PREDICCIÓN: Modelo ETS y Modelo ARIMA

JORGE CASAN VÁZQUEZ

EXECUTIVE SUMARY

El objetivo de este informe es analizar el comportamiento de las ventas trimestrales de la empresa Apple a través de dos modelos, el modelo ETS y el modelo ARIMA. Dentro del modelo ETS realizaremos diferentes contrates como el de Holt-Winters para analizar la previsión, utilizando a su vez dos modelos, de los cuales nos quedaremos con el modelo 1 por ser el más preciso al arrojar un AIC más pequeño, de 355,37 en contraste con el modelo 2 de 364,69. Ambos modelos concluirán un aumento considerable en la previsión de las ventas. Seguidamente realizaremos un análisis de previsión utilizando el modelo ARIMA en donde analizaremos los patrones de tendencia y estacionalidad hasta quedarnos con nuestro modelo final con un ACF y PACF de ruido blanco para nuestros residuos, teniendo un modelo mucho más preciso con un AIC de -0,43. Realizaremos a continuación una prueba L-jung Box en donde veremos que las autocorrelaciones son significativamente diferentes a cero, lo cual indicará que os valores no son ni aleatorios ni independientes en el tiempo. La previsión de las ventas trimestrales de Apple según el modelo ARIMA indica una tendencia bajista, con un ligero descenso de las ventas, si la comparamos con nuestro modelo ETS.

INTRODUCCIÓN

Nos tendremos que cargar las librerías "forecast", "xts", "ggplot2", "ggfortify".

DEPURACIÓN DE LOS DATOS

Los datos recogidos en este fichero son las ventas por los productos de Apple en datos trimestrales, desde el último trimestre de 1998 hasta el primer trimestre del año 2016. De esta manera tenemos 70 observaciones recogidas en 6 variables.

En primer lugar lugar tendremos que eliminar los NA's, los cuales son 98, y sustituirlos por 0 y nos crearemos una columna con la suma de las ventas totales.

En segundo lugar tendremos que modificar el formato de las fechas y pasamos la columna "time" a las filas. A través del formato "as.zoo" nos permite crear un dataframe óptimo para representar datos visual y gráficamente. Seguidamente el índice de las ventas totales de los productos de Apple la nombraré como "Ingresos totales".

MODELO ETS

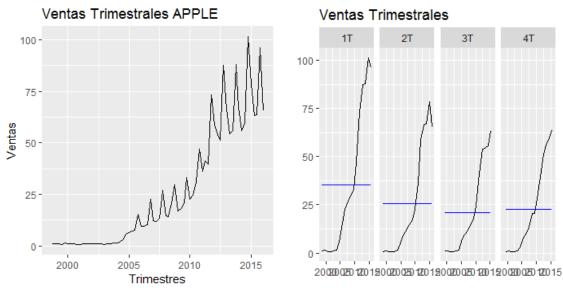
El modelo ETS descompone los datos en sus partes componentes y los extiende a futuro para pronosticar

Podemos representar gráficamente las ventas trimestrales de Apple, a través de un gráfico global o parcialmente por trimestres:

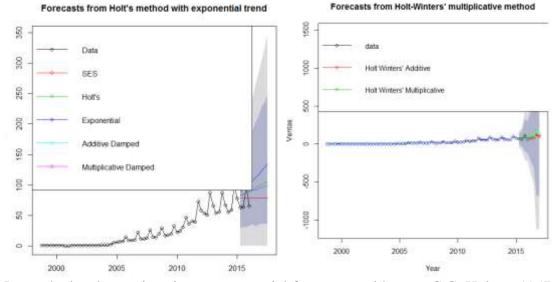




PREDICCIÓN



Podemos realizar una representación gráfica sobre los diferentes modelos aplicados para predecir con tendencia exponencial según el método de Holt¹ la predicción de las ventas para los próximos trimestres.



