## Kwalifikacja i implementacja systemów kompilacji z użyciem efektów algebraicznych

(Categorization and implementation of Build Systems using algebraic effects)

Jakub Mendyk

Praca licencjacka

**Promotor:** dr Filip Sieczkowski

Uniwersytet Wrocławski Wydział Matematyki i Informatyki Instytut Informatyki

4 września 2020

Jakub Mend	yk
	(adres zameldowania)
	(adres zameidowania)
	(adres korespondencyjny)
PESEL:	
e-mail:	
Wydział Ma	tematyki i Informatyki
stacjonarne	studia I stopnia
kierunek:	Indywidualne Studia Matematyczno-Informatyczne
nr albumu:	301111

## Oświadczenie o autorskim wykonaniu pracy dyplomowej

Niniejszym oświadczam, że złożoną do oceny pracę zatytułowaną *Kwalifikacja i implementacja systemów kompilacji z użyciem efektów algebraicznych* wykonałem/am samodzielnie pod kierunkiem promotora, dr. Filipa Sieczkowskiego. Oświadczam, że powyższe dane są zgodne ze stanem faktycznym i znane mi są przepisy ustawy z dn. 4 lutego 1994 r. o prawie autorskim i prawach pokrewnych (tekst jednolity: Dz. U. z 2006 r. nr 90, poz. 637, z późniejszymi zmianami) oraz że treść pracy dyplomowej przedstawionej do obrony, zawarta na przekazanym nośniku elektronicznym, jest identyczna z jej wersją drukowaną.

Wrocław, 4 września 2020

(czytelny podpis)

# Streszczenie

. . .

. . .

## Spis treści

1.	$\mathbf{W}\mathbf{p}$	rowadzenie	7
	1.1.	Problemy z efektami ubocznymi	7
	1.2.	Radzenie sobie z efektami ubocznymi	7
	1.3.	Systemy kompilacji	8
	1.4.	O tej pracy	8
2.	Ое	fektach algebraicznych teoretycznie	11
	2.1.	Notacja	11
	2.2.	Równania, efekt porażki i modyfikowalny stan	12
	2.3.	Poszukiwanie sukcesu	14
	2.4.	Dalsza lektura	14
3.	O s	ystemach kompilacji (i ich klasyfikacji)	17
4.	Efel	kty algebraiczne i uchwyty w praktyce	19
	4.1.	Języki programowania z efektami algebraicznymi	19
	4.2.	Helium	20
	4.3.	Przykłady implementacji uchwytów	21
		4.3.1. Błąd	21
		4.3.2. Niedeterminizm	22
		4.3.3. Modyfikowalny stan	24
		4.3.4. Efekt rekursji	26
		4.3.5. Wiele efektów na raz – porażka i niedeterminizm	27
<b>5.</b>	Sys	temy kompilacji z użyciem efektów algebraicznych i uchwytów	31

6	SPIS TREŚCI
6. Podsumowanie i wnioski	33
Bibliografia	35

#### Rozdział 1.

## Wprowadzenie

#### 1.1. Problemy z efektami ubocznymi

Programy komputerowe, dzięki możliwości interakcji z zewnętrznymi zasobami takimi jak nośniki pamięci, sieci komputerowe czy użytkownicy oprogramowania mogą robić istotnie więcej niż tylko zadane wcześniej obliczenia. W ten sposób przebieg programu i jego wynik staje się jednak zależny od tegoż świata zewnętrznego, a sam program nie jest tylko serią czystych obliczeń ale także towarzyszących im efektów ubocznych.

Efekty uboczne powodują jednak, że rozumowanie i wnioskowanie o sposobie oraz prawidłowości działania programów staje się znacznie trudniejsze, a w konsekwencji ogranicza ich modularność i prowadzi do częstszych pomyłek ze strony autorów. Chcąc tego uniknąć, dąży się do wydzielania w programie jak największej części, która składa się z czystych obliczeń. Jednak to, czy jakiś moduł oprogramowania wykonuje obliczenia z efektami ubocznymi nie koniecznie jest jasne i często musimy zaufać autorowi, że w istocie tak jest.

#### 1.2. Radzenie sobie z efektami ubocznymi

Jednym z rozwiązań tego problemu, jest zawarcie informacji o posiadaniu efektów ubocznych w systemie typów. Możemy skorzystać wtedy z inferencji i weryfikacji typów do automatycznej identyfikacji modułów zawierających efekty uboczne. Programista może łatwo wyczytać z sygnatury funkcji, że w czasie jej działania występują efekty uboczne. Znanym przykładem takiego rozwiązania jest wykorzystanie monad w języku programowania Haskell. Niestety, jednoczesne użytkowanie dwóch niezależnych zasób reprezentowanych przez różne monady nie jest łatwe i wymaga dodatkowych struktur, takich jak transformery monad, które niosą ze sobą dodatkowe wyzwania. Problem modularności został jedynie przesunięty w inny obszar.

Nowym, konkurencyjnym podejściem do ujarzmienia efektów ubocznych przez wykorzystanie systemu typów są efekty algebraiczne z uchwytami. Powierzchownie, zdają się być podobne do konstrukcji obsługi wyjątków w językach programowania lub wywołań systemowych w systemach operacyjnych. Dzięki rozdziałowi między definicjami operacji związanych z efektami ubocznymi, a ich semantyką oraz interesującemu zastosowaniu kontynuacji, dają łatwość myślenia i wnioskowania o programach ich używających. Ponadto, w przeciwieństwie do monad, można je bezproblemowo składać.

