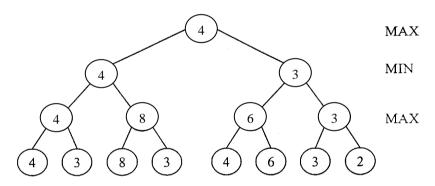


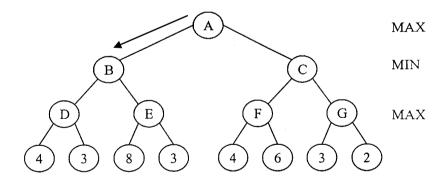
LICENCIATURA EM ENGENHARIA INFORMÁTICA INTRODUÇÃO À INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL AULAS TEÓRICAS: EXERCÍCIOS

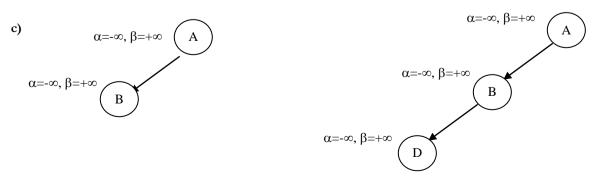
SOLUÇÕES - FICHA VI

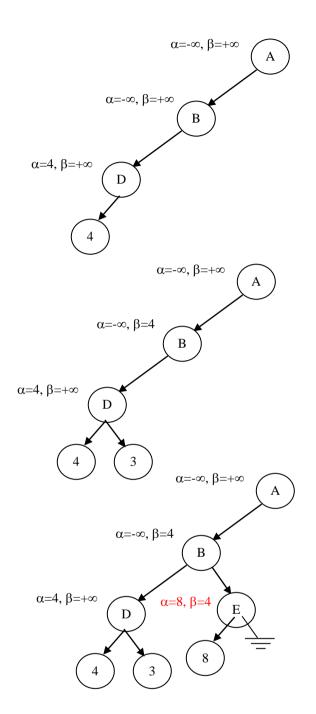
1. a) Num nó de decisão em que joga MAX, a pontuação (do ponto de vista de MAX) é a máxima dos nós filhos desse nó. Num nó em que joga MIN, a pontuação é a mínima. Portanto:

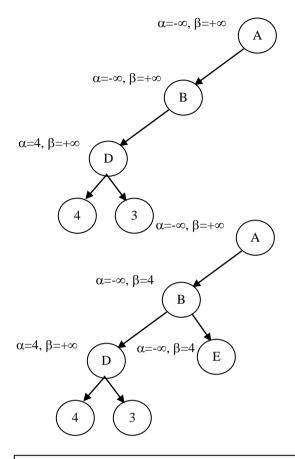


b) É a jogada B, de pontuação máxima = 4, assinalada na árvore seguinte:

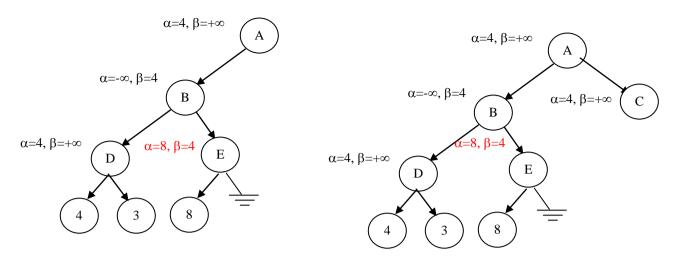


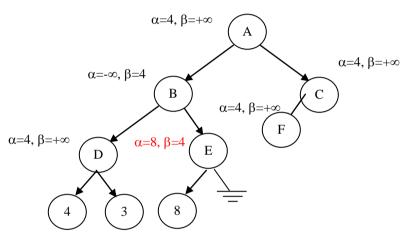


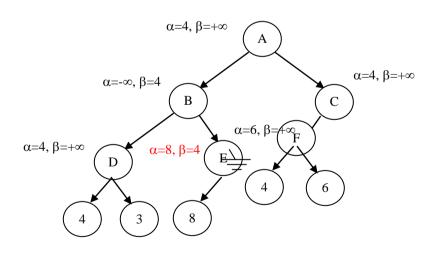


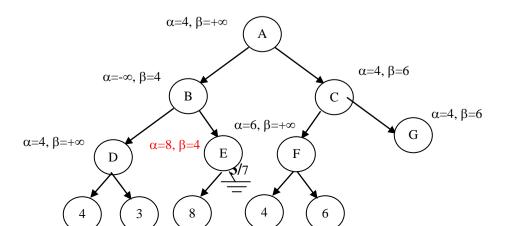


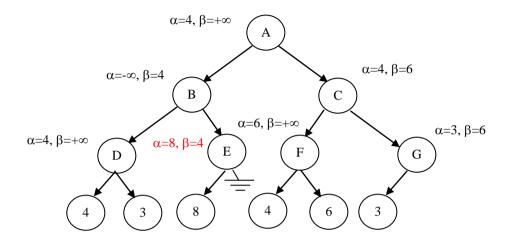
Pruning: Depois da análise do nó de valor 8 conclui-se que MIN já tinha um caminho através do qual imporia a MAX o final 4 em vez do final a 8, pelo que em B, MIN nunca jogará para E: o outro filho de E não precisa de ser visitado. Isto é expresso pela presença de um α>β no nó E, obtido logo após visita do nó de valor 8.

