## Kwalifikacja i implementacja systemów kompilacji z użyciem efektów algebraicznych

(Categorization and implementation of Build Systems using algebraic effects)

Jakub Mendyk

Praca licencjacka

**Promotor:** dr Filip Sieczkowski

Uniwersytet Wrocławski Wydział Matematyki i Informatyki Instytut Informatyki

4 września 2020

Jakub Mend	yk
	(adres zameldowania)
	(adres zameidowania)
	(adres korespondencyjny)
PESEL:	
e-mail:	
Wydział Ma	tematyki i Informatyki
stacjonarne	studia I stopnia
kierunek:	Indywidualne Studia Matematyczno-Informatyczne
nr albumu:	301111

## Oświadczenie o autorskim wykonaniu pracy dyplomowej

Niniejszym oświadczam, że złożoną do oceny pracę zatytułowaną *Kwalifikacja i implementacja systemów kompilacji z użyciem efektów algebraicznych* wykonałem/am samodzielnie pod kierunkiem promotora, dr. Filipa Sieczkowskiego. Oświadczam, że powyższe dane są zgodne ze stanem faktycznym i znane mi są przepisy ustawy z dn. 4 lutego 1994 r. o prawie autorskim i prawach pokrewnych (tekst jednolity: Dz. U. z 2006 r. nr 90, poz. 637, z późniejszymi zmianami) oraz że treść pracy dyplomowej przedstawionej do obrony, zawarta na przekazanym nośniku elektronicznym, jest identyczna z jej wersją drukowaną.

Wrocław, 4 września 2020

(czytelny podpis)

# Streszczenie

. . .

. . .

# Spis treści

1.	$\mathbf{W}\mathbf{p}$	rowadzenie	7
	1.1.	Problemy z efektami ubocznymi	7
	1.2.	Radzenie sobie z efektami ubocznymi	7
	1.3.	Systemy kompilacji	8
	1.4.	O tej pracy	8
2.	Ое	fektach algebraicznych teoretycznie	11
	2.1.	Notacja	11
	2.2.	Równania, efekt porażki i modyfikowalny stan	12
	2.3.	Poszukiwanie sukcesu	14
	2.4.	Dalsza lektura	14
3.	O s	ystemach kompilacji (i ich klasyfikacji)	17
4.	Efel	kty algebraiczne i uchwyty w praktyce	19
	4.1.	Języki programowania z efektami algebraicznymi	19
	4.2.	Helium	20
	4.3.	Przykłady implementacji uchwytów	21
		4.3.1. Błąd	21
		4.3.2. Niedeterminizm	22
		4.3.3. Modyfikowalny stan	24
		4.3.4. Efekt rekursji	26
		4.3.5. Wiele efektów na raz – porażka i niedeterminizm	27
<b>5.</b>	$\mathbf{Sys}^{1}$	temy kompilacji z użyciem efektów algebraicznych i uchwytów	29

6	SPIS TREŚCI
6. Podsumowanie i wnioski	31
Bibliografia	33

#### Rozdział 1.

### Wprowadzenie

#### 1.1. Problemy z efektami ubocznymi

Programy komputerowe, dzięki możliwości interakcji z zewnętrznymi zasobami takimi jak nośniki pamięci, sieci komputerowe czy użytkownicy oprogramowania mogą robić istotnie więcej niż tylko zadane wcześniej obliczenia. W ten sposób przebieg programu i jego wynik staje się jednak zależny od tegoż świata zewnętrznego, a sam program nie jest tylko serią czystych obliczeń ale także towarzyszących im efektów ubocznych.

Efekty uboczne powodują jednak, że rozumowanie i wnioskowanie o sposobie oraz prawidłowości działania programów staje się znacznie trudniejsze, a w konsekwencji ogranicza ich modularność i prowadzi do częstszych pomyłek ze strony autorów. Chcąc tego uniknąć, dąży się do wydzielania w programie jak największej części, która składa się z czystych obliczeń. Jednak to, czy jakiś moduł oprogramowania wykonuje obliczenia z efektami ubocznymi nie koniecznie jest jasne i często musimy zaufać autorowi, że w istocie tak jest.

#### 1.2. Radzenie sobie z efektami ubocznymi

Jednym z rozwiązań tego problemu, jest zawarcie informacji o posiadaniu efektów ubocznych w systemie typów. Możemy skorzystać wtedy z inferencji i weryfikacji typów do automatycznej identyfikacji modułów zawierających efekty uboczne – dzięki temu programista może łatwo wyczytać z sygnatury funkcji, które z nich występują w czasie jej działania. Znanym przykładem umieszczenia efektów w typach jest wykorzystanie monad w języku programowania Haskell. Niestety, jednoczesne użytkowanie dwóch niezależnych zasobów reprezentowanych przez różne monady nie jest łatwe i wymaga dodatkowych struktur, takich jak transformery monad, które niosą ze sobą dodatkowe wyzwania – problem modularności został jedynie przesunięty w inny obszar.

Nowym, konkurencyjnym podejściem do ujarzmienia efektów ubocznych przez wykorzystanie systemu typów są efekty algebraiczne z uchwytami. Powierzchownie, zdają się być podobne do konstrukcji obsługi wyjątków w językach programowania lub wywołań systemowych w systemach operacyjnych. Dzięki rozdziałowi między definicjami operacji związanych z efektami ubocznymi, a ich semantyką oraz interesującemu zastosowaniu kontynuacji, dają łatwość myślenia i wnioskowania o programach ich używających. Ponadto, w przeciwieństwie do monad, można je bezproblemowo składać.