#### 1.3. Systemy kompilacji

Przykładem programów, których głównym zadaniem jest interakcja z zewnętrznymi zasobami są systemy kompilacji, w których użytkownik opisuje proces wytwarzania wyniku jako zbiór wzajemnie-zależnych zadań wraz z informacją jak zadania mają być wykonywane w oparciu o wyniki innych zadań, zaś system jest odpowiedzialny za poprawne uporządkowanie i wykonanie otrzymanych zadań. Ponadto, od systemu kompilacji oczekujemy, że będzie śledził zmiany w danych wejściowych i – gdy poproszony o aktualizację wyników – obliczał ponownie jedynie zadania, których wartości ulegną zmianie. Przykładami takich systemów są Make oraz – co może wydawać się zaskakujące – programu biurowe służące do edycji arkuszy kalkulacyjnych (np. popularny Excel).

W publikacjach pod tytułem "Build systems à la carte" [7,8], autorzy przedstawiają sposób klasyfikacji systemów kompilacji w oparciu o to jak determinują one kolejność w jakiej zadania zostaną obliczone oraz jak wyznaczają, które z zadań wymagają ponownego obliczenia. Uzyskana klasyfikacja prowadzi autorów do skonstruowania platformy umożliwiającej definiowanie systemów kompilacji o oczekiwanych właściwościach. Platforma ta okazuje się być łatwa w implementacji w języku Haskell, a klasy typów Applicative oraz Monad odpowiadać mocy języka opisywania zależności między zadaniami do obliczenia.

#### 1.4. O tej pracy

Celem tej pracy jest zapoznanie czytelnika, który miał dotychczas kontakt z językiem Haskell oraz podstawami języków funkcyjny, z nowatorskim rozwiązaniem jakim są efekty algebraiczne oraz zademonstrowanie – idąc śladami Mokhov i innych [8] – implementacji systemów kompilacji z wykorzystaniem efektów algebraicznych i uchwytów w języku programowania Helium. Jak się okazuje, wykorzystanie tych narzędzi daje schludną implementację ale także prowadzi do problemów w implementacji systemów o pewnym sposobie determinowania zależności między zadaniami.

1.4. O TEJ PRACY 9

W rozdziale drugim wprowadzony zostaje prosty model obliczeń wykorzystujący efekty algebraiczne i uchwyty. Zostaje przedstawionych kilka przykładów reprezentacji standardowych efektów ubocznych w opisanym modelu.

#### Rozdział 2.

## O efektach algebraicznych teoretycznie

Wprowadzimy notację służącą opisowi prostych obliczeń, która pomoże nam – bez zanurzania się głęboko w ich rodowód matematyczny – zrozumieć jak prostym, a jednocześnie fascynującym tworem są efekty algebraiczne i uchwyty. Następnie przyjrzymy się, jak możemy zapisać popularne przykłady efektów ubocznych używając naszej notacji. Na koniec, czytelnikowi zostaną polecone zasoby do dalszej lektury, które rozszerzają opis z tego rozdziału.

#### 2.1. Notacja

Będziemy rozważać obliczenia nad wartościami następujących trzech typów:

- $\bullet$ boolowskim B z wartościami Ti Foraz standardowymi spójnikami logicznymi,
- ullet liczb całkowitych  $\mathbb{Z}$  wraz z ich relacją równości oraz podstawowymi działaniami arytmetycznymi,
- $\bullet$  typem jednostkowym U zamieszkałym przez pojedynczą wartość u,
- oraz pary tychże typów.

Nasz model składać się będzie z wyrażeń:

- return v gdzie v jest wyrażeniem boolowskim lub arytmetycznym,
- if  $v_1 = v_2$  then  $e_t$  else  $e_f$  wyrażenie warunkowe, gdzie  $v_1 = v_2$  jest pytaniem o równość wartości dwóch wyrażeń arytmetycznych,

- abstrakcyjnych operacji oznaczanych  $\{op_i\}_{i\in I}$  powodujących wystąpienie efektów ubocznych których działanie nie jest nam znane, zaś ich sygnatury to  $op_i: \mathbb{Z} \to (\mathbb{Z} \to \mathbb{Z}) \to \mathbb{Z}$ . Wyrażenie  $op_i(n,\kappa)$  opisuje operację z argumentami n oraz dalszą częścią obliczenia  $\kappa$  parametryzowaną wynikiem operacji, które może (nie musi) zostać wykonane po jej wystąpieniu,
- uchwytów, czyli wyrażeń postaci **handle** e **with**  $\{ op_i \ n \ \kappa \Rightarrow h_i \}_{i \in I}$ , gdzie e to inne wyrażenie; uchwyt definiuje działanie (dotychczas abstrakcyjnych) efektów ubocznych.

Przykładowymi obliczeniami w naszej notacji są więc:

return 0, return 
$$2+2$$
,  $op_1(2, \lambda x. \text{ return } x+1)$   
handle  $op_1(2, \lambda x. \text{ return } x+1)$  with  $\{ op_1 \ n \ \kappa \Rightarrow \kappa \ (2 \cdot n) \ \}$ 

Dla czytelności, pisząc w uchwycie zbiór który nie przebiega wszystkich operacji, przyjmujemy że uchwyt nie definiuje działania operacji; równoważnie, zbiór wzbogacamy o element:  $op_i \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ op_i(n,\kappa)$ .

