

# Tvorba sbírky planimetrických a stereometrických úloh

Ročníková práce



**MENSA**  
GYMNÁZIUM

Mensa gymnázium, o.p.s.

Jan Strmiska

2021 - 2023

2. strana

3. strana

Prohlašuji, že jsem svou práci vypracoval samostatně a použil jsem pouze podklady (literaturu, SW atd.) uvedené v příloženém seznamu.

Nemám závažný důvod proti zpřístupňování této práce v souladu se zákonem č. 121/2000 Sb., o právu autorském, o právech souvisejících s právem autorským a o změně některých zákonů (autorský zákon) v platném znění.

V ..... dne .....

Podpis autora

## Poděkování

Chtěl bych poděkovat svému vedoucímu ročníkové práce Mgr. Matúši Kepičovi za odborné vedení, za pomoc a rady při zpracování této práce.

# Obsah

<b>Úvod</b>	<b>6</b>
<b>1 Teoretická část</b>	<b>7</b>
1.1 Jednotné přijímací zkoušky pro střední školy a gymnázia . . . . .	7
1.2 Vysvětlení teoretických základů . . . . .	7
1.2.1 Obvod . . . . .	7
1.2.2 Obsah . . . . .	8
1.2.3 Osová souměrnost . . . . .	9
1.2.4 Rovnostranný trojúhelník . . . . .	10
1.2.5 Rovnoramenný trojúhelník . . . . .	10
1.2.6 Shodnost trojúhelníků . . . . .	10
1.2.7 Průsečík . . . . .	11
1.2.8 Pravý úhel, kolmost . . . . .	11
1.2.9 Pravoúhlý trojúhelník . . . . .	11
1.2.10 Rovnoběžnost . . . . .	12
1.2.11 Krychle . . . . .	13
<b>2 Praktická část</b>	<b>15</b>
2.1 Výběr úloh . . . . .	15
2.2 Statistická analýza přijímacích zkoušek z minulých let . . . . .	15
2.3 Zkoumání úloh . . . . .	22
2.4 Tvorba úloh vlastní sbírky . . . . .	22
<b>3 Sbírka</b>	<b>24</b>
3.1 8leté obory . . . . .	25
3.1.1 Planimetrie . . . . .	25
3.1.2 Rýsování . . . . .	38
3.1.3 Stereometrie . . . . .	59
<b>Závěr</b>	<b>67</b>
<b>Zdroje</b>	<b>68</b>
<b>Seznam obrázků</b>	<b>70</b>
<b>Seznam tabulek</b>	<b>71</b>

# Úvod

Tato ročníková práce se zaměřuje na tvorbu sbírky planimetrických a stereometrických příkladů, která má pomoci studentům připravujícím se na střední školy a gymnázia. Výběr téma je motivován mým zájmem o tuto oblast matematiky a mými zkušenostmi s tím, jak někteří studenti mohou s těmito druhy úloh bojovat.

Práce se dělí na teoretickou část, vysvětlující jednotné přijímací zkoušky a teoretický základ, na praktickou část, ve které je popsán postup tvorby sbírky a na samotnou sbírku úloh.

Cílem sbírky je poskytnout přehledný materiál, který studentům umožní osvojit si potřebné dovednosti k řešení planimetrických a stereometrických úloh.

Sbírka bude strukturována dle témat jednotlivých úloh a bude přehledně čitelná a vizuálně přitažlivá.

Mým hlavním zdrojem jsou jednotné přijímací zkoušky z matematiky z minulých let. Také jsem se inspiroval různými sbírkami.

V rámci této práce je předpokládáno, že studenti již mají osvojenou znalost planimetrických a stereometrických konceptů, kterou získali v rámci školní výuky. Sbírka bude tedy obsahovat především různorodé příklady, které studentům umožní procvičit a zlepšit si své schopnosti v dané oblasti.

# 1. Teoretická část

## 1.1 Jednotné přijímací zkoušky pro střední školy a gymnázia

Přijímací zkoušky tvoří příspěvková organizace CERMAT neboli Centrum pro zjišťování výsledků vzdělávání, která byla zřízena Ministerstvem školství, mládeže a tělovýchovy ČR v roce 2006. [1] Tato organizace také zařizuje státní maturitní zkoušky a závěrečné zkoušky. [2]

Jde o národně jednotné přijímací zkoušky, které jsou povinnou součástí prvního kola přijímacího řízení do všech maturitních oborů s výjimkou oborů s talentovou zkouškou a oborů zkráceného studia.

„Jednotná přijímací zkouška se skládá ze dvou písemných testů - z českého jazyka a literatury a z matematiky. Varianty testů jsou různé pro čtyřleté obory vzdělání (včetně oborů nástavbového studia), pro šestiletá gymnázia a pro osmiletá gymnázia. Maximální možný počet dosažených bodů v testech z matematiky i českého jazyka a literatury je 50 bodů.” [3]

V České republice byly jednotné přijímací zkoušky testovány v letech 2015 a 2016, povinně zavedeny byly v roce 2017. [4]

Přijímací zkoušky z předchozích roků jsou dostupné na webových stránkách Centra pro zjišťování výsledků vzdělávání. [5]

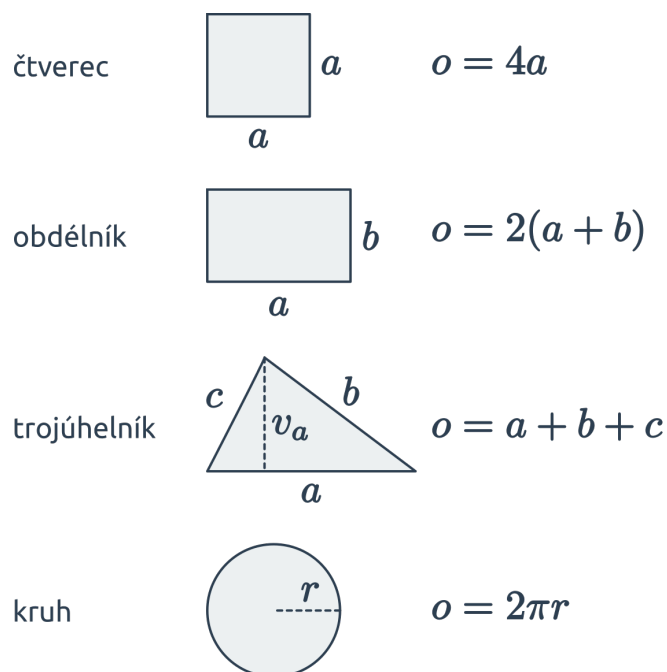
## 1.2 Vysvětlení teoretických základů

### 1.2.1 Obvod

Obvod je součet délek čar, které vymezují nějaký útvar. [6]

Ve čtvercové síti lze obvod spočítat sečtením všech čar, které útvar tvoří. Pokud čáry nevedou rovnoběžně se sítí, můžeme je i přesto odečítat.



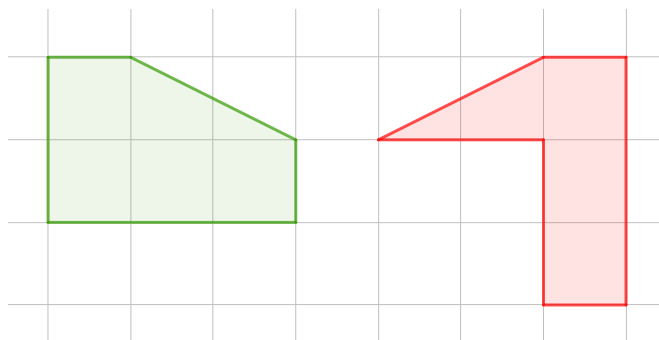


Obrázek 1.1: Vzorce pro výpočet obvodu [6]

### Příklad

Pokud chceme znát rozdíl obvodů těchto dvou tvarů, nemusíme znát oba dva obvody. U obou tvarů neznáme délku čáry, která není rovnoběžná se sítí. Víme ale, že jsou stejně dlouhé. Můžeme je tedy odečíst a pak počítat s rozdíly zbytku, které dokážeme jednoduše určit.

Pokud je délka strany čtverce, ze kterého je čtvercové pole 1 cm, rozdíl obvodů jsou 2 cm.



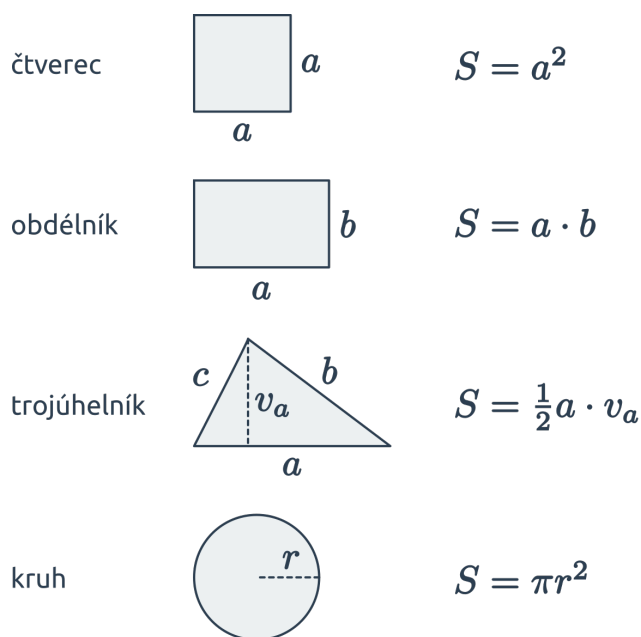
### 1.2.2 Obsah

Obsah vyjadřuje, kolik „místa v rovině“ útvar zaujímá. Měří se v jednotkách obsahu. [6]

Příkladem jednotek obsahu jsou centimetry čtvereční ( $\text{cm}^2$ ) nebo metry čtvereční ( $\text{m}^2$ ).

K výpočtu obsahu je nejdůležitější pamatovat si vzorce. Pokud je útvar složitý,

budeme jich muset použít několik.

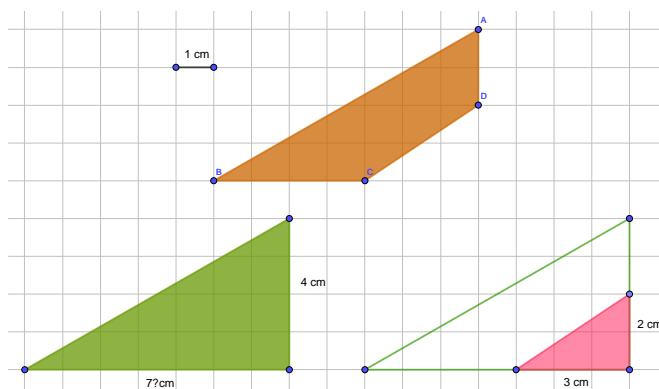


Obrázek 1.2: Vzorce pro výpočet obsahu [6]

### Příklad

Pokud potřebujeme vypočítat obsah tvaru ABCD, stačí si uvědomit, že ho můžeme vypočítat jako obsah velkého (zeleného) trojúhelníku minus obsah menšího (růžového) trojúhelníku.

$$\frac{7 \cdot 4}{2} - \frac{3 \cdot 2}{2} = 14 - 3 = 11 \text{ cm}^2.$$



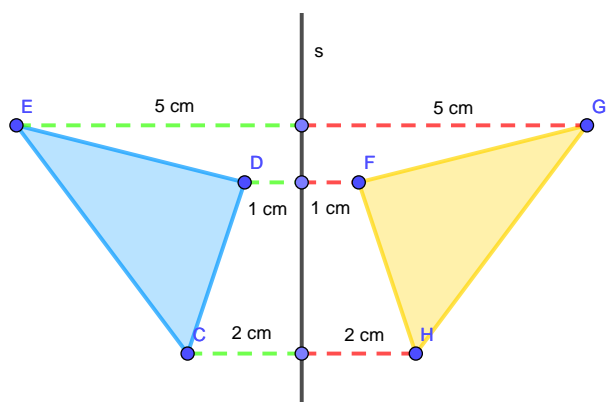
### 1.2.3 Osová souměrnost

Osová souměrnost je geometrické zobrazení. Při ní se každý bod útvaru zobrazí na druhou stranu nějaké předem určené osy, která se nazývá osa souměrnosti. Osa souměrnosti je určena přímkou.

Osová souměrnost se dá představit jako překlopení podle osy.

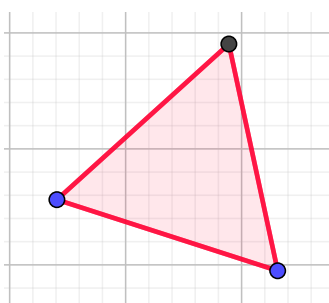
## Příklad

Tyto dva trojúhelníky jsou osově souměrné, jelikož všechny jejich body jsou „překlopené“ podle osy  $s$ .



### 1.2.4 Rovnostranný trojúhelník

Rovnostranný trojúhelník je trojúhelník, jehož všechny strany mají stejnou délku. Zároveň platí, že všechny jeho úhly mají stejnou velikost, a to  $60^\circ$ .



Obrázek 1.3: Rovnostranný trojúhelník

### 1.2.5 Rovnoramenný trojúhelník

Rovnoramenný trojúhelník je trojúhelník, jehož dvě strany mají stejnou délku. Tyto dvě strany se nazývají ramena, třetí strana se jmenuje základna.

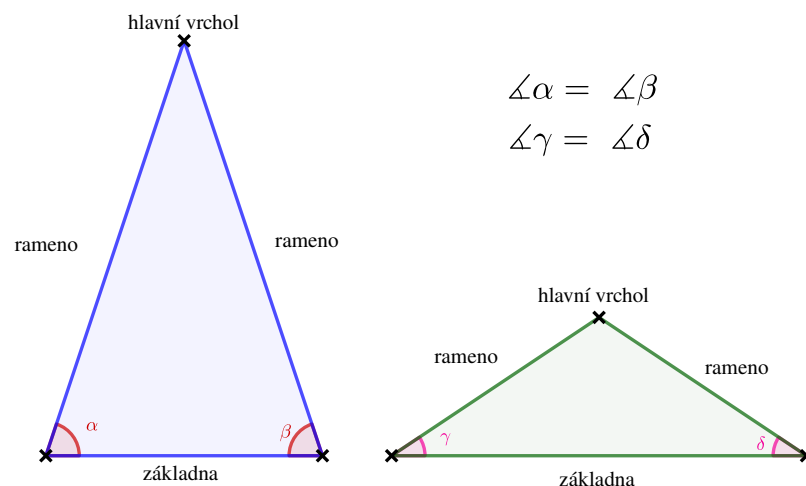
Platí také, že úhly u základny se rovnají.

Bod ležící naproti základně se jmenuje hlavní vrchol.

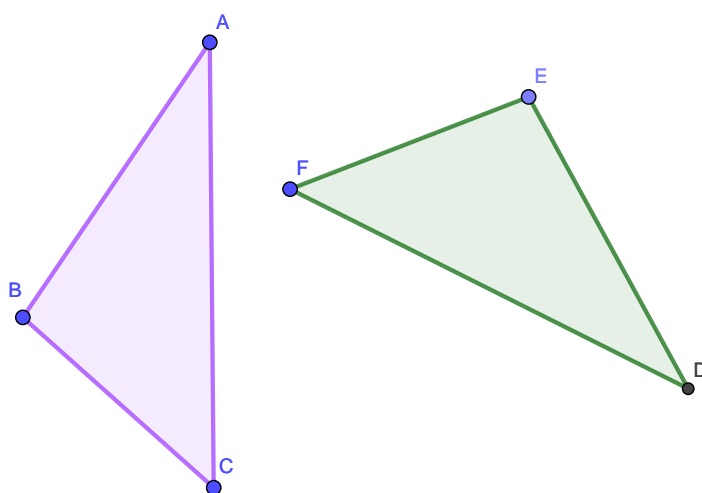
### 1.2.6 Shodnost trojúhelníků

Dva trojúhelníky jsou navzájem shodné, pokud se rovnají délky všech jejich stran. Pokud se rovnají délky stran, musí se rovnat velikosti úhlů.

Trojúhelníky ABC a DEF na obrázku 1.5 jsou shodné, jelikož se délky všech jejich stran rovnají. Jejich shodnost lze zapsat takto:  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ .



Obrázek 1.4: Dva rovnoramenné trojúhelníky



Obrázek 1.5: Dva shodné trojúhelníky

### 1.2.7 Průsečík

Průsečík je bod, ve kterém se protínají 2 čáry, například přímky nebo úsečky.

### 1.2.8 Pravý úhel, kolmost

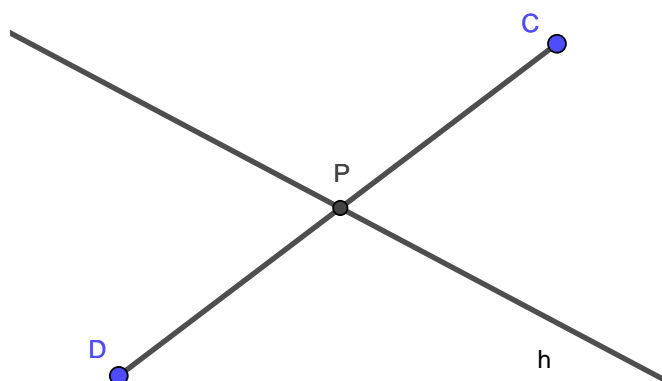
Pravý úhel je úhel o velikosti  $90^\circ$ . 2 čáry jsou na sebe kolmé, pokud svírají pravý úhel.

