

Tarea III (10 puntos)

A continuación encontrará 3 preguntas, cada una compuesta de diferentes sub-preguntas. El valor de cada pregunta (y sub-pregunta) estará expresado entre paréntesis al inicio de las mismas.

En aquellas preguntas donde se le pida ejecutar un algoritmo o procesar una entrada, incluya los pasos relevantes de la ejecución del mismo con los cuales usted pudo alcanzar su conclusión. Sea lo más detallado y preciso posible en sus razonamientos y procedimientos.

La entrega se realizará por correo electrónico a rmonascal@gmail.com hasta las 11:59pm. VET del Miércoles 19 de Marzo de 2025.

1. (2 puntos) Considere las siguientes declaraciones de tipo de datos:

```
type pokemon = struct                type pokebola = *pokemon
  pi : float
  ka : pokebola
  chu : pokebola
end
```

- a) (1 punto) Construya el grafo de tipos que se genera para representar al tipo `pokemon`, considerando equivalencia por nombre estricta.
- b) (1 punto) Considere el siguiente conjunto de declaraciones:

```
var a : pokemon
var b = &a : Tb
var c = (*b).chu : Tc
var d = (*a.chu).pi
var e = *(*(*c).ka).chu
```

Para las variables `a`, `b`, `c`, `d` y `e`, establezca su tipo (note que para la variable `a` ya está colocado) y marque, en el grafo de tipos de la pregunta anterior, a qué nodo corresponde el tipo de cada una de las variables mencionadas.

2. (3 puntos) Considere los siguiente símbolos con su tipos (potencialmente polimórficos):

| | | | |
|-------------------|---|---------------------|--|
| <code>cmap</code> | : β | <code>head</code> | : $\forall \alpha. list(\alpha) \rightarrow \alpha$ |
| <code>f</code> | : γ | <code>tail</code> | : $\forall \alpha. list(\alpha) \rightarrow list(\alpha)$ |
| <code>x</code> | : ρ | <code>if</code> | : $\forall \alpha. bool \times \alpha \times \alpha \rightarrow \alpha$ |
| <code>[]</code> | : $\forall \alpha. list(\alpha)$ | <code>concat</code> | : $\forall \alpha. list(\alpha) \rightarrow list(\alpha) \rightarrow list(\alpha)$ |
| <code>null</code> | : $\forall \alpha. list(\alpha) \rightarrow bool$ | <code>match</code> | : $\forall \alpha. \alpha \times \alpha \rightarrow \alpha$ |

Considere también la siguiente expresión:

```
match(cmap(f,x), if(null(x), [], concat(f(head(x)), cmap(f, tail(x)))))
```

Utilice el esquema de verificación visto en clase para determinar el tipo más general de `cmap` y muestre las unificaciones realizadas en cada paso.

3. (5 puntos) Traducción dirigida por sintaxis para verificación de tipos.

a) (2 puntos) Considere la siguiente gramática de expresiones:

$$\begin{array}{lcl}
 E & \rightarrow & E + E \\
 & | & E \wedge E \\
 & | & E < E \\
 & | & E ? : E \\
 & | & E !! \\
 & | & (E) \\
 & | & num \\
 & | & true \\
 & | & false \\
 & | & null
 \end{array}$$

Las primeras tres reglas de la producción corresponden a la suma de enteros, la conjunción booleana y el operador relacional "menor que", respectivamente.

La producción $E \rightarrow E ? : E$ representa evaluaciones con valores por defecto en caso de nulidad. Esto es, si se tiene $a ? : b$, la expresión evalúa a b si $a = null$ y evalúa a a de lo contrario.

La producción $E \rightarrow E !!$ representa evaluaciones forzadas sin seguridad por nulidad. Esto es, si se tiene $a !!$, la expresión evalúa a a si $a \neq null$ y es un error de tipo de lo contrario.

Construya la regla asociada a esta producción que calcula **E.type**, el tipo de la expresión. El atributo debe ser sintetizado.

Nota: Puede suponer que el tipo de *num* es *INT*, el tipo de *true* y *false* es *BOOL* y el tipo de *null* es *NULL*.

b) (1 punto) Utilice el esquema de traducción dirigido por sintaxis definido en la pregunta anterior para construir el tipo de la siguiente frase:

$$((null ? : 42) + (69 !!) < (7 ? : null)) \wedge null) ? : true$$

Muestre cada uno de los pasos en el árbol de derivación.

c) (1 punto) Considere la gramática de instrucciones vista en clase y aumentela con una producción de la forma:

$$S \rightarrow \text{repeatWhen } E \text{ lt } S \text{ gt } S$$

Esta producción representa repeticiones indeterminadas, con cuerpos que dependen del signo de la una expresión aritmética. Esto es, si se tiene **repeatWhen a lt b gt c**, la expresión ejecuta **b** siempre que **a < 0** y ejecuta **c** siempre que **a > 0**. En el caso que **a = 0** entonces sale de la repetición.

Construya la regla asociada a esta producción que calcula **S.type**, el tipo de la instrucción (recuerde que las instrucciones son siempre de tipo **void** a menos que haya ocurrido algún error). El atributo debe ser sintetizado.

d) (1 punto) Replantee las reglas definidas para las gramáticas anteriores en términos de reglas de inferencia.