita a definição dos objetos a renderizar com o frustum.

9 - Os processos de partição espacial são em regra recursivos na construção da estrutura de dados. Indique três critérios possíveis para terminar a recursividade.

A utilização de quad(2D) trees ou octo(3D) trees tem como objetivo agrupar os vários

triângulos, consiste em (2D) a imagem total em 2 retas definindo 4 novas imagens, estas 4 serão também divididas recursivamente a menos que essa célula não possua triângulos, como forma de paragem o que acontece é a definição de 3 critérios de paragem, esses critérios são:

- Número de triângulos na célula $< t$
- Volume na célula $< v$
- Profundidade da árvore $> p$

10 - Num processo de partição espacial é possível que um triângulo pertença a mais que um filho. Indique quais as opções disponíveis nestes casos apresentando as vantagens e desvantagens de cada uma

A 1ª opção passa por atribuir esse triângulo à célula Pai, no entanto esta opção não é a mais correta pois o número de triângulos em que estejam no meio de uma divisão é minúsculo e fará com que a placa gráfica seja subutilizada.

_____Na 2ª opção podemos dividir esse triângulo de modo a que sejam criados triângulos respectivos para cada célula filha, no entanto este método é custoso pois causa a necessidade de dividir o triângulo dando origem a novos vértices que ocupam memória extra, não é necessário sendo que a maior parte das vezes os triângulos não serão partidos na célula.

A 3ª opção consiste na duplicação de triângulos para cada uma das células filhas, e embora esta opção ocupe mais memória (em termos de índices) é a que faz mais sentido, pois embora nos dê a ideia de que iremos

desenhar o triângulo 2 vezes, isto não acontece pois após a renderização da primeira iremos verificar que não faz sentido desenhar a outra pois essa profundidade já se encontra utilizada.

12 - Indique os tipos de volumes envolventes que poderiam ser utilizados numa partição hierárquica, comparando a sua eficiência em termos de culling e complexidade algorítmica.

_____Refer to 3