## 第十一届蓝桥杯大赛软件类决赛

C/C++ 大学 A 组

#### 【考生须知】

考试开始后,选手首先下载题目,并使用考场现场公布的解压密码解压试 题。

考试时间为4小时。考试期间选手可浏览自己已经提交的答案,被浏览的答案允许拷贝。时间截止后,将无法继续提交或浏览答案。

对同一题目,选手可多次提交答案,以最后一次提交的答案为准。

选手必须通过浏览器方式提交自己的答案。选手在其它位置的作答或其它方式提交的答案无效。

试题包含"结果填空"和"程序设计"两种题型。

**结果填空题**:要求选手根据题目描述直接填写结果。求解方式不限。不要求源代码。把结果填空的答案直接通过网页提交即可,不要书写多余的内容。

**程序设计题**:要求选手设计的程序对于给定的输入能给出正确的输出结果。 考生的程序只有能运行出正确结果才有机会得分。

注意: 在评卷时使用的输入数据与试卷中给出的示例数据可能是不同的。 选手的程序必须是通用的,不能只对试卷中给定的数据有效。

对于编程题目,要求选手给出的解答完全符合 GNU C/C++ 标准,不能使用诸如绘图、Win32API、中断调用、硬件操作或与操作系统相关的 API。

代码中允许使用 STL 类库。

注意: main 函数结束必须返回 0

注意: 所有依赖的函数必须明确地在源文件中 #include <xxx>, 不能通过工程设置而省略常用头文件。

所有源码必须在同一文件中。调试通过后, 拷贝提交。

提交时,注意选择所期望的编译器类型。

# 试题 A: 合数个数

本题总分: 5分

## 【问题描述】

一个数如果除了 1 和自己还有其他约数,则称为一个合数。例如: 1, 2, 3 不是合数,4, 6 是合数。

请问从 1 到 2020 一共有多少个合数。

#### 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 A: 合数个数

# 试题 B: 含 2 天数

本题总分: 5分

## 【问题描述】

小蓝特别喜欢 2, 今年是公元 2020 年, 他特别高兴, 因为每天日历上都可以看到 2。

如果日历中只显示年月日,请问从公元 1900 年 1 月 1 日到公元 9999 年 12 月 31 日,一共有多少天日历上包含 2。即有多少天中年月日的数位中包含数字 2。

#### 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 B: 含 2 天数

# 试题 C: 本质上升序列

本题总分: 10分

#### 【问题描述】

小蓝特别喜欢单调递增的事物。

在一个字符串中,如果取出若干个字符,将这些字符按照在字符串中的顺序排列后是单调递增的,则成为这个字符串中的一个单调递增子序列。

例如,在字符串 lanqiao 中,如果取出字符 n 和 q,则 nq 组成一个单调递增子序列。类似的单调递增子序列还有 lnq、i、ano 等等。

小蓝发现,有些子序列虽然位置不同,但是字符序列是一样的,例如取第二个字符和最后一个字符可以取到 ao, 取最后两个字符也可以取到 ao。小蓝认为他们并没有本质不同。

对于一个字符串,小蓝想知道,本质不同的递增子序列有多少个?

例如,对于字符串 lanqiao,本质不同的递增子序列有 21 个。它们分别是 l、a、n、q、i、o、ln、an、lq、aq、nq、ai、lo、ao、no、io、lnq、anq、lno、ano、aio。

请问对于以下字符串(共 200 个小写英文字母,分四行显示): (如果你把以下文字复制到文本文件中,请务必检查复制的内容是否与文档中的一致。在试题目录下有一个文件 inc.txt,内容与下面的文本相同)

tocyjkdzcieoiodfpbgcncsrjbhmugdnojjddhllnofawllbhf iadgdcdjstemphmnjihecoapdjjrprrqnhgccevdarufmliqij gihhfgdcmxvicfauachlifhafpdccfseflcdgjncadfclvfmad vrnaaahahndsikzssoywakgnfjjaihtniptwoulxbaeqkghfwl

本质不同的递增子序列有多少个?