#### 1.3. Systemy kompilacji

Przykładem programów, których głównym zadaniem jest interakcja z zewnętrznymi zasobami są systemy kompilacji, w których użytkownik opisuje proces wytwarzania wyniku jako zbiór wzajemnie-zależnych zadań wraz z informacją jak mają być one wykonywane w oparciu o wyniki innych zadań, zaś system jest odpowiedzialny za ich poprawne uporządkowanie i wykonanie. Ponadto, od systemu kompilacji oczekujemy, że będzie śledził zmiany w danych wejściowych i – gdy poproszony o aktualizację wyników – obliczał ponownie jedynie zadania, których wartości ulegną zmianie. Przykładami takich systemów są Make oraz – co może wydawać się zaskakujące – programy biurowe służące do edycji arkuszy kalkulacyjnych (np. popularny Excel).

W publikacjach pod tytułem "Build systems à la carte" [7,8], autorzy przedstawiają sposób klasyfikacji systemów kompilacji w oparciu o to jak determinują one kolejność w jakiej zadania zostaną obliczone oraz jak wyznaczają, które z zadań wymagają ponownego obliczenia. Uzyskana klasyfikacja prowadzi autorów do skonstruowania platformy umożliwiającej definiowanie systemów kompilacji o oczekiwanych właściwościach. Platforma ta okazuje się być łatwa w implementacji w języku Haskell, a klasy typów Applicative oraz Monad odpowiadać mocy języka opisywania zależności między zadaniami do obliczenia.

#### 1.4. O tej pracy

Celem tej pracy jest zapoznanie czytelnika, który miał dotychczas kontakt z językiem Haskell oraz podstawami języków funkcyjny, z nowatorskim rozwiązaniem jakim są efekty algebraiczne oraz zademonstrowanie – idąc śladami Mokhov'a i innych [8] – implementacji systemów kompilacji z wykorzystaniem efektów algebraicznych i uchwytów w języku programowania Helium. Jak się okazuje, wykorzystanie tych narzędzi daje schludną implementację ale także prowadzi do problemów w implementacji systemów o pewnym sposobie determinowania zależności między zadaniami.

1.4. O TEJ PRACY 9

W rozdziale drugim wprowadzony zostaje prosty model obliczeń wykorzystujący efekty algebraiczne i uchwyty. Zostaje przedstawionych kilka przykładów reprezentacji standardowych efektów ubocznych w opisanym modelu.

Rozdział czwarty rozpoczyna się zapoznaniem z istniejącymi językami oraz bibliotekami umożliwiającymi programowanie z efektami i uchwytami. Następnie omówiony jest język Helium oraz przykładowe problemy wraz z programami je rozwiązującymi, z użyciem efektów i uchwytów. Zademonstrowana jest ponadto łatwość wykorzystywania wielu efektów jednocześnie – w bardziej przystępnej formie niż w przypadku monad w Haskellu.

#### Rozdział 2.

# O efektach algebraicznych teoretycznie

Wprowadzimy notację służącą opisowi prostych obliczeń, która pomoże nam – bez zanurzania się głęboko w ich rodowód matematyczny – zrozumieć jak prostym, a jednocześnie fascynującym tworem są efekty algebraiczne i uchwyty. Następnie przyjrzymy się, jak możemy zapisać popularne przykłady efektów ubocznych używając naszej notacji. Na koniec, czytelnikowi zostaną polecone zasoby do dalszej lektury, które rozszerzają opis z tego rozdziału.

#### 2.1. Notacja

Będziemy rozważać obliczenia nad wartościami następujących trzech typów:

- $\bullet$ boolowskim B z wartościami Ti Foraz standardowymi spójnikami logicznymi,
- ullet liczb całkowitych  $\mathbb{Z}$  wraz z ich relacją równości oraz podstawowymi działaniami arytmetycznymi,
- $\bullet$  typem jednostkowym U zamieszkałym przez pojedynczą wartość u,
- oraz pary tychże typów.

Nasz model składać się będzie z wyrażeń:

- return v gdzie v jest wyrażeniem boolowskim lub arytmetycznym,
- if  $v_1 = v_2$  then  $e_t$  else  $e_f$  wyrażenie warunkowe, gdzie  $v_1 = v_2$  jest pytaniem o równość wartości dwóch wyrażeń arytmetycznych,

- abstrakcyjnych operacji oznaczanych  $\{op_i\}_{i\in I}$  powodujących wystąpienie efektów ubocznych których działanie nie jest nam znane, zaś ich sygnatury to  $op_i: A \to (B \to C) \to D$ , gdzie A, B, C oraz D to pewne typy w naszym modelu. Wyrażenie  $op_i(n,\kappa)$  opisuje operację z argumentami n oraz dalszą częścią obliczenia  $\kappa$  parametryzowaną wynikiem operacji, które może ( $nie\ musi$ ) zostać wykonane po jej wystąpieniu,
- uchwytów, czyli wyrażeń postaci **handle** e **with**  $\{op_i \ n \ \kappa \Rightarrow h_i\}_{i\in I}$ , gdzie e to inne wyrażenie; uchwyt definiuje działanie (dotychczas abstrakcyjnych) efektów ubocznych.