Obliczanie wartości wyrażenia przebiega następująco:

- $\bullet$  [ return v ]] = v wartością return jest wartość wyrażenia arytmetycznego,
- $[(\lambda x. \ e) \ y] = [e[x/[y]]]$  aplikacja argumentu do funkcji,

• 
$$\llbracket \mathbf{if} \ v_1 = v_2 \ \mathbf{then} \ e_t \ \mathbf{else} \ e_f \rrbracket = \begin{cases} \llbracket e_t \rrbracket & \mathrm{gdy} \ \llbracket v_1 \rrbracket = \llbracket v_2 \rrbracket \\ \llbracket e_f \rrbracket & \mathrm{wpp} \end{cases}$$

- [ handle return v with H ] = [ return v ] uchwyt nie wpływa na wartość obliczenia, które nie zawiera efektów ubocznych,
- [[handle  $op_i(a, f)$  with H]] = [[handle  $h_i[n/[a], \kappa/f]$  with H]], gdzie  $H = \{ op_i \ n \ \kappa \Rightarrow h_i \}$ , a  $h_i$  nie ma wystąpień  $op_i$ .

Zobaczmy jak zatem wygląda obliczenie ostatniego z powyższych przykładów:

$$[\![\!] \mathbf{handle} \ op_1(2, \lambda x. \ \mathbf{return} \ x+1) \ \mathbf{with} \ \{ \ op_1 \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (2 \cdot n) \ \} ]\!] = \\ [\![\![\!] \mathbf{handle} \ (\lambda x. \ \mathbf{return} \ x+1)(2 \cdot 2) \ \mathbf{with} \ \{ \ op_1 \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (2 \cdot n) \ \} ]\!] = \\ [\![\![\!] \mathbf{handle} \ \mathbf{return} \ 4+1 \ \mathbf{with} \ \{ \ op_1 \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (2 \cdot n) \ \} ]\!] = \\ [\![\![\!] \mathbf{return} \ 4+1 \ ]\!] = 5$$

#### 2.2. Równania, efekt porażki i modyfikowalny stan

Do tego momentu, nie przyjmowaliśmy żadnych założeń na temat operacji powodujących efekty uboczne. Uchwyty mogły w związku z tym działać w sposób całkowicie dowolny. Ograniczymy się w tej dowolności i nałożymy warunki na uchwyty

wybranych operacji. Przykładowo, ustalmy że dla operacji  $op_r$ , uchwyty muszą być takie aby następujący warunek był spełniony:

$$\forall n \ \forall e. \ \llbracket \mathbf{handle} \ op_r(n, \lambda x. \ e) \ \mathbf{with} \ H \, \rrbracket = n$$
 (2.3)

Zauważmy, że istnieje tylko jeden naturalny uchwyt spełniający tej warunek, jest nim  $H = \{ op_r \ n \ \kappa \ \Rightarrow \ n \}$ . Co więcej, jego działanie łudząco przypomina konstrukcję wyjątków w popularnych językach programowania:

```
try {
   raise 5;
   // ...
} catch (int n) {
   return n;
}
```

Podobieństwo to jest w pełni zamierzone. Okazuje się że nasz język z jedną operacją oraz równaniem ma już moc wystarczającą do opisu konstrukcji, która w większości popularnych języków nie może zaistnieć z woli programisty, a zamiast tego musi być dostarczona przez twórcę języka.

Rozważmy kolejny przykład. Dla poprawienia czytelności, zrezygnujemy z oznaczeń  $op_i$  na operacje powodujące efekty, zamiast tego nadamy im znaczące nazwy: get oraz put. Spróbujemy wyrazić działanie tych dwóch operacji by otrzymać modyfikowalną komórkę pamięci. Ustalmy też bardziej naturalny sygnatury operacji  $-get: U \to \mathbb{Z}, put: \mathbb{Z} \to U$ . Ustalamy równania:

- $\forall e. \ [\![ get(u, \lambda_{-}. get(u, \lambda x. e)) \ ]\!] = [\![ get(u, \lambda x. e) \ ]\!]$  kolejne odczyty z komórki bez jej modyfikowania dają takie same wyniki,
- $\forall e. \ [\![ get(u, \lambda n. \ put(n, \lambda u. \ e)) \ ]\!] = [\![ e \ ]\!]$  umieszczenie w komórce wartości która już tam się znajduje nie wpływa na wynik obliczenia,
- $\forall n. \ \forall f. \ [\![ put(n, \lambda u. \ get(u, \lambda x. \ f \ x)) \ ]\!] = [\![ f \ n \ ]\!]$  obliczenie które odczytuje wartość z komórki daje taki sam wyniki, jak gdyby miało wartość komórki podaną wprost jako argument,
- $\forall n_1. \ \forall n_2. \ \forall e. \ [[put(n_1, \lambda u. \ put(n_2, \lambda u. \ e))]] = [[put(n_2, \lambda u. \ e)]]$  komórka zachowuje się, jak gdyby pamiętała jedynie najnowszą włożoną do niej wartość.

Zauważmy, że choć nakładamy warunki na zewnętrzne skutki działania operacji get oraz put, to w żaden sposób nie ograniczyliśmy swobody autora w implementacji uchwytów dla tych operacji. W rozdziale 4 przyglądniemy się kilku przykładom uchwytów realizujących te operacje.

