

Trabajo estadística

Ancasi Garcia, Roy	sujeto 1
27182301	informacionRelevante
correo@electronico1	correo@electronico2
sujeto 2	sujeto 3
informacionRelevante	informacionRelevante
correo@electronico2	correo@electronico2
sujeto 4	sujeto 5
informacionRelevante	informacionRelevante
correo@electronico2	correo@electronico2

September 15, 2019

1. Un taller tiene 5 empleados. Los salarios diarios en dolares de cada uno de ellos seon: 5, 7, 8, 10, 10
a) Determine la media y la varianza de la poblacion

Salarios	
x_i	valor
x_1	5
x_2	7
x_3	8
x_4	10
x_5	10

Table 1: Tabla de salarios.

Hallamos la media

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{n} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5}{n} = \frac{5 + 7 + 8 + 10 + 10}{5} = \frac{40}{5}$$

tenemos que , $\bar{x} = 8$

Para la varianza

$$\sigma^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(x_i - \bar{x})^2}{n} = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + (x_3 - \bar{x})^2 + (x_4 - \bar{x})^2 + (x_5 - \bar{x})^2}{n}$$

$$= \frac{(5-8)^2 + (7-8)^2 + (8-8)^2 + (10-8)^2 + (10-8)^2}{5} = \frac{9+1+0+4+4}{5} = \frac{18}{5} = 3.6$$

tenemos que , $\sigma^2 = 3.6$

2. De la historia sacada de los registros de la Universidad se ha determinado que las calificaciones de MATE I y de FILO I se distribuyen normalmente con las medias respectivas de 12 y 15 y con varianzas homogéneas igual a 4 . ¿Cuál es la probabilidad de que la media de las notas de un alumno que lleve tales cursos este entre 13 y 16?

3. Si \bar{x} denota la media de la muestra aleatoria x_1, x_2, \dots, x_9 de tamaño 9 escogida de la población (X) normal $N(6, 6^2)$.

a) Describa la distribución de probabilidades de la variable \bar{X}

b) Halle el percentil 80 de la distribución de \bar{X}

$$P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{k - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}\right) = 0.8$$

$$P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{k - 6}{\frac{6}{\sqrt{9}}}\right) = 0.8$$

teniendo,

$$\frac{k - 6}{\frac{6}{\sqrt{9}}} = 0.84$$

$$\frac{k - 6}{2} = 0.84$$

$$k - 6 = 1.68$$

,

$$k = 7.68$$

c) Si $Y = 3\bar{X} - 5$, calcular $P[\bar{Y} > 28]$.

entonces,

$$P[\bar{Y} > 28] = P[3\bar{X} - 5 > 28] = P[3\bar{X} > 33] = P[\bar{X} > 11] = 1 - P[\bar{X} \leq 11]$$

$$= 1 - P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{11 - 6}{\frac{6}{\sqrt{9}}}\right) = 1 - P(Z \leq 2.5) = 1 - 0.9938 = 0.0062$$

4. Una compañía agroindustrial ha logrado establecer el siguiente modelo de probabilidad discreta de los sueldos (X) en cientos de dólares de su personal:

x	1	2	3	4	5
$f(x) = P[X = x]$	0.1	0.2	0.4	0.2	0.1

Table 2: Sueldos en cientos de dólares.

Si de esta población de sueldos se toman 30 sueldos al azar.

a) Halle la media y la varianza de la media muestral.

x_i	$f(x)$	$xf(x)$	$x^2f(x)$
1	0.1	0.1	0.1
2	0.2	0.4	0.8
3	0.4	1.2	3.6
4	0.2	0.8	3.2
5	0.1	0.5	2.5

Table 3: $xf(x)$.

Entonces para calcular μ ,

$$\lambda = \sum_{i=1}^n x_i f(x_i) = 0.1 + 0.4 + 1.2 + 0.8 + 0.5 = 3$$

Para la varianza,

$$\sigma_x^2 = \sum_{i=1}^n (x_i)^2 - \mu^2 = 0.1 + 0.8 + 3.6 + 3.2 + 2.5 - 9 = 10.2 - 9 = 1.2$$

entonces,

$$\sigma_{\bar{x}}^2 = \frac{\sigma_x^2}{n} = \frac{1.2}{30} = 0.04$$

b) Calcule la probabilidad de que la media muestral este entre 260 y 330 dolares.// Recordemos que los sueldos estan en base 100, entonces debemos hallar, $P(2.6 \leq \bar{x} \leq 3.3)$ //

$$\begin{aligned}
 P(2.6 \leq \bar{x} \leq 3.3) &= P(\bar{x} \leq 3.3) - P(\bar{x} \leq 2.6) \\
 &= P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{3.3 - 3.0}{0.2}\right) - P\left(\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \leq \frac{2.6 - 3.0}{0.2}\right) = P(Z \leq 1.5) - P(Z \leq -2) \\
 &= 0.9332 - 0.0183 = 0.9149
 \end{aligned}$$