Na obrázku 1.7 jsou vidět 2 kolmé čáry svírající pravý úhel označený  $\alpha$ .

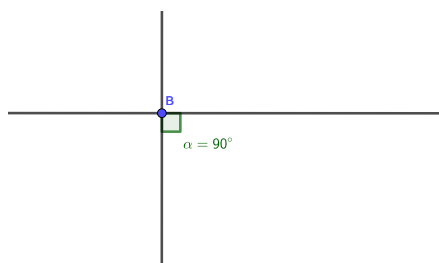
### 1.2.9 Pravoúhlý trojúhelník

Trojúhelník je pravoúhlý, pokud je jeden z jeho úhlů pravý.

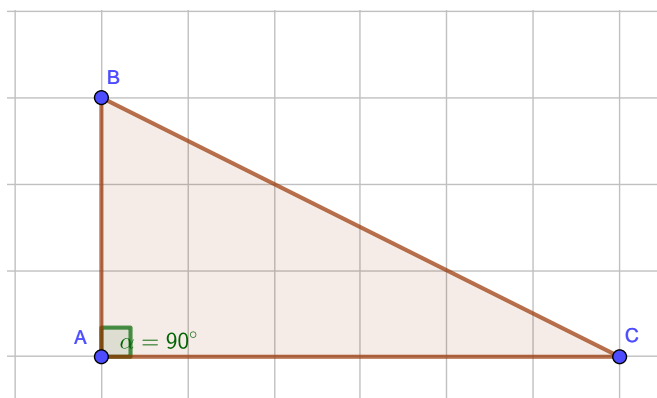
Na obrázku 1.8 je vidět pravoúhlý trojúhelník, jehož pravý úhel je označen  $\alpha$ .



Obrázek 1.6: Průsečík přímky h a úsečky CD, který je nazvaný P



Obrázek 1.7: Kolmice



Obrázek 1.8: Pravoúhlý trojúhelník

### 1.2.10 Rovnoběžnost

Pokud dvě přímky sdílí všechny body, jsou nejen rovnoběžné, ale i totožné.

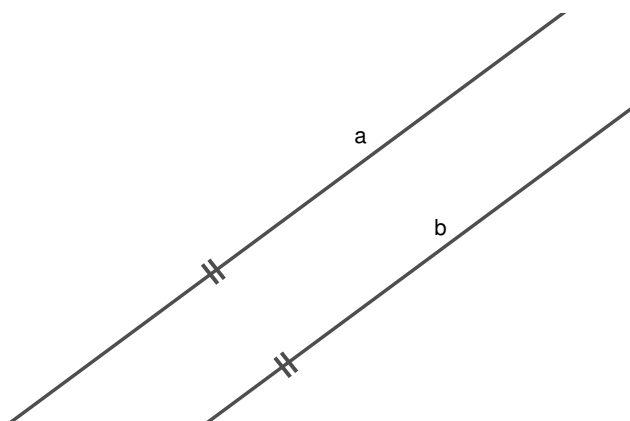
Různé přímky, tedy přímky co nesdílí navzájem všechny body, jsou na sebe rovnoběžné, pokud se nikdy nepotkají.

Pokud dvě úsečky leží na jedné přímce, jsou rovnoběžné.

Úsečky, které neleží na jedné přímce, jsou na sebe rovnoběžné, pokud se jimi vedené přímky nikdy nepotkají.

Rovnoběžnost zapisujeme znakem  $\parallel$ , přímka a je rovnoběžná na přímku b tedy

zapišeme  $\overleftrightarrow{a} \parallel \overleftrightarrow{b}$ .



Obrázek 1.9: Dvě rovnoběžné přímky

### 1.2.11 Krychle

Krychle je prostorové těleso. Také se nazývá kostka.

#### Vrcholy

Vrcholy krychle jsou body, které jsou v jejích rozích. Krychle jich má 8.

#### Hrany

Hrany jsou čáry, které spojují vrcholy. Krychle jich má 12.

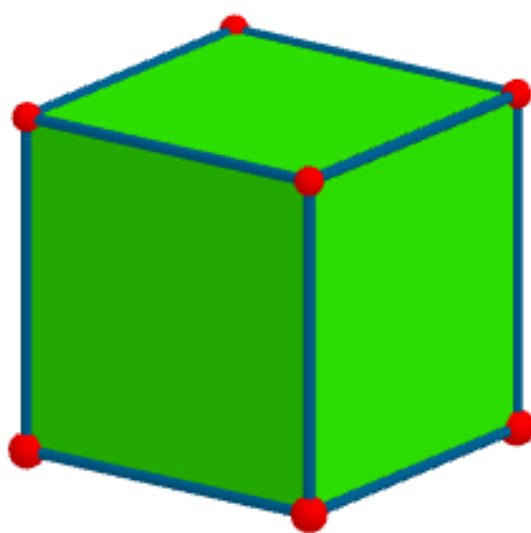
#### Stěny

Stěny jsou čtverce tvořené 4 vrcholy krychle. Krychle jich má 6.

#### Povrch

Povrch krychle je součet obsahů jejích stěn, neboli 6krát obsah jedné stěny. Měří se v jednotkách obsahu.

Na obrázku 1.10 je krychle, na které jsou červeně vyznačeny vrcholy, modře hrany a zeleně stěny.



Obrázek 1.10: Krychle

## 2. Praktická část

### 2.1 Výběr úloh

Prvním krokem k vytvoření sbírky bylo získat přijímací zkoušky CERMAT na střední školy z matematiky od roku 2015 do roku 2022. Ty jsou volně dostupné na internetu. Z každého roku jsme se snažili čerpat z pravých testů, tedy řádných a náhradních termínů, a ne ilustračních. Pokud ale v daný rok bylo pravých testů málo, použili jsme i ty.

Nejdříve jsme tyto zkoušky prošli a vybrali z nich všechny úlohy, které se týkají planimetrie nebo stereometrie.

Následovně jsme tyto úlohy kategorizovali podle:

- typu oboru;
- termínu, ze kterého pochází;
- a nakonec do 3 hlavních kategorií, jimiž jsou:
  - úlohy planimetrické,
  - stereometrické a
  - rýsovací.

V testech se neobjevily žádné stereometrické rýsovací úlohy, pouze planimetrické rýsovací. Úloh jsme napříč všemi tématy vybrali 456.

Následně jsme všechny úlohy jednoho oboru dali k sobě podle kategorií a vytvořili podkategorie. Například jedna z podkategorií planimetrických úloh pro 6leté obory byly úlohy zaměřené na úhly.

### 2.2 Statistická analýza přijímacích zkoušek z minulých let

Po rozřídění všech úloh jsme spočítali, jak často se v testech objevují a jakou mají bodovou váhu.

Přišli jsme k závěru, že planimetrické a stereometrické úlohy jsou velmi důležité, jelikož v 8letých oborech odpovídají skoro 38 % známky. Také se planimetrické, rýsovací a stereometrické úlohy objevují přibližně v poměru 2 : 1 : 1 pro tyto obory.



Tabulka 2.1: Distribuce počtu úloh pro 8leté obory

8leté obory		Počet úloh typu			Celkem úloh
Rok	Termín	Planimetrie	Rýsování planimetrie	Stereometrie	
2022	1. řádný	2	1	1	14
	2. řádný	1	1	3	14
	1. náhradní	4	1	1	14
	2. náhradní	2	1	2	14
2021	1. řádný	2	1	1	14
	2. řádný	2	1	1	14
	1. náhradní	3	1	1	14
	2. náhradní	2	1	1	14
2020	1. řádný	2	1	1	14
	1. náhradní	3	1	1	14
2019	1. řádný	3	1	1	14
	2. řádný	3	1	1	14
	1. náhradní	2	1	2	14
	2. náhradní	1	1	2	14
2018	1. řádný	1	1	1	14
	2. řádný	2	1	2	14
	1. náhradní	1	1	2	14
	2. náhradní	4	1	1	14
2017	1. řádný	1	1	1	14
	2. řádný	3	1	1	14
	1. náhradní	3	1	1	14
	2. náhradní	3	1	1	14
2016	1. řádný	3	1	2	16
	Ilustrační	3	1	2	16
2015	1. řádný	2	1	2	16
	Ilustrační	2	2	1	17
Průměr		2,31	1,04	1,38	14,35
Průměrná četnost		16,09 %	7,24 %	9,65 %	32,98 %

Tabulka 2.2: Distribuce bodů za úlohu pro 8leté obory

8leté obory		Body za úlohy typu			Maximální počet bodů
Rok	Termín	Planimetrie	Rýsování planimetrie	Stereometrie	
2022	1. řádný	8	6	5	50
	2. řádný	2	6	7	50
	1. náhradní	10	6	5	50
	2. náhradní	12	6	4	50
2021	1. řádný	8	6	5	50
	2. řádný	6	6	5	50
	1. náhradní	10	6	5	50
	2. náhradní	8	6	2	50
2020	1. řádný	8	6	5	50
	1. náhradní	12	6	4	50
2019	1. řádný	12	6	5	50
	2. řádný	12	6	5	50
	1. náhradní	8	6	4	50
	2. náhradní	4	6	4	50
2018	1. řádný	4	6	5	50
	2. řádný	8	6	4	50
	1. náhradní	4	6	4	50
	2. náhradní	12	6	2	50
2017	1. řádný	4	6	5	50
	2. řádný	8	6	5	50
	1. náhradní	11	6	2	50
	2. náhradní	11	6	2	50
2016	1. řádný	10	6	4	50
	Ilustrační	10	6	4	50
2015	1. řádný	6	6	4	50
	Ilustrační	6	8	6	50
Průměr		8,23	6,08	4,31	50,00
Průměrný poměr bodové hodnoty		16,46 %	12,15 %	8,62 %	37,23 %

Tabulka 2.3: Distribuce počtu úloh pro 6leté obory

6leté obory		Počet úloh typu			Celkem úloh
Rok	Termín	Planimetrie	Rýsování planimetrie	Stereometrie	
2022	1. řádný	4	2	0	16
	2. řádný	4	2	1	16
	1. náhradní	6	2	0	16
	2. náhradní	3	2	1	16
2021	1. řádný	3	2	1	16
	2. řádný	2	2	2	16
	1. náhradní	4	2	1	16
	2. náhradní	4	2	1	16
2020	1. řádný	3	2	1	16
	1. náhradní	3	2	1	16
2019	1. řádný	3	2	1	16
	2. řádný	3	2	1	16
	1. náhradní	5	2	0	16
	2. náhradní	3	1	1	16
2018	1. řádný	3	2	0	16
	2. řádný	3	2	1	16
	1. náhradní	3	2	0	16
	2. náhradní	3	2	1	16
2017	1. řádný	3	2	1	17
	2. řádný	4	2	1	17
	1. náhradní	4	2	2	17
	2. náhradní	4	2	0	17
2016	1. řádný	3	1	1	17
	Ilustrační	4	1	1	17
2015	1. řádný	3	1	1	17
	Ilustrační	2	2	2	17
Průměr		3,42	1,85	0,88	16,31
Průměrná četnost		20,99 %	11,32 %	5,42 %	37,74 %

Tabulka 2.4: Distribuce bodů za úlohu pro 6leté obory

6leté obory		Body za úlohy typu			Maximální počet bodů
Rok	Termín	Planimetrie	Rýsování planimetrie	Stereometrie	
2022	1. řádný	8	6	2	50
	2. řádný	10	6	4	50
	1. náhradní	13	6	4	50
	2. náhradní	9	6	2	50
2021	1. řádný	10	6	4	50
	2. řádný	5	6	4	50
	1. náhradní	14	6	2	50
	2. náhradní	12	6	2	50
2020	1. řádný	10	6	4	50
	1. náhradní	10	6	4	50
2019	1. řádný	10	5	4	50
	2. řádný	10	5	3	50
	1. náhradní	14	5	4	50
	2. náhradní	6	5	3	50
2018	1. řádný	10	6	0	50
	2. řádný	10	6	4	50
	1. náhradní	8	6	0	50
	2. náhradní	9	6	2	50
2017	1. řádný	8	6	3	50
	2. řádný	12	6	3	50
	1. náhradní	12	6	4	50
	2. náhradní	11	5	2	50
2016	1. řádný	9	5	3	50
	Ilustrační	10	6	2	50
2015	1. řádný	7	6	2	50
	Ilustrační	5	5	5	50
Průměr		9,69	5,73	2,92	50,00
Průměrný poměr bodové hodnoty		19,38 %	11,46 %	5,85 %	36,69 %

Tabulka 2.5: Distribuce počtu úloh pro 4leté obory

4leté obory		Počet úloh typu			Celkem úloh
Rok	Termín	Planimetrie	Rýsování planimetrie	Stereometrie	
2022	1. řádný	3	2	1	16
	2. řádný	4	2	2	16
	1. náhradní	2	2	3	16
	2. náhradní	3	2	2	16
2021	1. řádný	2	2	0	16
	2. řádný	2	2	1	16
	1. náhradní	3	2	1	16
	2. náhradní	4	2	1	16
2020	1. řádný	3	2	2	16
	1. náhradní	4	2	1	16
2019	1. řádný	4	1	1	16
	2. řádný	2	2	2	16
	1. náhradní	5	2	1	16
	2. náhradní	3	2	1	16
2018	1. řádný	6	2	0	16
	2. řádný	3	2	1	16
	1. náhradní	4	2	0	16
	2. náhradní	4	2	1	16
2017	1. řádný	3	2	1	16
	2. řádný	3	2	2	16
	1. náhradní	5	2	2	16
	2. náhradní	3	2	1	16
2016	1. řádný	4	2	1	17
	Ilustrační	4	2	1	17
2015	1. řádný	4	2	1	17
	Ilustrační	5	2	0	17
Průměr		3,54	1,96	1,15	16,15
Průměrná četnost		21,90 %	12,14 %	7,14 %	41,19 %

Tabulka 2.6: Distribuce bodů za úlohu pro 4leté obory

4leté obory		Body za úlohy typu			Maximální počet bodů
Rok	Termín	Planimetrie	Rýsování planimetrie	Stereometrie	
2022	1. řádný	6	5	3	50
	2. řádný	11	5	6	50
	1. náhradní	6	6	7	50
	2. náhradní	9	5	4	50
2021	1. řádný	11	5	0	50
	2. řádný	11	6	6	50
	1. náhradní	9	5	4	50
	2. náhradní	8	6	2	50
2020	1. řádný	8	5	5	50
	1. náhradní	10	6	4	50
2019	1. řádný	8	3	2	50
	2. řádný	2	5	5	50
	1. náhradní	17	5	2	50
	2. náhradní	8	5	3	50
2018	1. řádný	15	5	0	50
	2. řádný	9	6	2	50
	1. náhradní	11	6	0	50
	2. náhradní	11	6	2	50
2017	1. řádný	7	3	2	50
	2. řádný	7	5	4	50
	1. náhradní	13	5	4	50
	2. náhradní	7	5	2	50
2016	1. řádný	11	5	2	50
	Ilustrační	10	5	2	50
2015	1. řádný	10	5	3	50
	Ilustrační	13	5	0	50
Průměr		9,54	5,12	2,92	50,00
Průměrný poměr bodové hodnoty		19,08 %	10,23 %	5,85 %	35,15 %

## 2.3 Zkoumání úloh

Pro tvorbu vlastní sbírky jsme se dívali na podkategorie úloh, hledali společné rysy a dělali si poznámky.

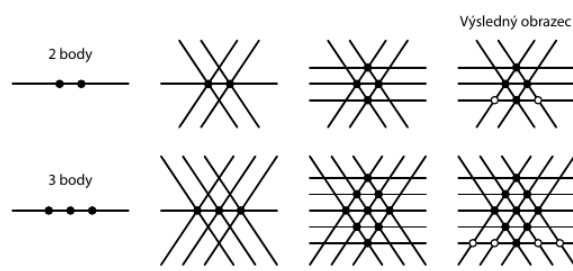
Zajímavé je, že se kostra testu opakuje, typy úloh jsou tedy napříč testy podobné. Můžete si povšimnout, že absolutní většina zkoušek pro 4leté obory obsahuje přesně 2 rýsovací úlohy.

Dále jsme pozorovali, že se některé úlohy objevují v jeden rok napříč několika obory, někdy všemi. Opakují se ale v testech, které se píšou ve stejný den, a tak není možné se o nich dozvědět před zkouškou a získat tak výhodu.

**VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16**

Výsledný obrazec vytvoříme následujícím postupem:

1. Na vodorovné přímce sestrojíme několik stejně vzdálených bodů (černých puntíků).
2. Prvním černým puntíkem vedeme dvě různoběžné šikmé přímky. Druhým a každým dalším černým puntíkem vedeme rovnoběžky s oběma těmito přímkami.
3. Všechny nově vzniklé průsečky označíme černými puntíky a těmi vedeme vodorovné přímky.
4. Na spodní vodorovné přímce označíme všechny nově vzniklé průsečky bílými puntíky.



(CZVV)

**16**

16.1 Výsledný obrazec obsahuje celkem 36 černých puntíků.  
**Určete počet všech vodorovných přímek v tomto obrazci.**

16.2 Výsledný obrazec obsahuje celkem 49 vodorovných přímek.  
**Určete počet bílých puntíků na spodní vodorovné přímce tohoto obrazce.**

16.3 Výsledný obrazec má na spodní vodorovné přímce celkem 64 bílých puntíků.  
**Určete počet všech černých puntíků v tomto obrazci.**

Obrázek 2.1: Opakující se úloha [5]

Úloha na obrázku 2.1 se v roce 2022 objevuje ve všech 3 oborech, a to v 1. náhradním termínu.

## 2.4 Tvorba úloh vlastní sbírky

Pro vlastní sbírku jsme se rozhodli tvořit úlohy pro 8leté obory. Bylo to zčásti kvůli typu úloh, které obsahují, a zčásti kvůli tomu že sám studuji 8letý obor.

Úlohy jsme vytvářeli podle poznámek. Často jsou vysoce inspirované úlohami,

které se v pravých zkouškách objevily. Naprostá většina úloh je těžší než úlohy které je inspirovaly.

Tvořené úlohy se liší od úloh CERMAT hlavně vzhledem, který je barevný, veselejší a přehlednější, a tím, že formát odpovědi tvořených úloh je otevřený. Student tak nemá na výběr z určitých možností, a nemůže si tak tipovat.

Úlohy CERMAT mají často na výběr z odpovědí A-E, nejspíš proto, že se pak dají jednodušeji opravovat.

Další rozdíl je využití geometrického zápisu, které CERMAT nevyužívá. Pro jistotu se před sbírkou vyskytuje přehled vysvětlující, co která značka znamená.

Úlohy jsou tvořeny v programu GeoGebra. Z něj jsou exportovány do formátu PDF a vloženy do sbírky. Stereometrické úlohy jsou exportovány do formátu PNG, jelikož 3D GeoGebra nepodporuje ani PDF ani jiné vektorové formáty.

Z důvodu vzhledu vytvářených úloh nemají jednotlivé obrázky popisky. Obrázky bez popisků jsou tvořeny autorem.



### 3. Sbírka

#### Geometrický zápis

$X$	Bod $X$
$\triangle ABC$	Trojúhelník $ABC$
$\square EFGH$	Čtverec $EFGH$
$\square IJKL$	Obdélník $IJKL$
$ MN $	Vzdálenost mezi body $M$ a $N$
$OP$	Úsečka jejíž krajními body jsou $O$ a $P$
$\overrightarrow{QR}$	Polopřímka $QR$
$\overleftrightarrow{ST}$	Přímka určená body $ST$
$\overleftrightarrow{u}$	Přímka $u$
$ V\overleftrightarrow{W} $	Vzdálenost mezi bodem $V$ a přímkou $W$
$\angle \alpha$	Úhel $\alpha$
$x \perp YZ$	Přímka $x$ je kolmá na úsečku $YZ$
$a \parallel b$	Přímka $a$ je rovnoběžná s přímkou $b$
$ CD  =  EF $	Vzdálenost mezi body $A$ a $B$ se rovná vzdálenosti mezi body $C$ a $D$
$ GH  >  IJ $	Vzdálenost mezi body $G$ a $H$ je větší než vzdálenosti mezi body $I$ a $J$

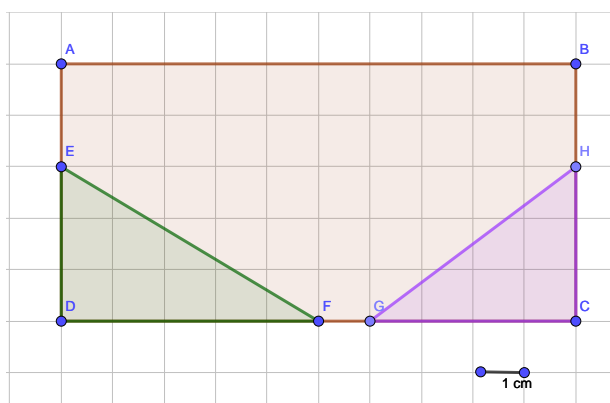
## 3.1 8leté obory

### 3.1.1 Planimetrie

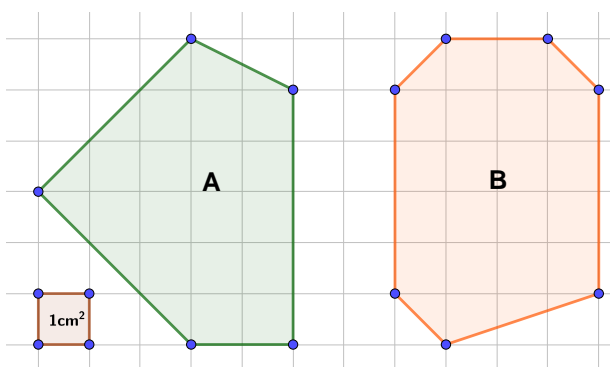
Čtvercové síť

Úlohy

1. Určete obsah  $\triangle DEF$ ,  $\triangle GCH$  a  $\square ABCD$ .

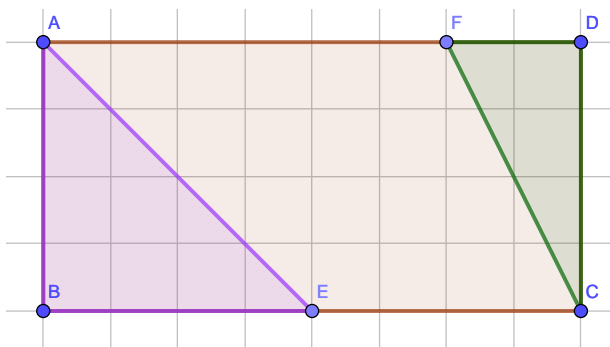


2. Vypočítejte obsah tvaru A a B.

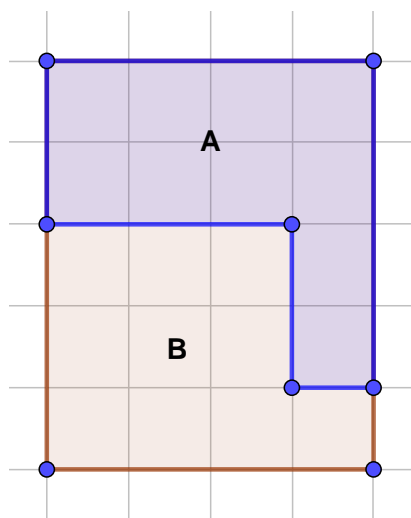


3. Odpovězte na následující ano/ne otázky:

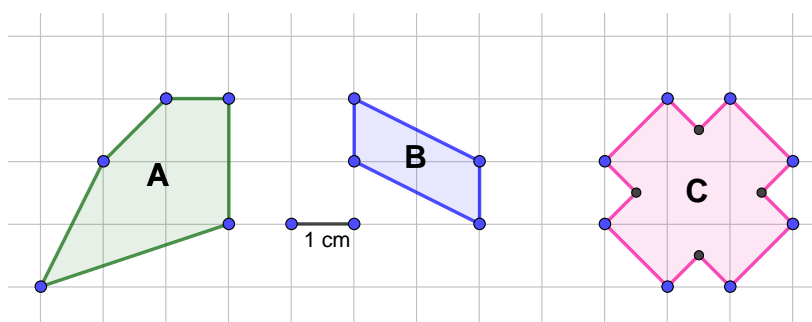
- Je obsah  $\triangle ABE$  2krát větší než obsah  $\triangle FDC$ ?
- Je součet obsahů  $\triangle ABE$  a  $\triangle FDC$  větší než polovina obsahu  $\square ABCD$ ?
- Je obsah  $\square ABCD$  4krát větší než obsah  $\triangle ABE$ ?



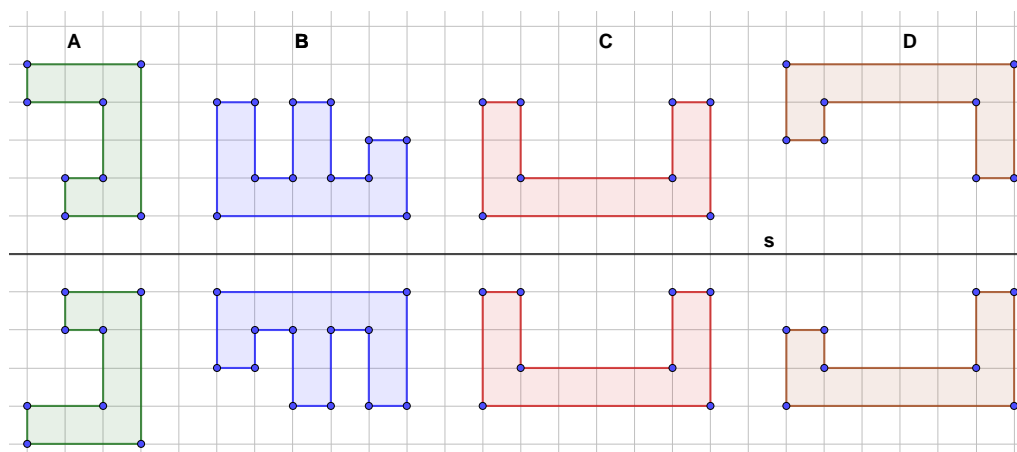
4. Určete, který ze tvarů má větší obsah a o kolik  $\text{cm}^2$  a který má delší obvod a o kolik  $\text{cm}$ . Obsah jednoho čtverečku čtvercové sítě je  $1 \text{ cm}^2$ .



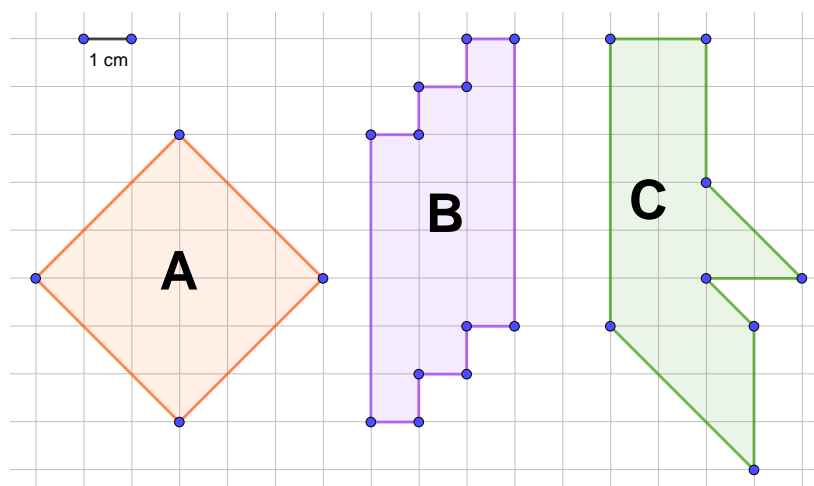
5. Určete obsah tvarů A, B a C.



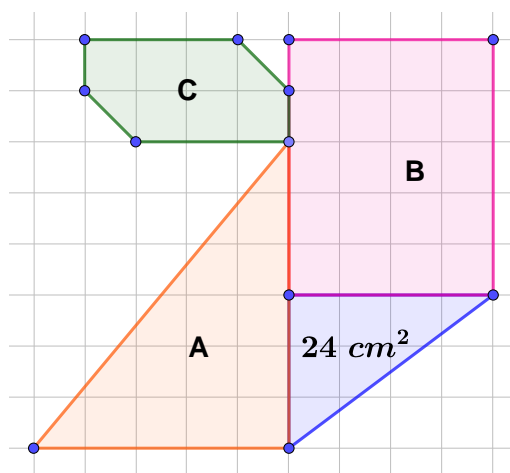
6. Které z následujících tvarů jsou osově souměrné podle osy  $s$ ?



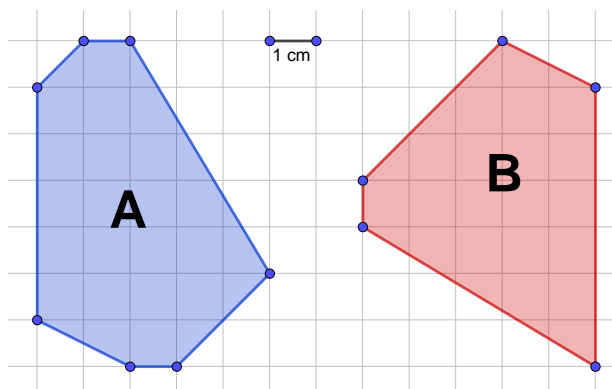
7. Určete obsahy všech tvarů. Který z nich má největší obsah?



8. Určete obsahy všech tvarů, jestliže znáte obsah trojúhelníku.

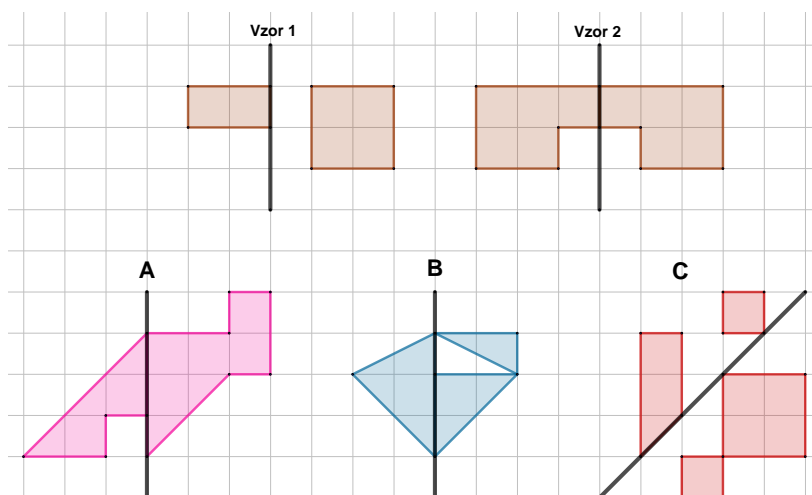


9. Určete, který ze tvarů má větší obvod a o kolik cm a který má větší obsah a o kolik  $\text{cm}^2$ .



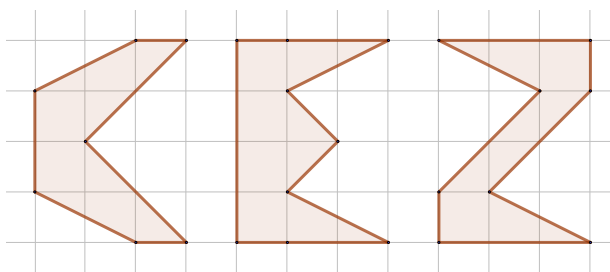
10. Obrazce A, B a C obtiskněte podle vyznačené úsečky z jedné strany na druhou a pak opačně. Tak vznikne nový obrazec, který bude osově symetrický podle vyznačené úsečky. (viz Vzor 1, po obtisknutí Vzor 2)

Určete obsahy jednotlivých obrazců. Jeden čtvereček čtvercové sítě má obsah  $1 \text{ cm}^2$ .

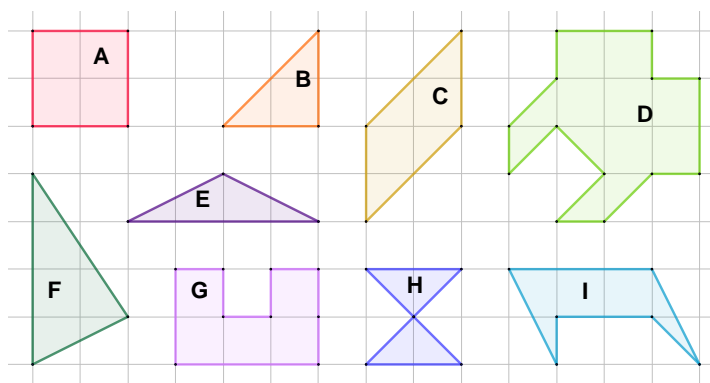


11. Na následující příloze jsou 3 písmena, C, E a Z. Leží na čtvercové síti s délkou strany čtverce  $1 \text{ cm}$ . Určete:

- součet obsahů všech písmen,
- jestli je větší obvod písmene C nebo Z.



12. Vypište všechny tvary, které jsou osově souměrné podle libovolné osy. Určete také součet obsahů tvarů C, H, F a G, pokud je velikost strany čtverce čtvercové sítě  $1 \text{ cm}$ .



