Chapitre 7 Les Outils de la Simulation (Logiciels et langages de simulation)

7.1.Introduction.

Les modèles de simulation peuvent être programmés dans une variété de langages :

- A. D'abord, on peut utiliser les langages de universels (BASIC, FORTRAN, PASCAL, C, Java et leurs variantes...). Ils sont dotés de générateurs de nombres au hasard. Il faut cependant programmer soi-même la plupart des procédures de simulation (gestion de l'échéancier, mise en file, tirage de variables et processus aléatoires, mesures et statistiques, édition). Certains de ces langages de programmation, du moins dans leur variantes actuelles comportent des bibliothèques spécialisées : Exemples bibliothèques C/C++ (CNCL, C++SIM).
- B. Il existe des langages dédiés simulation orientée qui peuvent être généralistes ou spécialisés vers la résolution de tel ou tel problème: QNAP, QNA, GPSS (General Purpose Digital Simulator), SIMSCRIPT, SIMULA, GASP, SIML, SOL, CSL, OSSL....1001, LISP, MOSIM, SLAM, SIMAN,... Ils fournissent une aide pour la spécification des problèmes et l'écriture des programmes. Le développement du modèle de simulation est réalisé par un programme écrit par l'utilisateur à partir de primitives de modélisation offerte par le langage. Ils peuvent comporter par exemple des fonctions de type « mise «en file d'attente », « gestion de priorités ».....Ils offrent la possibilité d'intégrer des procédures écrites dans des langages évolués FORTRAN, PASCAL, C et leurs variantes...). La programmation dans ces langages concerne les aspects suivants :
- (i) **le modèle ou logique du système** : imitation de la dynamique du système (son comportement) compte tenu de l'environnement. (voir exemple du modèle de file d'attente traité en TD. Dans le modèle traité ici, la seule différence est que la loi de service est normale et qu'on s'intéresse à d'autres mesures de performance : temps de réponse).
 - (ii) **Données** : Représentent les paramètres du système à simuler (attributs...).
 - (iii) **Animation** : Représentation graphique du système. Elle permet surtout la présentation du modèle à l'utilisateur en lui épargnant les détails ennuyant de la modélisation.
 - (iv) **Statistiques**: Les résultats sont rapportés en un ensemble de statistiques sur la base desquelles on peut comparer les différents scénarios (comparaisons d'une nouvelle conception par rapport à l'ancienne) et permettent ainsi une aide à la décision.
 - C. Outils intégrant un éditeur graphique (exemple : Comnet, Opnet, Modline, Ses Workbench , Arena, Automod).

Il faut noter que les langages spécialisés et environnements fournissent des outils de haut niveau, mais au détriment de la flexibilité des langages universels. Dans les langages de simulation usuels, on utilise souvent les langages universels pour programmer les aspects complexes du modèle et les opérations non prévues dans le langage spécialisé. Un autre inconvénient des langages spécialisés : il faut l'apprendre. C'est un investissement en temps non négligeable, particulièrement pour des usages occasionnels à cause du fait que ces langages ont leur propre syntaxe et sémantique (souvent excentrique).

D. Certains environnements de simulation de haut niveau proposent une approche de « non-programmation » où les modèles sont spécifiés par de simples clics en utilisant des boîtes à outils ou en en manipulant des objets graphiques sur l'écran de l'ordinateur comme dans les jeux. Cette approche est très commode pour construire des modèles par un utilisateur non initié avec des cadres préprogrammés (**exemple** : les simulateurs de vols, de conduite, etc...). Cependant, l'inconvénient majeur est que l'utilisateur a très peu de possibilités d'agir sur le simulateur. Les erreurs éventuelles (par exemple dans les résultats numériques d'évaluation de performances et autres sont difficiles à détecter, à moins de connaître avec précision le langage source.

Le but de ce paragraphe n'est pas de faire la promotion de tel ou tel langage, ni de faire une étude comparative, ce qui serait très difficile, voire impossible. Un tableau comparatif des langages et logiciels de simulation à évènements discrets pourra être trouvé par exemple sur le site http://www.tbm.tudelft.nl/webstaf/edwinv/SimulationSoftware/index.htm. L'objectif de ce paragraphe est de donner un aperçu sur ces différents langages. Certains sont librement téléchargeables sur le Web, d'autres commercialisés. Les sites indiqués ici donnent des indications sur les expériences d'utilisation lorsqu'elles existent et fournissent souvent des démonstrations avec des versions pédagogiques. Il faut noter que les expériences de certains langages se limitent à des recherches universitaires, alors que d'autre ont des expériences plus vastes dans les domaines de l'économie ou de l'industrie. Le second objectif de ce paragraphe est surtout de montrer comment les différentes notions théoriques des chapitres précédents sont utilisées dans ces langages. Notons que ce document contient une description des langages usuels qui semblent être le plus enseignés dans certains cours de simulation, parfois même utilisés dans certains secteurs de l'économie et de l'industrie. Ils reprennent tous le même exemple didactique : la file d'attente à un serveur (M/M/1 ou parfois M/G/1).

