

Resolución de Tarea 10 - Algoritmos Cuánticos (Fecha: 12 de Diciembre de 2025)

Universidad Simón Bolívar
Departamento de Computación y Tecnología de la Información
CI5651 - Diseño de Algoritmos I
Septiembre - Diciembre 2025
Estudiante: Junior Miguel Lara Torres (17-10303)

Tarea 10 (9 puntos)

Índice

- Resolución de Tarea 10 - Algoritmos Cuánticos (Fecha: 12 de Diciembre de 2025)
- Índice
- Pregunta 1
 - Implementación en Python
- Pregunta 2

Pregunta 1

Se realizan 6 simulaciones para $N = 35$ con un máximo de $K = 10$ iteraciones.

La simulación del Algoritmo de Shor para la factorización de $N = 35$ se basa en encontrar el **orden** r (el período) de una base aleatoria x módulo N . Si el orden r es par y $x^{r/2} \not\equiv \pm 1 \pmod{N}$, se puede calcular un factor no trivial mediante el máximo común divisor.

A continuación se detalla el proceso, iteración por iteración, para las 6 simulaciones. La probabilidad de éxito del algoritmo se **amplifica** al repetir el proceso hasta $k = 10$ veces, aunque, como se muestra, la factorización a menudo se encuentra rápidamente.

- Simulación 1

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 1:	Se selecciona la base aleatoria $\mathbf{x} = 26$.
Búsqueda de orden r:	Se calcula el orden r de 26 mod 35, resultando $\mathbf{r} = 6$.
Verificación de r:	El orden $r = 6$ es par . Se calcula $x^{r/2} \pmod{35} = 26^3 \pmod{35} = 6$.
Prueba de no-trivialidad:	Dado que $6 \not\equiv 34 \pmod{35}$, el resultado es no trivial .
Factorización:	Se calcula $\gcd(35, 6 + 1) = 7$ y $\gcd(35, 6 - 1) = 5$.
Conclusión:	El algoritmo encuentra un factor no trivial (7×5) en 1 iteración.

- Simulación 2

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 1:	Se selecciona la base aleatoria $\mathbf{x} = 8$.
Búsqueda de orden r:	Se calcula el orden r de 8 mod 35, resultando $\mathbf{r} = 4$.
Verificación de r:	El orden $r = 4$ es par . Se calcula $x^{r/2} \pmod{35} = 8^2 \pmod{35} = 64 \pmod{35} = 29$.

Paso	Detalle del Proceso
Prueba de no-trivialidad:	Dado que $29 \not\equiv 34 \pmod{35}$, el resultado es no trivial .
Factorización:	Se calcula $\gcd(35, 29 + 1) = 5$ y $\gcd(35, 29 - 1) = 7$.
Conclusión:	El algoritmo encuentra un factor no trivial (5×7) en 1 iteración.

- Simulación 3

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 1:	Se selecciona la base aleatoria $\mathbf{x} = 17$.
Búsqueda de orden r:	Se calcula el orden r de $17 \pmod{35}$, resultando $\mathbf{r} = 12$.
Verificación de r:	El orden $r = 12$ es par . Se calcula $x^{r/2} \pmod{35} = 17^6 \pmod{35} = 29$.
Prueba de no-trivialidad:	Dado que $29 \not\equiv 34 \pmod{35}$, el resultado es no trivial .
Factorización:	El algoritmo procede a calcular los factores, obteniendo 5×7 .
Conclusión:	El algoritmo encuentra un factor no trivial en 1 iteración.

- Simulación 4

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 1:	Se selecciona la base aleatoria $\mathbf{x} = 19$.
Búsqueda de orden r:	Se calcula el orden r de $19 \pmod{35}$, resultando $\mathbf{r} = 6$.
Verificación de r:	El orden $r = 6$ es par . Se calcula $x^{r/2} \pmod{35} = 19^3 \pmod{35} = 34$.
Prueba de no-trivialidad:	Dado que $34 \equiv N - 1 \pmod{35}$, este es un resultado trivial que no garantiza un factor. El algoritmo continúa.

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 2:	Se selecciona la base $\mathbf{x} = 32$.
Búsqueda de orden r:	Se calcula el orden r de $32 \pmod{35}$, resultando $\mathbf{r} = 12$.
Verificación:	El orden $r = 12$ es par . Se calcula $x^{r/2} \pmod{35} = 32^6 \pmod{35} = 29$.
Factorización:	Dado que $29 \not\equiv 34 \pmod{35}$, se encuentran los factores 5×7 .
Conclusión:	El algoritmo encuentra un factor no trivial en 2 iteraciones.

- Simulación 5

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 1:	Se selecciona la base aleatoria $\mathbf{x} = 19$.
Búsqueda de orden r:	Se calcula el orden r de $19 \bmod 35$, resultando $\mathbf{r} = 6$.
Verificación de r:	El orden $r = 6$ es par . Se calcula $x^{r/2} \bmod 35 = 19^3 \bmod 35 = 34$.
Prueba de no-trivialidad:	Dado que $34 \equiv N - 1 \pmod{35}$, este es un resultado trivial . El algoritmo continúa.