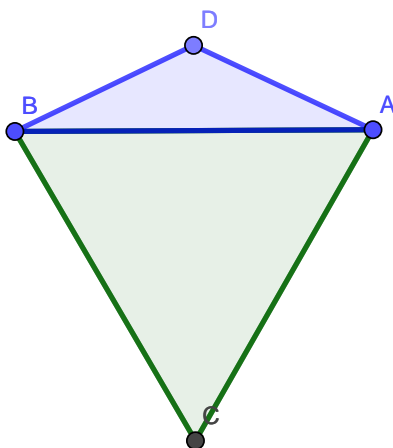
## Řešení

1. Obsah  $\triangle DEF = 7,5 \text{ cm}^2$ ,  $\triangle GCH = 6 \text{ cm}^2$  a  $\square ABCD = 50 \text{ cm}^2$ .
2. Obsah  $A = 20 \text{ cm}^2$ ,  $B = 21 \text{ cm}^2$ .
3. Ano, ne, ano.
4. Oba mají stejný obsah, rozdíl je tedy  $0 \text{ cm}^2$ . Tvar A má obvod delší o 2 cm.
5. Obsah  $A = 5 \text{ cm}^2$ ,  $B = 2 \text{ cm}^2$ ,  $C = 6 \text{ cm}^2$ .
6. Pouze tvar A.
7. Obsah  $A = 18 \text{ cm}^2$ ,  $B = 18 \text{ cm}^2$ ,  $C = 19 \text{ cm}^2$ . Největší obsah má tvar C.
8. Obsah  $A = 60 \text{ cm}^2$ ,  $B = 80 \text{ cm}^2$ ,  $C = 28 \text{ cm}^2$ .
9. Oba tvary mají stejný obvod, rozdíl je tedy 0 cm. Obsah tvaru A je větší o  $2 \text{ cm}^2$ .
10. Obsah  $A = 15,5 \text{ cm}^2$ ,  $B = 8 \text{ cm}^2$ ,  $C = 15 \text{ cm}^2$ .
11. Součet obsahů je  $19 \text{ cm}^2$ . Obvod písmene Z je větší než obvod písmene C.
12. Tvary A, B, D, E, G a H jsou souměrné podle aspoň 1 osy. Součet obsahů je  $15 \text{ cm}^2$ .

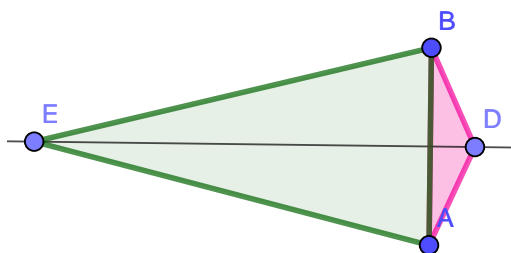
## Obvod, obsah a délky

### Úlohy

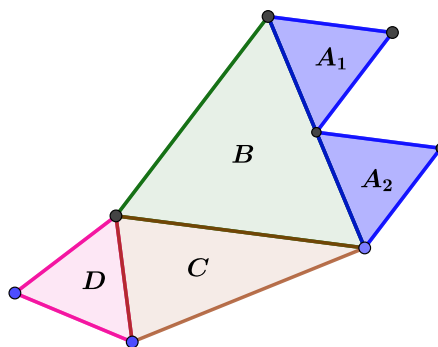
1.  $\triangle ABC$  je rovnostranný a  $\triangle ABD$  je rovnoramenný.  $|BD| = 4$  cm. Obvod  $\triangle ABD$  je 15 cm. Jaký je obvod tvaru ADBC?



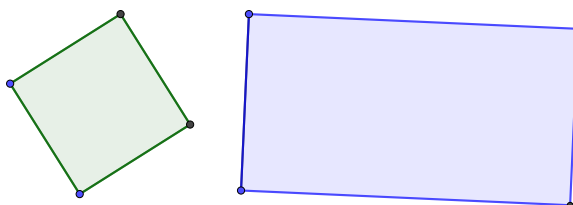
2.  $\triangle ABD$  a  $\triangle ABE$  jsou rovnoramenné.  $|AB| = 7$  cm.  $|AD| = 3$  cm. Obvod  $\triangle ABE$  je 2krát delší než obvod  $\triangle ABD$ . Jaký je obvod tvaru ADBE?



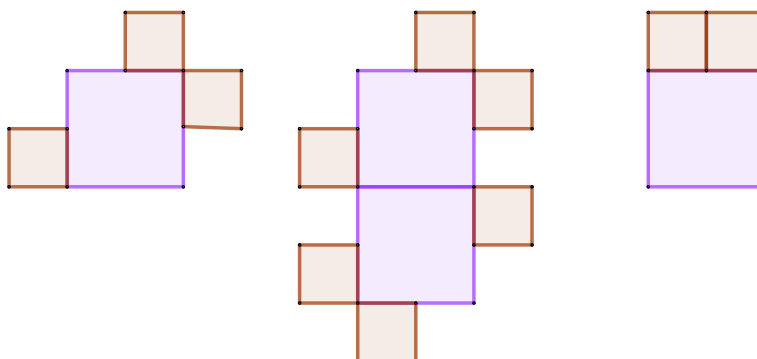
3.  $\triangle A_1$  a  $\triangle A_2$  jsou navzájem shodné.  $\triangle A_1$ ,  $\triangle A_2$ ,  $\triangle B$  a  $\triangle D$  jsou rovnostranné.  $\triangle C$  je rovnoramenný. Obvod  $\triangle A_1$  je 18 cm. Obvod  $\triangle D$  je o 3 cm delší než obvod  $\triangle A_1$ . Určete obvod  $\triangle C$ .



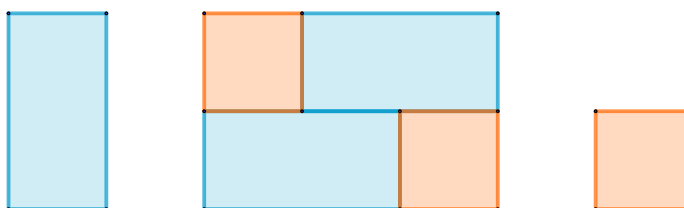
4. Z provázku byl sestrojen čtverec tak, že byl provázek natažen po jeho obvodu. Obsah tohoto čtverce byl  $49\text{ cm}^2$ . Poté byl tento provázek rozmotán a byl z něj vytvořen obdélník o obsahu  $45\text{ cm}^2$ . Jaké jsou délky stran obdélníku? (Obrázek je pouze ilustrační.)



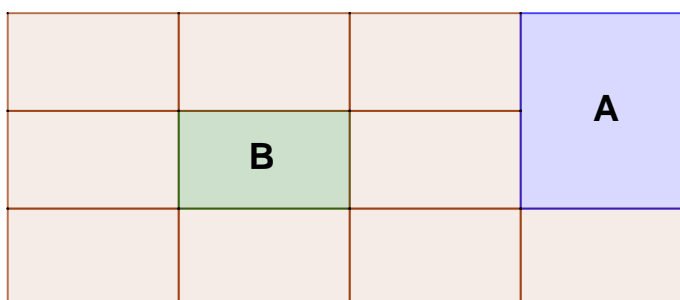
5. Tvar vlevo má obvod 182 cm. Skládá se z malých a velkých čtverců. 4 malé čtverce se vejdou do jednoho velkého. Určete obvody tvaru uprostřed a vpravo.



6. Obvod malého modrého obdélníku je 72 cm. Jeho delší strana je 2krát delší než jeho kratší strana. Tvar vpravo je čtverec. Určete obsah prostředního tvaru.

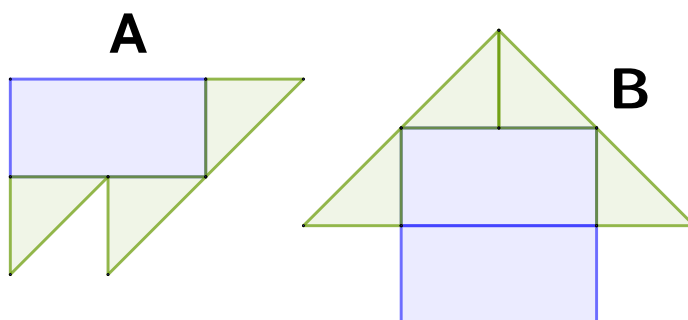


7. Obvod  $\square A$  je 34 cm. Obsah  $\square B$  je  $35\text{ cm}^2$ . Jaké jsou délky stran  $\square A$ ?

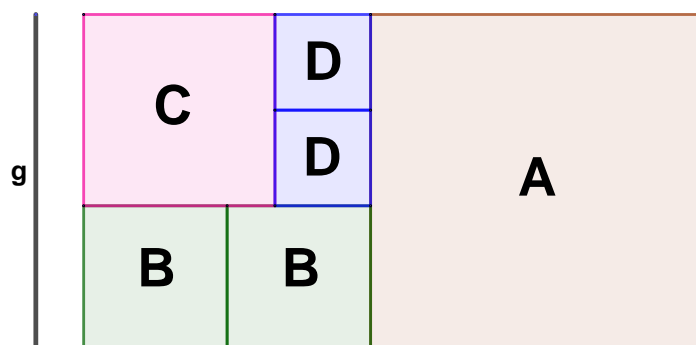




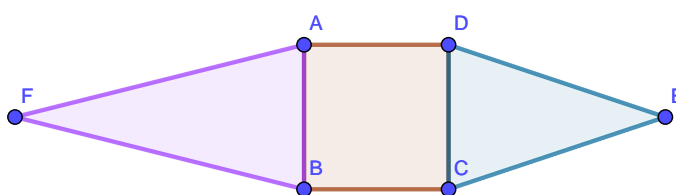
8. Zelené trojúhelníky jsou rovnoramenné a pravoúhlé. Obvod tvaru A je 77 cm, obvod tvaru B je 82 cm. Jaká je délka základny zeleného trojúhelníku?



9. Délka úsečky  $g$  je 14 cm. Tvary A, B, C a D jsou čtverce. Jaký je obsah  $\square D$ ?



10. Obsah  $\square ABCD$  je  $64 \text{ cm}^2$ . Obvod  $\triangle ABF$  je 2krát delší než obvod  $\square ABCD$ . Součet délek obou ramen  $\triangle ABF$  se rovná obvodu  $\triangle CDE$ . Jaký je obvod tvaru EDAFBC?



## Řešení

1. Obvod tvaru ADBC je 22 cm.
2. Obvod tvaru ADBE je 25 cm.
3. Obvod  $\triangle C$  je 31 cm.
4. Délky stran jsou 9 cm a 5 cm.
5. Obvod tvaru uprostřed je 312 cm. Obvod tvaru vpravo je 130 cm.
6. Obsah prostředního tvaru je  $216 \text{ cm}^2$ .
7. Délky stran jsou 10 cm a 7 cm.
8. Délka základny zeleného trojúhelníku je 5 cm.
9. Obsah  $\square D$  je  $16 \text{ cm}^2$ .
10. Obvod tvaru EDAFBC je 120 cm.

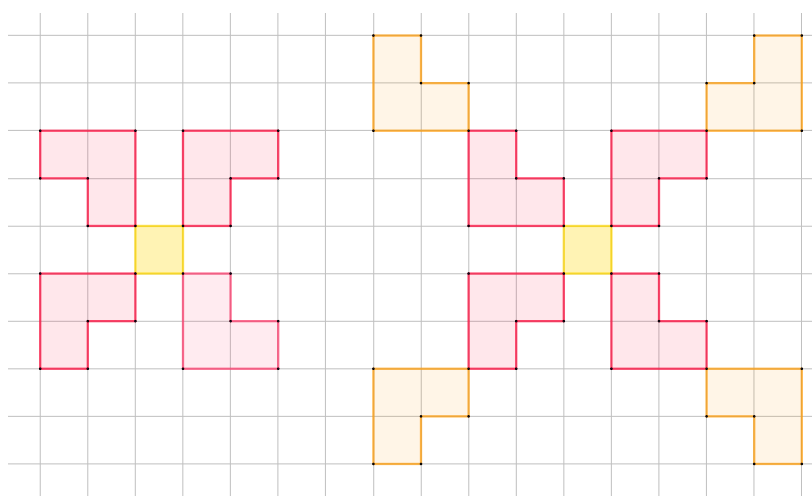
## Rekurzivní úlohy

Úlohy zaměřené na opakování jevů.

### Úlohy

1. Na obrázku je vyobrazen květ rostliny, který má 4 okvětní lístky. Každý den se každý okvětní lístek prodlouží o jednu sekci. Vlevo je květ v první den, vpravo druhý den. Jedna sekce okvětního lístku má obsah  $4 \text{ cm}^2$ .

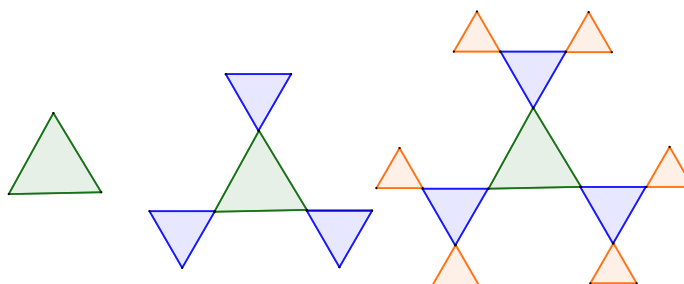
Kolik bude mít květ okvětních lístků 15. den? Kolik budou mít každý sekci? Jaký bude celkový obsah lístků? (Do tohoto součtu nepočítejte střed květu.)



2. Na obrázku je krystal ve 3 fázích růstu, a to v prvním, druhém a třetím roce. Každý rok na konce krystalu (vrcholy trojúhelníků), které jsou „volné“, přibude další trojúhelník. Ten bude mít poloviční obsah než trojúhelník, ze kterého roste.

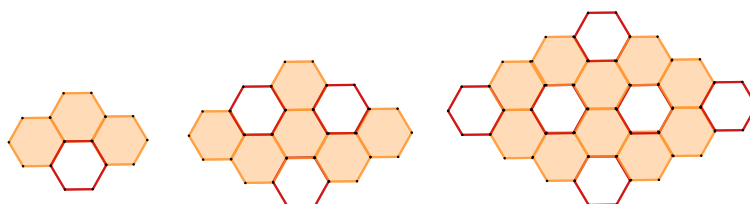
Z kolika trojúhelníků se bude krystal skládat v 8. roce?

Pokud má krystal první rok obsah o velikosti  $32 \text{ cm}^2$ , jaký bude mít obsah v 6. roce?



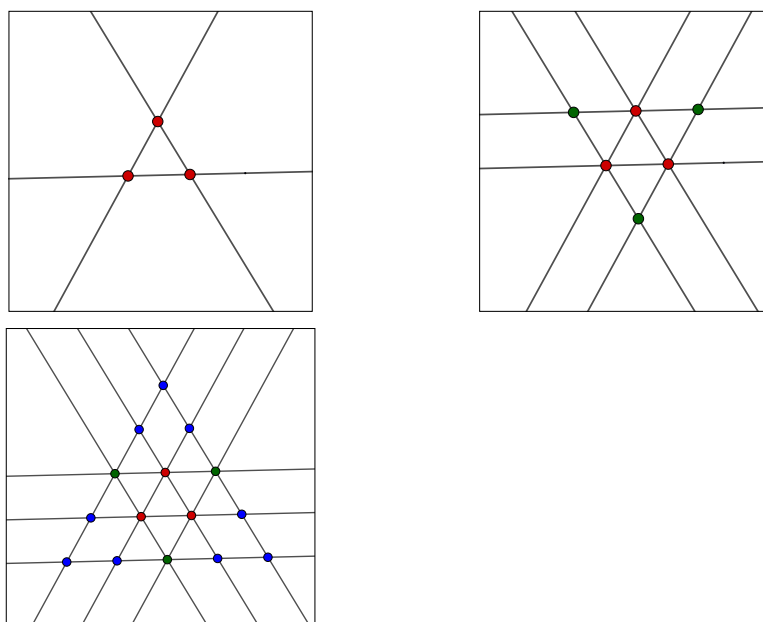
3. Včelky budují plástev. Staví ji tak, že každou hodinu přidají jedno patro, ale pouze směrem nahoru. Na obrázku je postup jejich stavby v hodině 1., 2., a 3. zleva doprava. Do většiny komůrek je uložen med (vyznačen oranžově), některé jsou ale ponechané prázdné. Tyto prázdné komůrky jsou vždy obklopeny ze všech stran komůrkami s medem.

Kolik celkem komůrek bude plástev mít ve 12. hodině? Kolik prázdných komůrek bude mít v hodině 6.?