Przykładowymi obliczeniami w naszej notacji są więc:

return 0, return 
$$2+2$$
,  $op_1(2, \lambda x. \text{ return } x+1)$   
handle  $op_1(2, \lambda x. \text{ return } x+1)$  with  $\{ op_1 \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (2 \cdot n) \ \}$ 

Dla czytelności, pisząc w uchwycie zbiór który nie przebiega wszystkich operacji, przyjmujemy że uchwyt nie definiuje działania operacji; równoważnie, zbiór wzbogacamy o element:  $op_i \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ op_i(n,\kappa)$ .

Obliczanie wartości wyrażenia przebiega następująco:

- $\llbracket$  return  $v \rrbracket = v$  wartością return jest wartość wyrażenia arytmetycznego,
- $[(\lambda x. \ e) \ y] = [e[x/[y]]]$  aplikacja argumentu do funkcji,

• 
$$\llbracket \mathbf{if} \ v_1 = v_2 \mathbf{then} \ e_t \mathbf{else} \ e_f \rrbracket = \begin{cases} \llbracket e_t \rrbracket & \mathrm{gdy} \ \llbracket v_1 \rrbracket = \llbracket v_2 \rrbracket \\ \llbracket e_f \rrbracket & \mathrm{wpp} \end{cases}$$

- $[\![$  handle return v with H  $]\![$  =  $[\![$  return v  $]\![$  uchwyt nie wpływa na wartość obliczenia, które nie zawiera efektów ubocznych,
- [[handle  $op_i(a, f)$  with H]] = [[handle  $h_i[n/[a], \kappa/f]$  with H]], gdzie  $H = \{ op_i \ n \ \kappa \Rightarrow h_i \}$ , a  $h_i$  nie ma wystąpień  $op_i$ .

Zobaczmy jak zatem wygląda obliczenie ostatniego z powyższych przykładów:

$$[\![\!] \mathbf{handle} \ op_1(2, \lambda x. \ \mathbf{return} \ x+1) \ \mathbf{with} \ \{ \ op_1 \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (2 \cdot n) \ \} ]\!] = \\ [\![\![\!] \mathbf{handle} \ (\lambda x. \ \mathbf{return} \ x+1)(2 \cdot 2) \ \mathbf{with} \ \{ \ op_1 \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (2 \cdot n) \ \} ]\!] = \\ [\![\![\!] \mathbf{handle} \ \mathbf{return} \ 4+1 \ \mathbf{with} \ \{ \ op_1 \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (2 \cdot n) \ \} ]\!] = \\ [\![\![\!] \mathbf{return} \ 4+1 \ ]\!] = 5$$

#### 2.2. Równania, efekt porażki i modyfikowalny stan

Do tego momentu, nie przyjmowaliśmy żadnych założeń na temat operacji powodujących efekty uboczne. Uchwyty mogły w związku z tym działać w sposób całkowicie dowolny. Ograniczymy się w tej dowolności i nałożymy warunki na uchwyty

wybranych operacji. Przykładowo, ustalmy że dla operacji  $op_r$ , uchwyty muszą być takie aby następujący warunek był spełniony:

$$\forall n \ \forall e. \ \llbracket \mathbf{handle} \ op_r(n, \lambda x. \ e) \mathbf{ with } H \rrbracket = n$$
 (2.3)

Zauważmy, że istnieje tylko jeden naturalny uchwyt spełniający tej warunek, jest nim  $H = \{ op_r \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ n \}$ . Co więcej, jego działanie łudząco przypomina konstrukcję wyjątków w popularnych językach programowania:

```
try {
   raise 5;
   // ...
} catch (int n) {
   return n;
}
```

Podobieństwo to jest w pełni zamierzone. Okazuje się że nasz język z jedną operacją oraz równaniem ma już moc wystarczającą do opisu konstrukcji, która w większości popularnych języków nie może zaistnieć z woli programisty, a zamiast tego musi być dostarczona przez twórcę języka.

Rozważmy kolejny przykład. Dla poprawienia czytelności, zrezygnujemy z oznaczeń  $op_i$  na operacje powodujące efekty, zamiast tego nadamy im znaczące nazwy: get oraz put. Spróbujemy wyrazić działanie tych dwóch operacji by otrzymać modyfikowalną komórkę pamięci. Ustalmy też bardziej naturalne sygnatury operacji  $-get: U \to (\mathbb{Z} \to \mathbb{Z}) \to \mathbb{Z}$ ,  $put: \mathbb{Z} \to (U \to \mathbb{Z}) \to \mathbb{Z}$ . Ustalamy równania:

- $\forall e. \ [\![ get(u, \lambda_-. \ get(u, \lambda x. \ e)) \ ]\!] = [\![ get(u, \lambda x. \ e) \ ]\!]$  kolejne odczyty z komórki bez jej modyfikowania dają takie same wyniki,
- $\forall e. \ [\![ get(u, \lambda n. \ put(n, \lambda u. \ e)) \ ]\!] = [\![ e \ ]\!]$  umieszczenie w komórce wartości która już tam się znajduje nie wpływa na wynik obliczenia,
- $\forall n. \ \forall f. \ [\![ put(n, \lambda u. \ get(u, \lambda x. \ f \ x)) \ ]\!] = [\![ f \ n \ ]\!]$  obliczenie które odczytuje wartość z komórki daje taki sam wyniki, jak gdyby miało wartość komórki podaną wprost jako argument,
- $\forall n_1. \ \forall n_2. \ \forall e. \ [[put(n_1, \lambda u. \ put(n_2, \lambda u. \ e))]] = [[put(n_2, \lambda u. \ e)]]$  komórka zachowuje się, jak gdyby pamiętała jedynie najnowszą włożoną do niej wartość.

