그리디알고리즘 (연습)

최백준 choi@startlink.io

잃어버린괄호

https://www.acmicpc.net/problem/1541

• 식에 괄호를 적절히 쳐서 식의 값을 최소로 만드는 문제

• 1+2+3-4-5+6+7+8-9+10-11-12+13+14+15

잃어버린괄호

- 식에 괄호를 적절히 쳐서 식의 값을 최소로 만드는 문제
- -가 나오면, 항상 뒤의 식을 모두 -로 만들 수 있다.
- 1+2+3-4-5+6+7+8-9+10-11-12+13+14+15
- 1+2+3-4-(5+6+7+8)-(9+10)-11-(12+13+14+15)

잃어버린괄호

https://www.acmicpc.net/problem/1541

• 소스: http://codeplus.codes/e7cb322d0ebe45f58b7d90eea6ab854b

- 길이가 N인 수열에서 두 수를 적절히 묶어서 수열의 합을 최대로 하는 문제
- 수의 순서를 바꿔도 상관이 없다
- 같은 위치에 있는 수를 묶는 것은 불가능하고
- 각 수는 단 한 번만 묶거나 묶지 않아야 한다
- 묶은 후에는 두 수의 곱이 수가 됨
- 이 때 최대 찾기

- 0, 1, 2, 4, 3, 5 인 경우
- 4와 5 를 묶고 2와 3을 묶으면
- $0+1+(4\times5)+(2\times3)=27$

- 양수는 큰 수끼리
- 음수는 작은 수 끼리
- 0은 묶지 않는 것이 최대

- 주의해야할점
- 1은 묶지 않는 것이 좋다
- 묶이지 않는 음수가 있는 경우 0을 이용할 수 있다

https://www.acmicpc.net/problem/1744

• 소스: http://codeplus.codes/d69e4d49d9d649f7b837b19ec39a9108

대회 or 인턴

- 여학생 N명, 남학생 M명이 있다
- 1팀: 여2, 남1
- K명은 인턴에 참가해야 한다
- 몇 팀을 만들 수 있을까?

대회 or 인턴

- 한 팀을 만드려면 다음과 같은 조건을 만족해야 한다
- 여학생이 2명 이상
- 남학생이 1명 이상
- $M+N \ge K+3$
 - 팀은 3명이고, 인턴은 K명이 해야하기 때문

대회 or 인턴

https://www.acmicpc.net/problem/2875

• 소스: http://codeplus.codes/5c590a84ef834b2da55b67d053a88ee7

- 어떤 수 N이 주어졌을 때, 숫자를 섞어 30의 배수로 만드는 문제
- 이 때, 가장 큰 수를 만들어야 함
- N = 30, 답 = 30
- N = 102, 답 = 210
- N = 2931, 답 = 불가능

- 30은 2*3*5이다
- 즉, N이 30으로 나누어 떨어지려면, 2, 3, 5로 나누어 떨어져야 한다
- 2로 나누어 떨어지는 수
 - 마지막 자리가 짝수
- 3으로 나누어 떨어지는 수
 - 자리의 합이 3으로 나누어 떨어져야 함
- 5로 나누어 떨어지는 수
 - 마지막자리가 0 또는 5
- 30으로 나누어 떨어지는 수
 - 마지막 자리가 0이면서 자리의 합이 3으로 나누어 떨어져야 함

- 자리의 합은 변하지 않기 때문에, 마지막 자리만 0으로 만들어주면 되는 문제
- 가장 큰 수이기 때문에, 그냥 내림차순 정렬을 하면 되는 문제

https://www.acmicpc.net/problem/10610

• 소스: http://codeplus.codes/7739641cf5aa4ecfbd9f11848cb9a43a

- N*M 크기의 체스판 가장 왼쪽 아래칸에 나이트가 있다
- $1 \le N, M \le 2,000,000,000$
- 이동할 수 있는 방법
- 1. 2칸 위로, 1칸 오른쪽
- 2. 1칸 위로, 2칸 오른쪽
- 3. 1칸 아래로, 2칸 오른쪽
- 4. 2칸 아래로, 1칸 오른쪽
- 이동 횟수가 4번 초과면 위의 방법을 모두 1번씩은 이용해야 함
- 이 때, 방문할 수 있는 칸의 최대 개수

