

Fundamentos de Programação @ LEIC/LETI

Aula 05

Funções

Definição de funções. Aplicação de funções. Abstração procedimental. Erros. Módulos.
Exemplos.

Funções

Funções

$$f(x, y) = x + y$$

$$f(3, 5) = 8$$

- Igual que na Matemática, a utilização de funções em programação compreende a **definição** da função (nome, argumentos e algoritmo) e **aplicação de função** (execução do algoritmo sobre valores passados como argumentos).
- Exemplo funções Python já conhecidas: `print(...)`, `input(...)`, `eval(...)`

Funções

Definição de Funções (BNF)

```
<definição de função> ::=
```

```
  def <nome> (<parâmetros formais>): NEWLINE
```

```
  INDENT <corpo> DEDENT
```

```
<parâmetros formais> ::= <nada> | <nomes>
```

```
<nomes> ::= <nome> | <nome>, <nomes>
```

```
<nada> ::=
```

```
<corpo> ::= <definição de função>* <instruções em função>
```

```
<instruções em função> ::=
```

```
  <instrução em função> NEWLINE |
```

```
  <instrução em função> NEWLINE <instruções em função>
```

```
<instrução em função> ::= <instrução> | <expressão> | <instrução return>
```

```
<instrução return> ::= return | return <expressão>
```

Funções

Aplicação Funções (BNF)

`<aplicação de função> ::= <nome>(<parâmetros concretos>)`

`<parâmetros concretos> ::= <nada> | <expressões>`

`<expressões> ::= <expressão> |
 <expressão>, <expressões>`

Funções

Definição e Aplicação de Funções, Exemplo 1:

```
def soma(a,b):  
    return a + b
```

Exemplos:

- Aplicação antes e após definição.
- Aplicação: `soma(2)`, `soma(2,5)`, `soma(7,5)`, `soma(3*2, 6+4)`
- `a, b = 2, 5`
`print("soma(a,b) =", soma(a,b))`
`print("soma(b,a) = ", soma(b,a))`
`print("a =", a, "b =", b)`

Funções

Definição e Aplicação de Funções, Exemplo 1:

```
In [ ]: def soma(a,b):  
        return a + b  
  
a = 5  
b = 2  
print(soma(1,1))  
print(a,b)
```

Funções

Definição de Aplicação Funções, Exemplo 2:

```
def soma_progressao_aritmetica(n):  
    iter = 1  
    soma = 0  
    while iter <= n:  
        soma = soma + iter  
        iter = iter + 1  
    return soma
```

```
soma = 4 + 6  
print(soma_progressao_aritmetica(100), soma)
```

- Que acontece com a variável *soma*!?!?

Funções

Definição e Aplicação de Funções, Exemplo 2:

```
In [ ]: def soma(n):  
        if n < 1:  
            return 0  
        return n*(n+1)//2  
  
soma(5)  
soma(7)
```

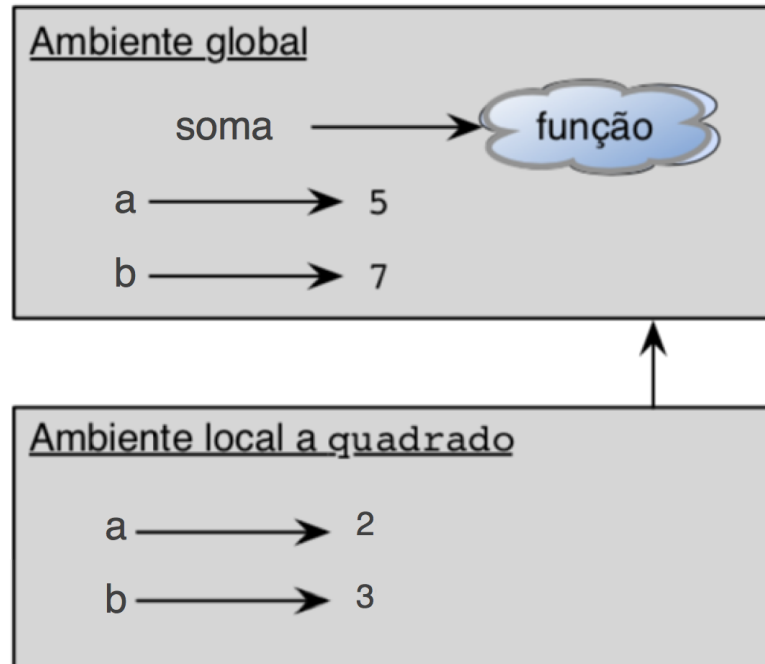

Funções

Ambientes e quadros (*frames*)

- Ambientes: Global vs. Local
- Passos seguidos pelo Python quando uma função é invocada:
 - Os parâmetros concretos são avaliados (ordem arbitrária)
 - Os parâmetros formais da função são associados com os valores concretos no ambiente local (em ordem)
 - O corpo da função é executado no ambiente local (os ambientes locais existem só até a função terminar) e o valor de *return* é retornado ao ambiente global

Funções

Ambientes e quadros (*frames*)



Funções

Abstração procedimental

- As funções permitem aos programadores pensar no **que** (faz a função) e não no **como** (a função é implementada).