### 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 C: 本质上升序列

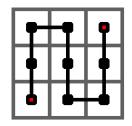
# 试题 D: 咫尺天涯

本题总分: 10分

#### 【问题描述】

皮亚诺曲线是一条平面内的曲线。

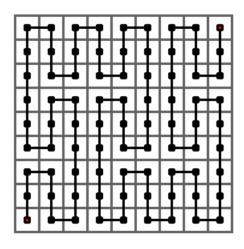
下图给出了皮亚诺曲线的 1 阶情形,它是从左下角出发,经过一个 3×3 的方格中的每一个格子,最终到达右上角的一条曲线。



设每个格子的边长为 1, 在上图中, 有的相邻的方格(四相邻)在皮亚诺曲线中也是相邻的, 在皮亚诺曲线上的距离是 1, 有的相邻的方格在皮亚诺曲线中不相邻, 距离大于 1。

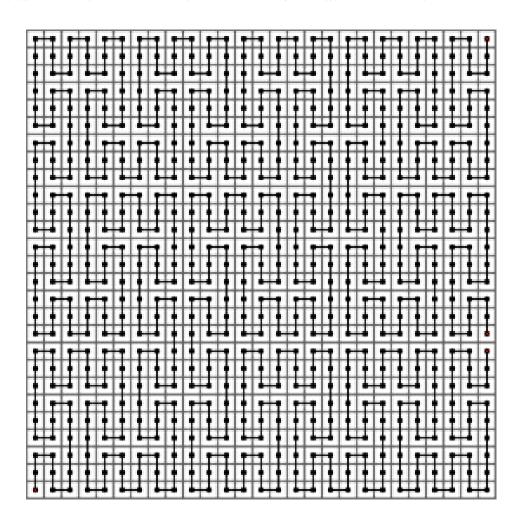
例如,正中间方格的上下两格都与它在皮亚诺曲线上相邻,距离为 1, 左 右两格都与它在皮亚诺曲线上不相邻,距离为 3。

下图给出了皮亚诺曲线的 2 阶情形,它是经过一个 3<sup>2</sup> × 3<sup>2</sup> 的方格中的每一个格子的一条曲线。它是将 1 阶曲线的每个方格由 1 阶曲线替换而成。



试题 D: 咫尺天涯 5

下图给出了皮亚诺曲线的 3 阶情形,它是经过一个 3<sup>3</sup> × 3<sup>3</sup> 的方格中的每一个格子的一条曲线。它是将 2 阶曲线的每个方格由 1 阶曲线替换而成。



皮亚诺曲线总是从左下角开始出发, 最终到达右上角。

小蓝对于相邻的方格在皮亚诺曲线上的相邻关系很好奇,他想知道相邻的 方格在曲线上的距离之和是多少。

例如,对于1阶皮亚诺曲线,距离和是24,有8对相邻的方格距离为1,2对相邻的方格距离为3,2对相邻的方格距离为5。

再如,对于2阶皮亚诺曲线,距离和是816。

请求出对于12阶皮亚诺曲线,距离和是多少。

提示: 答案不超过 1018。

试题 D: 咫尺天涯

# 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 D: 咫尺天涯

# 试题 E: 玩具蛇

本题总分: 15分

## 【问题描述】

小蓝有一条玩具蛇,一共有 16 节,上面标着数字 1 至 16。每一节都是一个正方形的形状。相邻的两节可以成直线或者成 90 度角。

小蓝还有一个  $4\times4$  的方格盒子,用于存放玩具蛇,盒子的方格上依次标着字母 A 到 P 共 16 个字母。

小蓝可以折叠自己的玩具蛇放到盒子里面。他发现,有很多种方案可以将 玩具蛇放进去。

下图给出了两种方案:

| <sup>A</sup> 1  | <sup>B</sup> 2  | <sup>c</sup> 3  | <sup>D</sup> 4  |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| E 8             | <sup>F</sup> 7  | <sup>G</sup> 6  | <sup>H</sup> 5  |
| <sup>1</sup> 9  | <sup>J</sup> 10 | <sup>K</sup> 11 | <sup>L</sup> 12 |
| <sup>M</sup> 16 | <sup>N</sup> 15 | <sup>0</sup> 14 | <sup>P</sup> 13 |

| <sup>A</sup> 13        | <sup>B</sup> 12 | <sup>c</sup> 11 | <sup>D</sup> 10 |
|------------------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| <sup>E</sup> <b>14</b> | <sup>F</sup> 1  | <sup>G</sup> 2  | <sup>H</sup> 9  |
| <sup>1</sup> 15        | <sup>J</sup> 4  | <sup>K</sup> 3  | <sup>L</sup> 8  |
| <sup>M</sup> 16        | <sup>N</sup> 5  | °6              | <sup>P</sup> 7  |