#### 2.3. Poszukiwanie sukcesu

Kolejnym rodzajem efektu ubocznego, który rozważymy w tym rozdziale jest niedeterminizm. Chcielibyśmy wyrażać obliczenia, w których pewne parametry mogą przyjmować wiele wartości i chcemy określić dobór wartości spełniający jakiś określony warunek. Przykładowo, mamy trzy zmienne x,y oraz z i chcemy napisać program sprawdzający czy formuła  $\phi(x,y,z)$  jest spełnialna. W tym celu zdefiniujemy operację  $amb: U \to Bool$  związaną z efektem niedeterminizmu. Napiszmy obliczenie rozwiązujące nasz problem:

handle 
$$amb(u, \lambda x. \ amb(u, \lambda y. \ amb(u, \lambda z. \ \phi(x, y, z))))$$
  
with  $\{ amb \ u \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (T) \ \mathbf{or} \ \kappa \ (F) \ \}$  (2.4)

Gdy definiowaliśmy efekt wyjątku, obliczenie nie było kontynuowane. W przypadku niedeterminizmu kontynuujemy obliczenie dwukrotnie – podstawiając za niedeterministycznie określoną zmienną wartości raz prawdy, raz fałszu – w ten sposób możemy w czytelny sposób sprawdzić wszystkie możliwe wartościowania, a w konsekwencji określić czy formuła jest spełnialna.

Możemy zauważyć, że gdybyśmy chcieli zamiast sprawdzania spełnialności, weryfikować czy formuła jest tautologią, wystarczy zmienić tylko jedno słowo – spójnik or na and otrzymując nowy uchwyt:

handle 
$$amb(u, \lambda x. \ amb(u, \lambda y. \ amb(u, \lambda z. \ \phi(x, y, z))))$$
 with  $\{ \ amb \ u \ \kappa \ \Rightarrow \ \kappa \ (T) \ \text{and} \ \kappa \ (F) \ \}$  (2.5)

Przedstawiona konstrukcja tworzy dualny mechanizm w którym operacje są producentami efektów, a uchwyty ich konsumentami. Zabierając operacjom powodującym efekty uboczne ich konkretne znaczenia semantyczne, lub nakładając na nie jedynie proste warunki wyrażone równaniami, otrzymaliśmy niezwykle silne narzędzie umożliwiające proste, deklaratywne oraz – co najważniejsze, w kontraście do popularnych języków programowania – samodzielne konstruowanie zaawansowanych efektów ubocznych.

#### 2.4. Dalsza lektura

Rozdział ten miał na celu w lekki sposób wprowadzić idee, definicje i konstrukcje związane z efektami algebraicznymi i uchwytami które będą fundamentem do zrozumienia ich wykorzystania w praktycznych przykładach oraz implementacji systemów kompilacji. Czytelnicy zainteresowani głębszym poznaniem historii oraz rodowodu efektów algebraicznych i uchwytów mogą zapoznać się z następującymi materiałami:

• "An Introduction to Algebraic Effects and Handlers" autorstwa Matija Pretnara [13],

- notatki oraz seria wykładów Andreja Bauera pt. "What is algebraic about algebraic effects and handlers?" [1] dostępne w formie tekstowej oraz nagrań wideo w serwisie YouTube,
- Prace Plotkina i Powera [10,11] oraz Plotkina i Pretnara [12] jeśli czytelnik chce poznać jedne z pierwszych wyników prowadzących do odkrycia efektów algebraicznych oraz wykorzystania uchwytów,
- społeczność skupiona wokół tematu efektów algebraicznych agreguje zasoby z nimi związane w repozytorium [14] w serwisie GitHub.

Rozdział 3.

O systemach kompilacji (i ich klasyfikacji)

#### Rozdział 4.

## Efekty algebraiczne i uchwyty w praktyce

#### 4.1. Języki programowania z efektami algebraicznymi

Zainteresowanie efektami algebraicznymi oraz uchwytami doprowadziło do powstania w ostatnich latach wielu bibliotek dla języków popularnych w środowisku akademickim i pasjonatów języków funkcyjnych – Haskella (extensible-effects<sup>1</sup>, fused-effects<sup>2</sup>, polysemy<sup>3</sup>), Scali (Effekt<sup>4</sup>, atnos-org/eff<sup>5</sup>) i Idris (Effects <sup>6</sup>).

Związana z językiem OCaml jest inicjatywa ocaml-multicore<sup>7</sup>, której celem jest stworzenie implementacji OCamla ze wsparciem dla współbierzności oraz współdzielonej pamięci, a cel ten jest realizowane przez wykorzystanie konceptu efektów i uchwytów.

Badania nad efektami i uchwytami przyczyniły się także do powstania kilku eksperymentalnych języków programowania w których efekty i uchwyty są obywatelami pierwszej kategorii. Do języków tych należą:

- Eff<sup>8</sup> powstający z inicjatywy Andreja Bauera and Matija Pretnara język o ML-podobnej składni,
- Frank<sup>9</sup> [5] pod przewodnictwem Sama Lindley'a, Conora McBride'a oraz Craiga McLaughlin'a projektowany z tęsknoty do ML'a, a jednocześnie upodobania do Haskell-owej dyscypliny,

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>https://hackage.haskell.org/package/extensible-effects

<sup>2</sup>https://hackage.haskell.org/package/fused-effects

<sup>3</sup>http://hackage.haskell.org/package/polysemy

<sup>4</sup>https://github.com/b-studios/scala-effekt

<sup>5</sup>https://github.com/atnos-org/eff

<sup>6</sup>https://www.idris-lang.org/docs/current/effects\_doc/

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>https://github.com/ocaml-multicore/ocaml-multicore/wiki

<sup>8</sup>https://www.eff-lang.org/

<sup>9</sup>https://github.com/frank-lang/frank

- Koka<sup>10</sup> kierowany przez Daana Leijena z Microsoft projekt badawczy; Koka ma składnię inspirowaną JavaScriptem,
- Helium<sup>11</sup> [3] powstały w Instytucie Informatyki Uniwersytetu Wrocławskiego, z ML-podobnym systemem modułów i lekkimi naleciałościami z Haskella.