Zauważmy, że choć nakładamy warunki na zewnętrzne skutki działania operacji get oraz put, to w żaden sposób nie ograniczyliśmy swobody autora w implementacji uchwytów dla tych operacji.

#### 2.3. Poszukiwanie sukcesu

Kolejnym rodzajem efektu ubocznego, który rozważymy w tym rozdziałe jest niedeterminizm. Chcielibyśmy wyrażać obliczenia, w których pewne parametry mogą przyjmować wiele wartości, a ich dobór ma zostać dokonany tak by spełnić pewien określony warunek. Przykładowo, mamy trzy zmienne x, y oraz z i chcemy napisać program sprawdzający czy formuła  $\phi(x,y,z)$  jest spełnialna. W tym celu zdefiniujemy operację  $amb: U \to (Bool \to Bool) \to Bool$  związaną z efektem niedeterminizmu. Napiszmy obliczenie rozwiązujące nasz problem:

handle 
$$amb(u, \lambda x. \ amb(u, \lambda y. \ amb(u, \lambda z. \ \phi(x, y, z))))$$
  
with  $\{ amb \ u \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (T) \ \text{or} \ \kappa \ (F) \ \}$  (2.4)

Gdy definiowaliśmy efekt wyjątku, obliczenie nie było kontynuowane. W przypadku niedeterminizmu kontynuujemy obliczenie dwukrotnie – podstawiając za niedeterministycznie określoną zmienną wartości raz prawdy, raz fałszu – w czytelny sposób sprawdzamy wszystkie możliwe wartościowania, a w konsekwencji określamy czy formuła jest spełnialna.

Możemy zauważyć, że gdybyśmy chcieli zamiast sprawdzania spełnialności, weryfikować czy formuła jest tautologią, wystarczy zmienić tylko jedno słowo – zastąpić spójnik **or** spójnikiem **and** otrzymując nowy uchwyt:

handle 
$$amb(u, \lambda x. \ amb(u, \lambda y. \ amb(u, \lambda z. \ \phi(x, y, z))))$$
  
with  $\{ \ amb \ u \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (T) \ \text{and} \ \kappa \ (F) \ \}$ 

Przedstawiona konstrukcja efektów, operacji i uchwytów tworzy dualny mechanizm w którym operacje są producentami efektów, a uchwyty ich konsumentami. Zabierając źródłom efektów ubocznych ich konkretne znaczenia semantyczne, lub nakładając na nie jedynie proste warunki wyrażone równaniami, otrzymaliśmy niezwykle silne narzędzie umożliwiające proste, deklaratywne oraz – co najważniejsze, w kontraście do popularnych języków programowania – samodzielne konstruowanie zaawansowanych efektów ubocznych.

#### 2.4. Dalsza lektura

Rozdział ten miał na celu w lekki sposób wprowadzić idee, definicje i konstrukcje związane z efektami algebraicznymi i uchwytami które będą fundamentem do zrozumienia ich wykorzystania w praktycznych przykładach oraz implementacji systemów kompilacji w dalszych rzodziałach. Czytelnicy zainteresowani głębszym poznaniem historii oraz rodowodu efektów algebraicznych i uchwytów mogą zapoznać się z następującymi materiałami:

• "An Introduction to Algebraic Effects and Handlers" autorstwa Matija Pretnara [13],

- notatki oraz seria wykładów Andreja Bauera pt. "What is algebraic about algebraic effects and handlers?" [1] dostępne w formie tekstowej oraz nagrań wideo w serwisie YouTube,
- prace Plotkina i Powera [10,11] oraz Plotkina i Pretnara [12] jeśli czytelnik chce poznać jedne z pierwszych wyników prowadzących do efektów algebraicznych oraz wykorzystania uchwytów,
- społeczność skupiona wokół tematu efektów algebraicznych agreguje zasoby z nimi związane w repozytorium [14] w serwisie GitHub.

Rozdział 3.

O systemach kompilacji (i ich klasyfikacji)

#### Rozdział 4.

# Efekty algebraiczne i uchwyty w praktyce

#### 4.1. Języki programowania z efektami algebraicznymi

Zainteresowanie efektami algebraicznymi oraz uchwytami doprowadziło do powstania w ostatnich latach wielu bibliotek dla języków popularnych w środowisku akademickim i pasjonatów języków funkcyjnych – Haskella (extensible-effects<sup>1</sup>, fused-effects<sup>2</sup>, polysemy<sup>3</sup>), Scali (Effekt<sup>4</sup>, atnos-org/eff<sup>5</sup>) i Idris (Effects <sup>6</sup>).

Związana z językiem OCaml jest inicjatywa ocaml-multicore<sup>7</sup>, której celem jest stworzenie implementacji OCamla ze wsparciem dla współbieżności oraz współdzielonej pamięci, a cel ten jest realizowany przez wykorzystanie konceptu efektów i uchwytów.

