



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

Um número inteiro,  $n$ , diz-se *triangular* se existir um inteiro  $m$  tal que  $n = 1 + 2 + \dots + (m - 1) + m$ . Escreva uma função chamada `triangular` que recebe um número inteiro positivo  $n$ , e cujo valor é `True` apenas se o número for triangular. No caso de  $n$  ser 0 deverá devolver `False`. Por exemplo,

```
>>> triangular(6)
True
>>> triangular(8)
False
```

#### Solução:

```
def triangular(n):
    soma = 0
    i = 1
    while soma < n:
        soma = soma + i
        i = i + 1
    return soma == n
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

A função *arctg* pode ser calculada através da seguinte fórmula

$$\text{arctg}(x) = \sum_{i=0}^n \frac{(-1)^i x^{2i+1}}{2i+1}$$

Escreva uma função com o nome `arctg`, que recebe o número `x` para o qual se quer calcular o *arctg*, bem como o número de termos `n` da expressão a calcular, e devolve o *arctg* calculado de acordo com a fórmula anterior.

```
>>> arctg(0.5, 100)
0.46364760900080615
>>> arctg(1, 100)
0.7878733502677477
```

#### Solução:

```
def arctg(x,n):
    soma = 0
    while n >= 0:
        termo = (-1)**n * x**(2*n +1) / (2*n + 1)
        soma = soma + termo
        n = n - 1
    return soma
```



Nome:
-------

Número:
---------

Data:
-------

Curso:
--------

### Capítulo 3 - Funções

Um número *primo* é um número inteiro maior do que 1 que apenas é divisível por 1 e por si próprio. Por exemplo, 5 é primo porque apenas é divisível por si próprio e por um, ao passo que 6 não é primo pois é divisível por 1, 2, 3, e 6. Os números primos têm um papel muito importante tanto em Matemática como em Informática. Um método simples, mas pouco eficiente, para determinar se um número,  $n$ , é primo consiste em testar se  $n$  é múltiplo de algum número entre 2 e  $\sqrt{n}$ .

Usando este processo, escreva uma função em Python chamada `primo` que recebe um número inteiro e tem o valor `True` apenas se o seu argumento for primo.

```
>>> primo(9)
False
>>> primo(11)
True
```

#### Solução:

```
import math
def primo(n):
    i = 2
    max = math.sqrt(n)
    while i <= max:
        if n % i == 0:
            return False
        i = i + 1
    return True
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

Um número  $d$  é divisor de  $n$  se o resto da divisão de  $n$  por  $d$  for 0. Escreva uma função com o nome `num_divisores` que recebe um número inteiro positivo  $n$ , e tem como valor o número de divisores de  $n$ . No caso de  $n$  ser 0 deverá devolver 0. Por exemplo,

```
>>> num_divisores(20)
6
>>> num_divisores(13)
2
```

#### Solução:

```
def num_divisores(n):
    res = 0
    i = 1
    while i <= n:
        if n%i == 0:
            res = res + 1
        i = i + 1
    return res
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

Escreva uma função em Python que calcula o valor aproximado da série para um determinado valor de  $x$ :

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} = e^x$$

O cálculo do valor aproximado da série deverá terminar quando o termo a adicionar for inferior a um certo  $\delta$  (que é fornecido como segundo parâmetro da função). Assuma a existência da função `factorial(n)`.

#### Solução:

```
def serie_e(x, delta):  
    soma = 0  
    n = 0  
    termo = 1  
    while termo >= delta:  
        soma = soma + termo  
        n = n + 1  
        termo = x**n / factorial(n)  
    return soma
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

Escreva uma função em Python com o nome `soma_quadrados` que recebe um número inteiro positivo, `n`, e tem como valor a soma dos quadrados de todos os números inteiros de 1 até `n`.

```
>>> soma_quadrados(1)
1
>>> soma_quadrados(3)
14
```

#### Solução:

```
def soma_quadrados(n):
    soma = 0
    while n != 0:
        soma = soma + n*n
        n = n - 1
    return soma
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

O número máximo de fatias de pizza possível de se obter com apenas  $n$  cortes<sup>1</sup>, é dado pela expressão  $(n*n + n + 2) / 2$ . Escreva uma função em Python com o nome `num_cuts` que recebe o número de fatias necessário `slices`, e devolve o número mínimo de cortes que são necessários para as produzir. Por exemplo:

```
>>> num_cuts(1)
0
>>> num_cuts(22)
6
```

#### Solução 1:

```
def num_cuts(slices):
    n = 0
    f = 1
    while f < slices:
        n = n + 1
        f = (n*n + n + 2) / 2
    return n
```

#### Solução 2:

```
def num_cuts(slices):
    n = 0
    while formula(n) < slices:
        n = n + 1
    return n

def formula(n):
    return (n*n + n + 2) / 2
```

---

<sup>1</sup> [https://en.wikipedia.org/wiki/Lazy\\_caterer's\\_sequence](https://en.wikipedia.org/wiki/Lazy_caterer's_sequence)