#### 4.2. Helium

**let** is negative n = n < 0

Używając właśnie języka Helium, w tym rozdziale zobaczymy jak w praktyce wygląda programowanie z efektami algebraicznymi oraz uchwytami, zaś w następnym spróbujemy zaimplementować wyniki uzyskane w "Build systems à la carte" [7,8]. Po raz pierwszy Helium pojawia się w [3], służąc za narzędzie do eksperymentowania i umożliwienia konstrukcji bardziej skomplikowanych przykładów oraz projektów w celu przetestowania efektów i uchwytów w praktyce.

Rozważmy przykład prostego programu napisanego w Helium, w którym definiujemy pomocniczą funkcję *is\_negative* ustalającą czy liczba jest ujemna oraz question, która pyta użytkownika o liczbę i informuje czy liczba ta jest ujemna:

```
let question () =
    printStr "What_is_your_favourite_number?_";
    let num = readInt () in
    if is_negative num
        then printStr "This_number_is_negative\n"
    else printStr "This_number_is_nonnegative\n"
```

Sygnatura funkcji  $is\_negative$  wyznaczona przez system typów Helium, to jak łatwo się domyśleć  $Int \to Bool$ . Gdy jednak zapytamy środowisko uruchomieniowe o typ funkcji question otrzymamy interesującą sygnaturę  $Unit \to [IO]Unit$ . W Helium, informacje o efektach występujących w trakcie obliczania funkcji są umieszczona w sygnaturach funkcji w kwadratowych nawiasach. W przypadku funkcji question, jej obliczenie powoduje wystąpienie efektu ubocznego związanego z mechanizmem wejścia/wyjścia.

```
printStr: String \rightarrow [IO] Unit readInt: Unit \rightarrow [IO] Int
```

System inferencji typów wiedząc, że operacje we/wy są zadeklarowne z powyższymi sygnaturami wnioskuje, że skoro wystąpienia tychże operacji w kodzie *question* nie są obsługiwane przez uchwyt, to efekt *IO* wyjdzie poza tą funkcję.

<sup>10</sup>https://github.com/koka-lang/koka

<sup>11</sup>https://bitbucket.org/pl-uwr/helium/src/master/

Efekty IO oraz RE (runtime error) są szczególne, gdyż są dla nich zadeklarowane globalne uchwyty w bibliotece standardowej, jeśli efekt nie zostanie obsłużony i dotrze do poziomu środowiska uruchomieniowego, to ono zajmie się jego obsługą. W przypadku efektów wejścia/wyjścia środowisko skorzysta ze standardowego wejścia/wyjścia, zaś w przypadku wystąpienia efektu RE, obliczenie zostanie przerwane ze stosownym komunikatem błędu.

#### 4.3. Przykłady implementacji uchwytów

#### 4.3.1. Błąd

Zaimplementujemy kilka efektów ubocznych, zaczynając od efektu błędu, wraz z uchwytamy dla nich. zaczniemy od efektu błędu. W Helium, efekt oraz powodujące go operacje definiuje się następująco:

```
\begin{array}{l} \textbf{signature} \ Error = \\ | \ error : Unit \Rightarrow Unit \end{array}
```

Stwórzmy funkcję podobną do *question*, z tym że nie będzie ona lubić wartości ujemnych:

```
let no_negatives_question () =
  printStr "What_is_your_favourite_number?_";
let num = readInt () in
  if is_negative num
      then error ()
      else printStr "This_number_is_nonnegative\n";
  printStr "Question_finished\n"

let main () =
  handle no_negatives_question () with
  | error () ⇒ printStr "Error_occured!\n"
  end
```

Zdefiniowaliśmy efekt uboczny *Error* wraz z operacją *error*, która go powoduje. Operacja ta jest parametryzowana wartością typu *Unit* oraz jej (możliwy) wynik to także wartość z *Unit*. Definiujemy też funkcję *main* w której wywołujemy *no\_negatives\_question*, jednakże obliczenie wykonujemy w uchwycie w którym definiujemy co ma się wydarzyć, gdy w czasie obliczenia wystąpi efekt błędu spowodowany operacją *error*. W tym przypadku mówimy, że skutkuje ono wypisaniem wiadomości na standardowe wyjście. Nie wznawiamy obliczenia, stąd wystąpienie błędu skutkuje zakończeniem nadzorowanego obliczenia. Jeśli uruchomimy teraz program i podamy ujemną liczbę, zakończy się on komunikatem zdefiniowanym w uchwycie, a tekst "Question finished" nie zostanie wypisany – zgodnie z oczekiwaniami,

obliczenie no\_negatives\_question nie zostało kontynuowane po wystąpieniu błędu.