Badania nad efektami i uchwytami przyczyniły się także do powstania kilku eksperymentalnych języków programowania w których efekty i uchwyty są obywatelami pierwszej kategorii. Do języków tych należą:

- Eff<sup>8</sup> powstający z inicjatywy Andreja Bauera and Matija Pretnara język o ML-podobnej składni,
- Frank<sup>9</sup> [5] pod przewodnictwem Sama Lindley'a, Conora McBride'a oraz Craiga McLaughlin'a projektowany z tęsknoty do ML'a, a jednocześnie upodobania do Haskell-owej dyscypliny,

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>https://hackage.haskell.org/package/extensible-effects

<sup>2</sup>https://hackage.haskell.org/package/fused-effects

 $<sup>^3</sup>$ http://hackage.haskell.org/package/polysemy

<sup>4</sup>https://github.com/b-studios/scala-effekt

<sup>5</sup>https://github.com/atnos-org/eff

<sup>6</sup>https://www.idris-lang.org/docs/current/effects\_doc/

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>https://github.com/ocaml-multicore/ocaml-multicore/wiki

<sup>8</sup>https://www.eff-lang.org/

<sup>9</sup>https://github.com/frank-lang/frank

- Koka<sup>10</sup> kierowany przez Daana Leijena z Microsoft projekt badawczy; Koka ma składnię inspirowaną JavaScriptem,
- Helium<sup>11</sup> [3] powstały w Instytucie Informatyki Uniwersytetu Wrocławskiego, z ML-podobnym systemem modułów i lekkimi naleciałościami z Haskella.

#### 4.2. Helium

Używając właśnie języka Helium, zobaczymy jak w praktyce wygląda programowanie z efektami algebraicznymi oraz uchwytami, zaś w następnym rozdziale spróbujemy zaimplementować wyniki uzyskane w "Build systems à la carte" [7,8]. Po raz pierwszy Helium pojawia się w [3], służąc za narzędzie do eksperymentowania i umożliwienia konstrukcji bardziej skomplikowanych przykładów oraz projektów w celu przetestowania efektów i uchwytów w praktyce.

Rozważmy przykład prostego programu napisanego w Helium, w którym definiujemy pomocniczą funkcję *is\_negative* ustalającą czy liczba jest ujemna oraz *question*, która pyta użytkownika o liczbe i informuje czy liczba ta jest ujemna:

```
let is_negative n = n < 0
let question () =
    printStr "What is your favourite number? ";
    let num = readInt () in
    if is_negative num
        then printStr "This number is negative\n"
        else printStr "This number is nonnegative\n"</pre>
```

Sygnatura funkcji  $is\_negative$  wyznaczona przez system typów Helium, to jak łatwo się domyśleć  $Int \to Bool$ . Gdy jednak zapytamy środowisko uruchomieniowe o typ funkcji question otrzymamy interesującą sygnaturę  $Unit \to [IO]Unit$ . W Helium, informacje o efektach występujących w trakcie obliczania funkcji są umieszczone w sygnaturach funkcji w kwadratowych nawiasach. W przypadku funkcji question, jej obliczenie powoduje wystąpienie efektu ubocznego związanego z mechanizmem wejścia/wyjścia.

```
printStr: String \rightarrow[I0] Unit readInt: Unit \rightarrow[I0] Int
```

System inferencji typów wiedząc, że operacje we/wy są zadeklarowane z powyższymi sygnaturami wnioskuje, że skoro wystąpienia tychże operacji w kodzie question nie są obsługiwane przez uchwyt, to efekt IO wyjdzie poza tą funkcję.

<sup>10</sup>https://github.com/koka-lang/koka

<sup>11</sup>https://bitbucket.org/pl-uwr/helium/src/master/

Efekty IO oraz RE (runtime error) są szczególne, gdyż są dla nich zadeklarowane globalne uchwyty w bibliotece standardowej – jeśli efekt nie zostanie obsłużony i dotrze do poziomu środowiska uruchomieniowego, to ono zajmie się jego obsługą. Dla efektu IO środowisko skorzysta ze standardowego wejścia/wyjścia, zaś w przypadku wystąpienia efektu RE, obliczenie zostanie przerwane ze stosownym komunikatem błędu.

#### 4.3. Przykłady implementacji uchwytów

#### 4.3.1. Błąd

Zaimplementujemy kilka efektów ubocznych, zaczynając od efektu błędu, wraz z uchwytami dla nich. W Helium, efekt oraz powodujące go operacje definiuje się następująco:

```
signature Error =
| error : Unit ⇒ Unit
```

Stwórzmy funkcję podobną do *question*, z tym że nie będzie ona lubić wartości ujemnych:

```
let no_negatives_question () =
  printStr "What is your favourite number? ";
  let num = readInt () in
    if is_negative num
        then error ()
        else printStr "This number is nonnegative\n";
    printStr "Question finished\n"

let main () =
    handle no_negatives_question () with
    | error () \Rightarrow printStr "Error occured!\n"
    end
```

Zdefiniowaliśmy efekt uboczny *Error* wraz z operacją *error*, która go powoduje. Operacja ta jest parametryzowana wartością typu *Unit* oraz jej (możliwy) wynik to także wartość z *Unit*. Definiujemy też funkcję *main* w której wywołujemy *no\_negatives\_question*, jednakże obliczenie wykonujemy w uchwycie w którym definiujemy co ma się wydarzyć, gdy w czasie obliczenia wystąpi efekt błędu spowodowany operacją *error*. W tym przypadku mówimy, że skutkuje ono wypisaniem wiadomości na standardowe wyjście. Nie wznawiamy obliczenia, stąd wystąpienie błędu skutkuje zakończeniem nadzorowanego obliczenia. Jeśli uruchomimy teraz program i podamy ujemną liczbę, zakończy się on komunikatem zdefiniowanym w uchwycie, a tekst "Question finished" nie zostanie wypisany – zgodnie z oczekiwaniami, obliczenie *no\_negatives\_question* nie zostało kontynuowane po wystąpieniu błędu.

