

## Trabajo estadística

Ancasi Garcia, Roy  
27182301

alumno 1  
Dalquerre Garcia, Luis  
27180119

alumno 2  
Auucapuclla Barrientos, Paul  
27170502

alumno 3  
Robles Garibay, Bill  
27180108

alumno 4  
Zamudio Castro, Antony  
27170110

alumno 5  
Huaman Landa Leonel  
27180701

September 15, 2019

1. Un taller tiene 5 empleados. Los salarios diarios en dolares de cada uno de ellos seon: 5, 7, 8, 10, 10

a) Determine la media y la varianza de la poblacion

Salarios	
$x_i$	valor
$x_1$	5
$x_2$	7
$x_3$	8
$x_4$	10
$x_5$	10

Table 1: Tabla de salarios.

Hallamos la media

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{n} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5}{n} = \frac{5 + 7 + 8 + 10 + 10}{5} = \frac{40}{5}$$

tenemos que ,  $\bar{x} = 8$

Para la varianza

$$\sigma^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(x_i - \bar{x})^2}{n} = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + (x_3 - \bar{x})^2 + (x_4 - \bar{x})^2 + (x_5 - \bar{x})^2}{n}$$

$$= \frac{(5-8)^2 + (7-8)^2 + (8-8)^2 + (10-8)^2 + (10-8)^2}{5} = \frac{9+1+0+4+4}{5} = \frac{18}{5} = 3.6$$

tenemos que ,  $\sigma^2 = 3.6$

3.Si  $\bar{x}$  denota la media de la muestra aleatoria  $x_1, x_2, \dots, x_9$  de tamaño 9 escogida de la población (X) normal  $N(6, 6^2)$ .

a) Describa la distribución de probabilidades de la variable  $\bar{X}$

b) Halle el percentil 80 de la distribución de  $\bar{X}$

$$P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{k - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}\right) = 0.8$$

$$P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{k - 6}{\frac{6}{\sqrt{9}}}\right) = 0.8$$

teniendo,

$$\frac{k - 6}{\frac{6}{\sqrt{9}}} = 0.84$$

$$\frac{k - 6}{2} = 0.84$$

$$k - 6 = 1.68$$

,

$$k = 7.68$$

c) Si  $Y = 3\bar{X} - 5$ , calcular  $P[\bar{Y} > 28]$ .

entonces,

$$P[\bar{Y} > 28] = P[3\bar{X} - 5 > 28] = P[3\bar{X} > 33] = P[\bar{X} > 11] = 1 - P[\bar{X} \leq 11]$$

$$= 1 - P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{11 - 6}{\frac{6}{\sqrt{9}}}\right) = 1 - P(Z \leq 2.5) = 1 - 0.9938 = 0.0062$$

4. Una compañía agroindustrial ha logrado establecer el siguiente modelo de probabilidad discreta de los sueldos (X) en cientos de dólares de su personal:

x	1	2	3	4	5
$f(x) = P[X = x]$	0.1	0.2	0.4	0.2	0.1

Table 2: Sueldos en cientos de dólares.

Si de esta población de sueldos se toman 30 sueldos al azar.

a) Halle la media y la varianza de la media muestral.

Entonces para calcular  $\mu$ ,

$$\lambda = \sum_{i=1}^n x_i f(x_i) = 0.1 + 0.4 + 1.2 + 0.8 + 0.5 = 3$$

$x_i$	$f(x)$	$xf(x)$	$x^2f(x)$
1	0.1	0.1	0.1
2	0.2	0.4	0.8
3	0.4	1.2	3.6
4	0.2	0.8	3.2
5	0.1	0.5	2.5

Table 3:  $xf(x)$ .

Para la varianza,

$$\sigma_x^2 = \sum_{i=1}^n (x_i)^2 - \mu^2 = 0.1 + 0.8 + 3.6 + 3.2 + 2.5 - 9 = 10.2 - 9 = 1.2$$

entonces,

$$\sigma_{\bar{x}}^2 = \frac{\sigma_x^2}{n} = \frac{1.2}{30} = 0.04$$

b) Calcule la probabilidad de que la media muestral este entre 260 y 330 dolares.// Recordemos que los sueldos estan en base 100, entonces debemos hallar,  $P(2.6 \leq \bar{x} \leq 3.3)$ //

$$\begin{aligned}
P(2.6 \leq \bar{x} \leq 3.3) &= P(\bar{x} \leq 3.3) - P(\bar{x} \leq 2.6) \\
&= P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{3.3 - 3.0}{0.2}\right) - P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{2.6 - 3.0}{0.2}\right) = P(Z \leq 1.5) - P(Z \leq -2) \\
&= 0.9332 - 0.0540 = 0.8792
\end{aligned}$$