Jeśli pewnego uchwytu zamierzamy używać wiele razy, możemy przypisać mu identyfikator – uchwyty są wartościami w Helium:

```
let abortOnError =
    handler
    | error () ⇒ printStr "Error_occured!\n"
    end
        i zmodyfikować funkcję main by z niego korzystać:
let main () =
    handle no_negatives_question () with abortOnError
```

Na potrzeby przykładu, możemy rozważyć spokojniejszy uchwyt dla wystąpień error, który wypisze ostrzeżenie o wystąpieniu błędu ale będzie kontynuował obliczenie:

```
 \begin{split} &\textbf{let} \  \, warnOnError = \\ &\textbf{handler} \\ &| \  \, error \  \, () \Rightarrow printStr \ "Error\_occured,\_continuing... \backslash n"; \, \textbf{resume} \, \, () \\ &\textbf{end} \end{split}
```

Jeśli skorzystamy z tego uchwytu w programie, po wyświetleniu ostrzeżenia obliczenie no\_negatives\_question zostanie wznowione i na ekranie zobaczymy komunikat "Question finished". Specjalna funkcja resume, dostępna w uchwycie reprezentuje kontynuację obliczenia, które zostało przerwane wystąpieniem operacji powodującej efekt uboczny.

#### 4.3.2. Niedeterminizm

Powróćmy do problemu, który w rozdziale drugim był inspiracją do rozważania niedeterminizmu – sprawdzanie czy formuła jest spełnialna oraz czy jest tautologią. Przedstawiliśmy wtedy uchwyty dla obu tych problemów w naszej notacji. Implementacja efektu niedeterminizmu, operacji amb oraz uchwytów wraz z wykorzystaniem ich wygląda następująco:

```
let tautHandler =
    handler
    | amb () / r ⇒ r True && r False
    end

let formula1 x y z = (not x) && (y || z)

let main () =
    let ret = handle
        let (x, y, z) = (amb (), amb (), amb ()) in
        formula1 x y z
        with satHandler in
    if ret then printStr "Formula_is_satisfiable\n"
        else printStr "Formula_is_not_satisfiable\n"

(* let _ = main () *)
```

Będziemy sprawdzać czy formuła wyrażona za pomocą funkcji formula1 jest spełnialna. W tym celu w funkcji main, wewnątrz uchwytu, niedeterministycznie ustalamy wartości zmiennych  $x,\ y,\ z$  po czym obliczamy wartość funkcji formula1. Wartość obsługiwanego wyrażenia, którą przypisujemy do zmiennej ret, jest następnie wykorzystana do wypisania komunikatu. Ponadto – w celu demonstracji możliwości języka – w uchwytach zamiast kontynuować obliczenie używając resume, przypisujemy kontynuacji nazwę r.

W Helium, uchwyty mogą posiadać przypadki nie tylko dla operacji związanych z jakimś efektem ale także dwa specjalne przypadki: return oraz finally. Pierwszy jest wykonywany, gdy obliczenie pod kontrolą uchwytu kończy się zwracając wynik, przypadek jako argument otrzymuje wynik obliczenia. Zaś finally otrzymuje jako argument obliczenie obsługiwane przez uchwyt i jest uruchamiane na początku działania uchwytu. Domyślnie przypadki te są zaimplementowane jako:

```
\begin{aligned} & \textbf{handler} \\ & | \ \textbf{return} \ x \Rightarrow x \\ & | \ \textbf{finally} \ f \Rightarrow f \\ & \textbf{end} \end{aligned}
```

Możemy je jednak sprytnie wykorzystać. Przykładowo, zamiast tylko sprawdzać czy formuła jest spełnialna, możemy sprawdzić przy ilu wartościowaniach jest prawdziwa:

```
let countSatsHandler =
handler
| return x \Rightarrow if x then 1 else 0
| amb () / r \Rightarrow r True + r False
```

end

```
let main () =
   let ret = handle
        let (x, y, z) = (amb (), amb (), amb ()) in
        formula1 x y z
        with countSatsHandler in
   printStr (stringOfInt ret # "_satisfying_interpretations\n")
```

Gdy obliczenie się kończy, zamiast zwracać czy formuła jest spełniona zwracamy 1 albo 0, w zależności czy formuła przy aktualnym wartościowaniu jest spełniona. Gdy obsługujemy niedeterministyczny wybór, kontynuujemy obliczenie dla obu możliwych wartości boolowskich po czym dodajemy wyniki. Wykorzystując finally możemy włączyć komunikat o liczbie wartościowań do uchwytu:

```
let countAndWriteSatsHandler = handler | return x \Rightarrow if x then 1 else 0 | amb () / r \Rightarrow r True + r False | finally ret \Rightarrow printStr (stringOfInt ret + "_satisfying_interpretations\n") end let main () = handle let (x, y, z) = (amb (), amb (), amb ()) in formula1 x y z with countAndWriteSatsHandler
```

Tutaj wykorzystanie *finally* jest lekkim nadużyciem, jak jednak za chwilę zobaczymy, konstrukcja ta jest bardzo przydatna.