Jeśli pewnego uchwytu zamierzamy używać wiele razy, możemy przypisać mu identyfikator – w Helium uchwyty są wartościami:

```
let abortOnError =
  handler
  | error () \Rightarrow printStr "Error occured!\n"
  end

zmodyfikujmy funkcję main by korzystać ze zdefiniowanego uchwytu:
let main () =
  handle no_negatives_question () with abortOnError
```

Na potrzeby przykładu, możemy rozważyć spokojniejszy uchwyt dla wystąpień error, który wypisze ostrzeżenie o wystąpieniu błędu ale będzie kontynuował obliczenie:

```
let warnOnError =
  handler
  | error () ⇒ printStr "Error occured, continuing...\n"; resume ()
  end
```

Jeśli skorzystamy z tego uchwytu w programie, po wyświetleniu ostrzeżenia obliczenie no\_negatives\_question zostanie wznowione i na ekranie zobaczymy komunikat "Question finished". Specjalna funkcja resume, dostępna w uchwycie reprezentuje kontynuację obliczenia, które zostało przerwane wystąpieniem operacji powodującej efekt uboczny.

#### 4.3.2. Niedeterminizm

Powróćmy do problemu, który w rozdziale drugim był inspiracją do rozważania niedeterminizmu – sprawdzanie czy formuła jest spełnialna oraz czy jest tautologią. Przedstawiliśmy wtedy uchwyty dla obu tych problemów w naszej notacji. Implementacja efektu niedeterminizmu, operacji amb oraz uchwytów wraz z wykorzystaniem ich wygląda następująco:

```
signature NonDet =
| amb : Unit ⇒ Bool

let satHandler =
   handler
| amb () / r ⇒ r True || r False
   end

let tautHandler =
   handler
| amb () / r ⇒ r True && r False
   end
```

```
let formula1 x y z = (not x) && (y || z)

let main () =
    let ret = handle
        let (x, y, z) = (amb (), amb (), amb ()) in
        formula1 x y z
        with satHandler in
    if ret then printStr "Formula is satisfiable\n"
        else printStr "Formula is not satisfiable\n"
```

Będziemy sprawdzać czy formuła wyrażona za pomocą funkcji formula1 jest spełnialna. W tym celu w funkcji main, wewnątrz uchwytu, niedeterministycznie ustalamy wartości zmiennych  $x,\ y,\ z$  po czym obliczamy wartość funkcji formula1. Wartość obsługiwanego wyrażenia, którą przypisujemy do zmiennej ret, jest następnie wykorzystana do wypisania komunikatu. Ponadto – w celu demonstracji możliwości języka – w uchwytach zamiast kontynuować obliczenie używając resume, przypisujemy kontynuacji nazwę r.

W Helium, uchwyty mogą posiadać przypadki nie tylko dla operacji związanych z jakimś efektem ale także dwa specjalne: return oraz finally. Pierwszy jest wykonywany, gdy obliczenie pod kontrolą uchwytu kończy się zwracając wynik, przypadek return jako argument otrzymuje wynik obliczenia. Zaś finally otrzymuje jako argument obliczenie obsługiwane przez uchwyt i jest uruchamiane na początku działania uchwytu. Domyślnie przypadki te są zaimplementowane jako:

```
\begin{array}{ll} \text{handler} \\ \mid & \text{return } x \Rightarrow x \\ \mid & \text{finally } f \Rightarrow f \\ \text{end} \end{array}
```

Możemy je jednak sprytnie wykorzystać. Przykładowo, zamiast tylko sprawdzać czy formuła jest spełnialna, możemy sprawdzić przy ilu wartościowaniach jest prawdziwa:

Gdy obliczenie się kończy, zamiast zwracać czy formuła jest spełniona zwracamy 1 albo 0, w zależności czy formuła przy aktualnym wartościowaniu jest speł-

niona. Gdy obsługujemy niedeterministyczny wybór, kontynuujemy obliczenie dla obu możliwych wartości boolowskich po czym dodajemy wyniki. Wykorzystując finally możemy włączyć komunikat o liczbie wartościowań do uchwytu:

```
let countAndWriteSatsHandler =
  handler
  | return x \Rightarrow if x then 1 else 0
  | amb () / r \Rightarrow r True + r False
  | finally ret \Rightarrow printStr (stringOfInt ret ++ " satisfying interpretations\n")
  end

let main () =
  handle
  let (x, y, z) = (amb (), amb (), amb ()) in
  formula1 x y z
  with countAndWriteSatsHandler
```

Tutaj wykorzystanie *finally* jest lekkim nadużyciem, jak jednak za chwilę zobaczymy, konstrukcja ta jest bardzo przydatna.