Exemplo

```
def soma(n):  
    iter = 1  
    soma = 0  
    while iter <= n:  
        soma = soma + iter  
        iter = iter + 1  
    return soma  
  
def soma(n):  
    if n < 1:  
        return 0  
    else:  
        return n*(n+1)//2
```

Funções

Erros/Excepções

- Nas semanas anteriores falamos dos tipos de erros: sintaxe, semântica e *runtime*
- As funções podem *lançar* erros quando os argumentos utilizados são de tipo inválido e/ou estão fora do domínio.
 - As exceções interrompen o fluxo de execução, o que não acontece se fizermos um simples *print*
- Para isso podemos utilizar a instrução *raise* que gera um erro de execução, em BNF:

`<instrução raise> ::= raise <nome>(<mensagem>)`

`<mensagem> ::= <cadeia de caracteres>`

Funções

Erros/Excepções

Nome	Situação correspondente ao erro
<code>AttributeError</code>	Referência a um atributo não existente num objeto.
<code>ImportError</code>	Importação de uma biblioteca não existente.
<code>IndexError</code>	Erro gerado pela referência a um índice fora da gama de um tuplo ou de uma lista.
<code>KeyError</code>	Referência a uma chave inexistente num dicionário.
<code>NameError</code>	Referência a um nome que não existe.
<code>SyntaxError</code>	Erro gerado quando uma das funções <code>eval</code> ou <code>input</code> encontram uma expressão com a sintaxe incorreta.
<code>ValueError</code>	Erro gerado quando uma função recebe um argumento de tipo correto mas cujo valor não é apropriado.
<code>ZeroDivisionError</code>	Erro gerado pela divisão por zero.

Tabela 3.3: Alguns dos identificadores de erros em Python.

- Python (como outras linguagens) fornecem um *protocol* para tratar das excepções (*try/except*) que veremos nas próximas semanas

Funções

Erros/Exceções, Exemplo:

```
In [16]: def invert(n):  
         if not (type(n) == int):  
             raise ValueError("erro nao numero")  
         elif n == 0:  
             raise ValueError("erro igual a 0")  
         return 1/n
```

```
i(3)
```

```
Out[16]: 0.3333333333333333
```

Funções

Módulos: Importar

- Não é preciso reinventar a roda, Python fornece um grande número de bibliotecas (*libraries*) ou módulos com funções que podemos importar:
- Lista de módulos disponíveis por omissão: <https://docs.python.org/3/py-modindex.html> (<https://docs.python.org/3/py-modindex.html>).

```
<instrução import> ::=  
    import <módulo> {as <nome>} NEWLINE |  
    from <módulo> import <nomes a importar> NEWLINE
```

```
<módulo> ::= <nome>
```

```
<nomes a importar> ::= * | <nomes>
```

```
<nomes> ::= <nome> | <nome>, <nomes>
```

Funções

Módulos: Aceder funções dum módulo

- Necessário no caso de *import* (sem *from*):

`<composed name> ::= <simple name>.<simple name>`

Exemplos:

```
>>> import math
>>> math.pi
3.141592653589793
>>> math.sin(math.pi/2)
1.0

>>> from math import pi, sin
>>> pi
3.141592653589793
>>> sin(pi/2)
1.0
```


Funções

Módulos: Construir módulos

- Colocar funções num ficheiro *.py* (ex: soma.py)
- Importar utilizando o nome do ficheiro/módulo (sem extensão):

```
>>> import soma  
>>> soma.soma(100)  
5050
```

Funções

Funções e parâmetros em Python ++ (opcional)

- Python permite maior flexibilidade na definição e passagem dos parâmetros numa função:
 - **Default parameters**
 - **Keyword arguments**
 - Número variável de parâmetros posicionais e keyword (não neste curso)

```
In [ ]: def dividir(num, den = 1):  
        return num/den  
print("Ex1:", dividir(10,2))  
print("Ex2:", dividir(10))
```

Funções

Visualização e execução de programas

- <http://pythontutor.com/visualize.html#mode=edit>
(<http://pythontutor.com/visualize.html#mode=edit>)
- IDEs como o PyCharm e WingIDE
- Demo?

A treinar!!!!