Los métodos de suavizamiento exponencial fueron sugeridos por C.C. Holt en 1957. A su vez, el método Winters se aplica en series temporales cuando presenta patrones de tendencia y estacionalidad.

El efecto multiplicativo se presenta cuando el patrón estacional en los datos depende de su tamaño, es decir, cuando la magnitud del patrón estacional se incrementa conforme los valores aumentan y decrece cuando los valores de los datos disminuyen.

¹ Se pueden emplear otros métodos como el lineal (el cual puede sernos útil para representar el cambio promedio de un periodo a otro), el cuadrático (el cual toma en cuenta la curvatura simple de los datos) y la curva S de Pearl- Reed (el cual toma en cuenta las observaciones que se ajustan a una curva con forma de S).

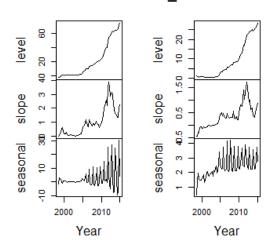


Práctica 2

PREDICCIÓN

Sin embargo, el efecto aditivo es mejor cuando el patrón estacional en los datos no depende del valor en los datos, es decir, que el patrón estacional no cambia conforme la serie se incrementa o disminuye de valor.

Metodo_Winters



El método Winters calcula los estimadores de 3 componentes: nivel, tendencia y estacionalidad. Estas ecuaciones dan una mayor ponderación a observaciones recientes y menos peso a observaciones pasadas.

A través de nuestro modelo ETS obtenemos dos modelos (modelo 1 y modelo 2) que explican la predicción de las ventas totales para los siguientes trimestres.

El modelo 1 explicará la predicción de las ventas totales de Apple con un AIC de 355.3798 y un BIC de 375.0866:

```
Forecasts:
        Point Forecast
                            Lo 80
                                       Hi 80
                                                   Lo 95
                                                             Hi 95
2015 Q2
              66.86844 48.792170
                                    84.94471
                                               39.223171
2015 Q3
               71.71016 47.877315
                                    95.54301
                                               35.
                                                  260969
                                                         108.15935
2015 Q4
              119.25434
                        69.634718
                                   168.87396
                                               43.367678
                                                         195.14100
2016 Q1
               91.04813
                        44.075560
                                   138.02070
                                               19.209783
                                                         162.88648
2016 Q2
                                   136.19533
               79.50129
                        22.807247
                                               -7.204766
                                                         166, 20734
2016 Q3
              84.84002
                        14.937441
                                   154.74261
                                              -22.066751
                                                         191.74680
2016 Q4
              140.44488
                         7.447714 273.44205
                                             -62.956733 343.84649
2017 Q1
              106.76889
                        -8.643846 222.18162
                                              -69.739655 283.27743
```

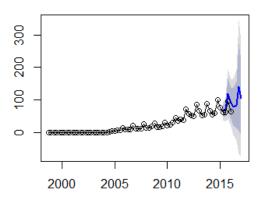
La representación gráfica de tal predicción vendría de la siguiente manera:

Adscrito a la Universidad Complutense de Madrid



PREDICCIÓN

Forecasts from ETS(M,A,M)



Con el modelo ETS se predice un aumento en la previsión de las ventas de Apple. El principal aumento se registra en el último triemstre de 2016 con un total de 140,44 seguido de un descenso en el primer trimestre de 2017 de 106,76. Aumento considerable comparándolo con las ventas que teníamos en el primer trimestre de 2016

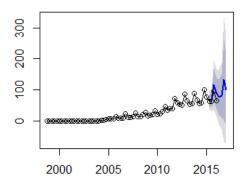
El modelo 2 explicará la predicción con menos precisión que el primer modelo al tener un AIC y BIC más alto, los cuales son 364.6994 y un BIC de 386.5959:

Forecasts:						
Foreca						
	Point Forecast	Lo 80	ні 80	Lo 95	ні 95	
2015 0	2 66.27343	47.282428	85.26442	37.22920	95.31765	
2015	3 70.32346	45.135872	95.51104	31.80237	108.84455	
2015	116.66132	64.405886	168.91674	36.74353	196.57910	
2016	88.85645	39.895258	137.81764	13.97677	163.73613	
2016	2 76.74274	19.762291	133.72319	-10.40134	163.88682	
2016	3 80.96695	11.725403	150.20849	-24.92885	186.86275	
2016	133.60800	2.845574	264.37042	-66.37587	333.59187	
2017	101.26534	-11.352594	213.88328	-70.96893	273.49962	

La representación gráfica de tal predicción vendría de la siguiente manera:

Al igual que en el modelo 1, la previsión de las ventas es alcista, registrándose su pico en el último trimestre de 2016 con un total de 133,60, seguidamente de un descenso a comienzos de 2017

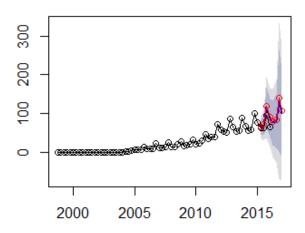
Forecasts from ETS(M,Ad,M)





PREDICCIÓN

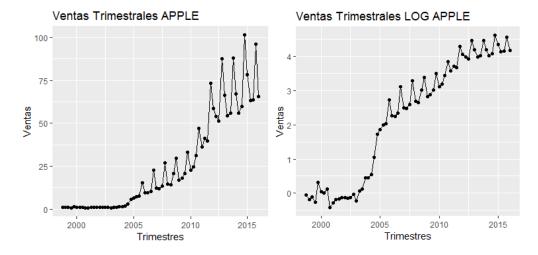
Forecasts from ETS(M,Ad,M)



Esta es la representación gráfica, tanto del modelo 1 como del modelo 2. Ambos modelos predicen un crecimiento en la previsión de las ventas de Apple

MODELO ARIMA

Los métodos de pronóstico ARIMA (Autoregressive Integrated Moving Average) usa patrones de datos, sin embargo puede que no sean fácilmente visibles nuestro modelo de regresión de las ventas de Apple. El modelo usa funciones de diferencias, autocorrelación y autocorrelación parcial para ayudar a identificar a un modelo aceptable.



Adscrito a la Universidad Complutense de Madrid

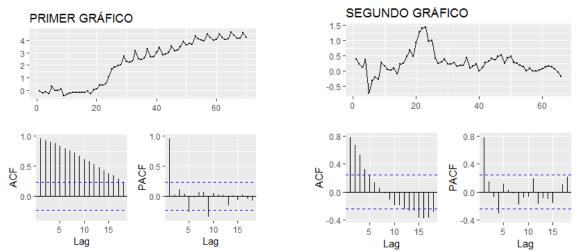
Tel. +34 91 448 08 92

Fax.+34 91 594 13 66





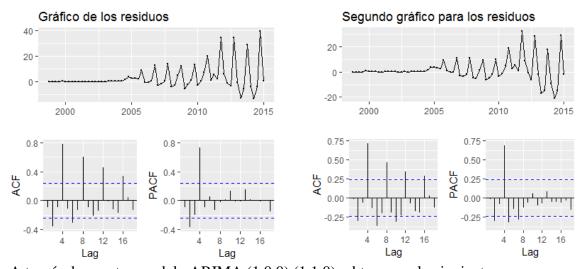




Tanto en el gráfico "zlVentas" llamado "Primer Gráfico" como en el "diff(zlVentas, 4)" llamado "Segundo Gráfico" se demuestra que las gráficas no son estacionarias. Los gráficos de abajo, tanto el ACF coºel PACF se puede observar que las autocorrelaciones son significativas y por lo tanto no son ruido blanco.

Las diferencias se calculan entre los valores de los datos de la serie temporal para identificar patrones de tendencia y estacionalidad.