#### 4.3.3. Modyfikowalny stan

Rozważmy następujący przypadek dla return w uchwycie:

```
handler (* \dots *) | return x \Rightarrow fn \ s \Rightarrow x
```

Wartość obliczenia, zamiast być jego wynikiem, jest funkcją. Co za tym idzie, w tym uchwycie kontynuacje nie będą funkcjami zwracającymi wartości lecz funkcje. W ten sposób możemy parametryzować dalsze obliczenia nie tylko wartościami zwracanymi przez operacje (zgodnie z ich sygnaturą) ale także wymyślonymi przez nas – autorów uchwytu. Zauważmy jednak, że parametr ten nie jest widoczny w obsługiwanym obliczeniu, a jedynie w uchwycie. Co więcej, skoro wynik obsługiwanego obliczenia jest teraz funkcją, a nie wartością to by użytkownik uchwytu nie zauważył niezgodności typów musimy funkcję tą uruchomić z jakimś parametrem – tutaj właśnie przychodzi naturalny moment na wykorzystanie konstrukcji finally.

Definiujemy efekt stanu z operacją jego odczytu oraz modyfikacji:

```
signature State (T: Type) =
| get : Unit \Rightarrow T
| put : T \Rightarrow Unit
```

Efekt jak i operacje są polimorficzne ze względu na typ wartości stanu. Zdefiniujemy teraz standardowy uchwyt dla efektu stanu. Skorzystamy z faktu, że uchwyty

są w Helium wartościami, stąd w szczególności mogą być wynikiem funkcji. Funkcja ta będzie u nas parametryzowana wartością początkową stanu:

Gdy obliczenie się kończy, zamiast wartość, zwracamy funkcję która ignoruje argument, a zwraca właściwy wynik obliczenia. Ten argument będzie bieżącą wartością stanu. W konsekwencji przypadki dla operacji też muszą być funkcjami. Dla put nie musimy odczytywać aktualnej wartości stanu, stąd wartość tą ignorujemy. Obliczenie wznawiamy z wartością jednostkową. Jak jednak wiemy, wynikiem będzie nie zwykła wartość lecz funkcja, której u nas dajemy wartość stanu. Stąd podajemy jej nową wartość stanu, którą parametryzowana była operacja put. W przypadku get postępujemy podobnie – jednak tym razem odczytamy argument funkcji i przekażemy go do kontynuacji. Niezmiennie kontynuacja zwraca funkcję, której przekażemy aktualną wartość stanu. Pozostaje rozstrzygnąć co zrobić w przypadku finally. Skoro jednak przerobiliśmy obliczenie ze zwracającego wartość do takiego, które zwraca funkcję oczekującą wartości stanu, to możemy podać mu wartość początkową – określoną przez użytkownika uchwytu.

Jeśli chcemy aby obliczenie zwracało nie tylko wartość wynikową ale także końcowy stan, wystarczy że zmodyfikujemy przypadek dla *return*:

```
let runState init =
  handler
  | return x \Rightarrow fn s \Rightarrow (s, x)
  | get () \Rightarrow fn s \Rightarrow resume s s
  | put s \Rightarrow fn _ \Rightarrow resume () s
  | finally f \Rightarrow f init
  end
```

Dzięki zdefiniowanemu efektowi ubocznemu, operacjom oraz uchwytom możemy teraz łatwo wykonywać obliczenia ze stanem:

```
let stateful () =
  let n = 2 * get () in
  let m = 10 + get () in
    put (n + m);
    m - n

let main () =
  let init = 2 in
  let (state, ret) = handle stateful () with runState init in
  printStr "Started with "; printInt init;
```

```
printStr "Finished with "; printInt state;
printStr "Returned "; printInt ret

(*
   Started with 2
   Finished with 16
   Returned 8
*)
```

#### 4.3.4. Efekt rekursji

W niektórych językach ML-podobnych (jak na przykład OCaml czy Helium) chcąc by w ciele definicji funkcji był widoczny jej identyfikator, trzeba zadeklarować ją używając słów kluczowych *let rec*:

```
let rec fib n = if n = 0 then 0 else if n = 1 then 1 else fib (n-1) + fib (n-2)
```

Co ciekawe, dzięki własnym efektom i operacjom możemy tworzyć funkcje rekurencyjne, które nie używają jawnie rekursji:

Konstrukcja *handle* 'a *in* służy doprecyzowaniu który efekt ma być obsłużony przez uchwyt – jest przydatna w przypadku niejednoznaczności gdy używamy wielu instancji tego samego efektu lub dla ułatwienia rozumienia kodu.

Możemy w ten sposób definiować także funkcje wzajemnie rekurencyjne:

```
| recurse n ⇒ resume (withMutualRec other n me)
end

let even n = withMutualRec is_even n is_odd

let main () =
   let n = 10 in
   printInt n;
   if even n
   then printStr "is even"
   else printStr "is odd"
```

Utrzymujemy informację, która funkcja jest aktualnie wykonywana i gdy prosi o wywołanie rekurencyjne uruchamiamy obliczanie drugiej funkcji po czym wynik przekazujemy do kontynuacji.

