

Instituto Tecnológico de Costa Rica



## Proyecto 4: SIMPLEX

Investigación de Operaciones

Profesor:

Francisco Jose Torres Rojas

Integrantes:

Jose Pablo Fernandez Jimenez - 2023117752

Diego Durán Rodríguez - 2022437509

Segundo semestre 2025

# Algoritmo SIMPLEX

El **algoritmo SIMPLEX** es uno de los métodos más importantes y utilizados en el campo de la optimización lineal. Fue desarrollado por George Bernard Dantzig en 1947, en el contexto de investigaciones relacionadas con la planificación logística y de recursos durante la posguerra. Dantzig, un matemático y científico estadounidense, ideó este método como una herramienta para resolver problemas de programación lineal, un área que busca optimizar (maximizar o minimizar) una función objetivo sujeta a un conjunto de restricciones lineales.

El surgimiento del algoritmo Simplex marcó un antes y un después en la optimización matemática. Antes de su creación, no existía un procedimiento general y sistemático que permitiera resolver eficientemente problemas de gran escala con múltiples variables y restricciones. Dantzig propuso un enfoque geométrico basado en la observación de que la solución óptima de un problema lineal se encuentra en uno de los vértices o puntos extremos del poliedro factible, es decir, del conjunto de soluciones que cumplen todas las restricciones del problema.

El método Simplex avanza de un vértice a otro a través de las aristas del poliedro, mejorando progresivamente el valor de la función objetivo hasta encontrar el óptimo. Cada movimiento corresponde a un cambio de una variable básica en la solución, lo que permite al algoritmo recorrer el espacio factible de manera ordenada y eficiente.

**Entre las principales propiedades del algoritmo Simplex destacan las siguientes:**

- *Eficiencia práctica:* aunque en teoría su complejidad puede ser exponencial en el peor de los casos, en la práctica el algoritmo es extremadamente eficiente y puede resolver problemas con miles de variables y restricciones en tiempos incluso lineales.
- *Interpretación geométrica clara:* El procedimiento del Simplex se basa en conceptos geométricos simples, lo que facilita su comprensión y visualización en espacios de baja dimensión.
- *Importancia histórica y teórica:* el Simplex no solo revolucionó la programación lineal, sino que también sentó las bases para la aparición de otros métodos de optimización, como los algoritmos de punto interior y técnicas modernas de optimización convexa.

## Problema original

Nombre del problema: **Problema3**

El problema original se puede formular como un problema de programación lineal, donde se busca optimizar una función objetivo sujeta a ciertas restricciones:

**Minimizar**

$$Z = -2 X_1 - 3 X_2$$

**Sujeto a:**

$$X_1 - X_2 \leq 1$$

$$X_1 - 2 X_2 \leq 2$$

**Con**  $X_1, X_2 \geq 0$

## Tabla inicial

$Z$	$X_1$	$X_2$	$s_1$	$s_2$	
1	2	3	0	0	0
0	1	-1	1	0	1
0	1	-2	0	1	2

## Tablas intermedias

### Iteración 1

Cálculo de razones de valores positivos de la columna 2:

Fila	Razón

No se encuentran candidatos a pivote en columna 2.

$Z$	$X_1$	$X_2$	$s_1$	$s_2$	
1	2	3	0	0	0
0	1	-1	1	0	1
0	1	-2	0	1	2

## Tabla final

$Z$	$X_1$	$X_2$	$s_1$	$s_2$	
1	2	3	0	0	0
0	1	-1	1	0	1
0	1	-2	0	1	2

## Solución

El problema es no acotado.

La columna candidata para entrar era la columna 2 (variable  $X_2$ ).

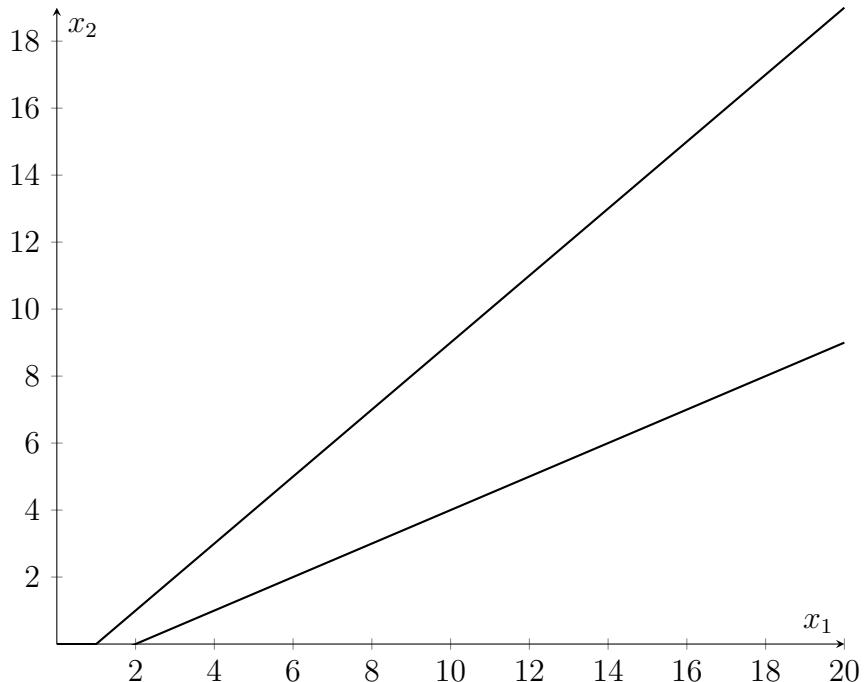
En esa columna ya no existen coeficientes positivos en las filas de las restricciones (todas las entradas relevantes son  $\leq 0$ ), por lo que no existe una fila pivote válida que permita continuar el algoritmo.

Interpretación: la función objetivo puede aumentar (o disminuir, según el sentido) indefinidamente en la dirección asociada a esa variable, lo que significa que la región factible no acota el crecimiento de la función objetivo.

Posibles causas: falta de restricciones que limiten esa dirección (el modelo es incompleto), o restricciones mal planteadas (signos o coeficientes incorrectos en las ecuaciones). Revise las restricciones y los signos para corregir la formulación.

## Gráfico de la región factible (solo para 2 variables)

A continuación se muestra la región factible en el plano  $(x_1, x_2)$  junto con las rectas de las restricciones.



## Referencias

- [1] Wikipedia contributors. (2025, 6 octubre). Simplex algorithm. *Wikipedia*. Disponible en: [https://en.wikipedia.org/wiki/Simplex\\_algorithm](https://en.wikipedia.org/wiki/Simplex_algorithm)
- [2] Ben-Lowery. (2022, 4 abril). Linear Programming and the birth of the Simplex Algorithm. *Ben Lowery @ STOR-i*. Disponible en: <https://www.lancaster.ac.uk/stor-i-student-sites/ben-lowery/2022/03/linear-programming-and-the-birth-of-the-simplex-algorithm/>
- [3] Libretexts. (2022, 18 julio). 4.2: Maximization by the Simplex method. *Mathematics LibreTexts*. Disponible en: [https://math.libretexts.org/Bookshelves/Applied\\_Mathematics/Applied\\_Finite\\_Mathematics](https://math.libretexts.org/Bookshelves/Applied_Mathematics/Applied_Finite_Mathematics)