请帮小蓝计算一下,总共有多少种不同的方案。如果两个方案中,存在玩 具蛇的某一节放在了盒子的不同格子里,则认为是不同的方案。

## 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 E: 玩具蛇 8

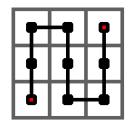
# 试题 F: 皮亚诺曲线距离

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 15 分

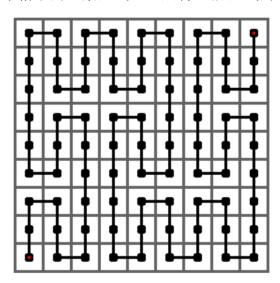
#### 【问题描述】

皮亚诺曲线是一条平面内的曲线。

下图给出了皮亚诺曲线的 1 阶情形,它是从左下角出发,经过一个 3×3 的方格中的每一个格子,最终到达右上角的一条曲线。

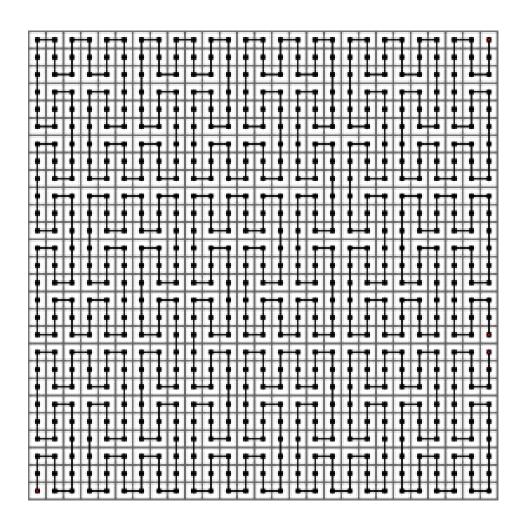


下图给出了皮亚诺曲线的 2 阶情形,它是经过一个  $3^2 \times 3^2$  的方格中的每一个格子的一条曲线。它是将 1 阶曲线的每个方格由 1 阶曲线替换而成。



下图给出了皮亚诺曲线的 3 阶情形,它是经过一个 3<sup>3</sup> × 3<sup>3</sup> 的方格中的每一个格子的一条曲线。它是将 2 阶曲线的每个方格由 1 阶曲线替换而成。

试题 F: 皮亚诺曲线距离



皮亚诺曲线总是从左下角开始出发, 最终到达右上角。

我们将这些格子放到坐标系中,对于 k 阶皮亚诺曲线,左下角的坐标是 (0,0),右上角坐标是  $(3^k-1,3^k-1)$ ,右下角坐标是  $(3^k-1,0)$ ,左上角坐标是  $(0,3^k-1)$ 。

给定 k 阶皮亚诺曲线上的两个点的坐标,请问这两个点之间,如果沿着皮亚诺曲线走,距离是到少?

#### 【输入格式】

输入的第一行包含一个正整数 k,皮亚诺曲线的阶数。 第二行包含两个整数  $x_1, y_1$ ,表示第一个点的坐标。

试题 F: 皮亚诺曲线距离

第三行包含两个整数  $x_2, y_2$ , 表示第二个点的坐标。

#### 【输出格式】

输出一个整数,表示给定的两个点之间的距离。

#### 【样例输入】

1

0 0

2 2

## 【样例输出】

8

## 【样例输入】

2

0 2

0 3

## 【样例输出】

13

## 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例, $0 \le k \le 10$ 。

对于 50% 的评测用例, $0 \le k \le 20$ 。

对于所有评测用例, $0 \le k \le 100, 0 \le x_1, y_1, x_2, y_2 < 3^k, x_1, y_1, x_2, y_2 \le 10^{18}$ 。数据保证答案不超过  $10^{18}$ 。

## 试题 G: 出租车

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 20 分

#### 【问题描述】

小蓝在 L 市开出租车。

L 市的规划很规整,所有的路都是正东西向或者正南北向的,道路都可以 看成直线段。东西向的道路互相平行,南北向的道路互相平行,任何一条东西 向道路垂直于任何一条南北向道路。