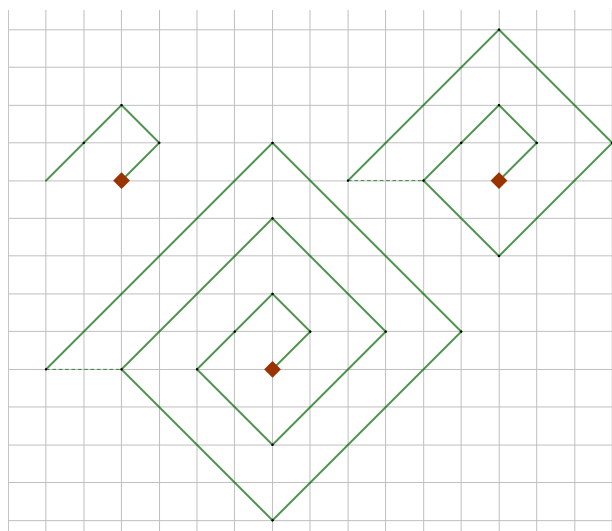


4. Na prvním obrázku jsou 3 přímky, které se všechny navzájem protínají. Do dalšího, druhého, obrázku je na každý průsečík narysována přímka, která je  $\parallel$  s přímkou, která průsečík tvoří. Tímto systémem se pokračuje dál.

Kolik nových průsečíků vznikne na dalším, 4. obrázku?



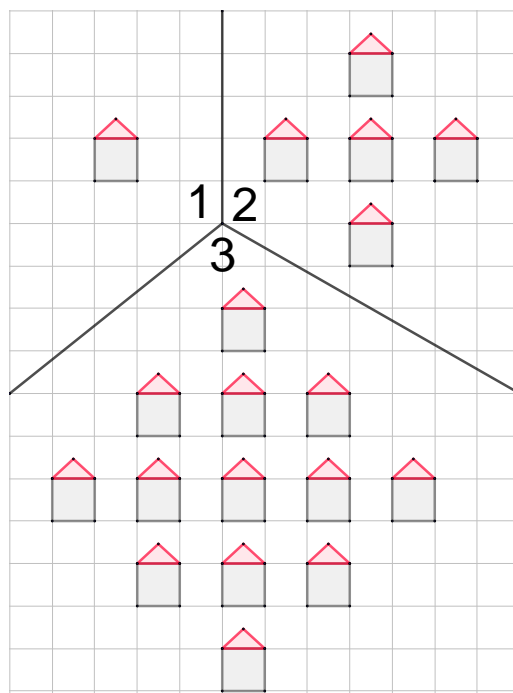
5. Na obrázku je vyobrazen had. Každý týden povyroste o jedno zatočení kolem svého těla. Vlevo nahoře je had v první týden, vpravo nahoře v týden druhý a uprostřed dole v týden třetí. Pokud je had v prvním týdnu dlouhý 6 cm, jak dlouhý bude v týdnu 4. a 5.?



6. Na obrázku je vesnice, která se každý rok rozroste. Domy vždy přibudou tak, že všechny domy z předchozího roku budou mít sousedy ze všech světových stran.

Kolik bude domů mezi domem prostředním a nejsevernějším domem v roce 100? (Prostřední a nejsevernější dům nepočítejte.)

Z kolika domů se bude vesnice skládat ve 20. roku?



## Řešení

1. 15. den bude mít stále 4 okvětní lístky. Každý bude mít 15 sekcí. Celkový povrch bude  $240 \text{ cm}^2$ .
2. V den 8. se bude skládat z 382 trojúhelníků. Povrch v den 6. bude  $272 \text{ cm}^2$ .
3. Ve 12. hodině bude mít 169 komůrek. V 6. hodině bude mít 15 prázdných komůrek.
4. Vznikne 30 nových průsečíků.
5. V 4. týdnu bude měřit 122 cm, v 5. týdnu 200 cm.
6. Bude mezi nimi 98 domů. Ve 20. rok se bude skládat z 761 domů.

### 3.1.2 Rýsování

Podle bodů

Úlohy

1. Narýsujte  $\square ABED$  tak, aby v něm ležel bod C. Dále sestrojte  $\triangle DCE$ .

A



B



C



2. Narýsujte  $\square ACDE$  tak, aby na  $\overleftrightarrow{ED}$  ležel bod B.





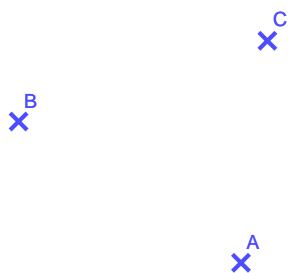
3. Narýsujte  $\square ADEF$ . Bod  $D$  leží na  $AB$  a bod  $E$  leží na  $DC$ .  $\angle ADC$  tedy musí být pravý.

$\times^A$

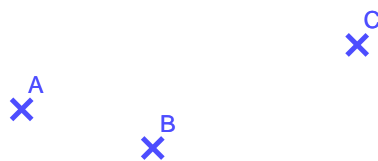
$\times^C$

$\times^B$

4. Narýsujte  $\square BCDE$  tak, aby se v něm nenacházel bod A. Následovně narýsujte bod A', který je osově souměrný bodu A dle BC. Poté sestrojte  $\triangle AA'B$ .



5. Narýsujte  $\square ABDE$  tak, aby  $|BC| = |CD|$ .

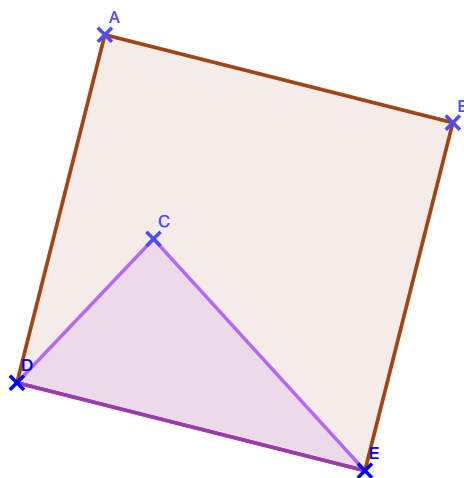


6. Narýsujte  $\square BCDF$  tak, aby  $|AB| = |AD|$ . Sestrojte všechny možnosti.

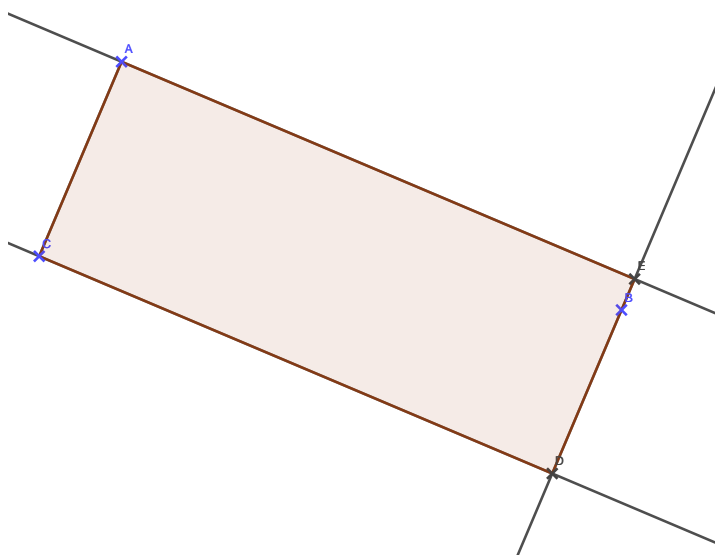


## Řešení

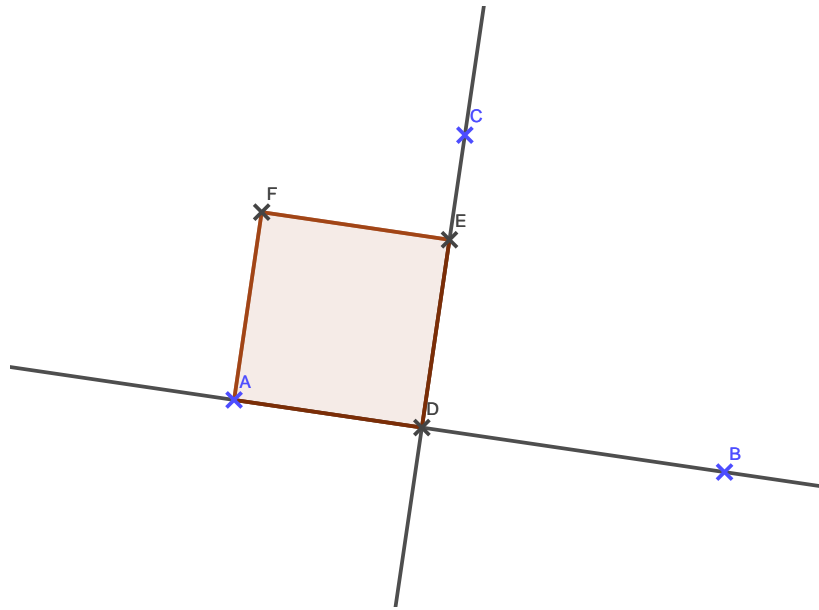
1.



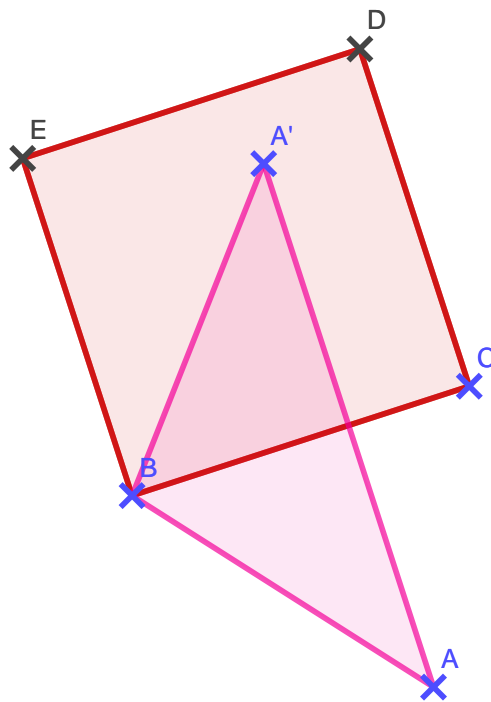
2.



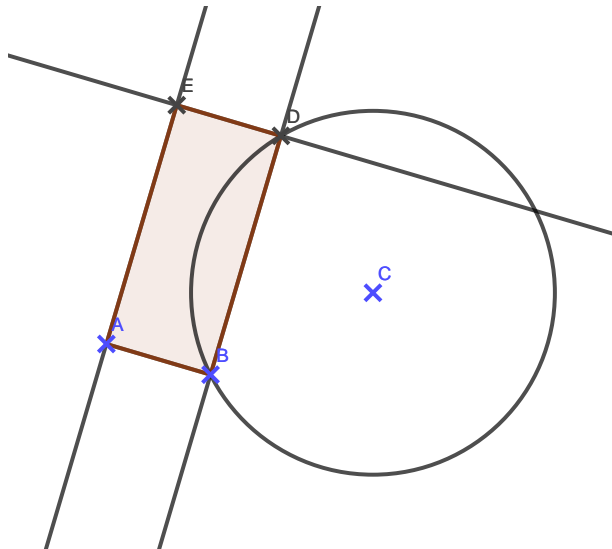
3.



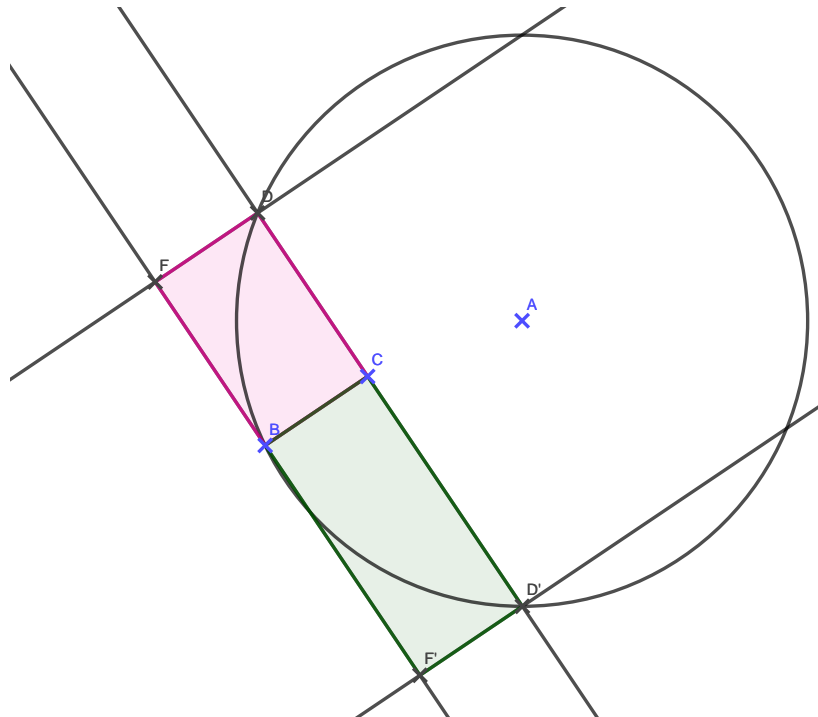
4.



5.



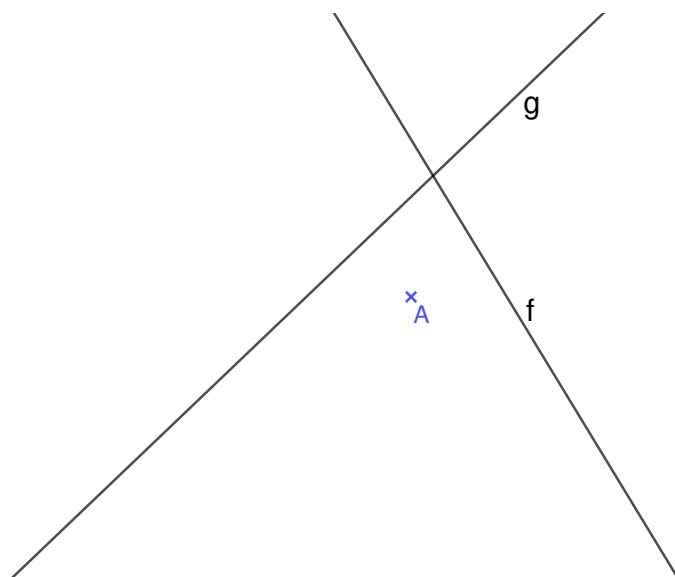
6.



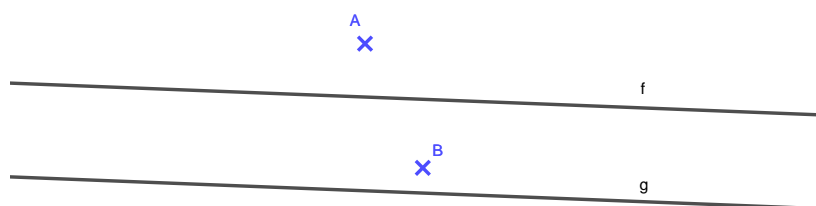
Podle bodů a čar

### Úlohy

1. Narýsujte rovnoramenný  $\triangle ABC$ , jehož základna leží na  $\overleftrightarrow{g}$ .  
Platí, že  $|\overleftrightarrow{f}A| = |\overleftrightarrow{f}B|$ .

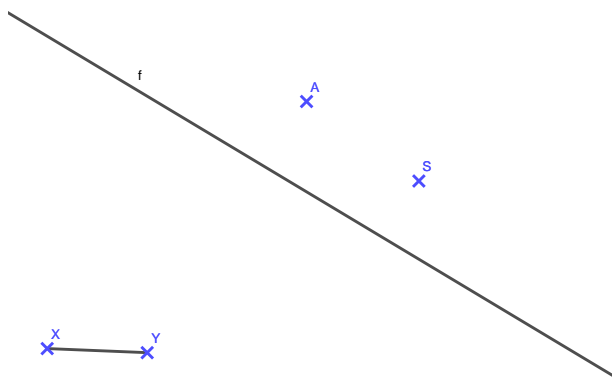


2. Narýsujte  $\square ACDE$  tak, aby bod C ležel na  $\overleftrightarrow{f}$  a bod D na  $\overleftrightarrow{g}$ .

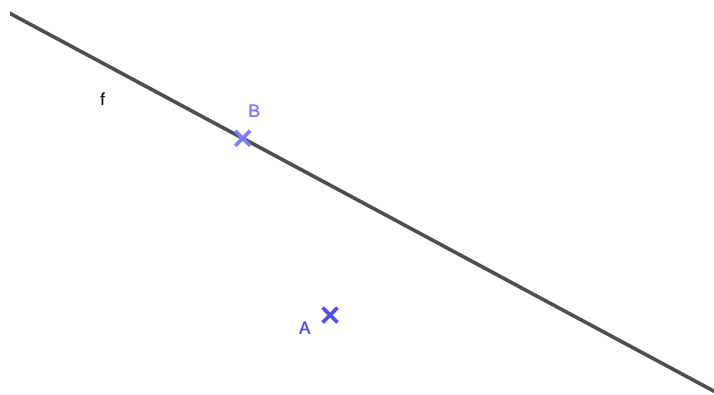




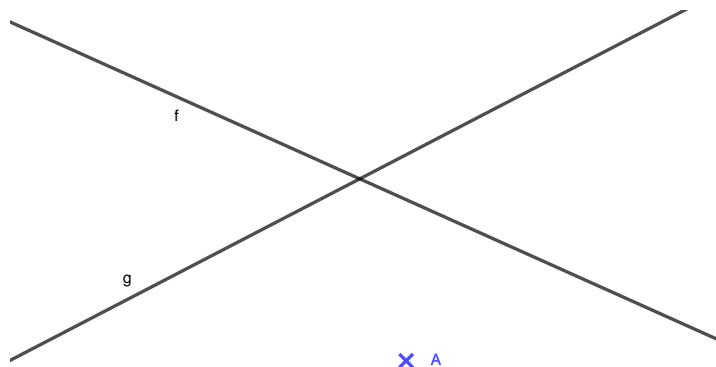
3. Narýsujte rovnoramenný  $\triangle ABC$ , jehož základna leží na  $\overleftrightarrow{f}$ . Platí  $|XY| = |SB|$ .



