Cálculo I - Agrupamento IV

2018/2019

Soluções da Ficha de Exercícios 3

- 1. (a) f é integrável em [0,4];
 - (b) f não é integrável em $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$;
 - (c) f é integrável em [-2, 1].
- 2. (a) Resolvido
 - (b) $F'(x) = \frac{x^2}{x^2+1}$
 - (c) $F'(x) = -e^{-x^2}$
 - (d) $F'(x) = \sin x^2 + e^{-x^2}$
 - (e) $F'(x) = 3x^2 \int_1^x e^{-s^2} ds + x^3 e^{-x^2}$
 - (f) $F'(x) = -2x\sin x^4 + 3e^{3x}\sin(1+e^{3x})^2$
 - (g) $F'(x) = -\cos x^4$
 - (h) $F'(x) = 3x^2 \ln(x^6 + 1) + \operatorname{sen} x \ln(\cos^2 x + 1)$
- 3. $F'(x) = 2(x+1) \int_0^{\sin x} \arcsin t \, dt + x(x+1)^2 \cos x$.
- 4. $\sqrt{2}\sqrt[4]{\frac{\pi}{4}}$
- 5. $F''(x) = e^{-x^2}$.
- 6. (a) G é estritamente crescente em \mathbb{R} .
 - (b) (-1, G(-1))
- 7. (a) $F'(x) = (1 + e^{x^4})2x, \forall x \in \mathbb{R}$
 - (b) F é estritamente decrescente em \mathbb{R}^- e F é estritamente crescente em \mathbb{R}^+ . $F(0) = \int_1^0 (1+e^{t^2}) dt$ é mínimo local de F.
- 8. (a) $F'(x) = (4 + \operatorname{sen}(x^2))2x, \forall x \in \mathbb{R}$
 - (b) F é estritamente decrescente em \mathbb{R}^- e F é estritamente crescente em \mathbb{R}^+ . $F(0) = \int_0^0 (4 + \sin t) dt = 0$ é mínimo local de F.
- 9. 1
- 10. -1
- 11. —
- 12. 1
- 13. (a) Resolvido
 - (b) $-\frac{19}{9} \frac{4}{3}\sqrt{2} + 2\sqrt{3}$
 - (c) $\frac{1}{3e^3} \frac{1}{3e^4}$
 - (d) $\frac{2}{7}(27\sqrt{3}-1)$

- (e) $\frac{\pi}{4}$
- (f) 1
- (g) $\frac{3-\sqrt{3}}{3}$
- (h) $\frac{\pi}{6}$
- (i) $-\frac{2}{3}$
- (j) ln 2
- (k) ln 2
- (l) 2
- (m) $-\frac{9}{28}$
- (n) $\frac{1}{2}$
- (o) $\frac{1}{3}(2\sqrt{2}-1)$
- (p) $\frac{1}{2} \left(\operatorname{arctg}\left(\frac{3}{2}\right) \frac{\pi}{4} \right)$
- 14. (a) $\frac{\ln 3}{4}$
 - (b) $\frac{\pi}{8}$
 - (c) $\frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2}$
 - (d) $\frac{e^2+1}{4}$
 - (e) e 2
- 15. (a) $2 + \ln 2$
 - (b) $\frac{\pi}{2} + \ln 2$
 - (c) $\frac{1}{2} \ln 5$
 - (d) $-\pi 3$
- 16. Resolvido
- 17. $\frac{3 \ln 3}{2}$
- 18. $e^2 + 1 2 \ln \frac{1 + e^2}{2}$
- 19. $\frac{1}{2}$
- 20. Resolvido
- 21. $\frac{1}{6}$
- 22. $1 \frac{5}{4e}$
- 23. $\frac{1}{3} + \ln 2$
- 24. $\frac{-4\pi+8+\pi^2}{8}$
- 25. $\int_{-\pi}^{-3\pi/4} (\sin x \cos x) \, dx + \int_{-3\pi/4}^{\pi/4} (\cos x \sin x) \, dx + \int_{\pi/4}^{\pi} (\sin x \cos x) \, dx$
- 26. (a)
 - (b) $\frac{37}{6}$
- 27. $\frac{\pi^2}{72}$
- 28. (a) $\frac{4\pi}{3}$

- (b) $\frac{4}{3} + 2\pi$
- 29. h é integrável em [-1,4] porque h é limitada em [-1,4] e descontínua apenas num ponto de [-1,4] (em x=2).
- 30. (a) $F'(x) = 3x^5 e^{\operatorname{sen}(x^3)}$.
 - (b) 0.
- 31. (a) $-\frac{1}{\sqrt{1+x^2}} + C$, $C \in \mathbb{R}$.
 - (b) $\frac{3\sqrt{2}-2}{2\sqrt{2}}$.
- 32. —
- 33. —
- 34. (a) (Sugestão: Usar o Teorema Fundamental do Cálculo Integral)
 - (b) $\frac{1}{2}$ (Sugestão: Usar a Regra de Cauchy e a alínea anterior)
- 35. $\frac{\pi^2}{8}$
- 36. (a) $F'(x) = -\frac{x^2}{e^{\arccos x} + 1} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 x^2}}$ (Sugestão: Usar o Teorema Fundamental do Cálculo Integral)
 - (b) F é estritamente decrescente em [-1,1]. x = -1 é maximizante global de F. x = 1 é minimizante global de F.