# Experimento 05 - Viscosidade - Lei de Stokes

Giovani Garuffi RA: 155559João Baraldi RA: 158044Lauro Cruz RA: 156175Lucas Schanner RA: 156412Pedro Stringhini RA: 156983

11 de novembro de 2014

### 1 Resumo

# 2 Objetivos

# 3 Procedimento Experimental e Coleta de Dados

#### 3.1 Procedimento

#### 3.2 Dados Obtidos

A Tabela 1 apresenta as medições do tempo de queda de cada esfera, relacionada ao seu raio.

Tabela 1: Dados obtidos no experimento

| r(m)                  |       | $T_{medio}(s)$ |       |       |       |                |
|-----------------------|-------|----------------|-------|-------|-------|----------------|
| $0.00100 \pm 0.00005$ | 12.47 | 12.22          | 11.87 | 11.97 | 11.94 | $12.0 \pm 0.3$ |
| $0.00125 \pm 0.00005$ | 7.65  | 7.87           | 7.59  | 7.60  | 7.78  | $7.7 \pm 0.3$  |
| $0.00150 \pm 0.00005$ | 5.46  | 5.29           | 5.35  | 5.69  | 5.32  | $5.4 \pm 0.3$  |
| $0.00175 \pm 0.00005$ | 4.07  | 4.15           | 4.09  | 4.09  | 4.13  | $4.1 \pm 0.3$  |
| $0.00200 \pm 0.00005$ | 3.12  | 3.25           | 3.28  | 3.28  | 3.25  | $3.2 \pm 0.3$  |

O erro instrumental em T é considerado 0.3 devido às dificuldades em realizar as medições

### 4 Análise dos Resultados e Discussões

### 4.1 Regressão linear

O situação estudada pode ser modelada a partir da equação:

$$v_l = \frac{2}{9} \frac{(\rho - \rho')}{\eta} g \cdot r^2$$

Obtida a partir da força de empuxo, força gravitacional e da Lei de Stokes.  $\rho$  e  $\rho'$  são as densidades da esfera e do meio, respectivamente e  $\eta$  é o coeficiente de viscosidade do meio.

No entanto a velocidade precisa ser corrigida pelo fator de Landenburg

$$v_l = K \cdot v_l' = K \frac{L}{T}$$

$$\Delta v_{l} = \sqrt{\frac{K^{2}L^{2}}{t^{4}}\Delta t^{2} + \frac{K^{2}\Delta L^{2}}{t^{2}} + \frac{L^{2}\Delta K^{2}}{t^{2}}}$$

Onde K é o fator de Landenburg, dado por

$$K = \left(1 + \frac{3.3r}{H}\right) \left(1 + \frac{2.4r}{\pi r_c^2}\right)$$

$$\Delta K =$$

$$\sqrt{\frac{23.04\Delta r_c^2 r^2}{\pi^2 r_c^6} \left(1 + \frac{3.3r}{H}\right)^2 + \Delta r^2 \left(\frac{2.4 + \frac{7.92r}{H}}{\pi r_c^2} + \frac{1}{H} \left(\frac{7.92r}{\pi r_c^2} + 3.3\right)\right)^2 + \frac{10.89\Delta H^2}{H^4} r^2 \left(\frac{2.4r}{\pi r_c^2} + 1\right)^2}$$

Tabela 2: O quadrado do raio relacionado à velocidade máxima de uma esfera em um liquido

viscoso\_

| r(m)                  | $r^2 (m^2)$                             | $T_{queda}(s)$ | K               | $v_l \ (m/s)$     |
|-----------------------|---|----------------|-----------------|-------------------|
| $0.00100 \pm 0.00005$ | $1.0 \cdot 10^{-6} \pm 1 \cdot 10^{-7}$ | $12.0 \pm 0.3$ | $1.85 \pm 0.04$ | $0.030 \pm 0.001$ |
| $0.00125 \pm 0.00005$ | $1.5 \cdot 10^{-6} \pm 1 \cdot 10^{-7}$ | $7.7 \pm 0.3$  | $2.07 \pm 0.04$ | $0.053 \pm 0.002$ |
| $0.00150 \pm 0.00005$ | $2.2 \cdot 10^{-6} \pm 2 \cdot 10^{-7}$ | $5.4 \pm 0.3$  | $2.28 \pm 0.04$ | $0.084 \pm 0.005$ |
| $0.00175 \pm 0.00005$ | $3.0 \cdot 10^{-6} \pm 2 \cdot 10^{-7}$ | $4.1 \pm 0.3$  | $2.50 \pm 0.04$ | $0.121 \pm 0.009$ |
| $0.00200 \pm 0.00005$ | $4.0 \cdot 10^{-6} \pm 2 \cdot 10^{-7}$ | $3.2 \pm 0.3$  | $2.71 \pm 0.04$ | $0.16 \pm 0.01$   |

O erro em T foi calculado pelo erro estatístico e utilizando como erro instrumental  $\pm 0.3$ 

Na equação vemos que existe uma relação linear entre  $v_l$  e  $r^2$ . Para explorar essa relação, foi construída a Tabela 2, relacionando  $v_l$  a  $r^2$ .

Fazendo a regressão linear de  $v_l$  X  $r^2$ , pelo método de mínimos quadrados, obtém-se os seguintes coeficientes:

$$a = (41 \pm 2) \cdot 10^3 \ (1/ms)$$
  
 $b = 0.011 \pm 0.003 \ (m/s).$ 

A reta resultante da regressão linear, sobreposta aos pontos medidos experimentalmente pode ser vista na Figura 1.

## 4.2 Significado físico do coeficiente angular

# 5 Conclusões

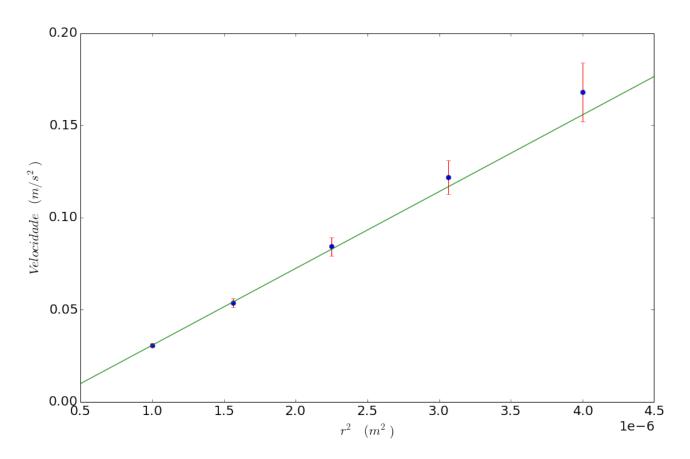


Figura 1: Regressão linear de  $v_t$  por  $r^2$  sobreposta aos pontos experimentais