Funções

Exemplo 1, Tabela conversão temperaturas

```
In [ ]: def far_para_cent(F):  
        return round(5 * (F - 32) / 9)  
  
min = eval(input('Qual a temperatura minima?\n? '))  
max = eval(input('Qual a temperatura maxima?\n? '))  
  
while min <= max:  
    print(min, '= ', far_para_cent(min))  
    min = min + 1
```

Funções

Exemplo 2, Potência de dois números inteiros

```
In [ ]: # Power of two numbers inteiros
def potencia(x, k):
    if k < 0:
        raise ValueError('potencia: expoente k negativo')
    elif type(k) != int:
        raise ValueError('potencia: expoente k nao inteiro')
    elif type(x) != int:
        raise ValueError('potencia: expoente x nao é um inteiro')

    product = 1

    while k > 0:
        product = product*x
        k = k - 1

    return product

print(potencia(3, 4))
```

Funções

Exemplo 3, Factorial

```
In [ ]: # factorial
def factorial(n):
    if type(n) != int:
        raise ValueError("Não inteiro!")
    elif n < 0:
        raise ValueError("Negativo!")

    f, i = 1, 1
    while i <= n:
        f = f * i
        i = i + 1
    return f

# Alternativa
# f = 1
# while n > 0:
#     f = f * n
#     n = n - 1
# return f

x = eval(input("Inteiro: "))
f = factorial(x)
print(f)
```

Funções

Exemplo 4, Máximo divisor comum (Algoritmo de Euclides)

1. O máximo divisor comum entre um número e zero é o próprio número: $\text{mdc}(m, 0) = m$
 2. Quando dividimos um número m por um menor n , o máximo divisor comum entre o resto da divisão e o divisor é o mesmo que o máximo divisor comum entre o dividendo e o divisor: $\text{mdc}(m, n) = \text{mdc}(n, m \% n)$
- Exemplo algoritmo para $\text{mdc}(24, 16)$:

m	n	$m \% n$
24	16	8
16	8	0
8	0	8

Funções

Exemplo 4, Máximo divisor comum (Algoritmo de Euclides)

```
In [ ]: # Máximo divisor comum (mdc)
        # Euclidian algorithm

        def mdc(m, n):

            if n < 0 or m < 0:
                raise ValueError('euclides: argumentos negativos!')

            while n > 0:
                m, n = n, m%n

            return m

        x = eval(input("Da-me valor x:"))
        y = eval(input("Da-me valor y:"))
        print(mdc(x, y))
```

Funções

Exemplo 5, Raiz quadrada (Algoritmo da Babilónia)

- Em cada iteração, partindo do valor aproximado, p_i , para a raiz quadrada de x , podemos calcular uma aproximação ao melhor, p_{i+1} , através da seguinte fórmula:

$$p_{i+1} = \frac{p_i + \frac{x}{p_i}}{2}.$$

- Exemplo algoritmo para $\sqrt{2}$

Número da tentativa	Aproximação para $\sqrt{2}$	Nova aproximação
0	1	$\frac{1+\frac{2}{1}}{2} = 1.5$
1	1.5	$\frac{1.5+\frac{2}{1.5}}{2} = 1.4167$
2	1.4167	$\frac{1.4167+\frac{2}{1.4167}}{2} = 1.4142$
3	1.4142	...

Funções

Exemplo 5, Raiz quadrada (Algoritmo da Babilónia)

```
def calcula_raiz(x, palpite):  
    while not bom_palpite(x, palpite):  
        palpite = novo_palpite(x, palpite)  
    return palpite  
  
def raiz(x):  
    if x < 0:  
        raise ValueError("raiz definida só para números positivos")  
    return calcula_raiz(x, 1)
```

- Exercício: Definir as funções *bom_palpite* e *novo_palpite*

Funções

Exemplo 6, Séries de Taylor

- Definição:

$$f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{f^{(n)}(a)}{n!} (x-a)^n = f(a) + \frac{f'(a)}{1!} (x-a) + \frac{f''(a)}{2!} (x-a)^2 + \frac{f^{(3)}(a)}{3!} (x-a)^3 + \dots$$

- Exemplos das seguintes aproximações:

$$e^x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots$$

$$\sin(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1} = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots$$

$$\cos(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} x^{2n} = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots$$

Funções

Exemplo 6, Séries de Taylor

```
def proximo_termo(x, n):  
    pass #completar (diferente dependendo da função a aproximar)  
  
def funcao_aproximada(x, delta):  
    n = 0  
    termo = proximo_termo(x, n)  
    resultado = termo  
    while termo > delta:  
        n = n + 1  
        termo = proximo_termo(x, n)  
        resultado = resultado + termo  
    return resultado
```

- **Exercício:** Definir a série de Taylor para as funções $e(x)$, $\sin(x)$ e $\cos(x)$
- **Exercício:** Alterar para que o cálculo de termo seja função do anterior termo,
`termo = proximo_termo(x, n, termo)`

Funções

Exemplo 6, Séries de Taylor: Exponencial

```
In [ ]: def exp_aproximada(x, delta):  
        def proximo_termo(x, n):  
            return x**n/factorial(n)  
  
        n = 0  
        termo = proximo_termo(x, n)  
        resultado = termo  
  
        while termo > delta:  
            n = n + 1  
            termo = proximo_termo(x, n)  
            resultado = resultado + termo  
  
        return resultado  
  
print("Aprox",exp_aproximada(3,0.001))  
from math import exp  
print("Exacto",exp(3))
```