4. Narýsujte rovnoramenný  $\triangle ABC$ , jehož základna leží na  $\overleftrightarrow{f}$ . Následně vytvořte rovnostranný  $\triangle CDE$  tak, aby  $AB \perp CD$  a bod E nenáležel  $\triangle ABC$ .



5. Sestrojte  $\square ABCD$  tak, aby bod D ležel na jedné z přímek a aby strana AB byla kolmá na druhou. Narýsujte všechny možnosti.

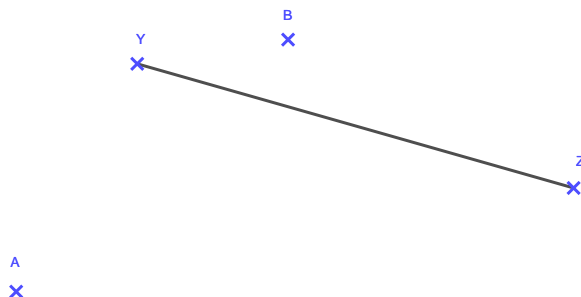


6. Narýsujte  $\square ABCD$  tak, aby strana BC ležela na  $\overrightarrow{XY}$ ,  $|\overrightarrow{XYA}| = |AZ|$  a  $|BC| = |BZ|$ .

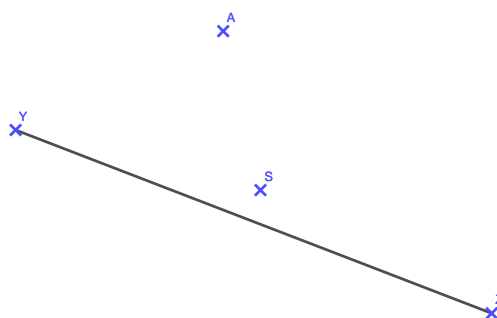
z



7. Narýsujte  $\square ABCD$  tak, aby středem  $YZ$  byl zároveň středem  $BC$ .



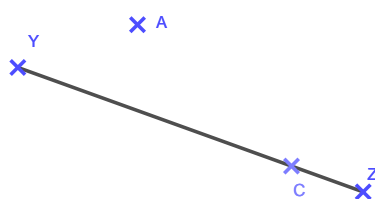
8. Narýsujte rovnoramenný  $\triangle ABC$  tak, aby bod B ležel na  $ZY$ ,  $|SB| = |SA|$ . Základnou je strana  $BC$ .



9. Narýsujte pravoúhlý  $\triangle ABC$ , aby bod B ležel na ZY a strana AC byla jeho nejdelší stranou.

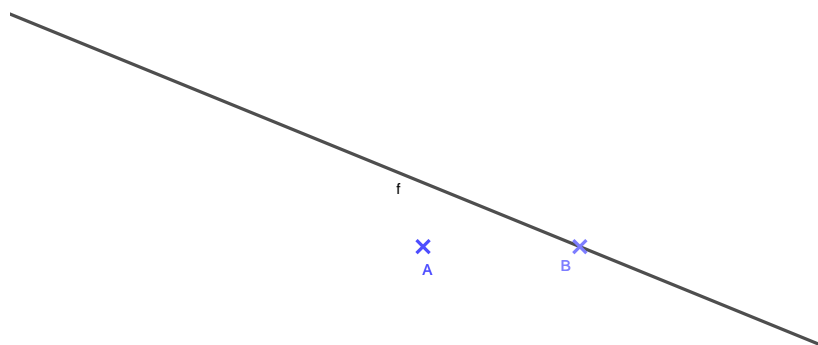
Dále narýsujte  $\triangle ACD$ , jehož pravý úhel leží u bodu A, aby platilo  $|AB| = |AD|$  a  $|AD| > |BD|$ .

Jako poslední narýsujte rovnostranný  $\triangle CED$  tak, aby  $|ED| < |EA|$ .

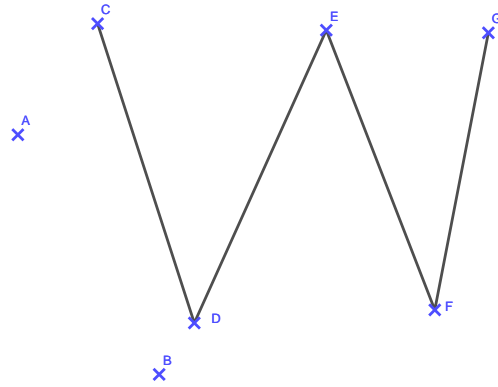


10. Narýsujte  $\square ABCD$ , kterým prochází  $\overleftrightarrow{f}$ .

Dále sestrojte  $\triangle EDF$  tak, aby se bod E nacházel na průsečíku  $\overleftrightarrow{f}$  a  $\overleftrightarrow{CD}$ , bod F se nacházel na  $\overleftrightarrow{AC}$  a  $|AF| = |AC|$ .

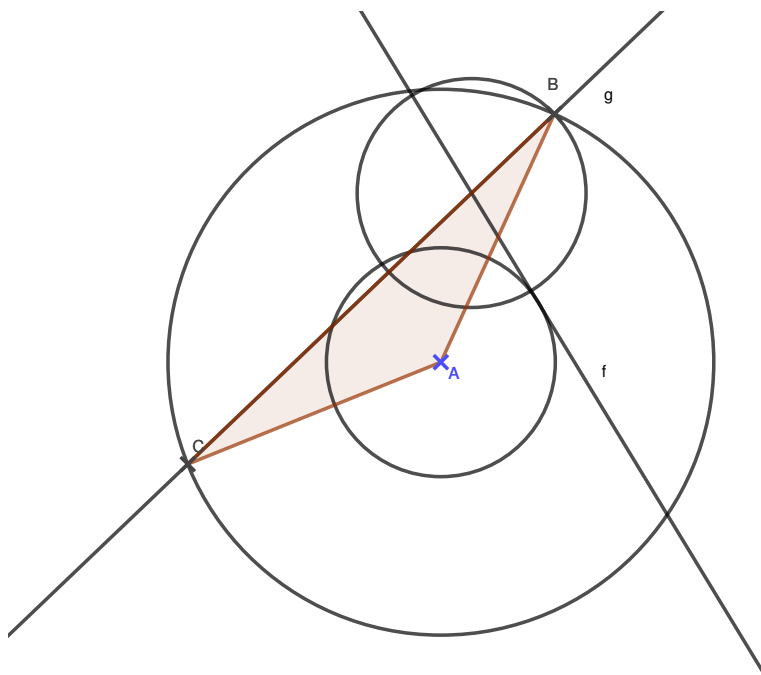


11. Narýsujte  $\triangle ABH$ , aby  $|BH| = |ED|$ ,  $|AH| < |EF|$  a aby se bod H nacházel na lomené čáře CDEFG.

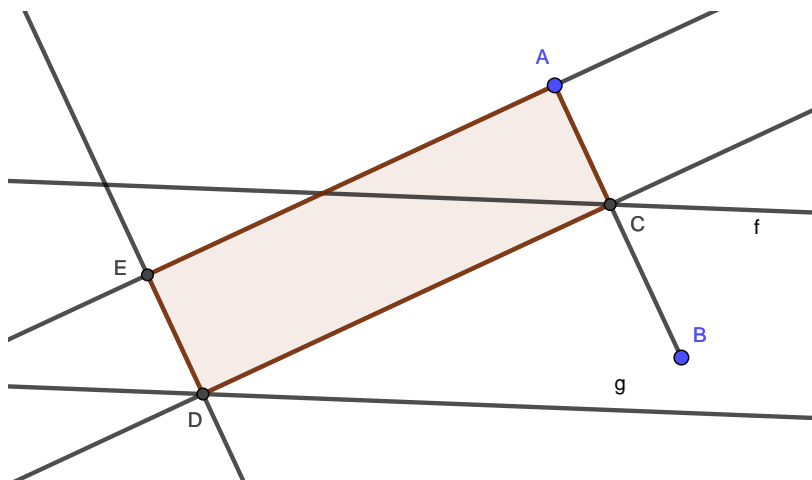


# Řešení

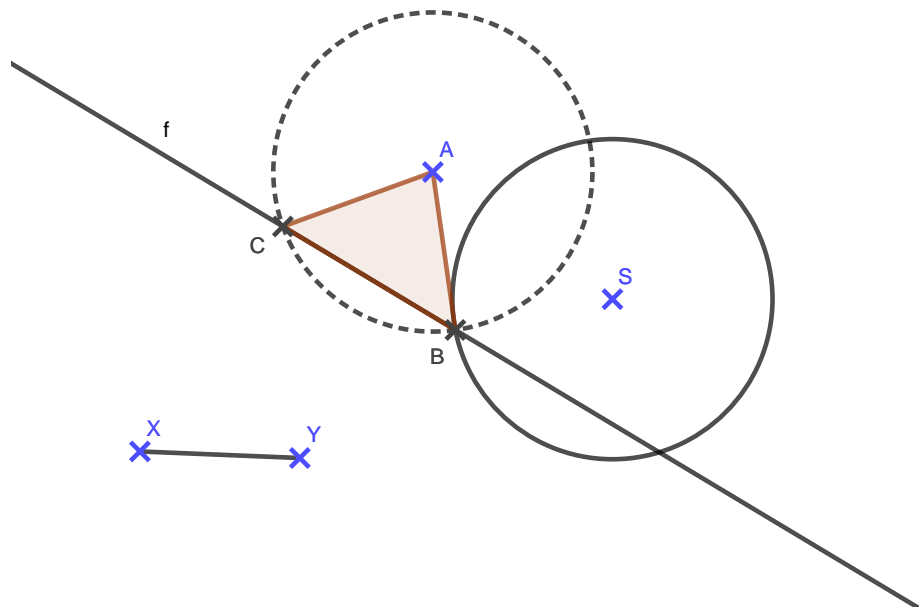
1.



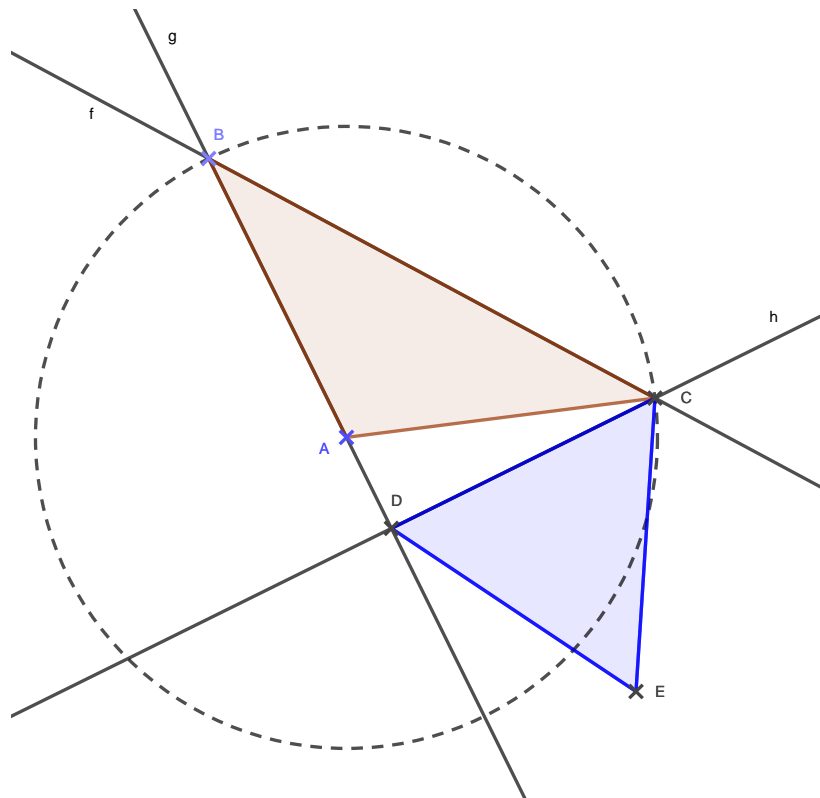
2.



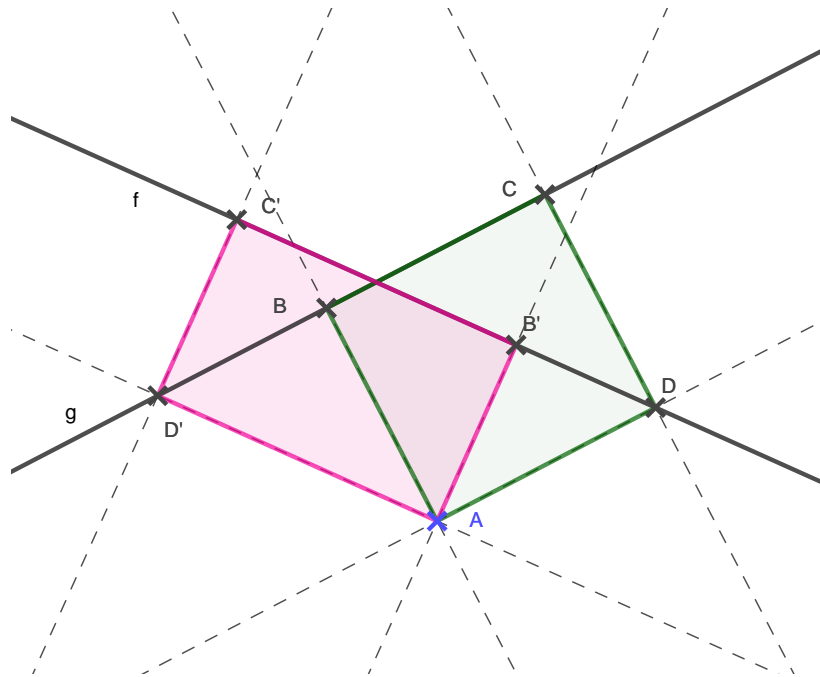
3.



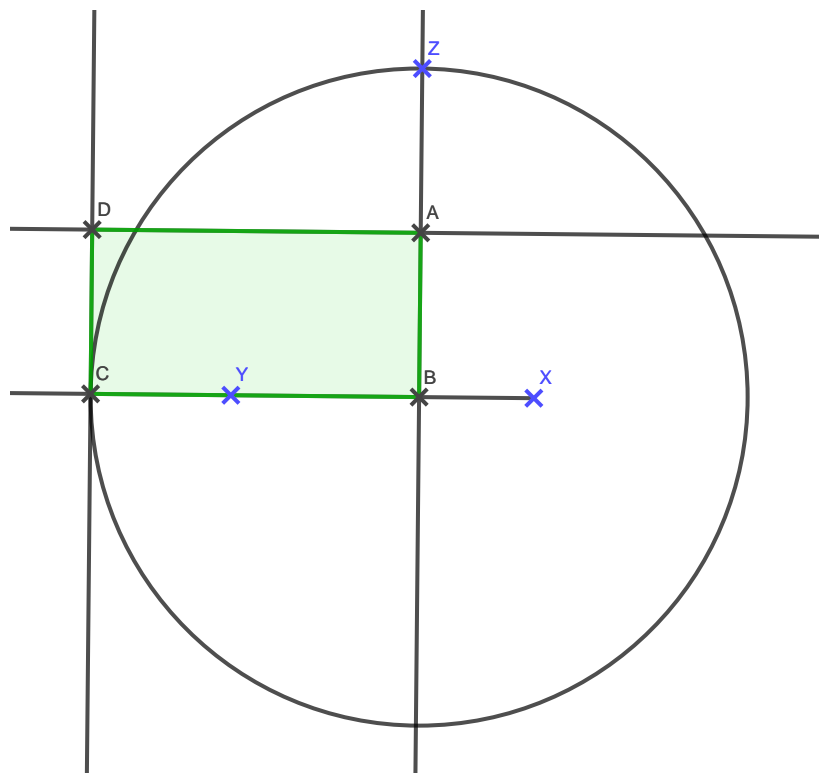
4.



5.