#### 4.3.3. Modyfikowalny stan

Rozważmy następujący przypadek dla return w uchwycie:

```
\begin{array}{l} \textbf{handler} \\ (* \ ... \ *) \\ | \ \textbf{return} \ x \Rightarrow fn \ s \Rightarrow x \\ \textbf{end} \end{array}
```

Wartość obliczenia, zamiast być jego wynikiem, jest funkcją. Co za tym idzie, w tym uchwycie kontynuacje nie będą funkcjami zwracającymi wartości lecz funkcje. W ten sposób możemy parametryzować dalsze obliczenia nie tylko wartościami zwracanymi przez operacje (zgodnie z ich sygnaturą) ale także wymyślonymi przez

nas – autorów uchwytu. Zauważmy jednak, że parametr ten nie jest widoczny w obsługiwanym obliczeniu, a jedynie w uchwycie. Co więcej, skoro wyniki obsługiwanego obliczenia jest teraz funkcją, a nie wartością to by użytkownik uchwytu nie zauważył niezgodności typów musimy funkcję tą uruchomić z jakimś parametrem – tutaj właśnie przychodzi naturalny moment na wykorzystanie konstrukcji finally.

Definiujemy efekt stanu z operacją jego oczytu oraz modyfikacji:

```
\begin{aligned} & \textbf{signature State (T: Type)} = \\ | & \text{get : Unit} \Rightarrow \text{T} \\ | & \text{put : T} \Rightarrow \text{Unit} \end{aligned}
```

Efekt jak i operacje są polimorficzne ze względu na typ wartości stanu. Zdefiniujemy teraz standardowy uchwyt dla efektu stanu. Skorzystamy z faktu, że uchwyty są w Helium wartościami, stąd w szczególności mogą być wynikiem funkcji. Funkcja ta będzie u nas parametryzowana wartością początkową stanu:

```
let evalState init =
  handler
  | return x \Rightarrow fn _ \Rightarrow x
  | put s \Rightarrow fn _ \Rightarrow (resume ()) s
  | get () \Rightarrow fn s \Rightarrow (resume s) s
  | finally f \Rightarrow f init
  end
```

Gdy obliczenie się kończy, zamiast wartość, zwracamy funkcję która ignoruje argument, a zwraca właściwy wynik obliczenia. Ten argument będzie bieżącą wartością stanu. W konsekwencji przypadki dla operacji też muszą być funkcjami. Dla put nie musimy odczytywać aktualnej wartości stanu, stąd wartość tą ignorujemy. Obliczenie wznawiamy z wartością jednostkową. Jak jednak wiemy, wynikiem będzie nie zwykład wartość lecz funkcja, której u nas dajemy wartość stanu. Stąd podajemy jej nową wartość stanu, którą parametryzowana była operacja put. W przypadku get postępujemy podobnie – jednak tym razem odczytamy argument funkcji i przekażemy go do kontynuacji. Niezmiennie kontynuacja zwraca funkcję, której przekażemy aktualną wartość stanu. Pozostaje rozstrzygnąć co zrobić w przypadku finally. Skoro jednak przerobiliśmy obliczenie ze zwracającego wartość do takiego, które zwraca funkcję oczekującą wartości stanu, to możemy podać mu wartość początkową – określoną przez użytkownika uchwytu.

Jeśli chcemy aby obliczenie zwracało nie tylko wartość wynikową ale także końcowy stan, wystarczy że zmodyfikujemy przypadek dla *return*:

```
let runState init =
handler
| return x \Rightarrow fn s \Rightarrow (s, x)
| get () \Rightarrow fn s \Rightarrow resume s s
| put s \Rightarrow fn \Rightarrow resume () s
```

```
| finally f \Rightarrow f init end
```

Dzięki zdefiniowanemu efektowi ubocznemu, operacjom oraz uchwytom możemy teraz łatwo wykonywać obliczenia ze stanem:

```
let stateful () =
  let n = 2 * get () in
  let m = 10 + get () in
    put (n + m);
    m - n

let main () =
  let init = 2 in
  let (state, ret) = handle stateful () with runState init in
  printStr "Started_with_"; printInt init;
  printStr "Finished_with_"; printInt state;
  printStr "Returned_"; printInt ret

(*
    Started with 2
    Finished with 16
    Returned 8
*)
```

#### 4.3.4. Efekt rekursji

W niektórych językach ML-podobnych (jak na przykład OCaml czy Helium) chcąc by w ciele definicji funkcji był widoczny jej identyfikator, trzeba zadeklarować ją używając słów kluczowych *let rec*:

```
let rec fib n = if n = 0 then 0 else if n = 1 then 1 else fib (n-1) + fib (n-2)
```

Co ciekawe, dzięki własnym efektom i operacjom możemy tworzyć funkcje rekurencyjne, które nie używają jawnie rekursji:

```
signature Recurse (A: Type) (B: Type) = | \text{ recurse : } A \Rightarrow B

let fib n = if n = 0 then 0 else

if n = 1 then 1 else

recurse (n-1) + recurse (n-2)
```

```
let rec withRecurse f init =
  handle 'a in f 'a init
  with
  | recurse n ⇒ resume (withRecurse f n)
  end
```

Konstrukcja *handle* 'a *in* służy doprecyzowaniu który efekt ma być obsłużony przez uchwyt – jest przydatna w przypadku niejednoznaczności gdy używamy wielu instancji tego samego efektu lub dla ułatwienia rozumienia kodu.

Możemy w ten sposób definiować także funkcje wzajemnie rekurencyjne:

Utrzymujemy informację, która funkcja jest aktualnie wykonywana i gdy prosi o wywołanie rekurencyjne uruchamiamy obliczanie drugiej funkcji po czym wynik przekazujemy do kontynuacji.

