

Práctica 04: Simulación de una Codificación Lineal Sin Ruido

21 de marzo

APELLIDOS: NOMBRE:

APELLIDOS: NOMBRE:

GRUPO G2:

EJEMPLO DE LA SIMULACIÓN

Supongamos que vamos a transmitir un mensaje escrito en el alfabeto

“ABCDEFGHGIJKLMNOPQRSTUVWXYZ abcdefghiijklmnopqrstuvwxyz”

por un canal sin ruido con alfabeto del canal el cuerpo finito de cardinal 5, \mathbb{F}_5 . Para ello, al mensaje original le realizamos dos procesos de codificación.

1. El primer proceso es una codificación del alfabeto fuente, 5-aria, en bloque y de longitud la mínima posible. Es decir, como el alfabeto tiene 56 símbolos, dicha longitud mínima es

$$\text{long_min} = \lceil \log_5(56) \rceil = 3$$

Para codificar cada símbolo del alfabeto, si pos es la posición que ocupa dicho símbolo dentro del alfabeto, calculamos la expresión en base 5 del número entero $pos - 1$ y completamos con ceros a la izquierda hasta conseguir longitud 3 (expresión en base 5 de longitud 3 para el entero $pos - 1$). Por ejemplo, si queremos codificar el mensaje “Las”, como

símbolo	$pos - 1$	codificación
L	11	[0, 2, 1]
a	28	[1, 0, 3]
s	48	[1, 4, 3]

se obtiene

$$\text{codi_1} = [0, 2, 1, 1, 0, 3, 1, 4, 3]$$

2. La segunda codificación aplica a la lista anterior, codi_1 , la codificación lineal en \mathbb{F}_5 con matriz generadora $G = (\text{Id}_2 | A)$, siendo

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}.$$

Es decir, cada secuencia binaria de longitud 2 se codifica multiplicándola por la matriz G (producto en \mathbb{F}_5). Si la longitud de la lista a codificar no es un múltiplo de 2, la cola que queda al final se codifica con los mismos dígitos. Por ejemplo, si la lista binaria a codificar es la de antes

$$codi_1 = [0, 2, |1, 1|, 0, 3, |1, 4|, 3]$$

tendremos 4 secuencias de longitud 2 a codificar usando G , y una cola de longitud 1, que mantenemos.

Como en nuestro caso la matriz generadora es

$$G = \left(\begin{array}{cc|cc} 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 3 & 4 \end{array} \right),$$

la codificación lineal para $codi_1$ es

	1	2	3	4	cola
sec.	[0, 2]	[1, 1]	[0, 3]	[1, 4]	[3]
$codi_2$	[0, 2, 1, 3]	[1, 1, 4, 1]	[0, 3, 4, 2]	[1, 4, 3, 3]	[3]

y el mensaje codificado que se envía por el canal es la concatenación de las palabras código con la cola, es decir, la lista

$$L = [0, 2, 1, 3, 1, 1, 4, 1, 0, 3, 4, 2, 1, 4, 3, 3, 3].$$

PROBLEMA

Supongamos ahora que hacemos una simulación como la descrita antes, donde el alfabeto **alf** es el disponible en el fichero entrada_datos_04, se trabaja con códigos **ternarios**, y A es la matriz

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}.$$

Sabiendo que durante la transmisión por el canal **no se ha producido ruido** y que el mensaje obtenido del canal es el indicado la lista L (disponible en el fichero entrada_datos_04), se pide obtener el mensaje original.

mensaje original

