



1. Evaluar las siguientes integrales iteradas y trazar las regiones  $D$  determinadas por los límites

(a)  $\int_{-1}^1 \int_{-3|x|}^{2|x|} e^{x+y} dy dx$

(b)  $\int_0^1 \int_1^{y^2} y x dx dy$

(c)  $\int_{-10}^{10} \int_{x^3}^{x^{15}} y^8 dy dx$

(d)  $\int_{-1}^1 \int_0^{|1-y^2|} \frac{1}{\sqrt{1-x}} dx dy$

2. Sea la región  $\Omega$  en el plano  $XY$ , encerrada por las curvas  $x^2 + y = 1$ ,  $x = 1$ ,  $y = 1$ . Anote las integrales dobles que permiten calcular el área de esta región, es decir en orden  $dydx$  y  $dx dy$ , además considere que esta región posee una densidad de  $x^2 y$ , ¿Cuál es la masa de la región?

3. Usando el teorema del valor medio, mostrar que

$$\frac{9}{38} \leq \int_D \frac{1}{2y + x + 10} dA \leq \frac{9}{20}$$

donde  $D$  es el triángulo con vértices  $(0, 0)$ ,  $(3, 3)$  y  $(3, 0)$

4. Resuelva las siguientes integrales dobles, en caso de no poder integrar directamente use el teorema de Fubini.

■  $\int_0^1 \int_{\sqrt{x}}^1 \sqrt{9 + y^3} dy dx$

■  $\int_0^1 \int_y^1 \frac{\cos x}{x} dy dx$

■  $\int_0^1 \int_{\sqrt{y}}^1 e^{x^3} dx dy$

■  $\int_0^a \int_0^{\sqrt{a^2 - y^2}} \ln(x^2 + y^2 + 1) dx dy$

5. Deje expresadas las integrales dobles que permiten calcular el volumen encerrado por:

$$\begin{aligned} z &= x^2 - 2x + y^2 + 1 \\ z &= 9 - x^2 - 2y^2 + 2x \end{aligned}$$

Además dibuje la región de integración.