#### 4.3.5. Wiele efektów na raz – porażka i niedeterminizm

Na koniec rozdziału, zobaczymy jak łatwo w Helium komponuje się efekty. Definiujemy efekty niedeterminzimu oraz porażki:

```
signature NonDet = 
| amb : Unit \Rightarrow Bool
signature Fail =
```

Definiujemy teraz funkcję sprawdzającą czy otrzymana formuła z trzema zmiennymi wolnymi jest spełnialna:

```
let is_sat (f: Bool \rightarrow Bool \rightarrow Bool \rightarrow Bool) = handle
handle
let (x, y, z) = (amb (), amb (), amb ()) in
if f x y z then True else fail ()
with failHandler
with ambHandler
```

Jeśli formuła przy ustalonym wartościowaniu nie jest spełniona powoduje efekt porażki. Zwróćmy uwagę w jakiej kolejności są umieszczone uchwyty – niedeterminizmu na zewnątrz, zaś porażki wewnątrz. W ten sposób gdy wystąpi porażka, jej uchwyt zwróci fałsz, w wyniki czego nastąpi powrót do ostatniego punktu niedeterminizmu w którym jest jeszcze wybór. Dzięki temu wartość  $is\_sat\ f$  jest równa fałszowi tylko gdy przy każdym wartościowaniu nastąpi porażka. Zobaczmy teraz funkcję sprawdzającą czy otrzymana formuła jest tautologią:

```
let is_taut (f: Bool \rightarrow Bool \rightarrow Bool \rightarrow Bool) = handle handle let (x, y, z) = (amb\ (), amb\ (), amb\ ()) in if f x y z then True else fail () with ambHandler with failHandler
```

Tutaj uchwyt dla porażki znajduje się na zewnątrz – wystąpienie porażki oznacza, że istnieje wartościowanie przy którym formuła nie jest prawdziwa, a w konsekwencji nie może być tautoligą. Możemy teraz napisać zgrabną funkcję, która wypisze nam czy formula1 jest spełnialna oraz czy jest tautologią:

```
let main () =
    printStr "Formula_is_";
    if is_sat formula1
    then printStr "satisfiable_and_"
    else printStr "not_satisfiable_and_";
    if is_taut formula1
    then printStr "a_tautology\n"
    else printStr "not_a_tautology\n"

(*
    Formula is satisfiable and not a tautology
*)
```

Z łatwością napisaliśmy program, który korzysta z wielu efektów uboczonych jednocześnie, mimo że żaden z nich (ani uchwyty) nie wiedzą o istnieniu drugiego. Łączenie efektów jest bardzo proste, a kolejność w jakiej umieszczamy uchwyty umożliwia nam łatwe i czytelne definiowanie zachowania programu w przypadku wystąpienie któregokolwiek z efektów.

Dzięki językowi Helium, przyjrzeliśmy się z bliska efektom algebraicznym oraz uchwytom, zobaczyliśmy przykłady implementacji uchytów oraz rozwiązań prostych problemów. Jesteśmy gotowi do podjęcia próby zaimplementowania systemów kompilacji z użyciem efektów i uchwytów – czego dokonamy w następnym rozdziale.

Rozdział 5.

Systemy kompilacji z użyciem efektów algebraicznych i uchwytów

### Rozdział 6.

## Podsumowanie i wnioski

. . .

## Bibliografia

- [1] A. Bauer. What is algebraic about algebraic effects and handlers?, 2018.
- [2] D. Biernacki, M. Piróg, P. Polesiuk, and F. Sieczkowski. Handle with care: relational interpretation of algebraic effects and handlers. *Proceedings of the ACM on Programming Languages*, 2(POPL):1–30, 2017.
- [3] D. Biernacki, M. Piróg, P. Polesiuk, and F. Sieczkowski. Abstracting algebraic effects. Proceedings of the ACM on Programming Languages, 3(POPL):1–28, 2019.
- [4] D. Biernacki, M. Piróg, P. Polesiuk, and F. Sieczkowski. Binders by day, labels by night: effect instances via lexically scoped handlers. *Proceedings of the ACM* on *Programming Languages*, 4(POPL):1–29, 2019.
- [5] S. Lindley, C. McBride, and C. McLaughlin. Do be do be do. CoRR, abs/1611.09259, 2016.
- [6] C. McBride. The frank manual. Unpublished manual, 2012.
- [7] A. Mokhov, N. Mitchell, and S. P. Jones. Build systems à la carte: Theory and practice. *Journal of Functional Programming*, 30, 2020.
- [8] A. Mokhov, N. Mitchell, and S. Peyton Jones. Build systems à la carte. *Proceedings of the ACM on Programming Languages*, 2(ICFP):1–29, 2018.
- [9] R. P. PIETERS, T. SCHRIJVERS, and E. RIVAS. Generalized monoidal effects and handlers.
- [10] G. Plotkin and J. Power. Semantics for algebraic operations. *Electronic Notes in Theoretical Computer Science*, 45:332–345, 2001.
- [11] G. Plotkin and J. Power. Computational effects and operations: An overview. 2002.
- [12] G. D. Plotkin and M. Pretnar. Handling algebraic effects. arXiv preprint arXiv:1312.1399, 2013.
- [13] M. Pretnar. An introduction to algebraic effects and handlers. invited tutorial paper. *Electronic notes in theoretical computer science*, 319:19–35, 2015.

36 BIBLIOGRAFIA

[14] J. Yallop and contributors. Effects bibliography. https://github.com/yallop/effects-bibliography/, 2016.