#### 4.3.5. Wiele efektów na raz – porażka i niedeterminizm

Na koniec rozdziału, zobaczymy jak łatwo w Helium komponuje się efekty. Definiujemy efekty niedeterminizmu oraz porażki:

```
signature NonDet =
| amb : Unit \Rightarrow Bool

signature Fail =
| fail : {A: Type}, Unit \Rightarrow A

    oraz bardzo proste uchwyty dla tych efektów:

let failHandler =
    handler
| fail () \Rightarrow False
    end

let ambHandler =
    handler
| amb () / r \Rightarrow True || r False
    end
```

Definiujemy teraz funkcję sprawdzającą czy otrzymana formuła z trzema zmiennymi wolnymi jest spełnialna:

```
let is_sat (f: Bool \rightarrow Bool \rightarrow Bool \rightarrow Bool) = handle handle let (x, y, z) = (amb (), amb (), amb ()) in if f x y z then True else fail () with failHandler with ambHandler
```

Jeśli formuła przy ustalonym wartościowaniu nie jest spełniona powoduje efekt porażki. Zwróćmy uwagę w jakiej kolejności są umieszczone uchwyty – niedeterminizmu na zewnątrz, zaś porażki wewnątrz. W ten sposób gdy wystąpi porażka, jej uchwyt zwróci fałsz, w wyniki czego nastąpi powrót do ostatniego punktu niedeterminizmu w którym jest jeszcze wybór. Dzięki temu wartość  $is\_sat\ f$  jest równa fałszowi tylko gdy przy każdym wartościowaniu nastąpi porażka. Zobaczmy teraz funkcję sprawdzającą czy otrzymana formuła jest tautologią:

```
let is_taut (f: Bool → Bool → Bool → Bool) =
  handle
    handle
    let (x, y, z) = (amb (), amb (), amb ()) in
    if f x y z then True else fail ()
    with ambHandler
  with failHandler
```

Tutaj uchwyt dla porażki znajduje się na zewnątrz – wystąpienie porażki oznacza, że istnieje wartościowanie przy którym formuła nie jest prawdziwa, a w konsekwencji nie może być tautologią. Możemy teraz napisać zgrabną funkcję, która wypisze nam czy formula1 jest spełnialna oraz czy jest tautologią:

```
let main () =
  printStr "Formula is ";
  if is_sat formula1
  then printStr "satisfiable and "
  else printStr "not satisfiable and ";
  if is_taut formula1
  then printStr "a tautology\n"
  else printStr "not a tautology\n"

(*
  Formula is satisfiable and not a tautology*)
```

Z łatwością napisaliśmy program, który korzysta z wielu efektów ubocznych jednocześnie, mimo że żaden z nich (ani uchwyty) nie wiedzą o istnieniu drugiego. Łączenie efektów jest bardzo proste, a kolejność w jakiej umieszczamy uchwyty umożliwia nam łatwe i czytelne definiowanie zachowania programu w przypadku wystąpienie któregokolwiek z efektów.

Dzięki językowi Helium, przyjrzeliśmy się z bliska efektom algebraicznym oraz uchwytom, zobaczyliśmy przykłady implementacji uchwytów oraz rozwiązań prostych problemów. Jesteśmy gotowi do podjęcia próby zaimplementowania systemów kompilacji z użyciem efektów i uchwytów – czego dokonamy w następnym rozdziale.

Rozdział 5.

Systemy kompilacji z użyciem efektów algebraicznych i uchwytów

### Rozdział 6.

## Podsumowanie i wnioski

. . .

### Bibliografia

- [1] A. Bauer. What is algebraic about algebraic effects and handlers?, 2018.
- [2] D. Biernacki, M. Piróg, P. Polesiuk, and F. Sieczkowski. Handle with care: relational interpretation of algebraic effects and handlers. *Proceedings of the ACM on Programming Languages*, 2(POPL):1–30, 2017.
- [3] D. Biernacki, M. Piróg, P. Polesiuk, and F. Sieczkowski. Abstracting algebraic effects. Proceedings of the ACM on Programming Languages, 3(POPL):1–28, 2019.
- [4] D. Biernacki, M. Piróg, P. Polesiuk, and F. Sieczkowski. Binders by day, labels by night: effect instances via lexically scoped handlers. *Proceedings of the ACM* on *Programming Languages*, 4(POPL):1–29, 2019.
- [5] S. Lindley, C. McBride, and C. McLaughlin. Do be do be do. CoRR, abs/1611.09259, 2016.
- [6] C. McBride. The frank manual. Unpublished manual, 2012.
- [7] A. Mokhov, N. Mitchell, and S. P. Jones. Build systems à la carte: Theory and practice. *Journal of Functional Programming*, 30, 2020.
- [8] A. Mokhov, N. Mitchell, and S. Peyton Jones. Build systems à la carte. *Proceedings of the ACM on Programming Languages*, 2(ICFP):1–29, 2018.
- [9] R. P. PIETERS, T. SCHRIJVERS, and E. RIVAS. Generalized monoidal effects and handlers.
- [10] G. Plotkin and J. Power. Semantics for algebraic operations. *Electronic Notes in Theoretical Computer Science*, 45:332–345, 2001.
- [11] G. Plotkin and J. Power. Computational effects and operations: An overview. 2002.
- [12] G. D. Plotkin and M. Pretnar. Handling algebraic effects. arXiv preprint arXiv:1312.1399, 2013.
- [13] M. Pretnar. An introduction to algebraic effects and handlers. invited tutorial paper. *Electronic notes in theoretical computer science*, 319:19–35, 2015.

34 BIBLIOGRAFIA

[14] J. Yallop and contributors. Effects bibliography. https://github.com/yallop/effects-bibliography/, 2016.