## Certamen Recuperativo Introducción a la Informática Teórica

## 16 de junio de 2005

- 1. Determine cuáles de los siguientes lenguajes sobre  $\Sigma = \{0, 1, 2\}$  son conjuntos regulares. Justifique sus respuestas.
  - a) Strings que comienzan con 012 y que no contienen símbolos repetidos.
  - b) Palíndromos, vale decir, strings que se leen igual de ambos extremos

(30 puntos)

2. Dé gramáticas de contexto libre para los lenguajes de la pregunta 1. ¿Su respuesta a esta pregunta ayudaría a contestar la pregunta 1?

(20 puntos)

- 3. Demuestre que los lenguajes recursivamente enumerables son cerrados respecto de intersección.
  (10 puntos)
- 4. Demuestre que si un lenguaje L es recursivamente enumerable, y también lo es su complemento  $\bar{L}$ , entonces ambos son recursivos.

(20 puntos)

5. Demuestre que los lenguajes de contexto libre son recursivos.

Pista: Demuestre que una TM puede emular un PDA. Recuerde que la TM es determinista, mientras el PDA es no-determinista.

(30 puntos)