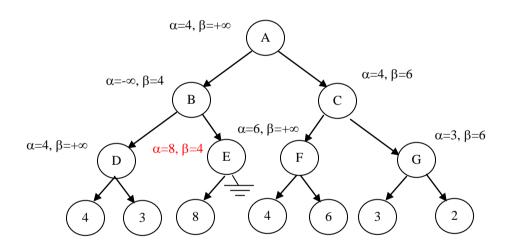


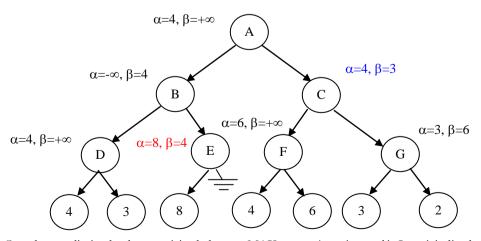






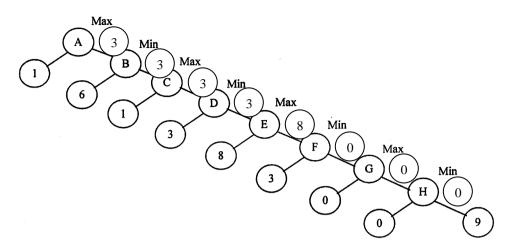




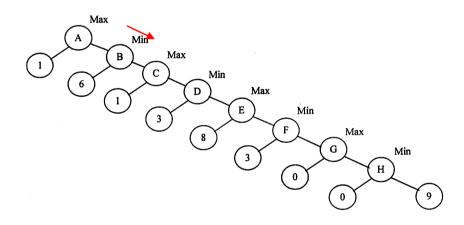


O ramo C pode ser eliminado da memória dado que MAX nunca jogará para lá. Isto é indicado pela presença de um $\alpha > \beta$ no nó C.

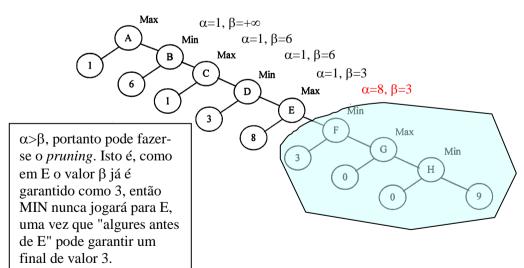




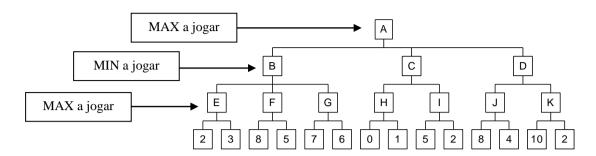
b) MAX escolheria a jogada assinalada:



c)



3. a) De acordo com o enunciado, MAX e MIN jogam nos seguintes níveis:



Como MAX decide pela pontuação máxima, as avaliações ao nível 3 são:

- $E \rightarrow 3$
- F**→**8
- $G \rightarrow 7$
- $H\rightarrow 1$
- $I\rightarrow 5$
- J**→**8
- K→10

Como MIN decide pela pontuação mínima (do ponto de vista de MAX), as avaliações ao nível 2 são:

- $B \rightarrow 3$
- $C\rightarrow 1$
- $D\rightarrow 8$

Como MAX decide pela pontuação máxima, a avaliação inicial é:

 $A \rightarrow 8$

E portanto MAX deverá jogar para obter pelo menos 8 pontos, o que consegue decidindo por D: Esta é a primeira jogada.

- b) Se MIN for um humano pode cometer erros. A única consequência será que MAX poderá tirar maior partido desses erros. Neste exemplo, como MIN só joga uma vez, poderia escolher K em vez de J e o jogo terminaria com uma pontuação de 10 para MAX em vez dos 8 que MIN lhe poderia "impor".
- c) A pesquisa faz-se em profundidade e, de acordo com o enunciado, da esquerda para direita. Nestas condições:
 - 1. O primeiro nó terminal visitado é L. Segue-se M. Destes resulta Max=3 no nó E. Retorna-se a B.
 - 2. Segue-se para F. Jogando N Max pode terminar com 8 ou mesmo mais: Depende de O. Porém, como MIN lhe pode impor um final de 3 jogando para E, o nó O pode ser excluído. Retorna-se a B.
 - 3. Segue-se para G. Jogando P, Max termina com valor 7. Por razão análoga à anterior, Q pode ser excluído. Retorna-se a B.
 - 4. Retorna-se a A.
 - 5. Segue-se C.
 - 6. Segue-se para H. Jogando S Max pode, quando muito, terminar com 1. Retornase a C.

- 7. Como em C é Min a escolher, poderá impor este final a Max. Portanto, Max nunca escolherá, na jogada inicial, C. E portanto I, T e U podem ser já excluídos.
- 8. Retorna-se a A e segue-se D.
- 9. Segue-se para J. Entre V e X, jogando V Max pode terminar com 8.
- 10. Segue-se K. Jogando Y, Max pode terminar com 10. Como em D é Min a jogar, nunca escolherá K. E portanto, Z pode ser excluído.