从北到南一共有 n 条东西向道路,依次标号为  $H_1, H_2, \dots, H_n$ 。从西到东一共有 m 条南北向的道路,依次标号为  $S_1, S_2, \dots, S_m$ 。

每条道路都有足够长,每一条东西向道路和每一条南北向道路都相交, $H_i$ 与  $S_i$  的交叉路口记为 (i,j)。

从  $H_1$  和  $S_1$  的交叉路口 (1,1) 开始,向南遇到的路口与 (1,1) 的距离分别是  $h_1, h_2, \dots, h_{n-1}$ ,向东遇到路口与 (1,1) 的距离分别是  $w_1, w_2, \dots, w_{m-1}$ 。

道路的每个路口都有一个红绿灯。

时刻 0 的时候,南北向绿灯亮,东西向红灯亮,南北向的绿灯会持续一段时间(每个路口不同),然后南北向变成红灯,东西向变成绿灯,持续一段时间后,再变成南北向绿灯,东西向红灯。

已知路口 (i,j) 的南北向绿灯每次持续的时间为  $g_{ij}$ ,东西向的绿灯每次持续的时间为  $r_{ij}$ ,红绿灯的变换时间忽略。

当一辆车走到路口时,如果是绿灯,可以直行、左转或右转。如果是红灯,可以右转,不能直行或左转。如果到路口的时候刚好由红灯变为绿灯,则视为看到绿灯,如果刚好由绿灯变为红灯,则视为看到红灯。

每段道路都是双向道路,道路中间有隔离栏杆,在道路中间不能掉头,只 能在红绿灯路口掉头。掉头时不管是红灯还是绿灯都可以直接掉头。掉头的时 间可以忽略。

小蓝时刻 0 从家出发。今天,他接到了 q 个预约的订单,他打算按照订单的顺序依次完成这些订单,就回家休息。中途小蓝不准备再拉其他乘客。

小蓝的家在两个路口的中点,小蓝喜欢用  $x_1$ ,  $y_1$ ,  $x_2$ ,  $y_2$  来表示自己家的位置,即路口  $(x_1,y_1)$  到路口  $(x_2,y_2)$  之间的道路中点的右侧,保证两个路口相邻(中间没有其他路口)。请注意当两个路口交换位置时,表达的是路的不同两边,路中间有栏杆,因此这两个位置实际要走比较远才能到达。

小蓝的订单也是从某两个路口间的中点出发,到某两个路口间的中点结束。 小蓝必须按照给定的顺序处理订单,而且一个时刻只能处理一个订单,不能图 省时间而同时接两位乘客,也不能插队完成后面的订单。

小蓝只对 L 市比较熟,因此他只会在给定的 n 条东西向道路和 m 条南北向道路上行驶,而且不会驶出  $H_1$ ,  $H_n$ ,  $S_1$ ,  $S_m$  这几条道路所确定的矩形区域(可以到边界)。

小蓝行车速度一直为1,乘客上下车的时间忽略不计。

请问,小蓝最早什么时候能完成所有订单回到家。

#### 【输入格式】

输入第一行包含两个整数 n, m,表示东西向道路的数量和南北向道路的数量。

第二行包含 n-1 个整数  $h_1, h_2, \dots, h_{n-1}$ 。

第三行包含 m-1 个整数  $w_1, w_2, \dots, w_{m-1}$ 。

接下来n行,每行m个整数,描述每个路口南北向绿灯的时间,其中的第i行第j列表示 $g_{ij}$ 。

接下来n行,每行m个整数,描述每个路口东西向绿灯的时间,其中的第i行第j列表示 $r_{ii}$ 。

接下来一行包含四个整数  $x_1$ ,  $y_1$ ,  $x_2$ ,  $y_2$ , 表示小蓝家的位置在路口  $(x_1, y_1)$  到路口  $(x_2, y_2)$  之间的道路中点的右侧。

接下来一行包含一个整数 q,表示订单数量。

接下来 q 行,每行描述一个订单,其中第 i 行包含八个整数  $x_{i1}$ ,  $y_{i1}$ ,  $x_{i2}$ ,  $y_{i2}$ ,  $x_{i3}$ ,  $y_{i3}$ ,  $x_{i4}$ ,  $y_{i4}$ , 表示第 i 个订单的起点为路口  $(x_{i1}, y_{i1})$  到路口  $(x_{i2}, y_{i2})$  之间的道路中点的右侧,第 i 个订单的终点为路口  $(x_{i3}, y_{i3})$  到路口  $(x_{i4}, y_{i4})$  之间的道路中点的右侧。