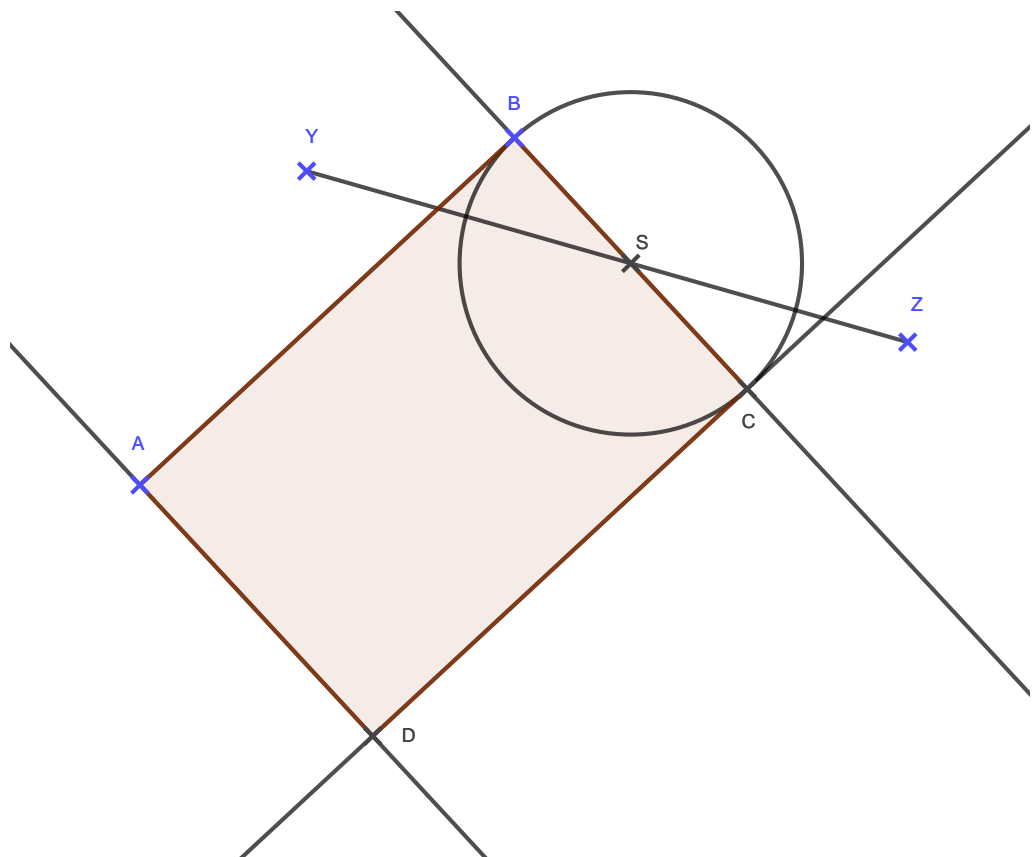


6.

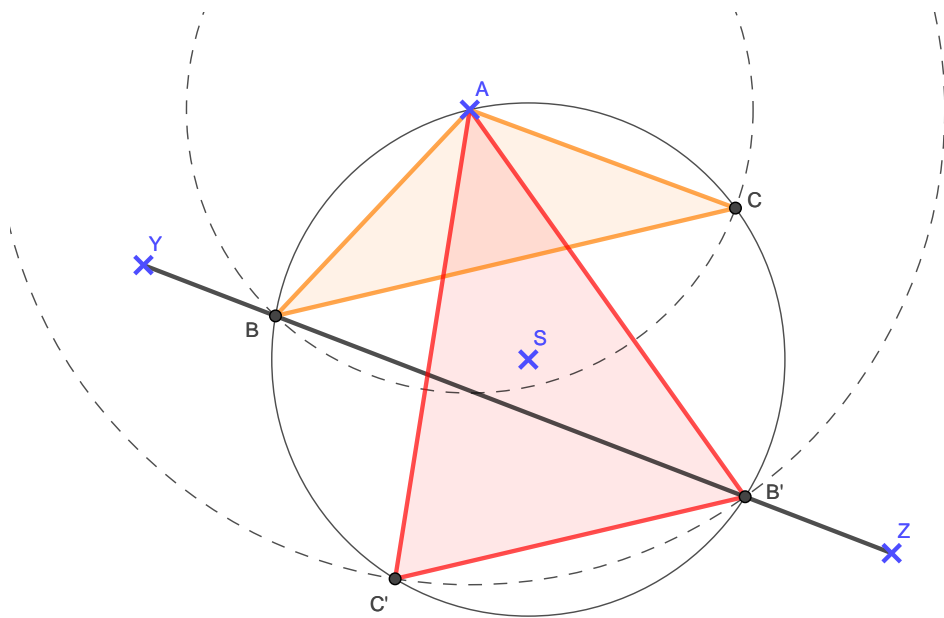




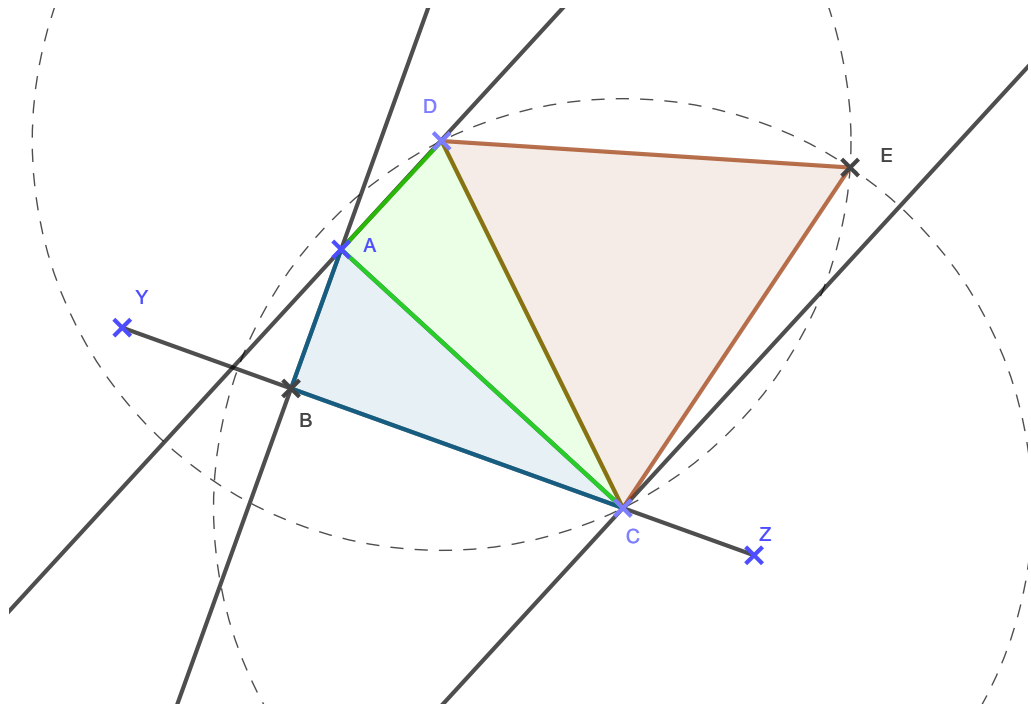
7.



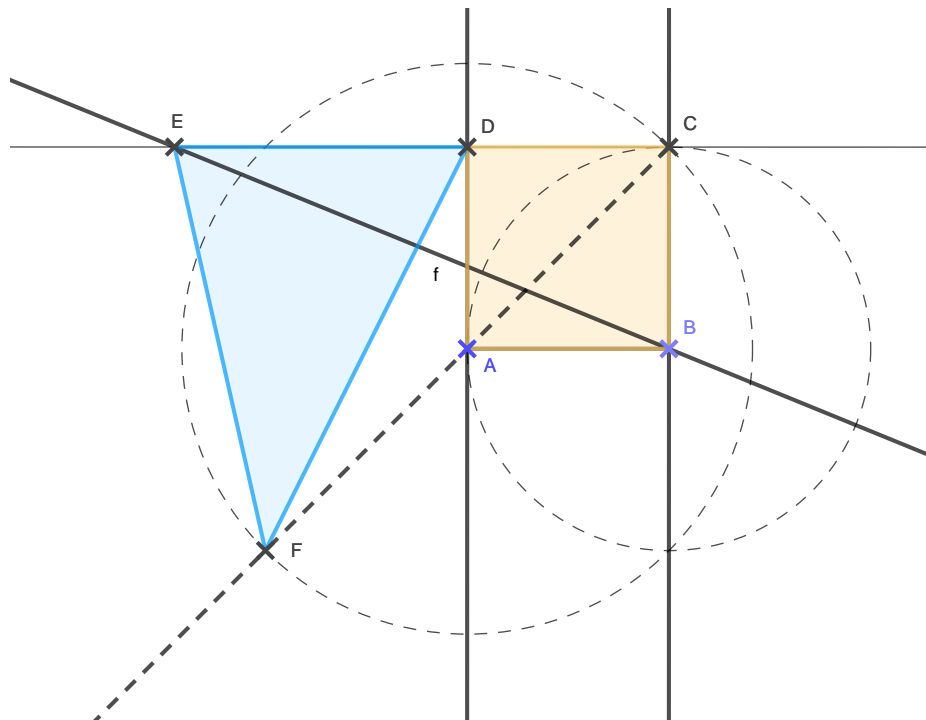
8.



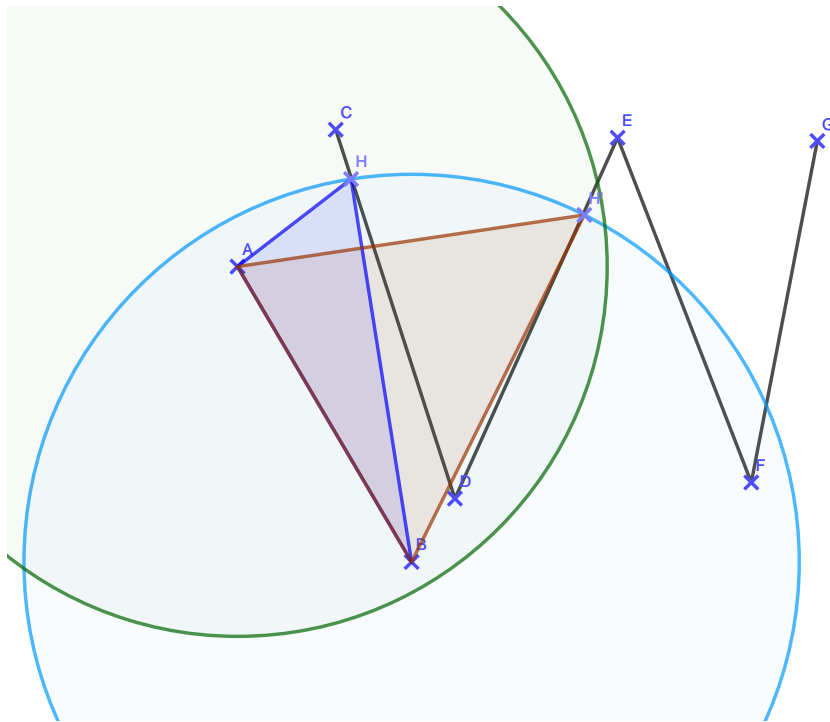
9.



10.



11.

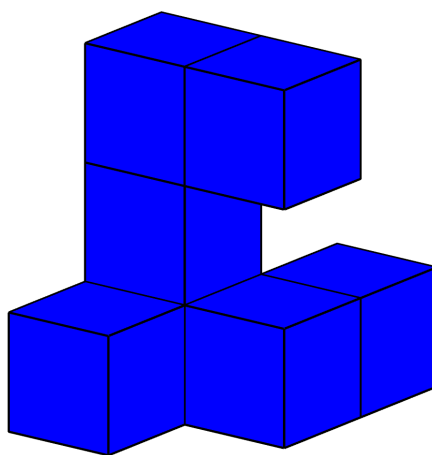


### 3.1.3 Stereometrie

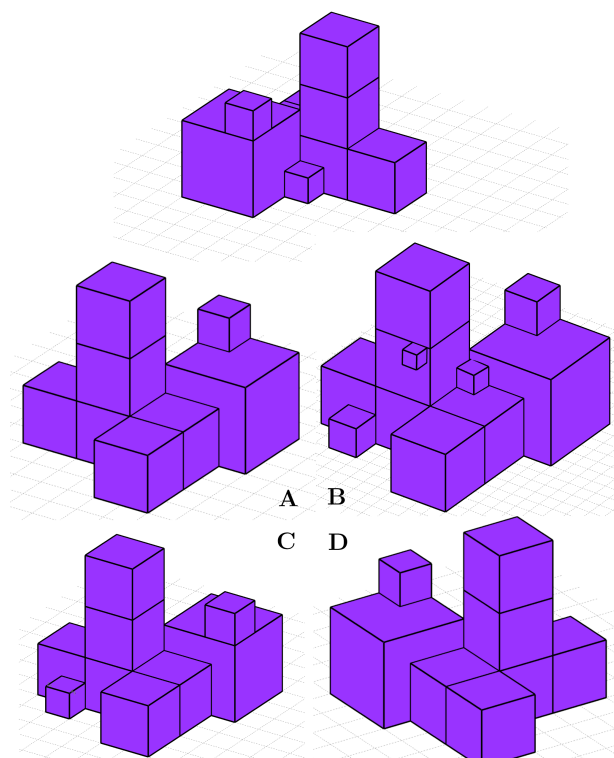
#### Kostky

#### Úlohy

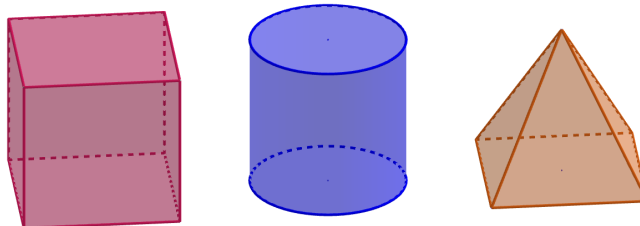
1. Víte, že se kostky dotýkají pouze stěnami. Spočítejte:
- počet kostek, které jsou vidět;
  - počet kostek;
  - počet stěn kostek, které jsou na povrch útvaru;
  - objem útvaru, pokud je objem jedné kostky  $4 \text{ cm}^3$ .



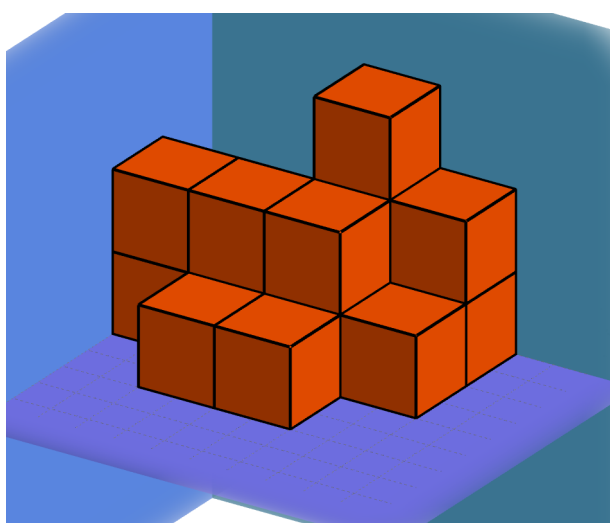
2. Na obrázku vidíte stavbu složenou z krychlí. Jak může vypadat z druhé strany? Vyberte všechny možnosti.



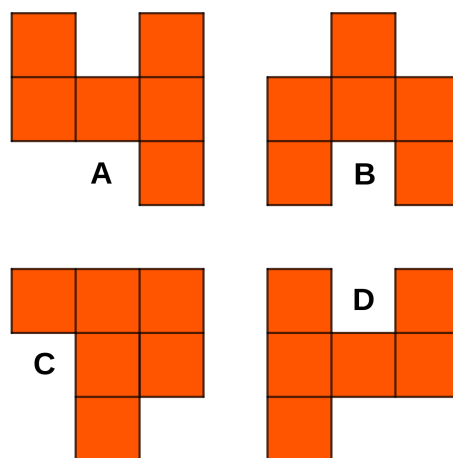
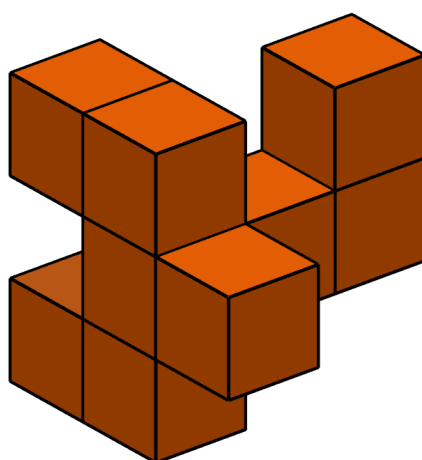
3. Pojmenujte tělesa zleva doprava.