Podemos hacer el mismo análisis para los residuos:



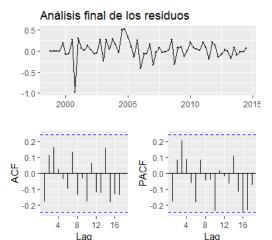
A través de nuestro modelo ARIMA (1,0,0) (1,1,0), obtenemos lo siguiente:

Adscrito a la Universidad Complutense de Madrid



Práctica 2

PREDICCIÓN



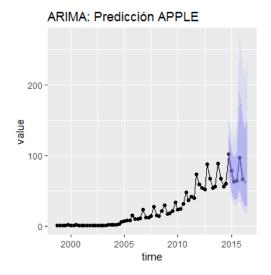
El modelo **ARIMA** representa una secuencia de datos hasta que solo queda ruido blanco

Finalmente haciendo varias pruebas en un box-L Jung², obtendremos los siguientes resultados:

```
.test(fit1$residuals,lag=4, fitdf
        Box-Ljung test
data: fit1$residuals
-squared = 4.9896, df = 1, p-value = 0.0255
     test(fit1$residuals,lag=12, fitdf=3, type
       Box-Ljung test
data: fit1$residuals
 -squared = 12.671, df = 9, p-value = 0.1781
  Box.test(fit1$residuals,lag=8, fitdf=3, type="Lj"
        Box-Ljung test
      fit1$residuals
X-squared = 8.5681, df = 5, p-value = 0.1276
```

Como podemos observar, los resultados arrojados en forma de p-valor, para un nivel de significación del 5%, muestran, a excepción del primer resultado, que las autocorrelaciones son significativamente diferentes a cero, lo cual indica que los aleatorios valores no son ni independientes en el tiempo.

Según el modelo ARIMA se estima una caída en las ventas totales de Apple para los próximos trimestres



² La prueba de Ljung-Box es un tipo de prueba estadística de si un grupo cualquiera de autocorrelaciones de una serie temporal son diferentes a cero. Sirve para comprobar si una serie de observaciones en un período de tiempo son aleatorias e independientes. Prueba la hipótesis nula de que las autocorrelaciones sean iguales a cero



Práctica 2

PREDICCIÓN

, , , , , , , ,	ab rai riiia					
	Point Fo	orecast	Lo 80	ні 80	Lo 95	Hi 95
2014 Q4	90	6.02630	71.55611	128.86462	61.23834	150.5764
2015 Q1	72	2.53143	48.69482	108.03629	39.43475	133.4054
2015 Q2	59	9.52195	37.27356	95.05028	29.09329	121.7759
2015 Q3	62	2.45555	37.16514	104.95577	28.23563	138.1480
2015 Q4	98	8.95812	51.72220	189.33282	36.68720	266.9244
2016 Q1	74	4.56586	35.57979	156.27038	24.04906	231.1969
2016 Q2	61	1.24465	27.29591	137.41645	17.79529	210.7809
2016 Q3	64	4.45149	27.24667	152.45881	17.27318	240.4881

Esta es la previsión de las ventas de Apple, nos interesa los datos del segundo y tercer trimestre de 2016

CONCLUSIONES

Tomado todo ello en su conjunto podemos sacar como conclusión que la previsión de las ventas de Apple según nuestro modelo 1 de ETS, el cual tomaremos en consideración por arrojar resultados más precisos (AIC y BIC de 355,37 y 375,08, respectivamente), comparándolos con el modelo 2 es de una previsión más optimista que el modelo ARIMA. Si bien este último modelo resulta más preciso que el modelo 1 de ETS al arrojar como resultado un AIC de -0,43 y un BIC de 5,85.

Según los resultados arrojados, lo podemos ver a través de una tabla

TRIMESTRES	MODELO 1 ETS	MODELO ARIMA
2016 Q2	79,5	61,24
2016 Q3	84,4	64,45
2016 Q4	140,44	
2017 Q1	106,76	

En conclusión, la previsión de ventas para los próximos trimestres según el modelo ETS es mucho más optimista que la previsión de las ventas de Apple según el modelo ARIMA, la cual estima un ligero descenso en la previsión de las ventas.