## 【输出格式】

输出一个实数,表示小蓝完成所有订单最后回到家的最早时刻。四舍五入保留一位小数。

## 【样例输入】

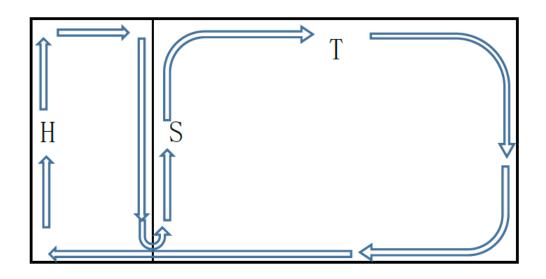
```
2 3
200
100 400
10 20 10
20 40 30
20 20 20
20 20 20
2 1 1 1
1
```

#### 【样例输出】

1620.0

### 【样例说明】

小蓝有一个订单,他的行车路线如下图所示。其中 H 表示他家的位置,S 表示订单的起点,T 表示订单的终点。小明在最后回家时要在直行的红绿灯路口等绿灯,等待时间为 20。



#### 【评测用例规模与约定】

对于 20% 的评测用例, $1 \le n, m \le 5$ , $1 \le q \le 10$ 。

对于 50% 的评测用例, $1 \le n, m \le 30$ , $1 \le q \le 30$ 。

对于所有评测用例, $1 \le n, m \le 100$ , $1 \le q \le 30$ , $1 \le h_1 < h_2 < \cdots < h_{n-1} \le 100000$ , $1 \le w_1 < w_2 < \cdots < w_{m-1} \le 100000$ , $1 \le g_{ij} \le 1000$ , $1 \le r_{ij} \le 1000$ ,给定的路口一定合法。

## 试题 H: 答疑

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 20分

#### 【问题描述】

有 *n* 位同学同时找老师答疑。每位同学都预先估计了自己答疑的时间。 老师可以安排答疑的顺序,同学们要依次进入老师办公室答疑。

- 一位同学答疑的过程如下:
- 1. 首先进入办公室,编号为i的同学需要 $s_i$ 毫秒的时间。
- 2. 然后同学问问题老师解答,编号为i的同学需要 $a_i$ 毫秒的时间。
- 3. 答疑完成后,同学很高兴,会在课程群里面发一条消息,需要的时间可以忽略。
- 4. 最后同学收拾东西离开办公室,需要  $e_i$  毫秒的时间。一般需要 10 秒、 20 秒或 30 秒,即  $e_i$  取值为 10000, 20000 或 30000。
  - 一位同学离开办公室后,紧接着下一位同学就可以进入办公室了。

答疑从 0 时刻开始。老师想合理的安排答疑的顺序,使得同学们在课程群里面发消息的时刻之和最小。

#### 【输入格式】

输入第一行包含一个整数 n,表示同学的数量。

接下来 n 行,描述每位同学的时间。其中第 i 行包含三个整数  $s_i$ ,  $a_i$ ,  $e_i$ , 意义如上所述。

### 【输出格式】

输出一个整数,表示同学们在课程群里面发消息的时刻之和最小是多少。

## 【样例输入】

3

10000 10000 10000

试题H: 答疑 16

20000 50000 20000 30000 20000 30000

## 【样例输出】

280000

## 【样例说明】

按照 1, 3, 2 的顺序答疑, 发消息的时间分别是 20000, 80000, 180000。

## 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例, $1 \le n \le 20$ 。

对于 60% 的评测用例, $1 \le n \le 200$ 。

对于所有评测用例, $1 \le n \le 1000$ , $1 \le s_i \le 60000$ , $1 \le a_i \le 1000000$ , $e_i \in \{10000, 20000, 30000\}$ ,即 $e_i$ 一定是10000、20000、30000 之一。

试题 H: 答疑

## 试题 I: 奇偶覆盖

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 25分

#### 【问题描述】

在平面内有一些矩形,它们的两条边都平行于坐标轴。

我们称一个点被某个矩形覆盖,是指这个点在矩形的内部或者边界上。

请问,被奇数个矩形覆盖和被偶数  $(\geq 2)$  个矩形覆盖的点的面积分别是多少?