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 2:	Se selecciona la base $\mathbf{x} = 5$.
Chequeo Inicial:	Antes de buscar el orden r , se evalúa si $\gcd(x, N) = \gcd(5, 35)$.
Factorización:	El resultado $\gcd(5, 35) = 5$ es un factor no trivial (ya que $1 < 5 < 35$), por lo que se detiene la búsqueda.
Conclusión:	El algoritmo encuentra un factor no trivial en 2 iteraciones, gracias a la prueba inicial de máximo común divisor .

- Simulación 6

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 1:	Se selecciona la base aleatoria $\mathbf{x} = 11$.
Búsqueda de orden r:	Se calcula el orden r de $11 \bmod 35$, resultando $\mathbf{r} = 3$.
Verificación de r:	El orden $r = 3$ es impar . Dado que el algoritmo requiere que r sea par para continuar, el resultado es inválido. El algoritmo continúa.

Paso	Detalle del Proceso
Iteración 2:	Se selecciona la base $\mathbf{x} = 17$.
Búsqueda de orden r:	Se calcula el orden r de $17 \bmod 35$, resultando $\mathbf{r} = 12$.
Verificación:	El orden $r = 12$ es par . Se calcula $x^{r/2} \bmod 35 = 17^6 \bmod 35 = 29$.
Factorización:	Dado que $29 \not\equiv 34 \pmod{35}$, se encuentran los factores 5×7 .
Conclusión:	El algoritmo encuentra un factor no trivial en 2 iteraciones.

Implementación en Python

El archivo funcional se encuentra en [shor.py](#)

```

1 import random
2 import math
3
4 # El algoritmo de Shor depende de la exponenciación modular

```

```

5 # Utilizamos la función integrada de Python para eficiencia y precisión
6 # pow(a, b, m) calcula (a^b) mod m
7 # math.gcd calcula el máximo común divisor
8
9 def find_order(x, N):
10     """
11     Encuentra el orden r de x módulo N.
12     (Simula la función de búsqueda de periodo de QFT de forma clásica).
13     """
14     if math.gcd(x, N) != 1:
15         return 0 # Caso trivial: ya encontramos un factor
16
17     r = 1
18     val = x
19     while val != 1:
20         val = pow(x, r, N)
21         if val == 1:
22             break
23         r += 1
24     return r
25
26 def shor_simulation(N, k_max=10):
27
28     print(f"--- Simulación del Algoritmo de Shor para N = {N} ---")
29
30     for i in range(1, k_max + 1):
31         # 1. Seleccionar una base aleatoria x
32         x = random.randint(2, N - 1)
33
34         # 2. Verificar la coprimalidad
35         d_init = math.gcd(x, N)
36         if d_init != 1:
37             print(f"\nIteración {i}/{k_max}: Base x = {x}. GCD(x, N) = {d_init}.")
38             if 1 < d_init < N:
39                 print(f"Éxito: ¡Factor no trivial encontrado en el paso inicial! Factor = {d_init}")
40                 return True, i
41             # Si d_init = N, el test es inútil; si d_init=1, procedemos
42
43         # 3. Encontrar el orden r (periodo)
44         r = find_order(x, N)
45
46         print(f"\nIteración {i}/{k_max}: Base x = {x}. Orden r = {r}.")
47
48         # 4. Verificar condiciones de factorización: r debe ser par
49         if r == 0 or r % 2 != 0:
50             print(f"Resultado: Orden r={r} no es par/válido. Continuar.")
51             continue
52
53         # 5. Verificar condición de no-trivialidad de la raíz
54         r_half = r // 2
55
56         # Calculamos x^(r/2) mod N
57         x_r_half_mod_N = pow(x, r_half, N)
58         print(f"Verificación: x^(r/2) mod N = {x_r_half_mod_N}")
59
60         if x_r_half_mod_N == N - 1:
61             print(f"Resultado: x^(r/2) = N-1 ({N-1}). Raíz trivial. Continuar.")
62             continue
63

```

```

64     # 6. Calcular factores no triviales
65     d1 = math.gcd(N, x_r_half_mod_N + 1)
66     d2 = math.gcd(N, x_r_half_mod_N - 1)
67
68     if (1 < d1 < N) or (1 < d2 < N):
69         factor = d1 if 1 < d1 < N else d2
70         print(f"Éxito: ¡Factor no trivial encontrado! {N} = {factor} * {N // factor}")
71         return True, i
72     else:
73         print("Resultado: Factor trivial obtenido. Continuar.")
74
75     print(f"\n--- Simulación Finalizada ---")
76     return False, k_max

```

Pregunta 2

Por mi súbalo a la NAZA, ya es cuestión de usted si permite mi atrevimiento xD. Memardo [aquí](#).