- 1. height = 1인 경우
- 2. height = 2인 경우
- 3. height ≥ 3보다 큰 경우

- 1. height = 1인 경우
 - 움직일 수 없기 때문에 정답은 1
- 2. height = 2인 경우
- 3. height ≥ 3보다 큰 경우

- 1. height = 1인 경우
 - 움직일 수 없기 때문에 정답은 1
- 2. height = 2인 경우
 - 두 가지 방법만 사용할 수 있다. (+2, +1), (+2, -1)
 - 따라서, 정답은 min(4, (width + 1) / 2)
 - 이동 횟수 제한 때문에 4가 필요함
- 3. height ≥ 3보다 큰 경우

- 1. height = 1인 경우
 - 움직일 수 없기 때문에 정답은 1
- 2. height = 2인 경우
 - 두 가지 방법만 사용할 수 있다. (+2, +1), (+2, -1)
 - 따라서, 정답은 min(4, (width + 1) / 2)
 - 이동 횟수 제한 때문에 4가 필요함
- 3. height ≥ 3보다 큰 경우
 - 1. width ≥ 7
 - 2. width < 7

- 3. height ≥ 3보다 큰 경우
 - 1. width ≥ 7
 - 4가지 방법을 모두 사용하면 (7, 1)으로 이동한다
 - 여기서부터 (+1, +2)와 (+1, -2)를 번갈아가면서 사용
 - width 2
 - 2. width < 7

- 3. height ≥ 3보다 큰 경우
 - 1. width ≥ 7
 - 2. width < 7
 - 4가지 방법을 모두 사용할 수 없다
 - (+1, +2)와 (+1, -2)를 번갈아 가면서 사용할 수 있다
 - min(4, width)

병문나이트

https://www.acmicpc.net/problem/1783

• 소스: http://codeplus.codes/0b1bec80fb004c7b898516eca88fbdfd

- 정수 N과 K가 주어졌을 때, 다음 두 조건을 만족하는 문자열 S를 찾는 문제
- 문자열 S의 길이는 N이고, 'A', 'B'로 이루어져 있다.
- 문자열 S에는 $0 \le i < j < N$ 이면서 s[i] == 'A' && s[j] == 'B'를 만족하는 <math>(i, j) 쌍이 K개가 있다.

- A가 a개, B가 b개가 있으면
- 0 ≤ i < j < N 이면서 s[i] == 'A' && s[j] == 'B'를 만족하는 (i, j)쌍이 0 ~ a×b가 되는 문자열을 항상 만들 수 있다

- A가 a개, B가 b개가 있으면
- 0 ≤ i < j < N 이면서 s[i] == 'A' && s[j] == 'B'를 만족하는 (i, j)쌍이 0 ~ a×b가 되는 문자열을 항상 만들 수 있다

В	В	В	В	В	В	В	В
---	---	---	---	---	---	---	---

- A를 가장 앞에 추가하면 (i, j) 쌍이 b개 늘어나고, 가장 뒤에 추가하면 0개 늘어난다.
- $k(0 \le k \le b)$ 번째 위치에 추가하면, b-k개의 (i, j)쌍이 추가되는 것이다.
- 따라서, 하나의 A가 [0,b]개의 쌍을 추가할 수 있기 때문에, [0,a×b]개의 쌍을 추가할 수 있다.

- 먼저, B를 b개를 놓고,
- a를 어디에 추가하면 좋을지 선택한다.

https://www.acmicpc.net/problem/12970

• 소스: http://codeplus.codes/6ee4c056b260475fb179fce5c25aaaad

- S를 T로 바꾸는 문제
- 가능한 연산
- A연산: 문자열의 뒤에 A를 추가한다
- B연산: 문자열을 뒤집고 뒤에 B를 추가한다
- $1 \le S$ 의 길이 $\le 999, 2 \le T$ 의 길이 $\le 1,000, S$ 의 길이 < T의 길이
- S = "B", T = "ABBA", 정답: 1
- S = "AB", T = "ABB", 정답: 0

- T의 마지막 문자가 A라면, A연산을 사용해서 T를 만든 것이다.
- T의 마지막 문자가 B라면, B연산을 사용해서 T를 만든 것이다.

https://www.acmicpc.net/problem/12904

• T에서 S를 만들 수 있는지 보는 문제로 변경해서 해결할 수 있다.

https://www.acmicpc.net/problem/12904

• 소스: http://codeplus.codes/038d1646a9ae45f1bdde6945ec2e3077