#### 【输入格式】

输入的第一行包含一个整数 n,表示矩形的个数。

接下来 n 行描述这些矩形,其中第 i 行包含四个整数  $l_i$ ,  $b_i$ ,  $r_i$ ,  $t_i$ ,表示矩形的两个对角坐标分别为  $(l_i,b_i)$ ,  $(r_i,t_i)$ 。

#### 【输出格式】

输出两行。

第一行包含一个整数,表示被奇数个矩形覆盖的点的面积。

第二行包含一个整数,表示被偶数 (≥2) 个矩形覆盖的点的面积。

## 【样例输入】

3

1 1 3 3

2 2 4 4

3 3 5 5

## 【样例输出】

8

2

试题 I: 奇偶覆盖 18

## 【评测用例规模与约定】

对于 20% 的评测用例, $1 \le n \le 10$ ,  $0 \le l_i < r_i \le 100$ ,  $0 \le b_i < t_i \le 100$ 。

对于 40% 的评测用例, $1 \le n \le 1000$ ,  $0 \le l_i < r_i \le 100$ ,  $0 \le b_i < t_i \le 100$ 。

对于 60% 的评测用例, $1 \le n \le 10000$ ,  $0 \le l_i < r_i \le 1000$ ,  $0 \le b_i < t_i \le 1000$ 。

对于 80% 的评测用例,  $1 \le n \le 100000$ ,  $0 \le l_i < r_i \le 100000$ ,  $0 \le b_i < t_i \le 100000$ 。

对于所有评测用例, $1 \le n \le 100000$ ,  $0 \le l_i < r_i \le 10^9$ ,  $0 \le b_i < t_i \le 10^9$ 。

试题 I: 奇偶覆盖

# 试题 J: 蓝跳跳

时间限制: 2.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 25分

#### 【问题描述】

小蓝制作了一个机器人,取名为蓝跳跳,因为这个机器人走路的时候基本 靠跳跃。

蓝跳跳可以跳着走,也可以掉头。蓝跳跳每步跳的距离都必须是整数,每步可以跳不超过k的长度。由于蓝跳跳的平衡性设计得不太好,如果连续两次都是跳跃,而且两次跳跃的距离都至少是p,则蓝跳跳会摔倒,这是小蓝不愿意看到的。

小蓝接到一个特别的任务,要在一个长为 *L* 舞台上展示蓝跳跳。小蓝要控制蓝跳跳从舞台的左边走到右边,然后掉头,然后从右边走到左边,然后掉头,然后再从左边走到右边,然后掉头,再从右边走到左边,然后掉头,如此往复。

为了让观者不至于太无趣,小蓝决定让蓝跳跳每次用不同的方式来走。小蓝将蓝跳跳每一步跳的距离记录下来,按顺序排成一列,显然这一列数每个都不超过 k 且和是 L。这样走一趟就会出来一列数。如果两列数的长度不同,或者两列数中存在一个位置数值不同,就认为是不同的方案。

请问蓝跳跳在不摔倒的前提下,有多少种不同的方案从舞台一边走到另一边。

## 【输入格式】

输入一行包含三个整数 k, p, L。

#### 【输出格式】

输出一个整数,表示答案。答案可能很大,请输出答案除以 20201114 的余数。

#### 【样例输入】

3 2 5

试题J: 蓝跳跳 20

#### 【样例输出】

9

#### 【样例说明】

蓝跳跳有以下 9 种跳法:

- 1. 1+1+1+1+1
- 2. 1+1+1+2
- 3. 1+1+2+1
- 4. 1+2+1+1
- 5. 2+1+1+1
- 6. 2+1+2
- 7. 1+1+3
- 8. 1+3+1
- $9. \ 3+1+1$

## 【样例输入】

5 3 10

## 【样例输出】

397

## 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例, $1 \le p \le k \le 50$ , $1 \le L \le 1000$ 。 对于 60% 的评测用例, $1 \le p \le k \le 50$ , $1 \le L \le 10^9$ 。 对于 80% 的评测用例, $1 \le p \le k \le 200$ , $1 \le L \le 10^{18}$ 。 对于所有评测用例, $1 \le p \le k \le 1000$ , $1 \le L \le 10^{18}$ 。

试题 J: 蓝跳跳