



1. Sea \vec{F} un campo vectorial y C una curva en el plano, determine el trabajo hecho por \vec{F} sobre C , recorrida en sentido antihorario.

$$\vec{F}(x, y) = \begin{cases} \left(\frac{y}{4x^2 + 9y^2}, \frac{-x}{4x^2 + 9y^2} \right) & , y \geq 0 \\ \left(\frac{y}{4x^2 + y^2}, \frac{-x}{4x^2 + y^2} \right) & , y < 0 \end{cases}$$
$$C : \begin{cases} x^{2/3} + y^{2/3} = 1 & , y \geq 0 \\ x^{2/3} + \frac{y^{2/3}}{4} = 1 & , y < 0 \end{cases}$$

2. Sea $\vec{F}(x, y) = (y^2 e^{xy}, (1 + xy)e^{xy} + x)$ un campo vectorial que recorre la trayectoria $\gamma : \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$, desde el punto $A(0, 3)$ hasta $B(2, 0)$, determine el trabajo aportado por \vec{F} a la trayectoria γ .
3. Un panel solar de contorno circular, de radio $1[m]$, tiene la forma $z(x, y) = xy$, calcule la cantidad de energía que absorbe si se sabe que recibe $\delta(x, y) = 400 \frac{x^2 + y^2}{\sqrt{x^2 + y^2 + 1}} [kW/m^2]$.
4. Se tiene una esfera de radio $3[m]$ que posee la siguiente distribución de temperaturas sobre su superficie, $T(x, y, z) = (x+1)^2 + (y-1)^2 + (z+3)^2 [K]$. Calcule la cantidad total de calor que transmite o recibe si su constante de transferencia es $\lambda = \sqrt{11}/9 [W/m \cdot K]$. Recuerde que la ley de Fourier establece que: $q [W/m^2] = -\lambda \cdot \nabla T$, donde q es la cantidad de calor que se transfiere por unidad de superficie, para este caso use $q = \lambda \|\nabla T\|$.