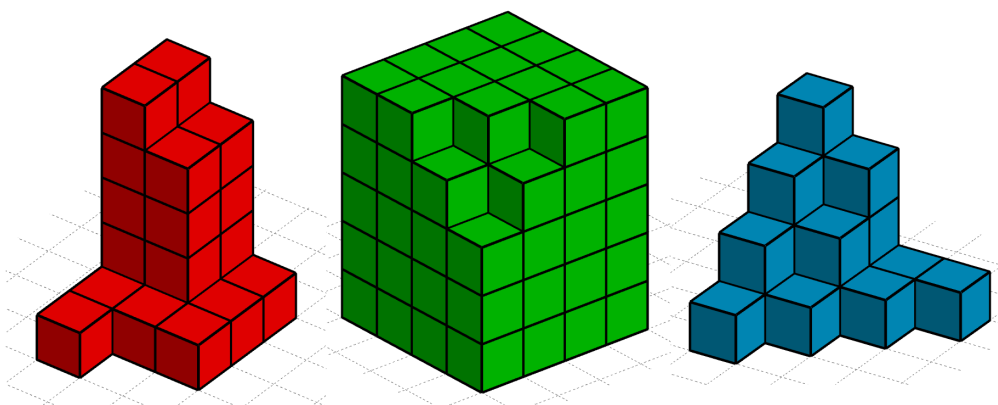
4. Kolik je na obrázku nejmenší možný počet kostek, pokud víme, že kostka musí stát buď na podložce, nebo na jiné kostce?



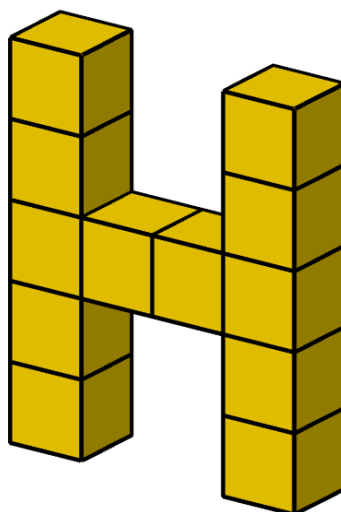
5. Vlevo je těleso složené z kostek které jsou všechny vidět. Jak by mohlo vypadat, pokud bychom se na něj podívali z určité strany? Vyberte všechny možné pohledy z pravé části obrázku. (Vyber A, B, C nebo D.)



6. Srovnajte tělesa složená z kostek podle obsahu. Určete, o kolik  $\text{cm}^3$  je největší těleso větší než nejmenší těleso, pokud je objem jedné kostky  $3 \text{ cm}^3$ .



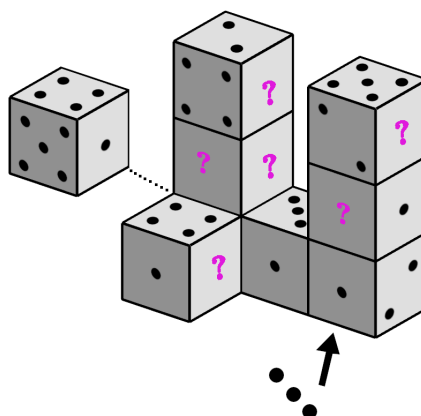
7. Na obrázku je písmeno H slepené z bílých kostek. Po slepení bylo namalováno na žluto. Kolik stěn na sobě má lepidlo? Kolik stěn má na sobě žlutou barvu.



8. Na obrázku jsou poskládány hrací kostky do útvaru. Víme následující:

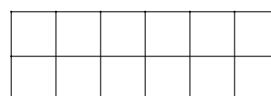
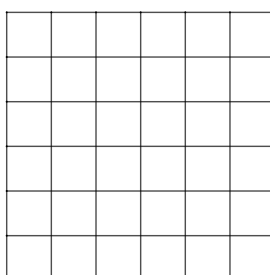
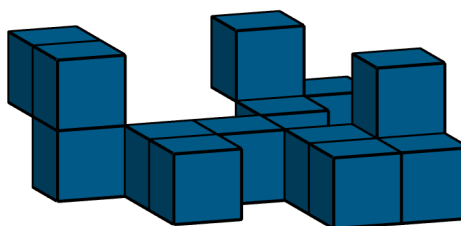
- Součet hodnot dvou protějších stran hrací kostky je 7.
- Všechny kostky se dotýkají stěnami.
- Kostka, která není vidět (na které stojí kostka se dvěma otazníky), byla posunuta doleva aby byla vidět její hodnota.
- Tři tečky se šipkou ukazují, jaká hodnota je na spodní stěně pravé dolní kostky.
- Některé hodnoty jsou neznámé, ty jsou označené otazníkem.

Jaký je součet všech hodnot, které jsou na útvaru zvenku?

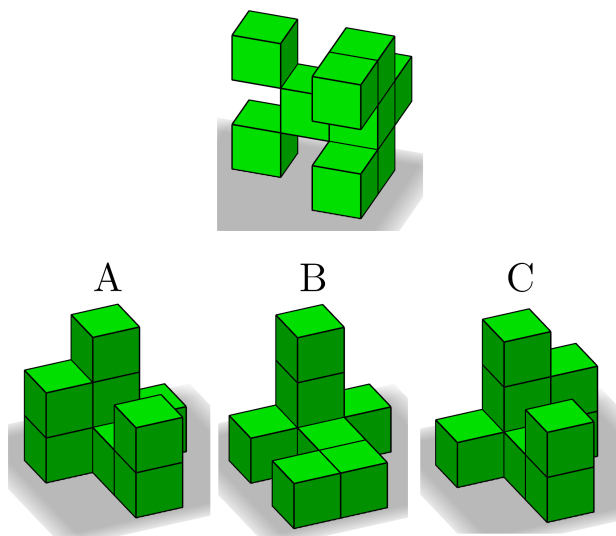


9. Na horním obrázku jsou kostky. Dotýkají se buď stěnami, nebo hranami.

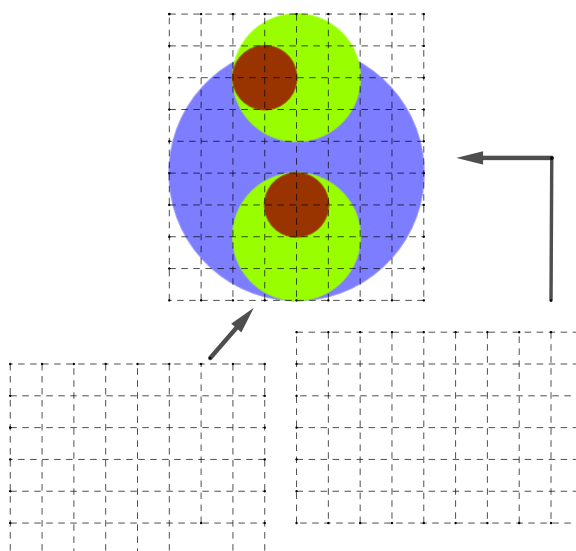
Do čtvercových sítí vkresli, co bychom viděli, pokud bychom se dívali na kostky z 2 úhlů podhledu. Do pravé to, co bychom viděli shora, a do levé to, co bychom viděli zleva.



10. Zelené kostky byly slepené lepidlem do tělesa nahoře. Kvůli horku se těleso roztálo a všechny kostky spadly.  
Jak kostky po spadnutí vypadají? (Vyber A, B, nebo C.)



11. Na obrázku je narozeninový dort focený shora. Má 3 patra, nej-  
nižší je modré, prostřední je zelené a nejvyšší je hnědé. Do čtver-  
cových sítí dokresli, jak dort vypadá ze stran určených šipkami.

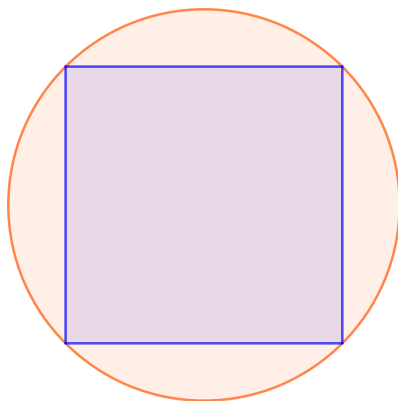




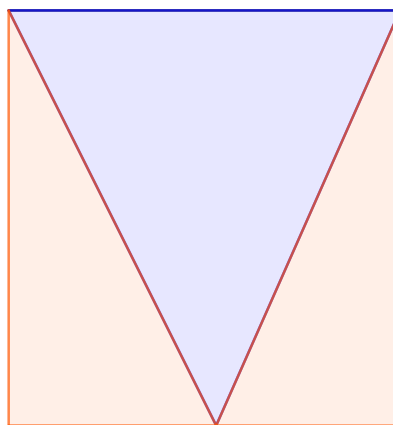
12. Na obrázku jsou 2 fotky skleněného objektu. Jedna je focená shora, druhá zepředu.

Popište tento objekt. (Možný popis: Objekt je na povrchu modrý a má tvar koule, uvnitř této koule je zelený čtverec.)

Shora

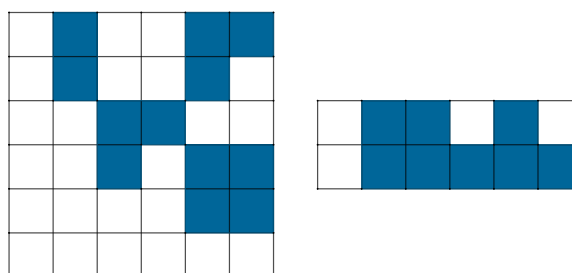


Zepředu



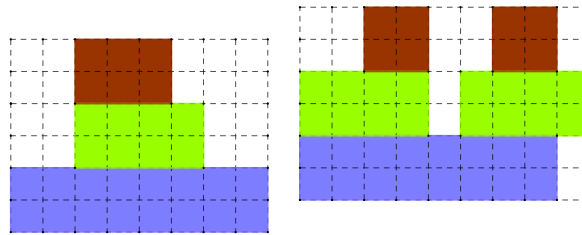
## Řešení

1. Kostek je vidět 6. Pokud víme, že se kostky dotýkají, je jich 7. Na povrchu útvaru je 30 stěn. Objem je  $28 \text{ cm}^3$ .
2. Může vypadat jako A nebo B.
3. Tělesa se jmenují krychle, válec a jehlan.
4. Je na něm minimálně 14 kostek.
5. Může vypadat jako možnost A, B a D.
6. Největší je prostřední těleso, druhé největší je těleso vlevo a nejmenší je těleso vpravo. Největší těleso je větší než nejmenší těleso o  $171 \text{ cm}^3$ .
7. 22 stěn na sobě má lepidlo, 50 stěn na sobě má žlutou barvu.
8. Součet je 115.
9. Levou čtvercovou síť je možné otočit.

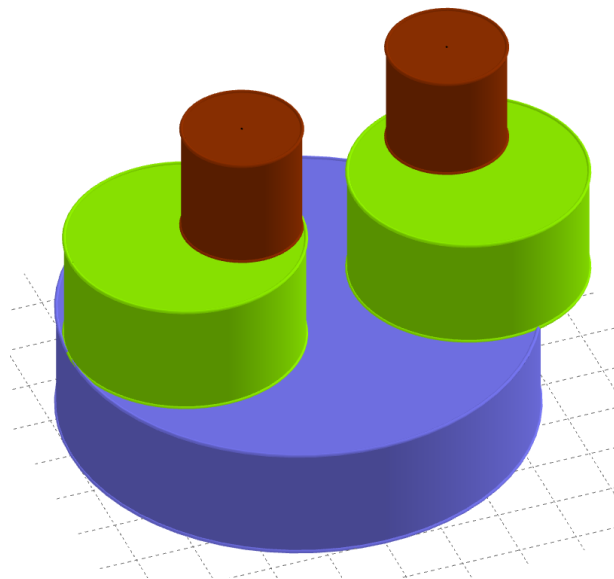


10. Správná možnost je C.

11.



3D vizualizace:



12. Objekt je na povrchu oranžový a má tvar válce, uvnitř tohoto válce je modrý jehlan.

# Závěr

Produktem mé ročníkové práce je sbírka planimetrických a stereometrických úloh, která slouží k přípravě studentů na jednotné přijímací zkoušky z matematiky pro osmileté studium. Tuto sbírku mohou využít jak studenti, tak pedagogové, kteří chtějí své studenty na zkoušku připravit.

Vzhledem k tomu, že jsem se snažil co nejlépe napodobit styl úloh, které se objevují v jednotné zkoušce, věřím, že sbírka představuje efektivní nástroj pro úspěšné složení této zkoušky.

Hlavní předností sbírky je její zaměření na jednotné přijímací zkoušky, což pomůže studentům připravit se na planimetrické a stereometrické úlohy které se ve zkouškách objevují. Vzhled sbírky je navržen tak, aby byl co nejvíce přehledný a snadno srozumitelný.

Během tvorby sbírky jsem se naučil používat program GeoGebra pro tvorbu úloh a  $\text{\LaTeX}$  pro psaní práce. Největší výzvou byla tvorba samotných úloh, tato část mě ale zároveň nejvíce bavila.

Doufám, že má sbírka pomůže studentům připravit se na zkoušky a pomůže pedagogům při výuce matematiky.

# Bibliografie a další zdroje

- [1] Zákony pro lidi. *Zákon č. 561/2004 Sb.* [online]. 2004. URL: <https://www.zakonyprolidi.cz/cs/2004-561#p80-2>.
- [2] Centrum pro zjišťování výsledků vzdělávání. *CERMAT*. [online]. 2023. URL: <https://maturita.cermat.cz/,%20https://zkouska.cermat.cz/,https://prijimacky.cermat.cz/>.
- [3] Centrum pro zjišťování výsledků vzdělávání. *Jednotná přijímací zkouška 2023*. [online]. 2023. URL: <https://prijimacky.cermat.cz/menu/jednotna-prijimaci-zkouska>.
- [4] Jiří Zíka. *Souhrnná závěrečná zpráva*. [online]. 2017. URL: [https://data.cermat.cz/files/files/JPZ/JPZ2017-zaverecna\\_zprava.pdf](https://data.cermat.cz/files/files/JPZ/JPZ2017-zaverecna_zprava.pdf).
- [5] Centrum pro zjišťování výsledků vzdělávání. *Testová zadání v PDF*. [online]. 2023. URL: <https://prijimacky.cermat.cz/menu/testova-zadani-k-procvicovani/testova-zadani-v-pdf>.
- [6] Umíme matiku. *Obsah, obvod*. [online]. 2023. URL: <https://www.umimematiku.cz/cviceni-obsah-obvod>.
- [7] Vondra Jan et al. *Matematika pro střední školy*. Brno: Didaktis, 2013. ISBN: 978-80-7358-211-1.
- [8] Liška Marek, Valenta Tomáš a Král Lukáš. *Matika pro spolužáky. Planimetrie*. Hradec Králové: ProSpolužáky.cz, 2017. ISBN: 978-80-906702-0-4.
- [9] Liška Marek, Valenta Tomáš a Král Lukáš. *Matika pro spolužáky. Planimetrie*. pracovní sešit. Hradec Králové: ProSpolužáky.cz, 2017. ISBN: 978-80-906702-0-4.
- [10] Liška Marek, Valenta Tomáš a Král Lukáš. *Matika pro spolužáky. Stereometrie*. pracovní sešit. Hradec Králové: ProSpolužáky.cz, 2017. ISBN: 978-80-88255-10-9.
- [11] Liška Marek, Valenta Tomáš a Král Lukáš. *Matika pro spolužáky. Stereometrie*. pracovní sešit. Hradec Králové: ProSpolužáky.cz, 2017. ISBN: 978-80-88255-11-6.
- [12] Calda Emil. *Matematika pro netechnické obory SOŠ a SOU*. Sv. 1. Praha 4: Prometheus, 2008. ISBN: 978-80-7196-020-1.
- [13] Calda Emil. *Matematika pro netechnické obory SOŠ a SOU*. Sv. 2. Praha 4: Prometheus, 2008. ISBN: 978-80-7196-057-7.
- [14] Calda Emil. *Matematika pro netechnické obory SOŠ a SOU*. Sv. 3. Praha 4: Prometheus, 2008. ISBN: 978-80-7196-109-3.

- [15] Polák Josef. *Přehled středoškolské matematiky*. 1. vydání. Praha: Státní pedagogické nakladatelství, 1972.

# Seznam obrázků

1.1	Vzorce pro výpočet obvodu [6] . . . . .	8
1.2	Vzorce pro výpočet obsahu [6] . . . . .	9
1.3	Rovnostranný trojúhelník . . . . .	10
1.4	Dva rovnoramenné trojúhelníky . . . . .	11
1.5	Dva shodné trojúhelníky . . . . .	11
1.6	Průsečík přímky $h$ a úsečky $CD$ , který je nazvaný $P$ . . . . .	12
1.7	Kolmice . . . . .	12
1.8	Pravoúhlý trojúhelník . . . . .	12
1.9	Dvě rovnoběžné přímky . . . . .	13
1.10	Krychle . . . . .	14
2.1	Opakující se úloha [5] . . . . .	22

# Seznam tabulek

2.1	Distribuce počtu úloh pro 8leté obory . . . . .	16
2.2	Distribuce bodů za úlohu pro 8leté obory . . . . .	17
2.3	Distribuce počtu úloh pro 6leté obory . . . . .	18
2.4	Distribuce bodů za úlohu pro 6leté obory . . . . .	19
2.5	Distribuce počtu úloh pro 4leté obory . . . . .	20
2.6	Distribuce bodů za úlohu pro 4leté obory . . . . .	21