7.2. GPSS (General Purpose System Simulation). Langage orienté vers les systèmes de files d'attente tels que les modèles d'ateliers ou jobshops), réalisé initialement par IBM en 1961. Depuis, il existe plusieurs nouvelles versions implémentées et améliorées (GPSS/H, GPSS/World). GPSS/H comporte un des fonctions mathématiques, des générateurs de nombres et variables aléatoires, un animateur graphique(Proof Animation TM). Le diagramme des modules est un moyen commode de décrire le système à simuler (environ 40 blocs dans GPSS). Les entités appelées transactions (objets, clients, unités de trafic, machines) sont caractérisées par des attributs (lois d'arrivées, de service, de panne, et/ou leurs moyennes) et reliées entre elles peuvent être vues comme un flux à travers le diagramme. (http://cours.polymtl.ca/ifsos/GPSS/GPSS/).

Modules/Attributs	Description du module ou de l'attribut
GENERATE	Génère l'arrivée d'un événement (entité) spécifié par

	RVEXPO(1,&IAT)
RVEXPO(1,&IAT)	Variable exponentiellement distribuée de moyenne &IAT
QUEUE*	Début de collecte des données du temps de réponse spécifié
	par SYSTIME (entrée d'une transaction dans le système)
SYSTIME	Attribut de QUEUE
QUEUE	Début de la collecte des données de la file
DEPART	Fin de collecte des données sur le temps de réponse.
SEIZE	caractérise la ressource pour m=1 (STORE si m¥1) serveurs
CHECKOUT	Attribut spécifiant la possession de la ressource
ADVANCE	Module spécifiant le délai de transaction auprès de la
	ressource
RVNORM(1&MEAN,&S	Variable normale de moyenne &MEAN et d'écart-type
TDV)	&STDV
RELEASE	Fin d'utilisation de la ressource CHECKOUT (RETURN
	pour m¥1)
DEPART	Fin de collecte des données du temps de réponse SYSTIME
TEST	Teste si le temps de séjour M1¥4 minutes (M1 mot réservé)
BLET	Module LET, incrémente le nombre de clients vérifiant
	TEST
&COUNT	Compteur du nombre de clients ayant passé plus de 4 mn
	dans système
TERMINATE (Etiquette	Fin de transaction (le client est supprimé du système)
TER)	
SIMULATE	Commande de début de la simulation
PUTPIC	« Put picture », commande de stockage des sorties dans le fichier OUT
BUTPIC	Ecrire les sorties dans le fichier OUT
FR(Checkout)/1000	facteur d'utilisation du serveur (ρ)
QM(LINE)	Valeur maximale de la file LINE au cours de la simulation
QT(SYSTIME)	Temps moyen d'attente dans la file SYSTIME
N(TER)	Nombre de clients qui passe le bloc d'étiquette TER
AC1	Horloge (la dernière valeur du temps de simulation)

^{*/}Anomalie du langage : cela ne veut pas dire forcément qu'une file d'attente s forme.

Exemple 1: Simulation d'une file d'attente à un serveur à l'aide de **GPSS/H**. Le temps d'inter-arrivées suit une loi exponentielle de taux $\lambda=1/4.5$; le temps de service S suit une loi normale de moyenne 3.2 et d'écart type $\sigma=0.6$ minutes). On cherche à estimer le temps moyen de répons et la proportion de clients dont le temps de répons est ¥4 minutes.

SIMULATE

• Définir les variables

• INTEGER &LIMIT
REAL &IAT, &MEAN, &STDEV, & COUNT
LET &IAT=4.5
LET &MEAN=3.2
LET &STDV=.6
LET &LIMIT=1000

• Ecrire les données dans un fichier

•	PUTPIC	FILE=OUT, LINES	S=5 , (&IAT, &MEAN, &STDV, &LIMIT)
•	Temps moyen d'inter arrivées		**.** minutes
•	Temps moyen de service		**.** minutes
•	Ecart-type du tem	ps de service	**.** minutes
•	Nombre moyen de	e clients à servir	** **
*			
•	Modules GPSS/H GENERATE	RVEXPO(1, &IAT) loi	Temps d'inter arrivées, variable de
			exponentielle de moyenne=&IAT
	QUEUE	SYSTIME	Commencer la collecte des données
du ter	nps de		
			réponse
	QUEUE	LINE	Le client rejoint la file d'attente
	SEIZE	CHECKOUT	Considérer un client de la file
oomn	DEPART	LINE	Le client en cours quitte la file et
COIIIII	nence son		service
	ADVANCE	RVNORM(1 &MEA	N, &STDV) Temps de service du client
	RELEASE	CHECKOUT	Le client quitte la zone de service
	DEPART	SYSTIME	Fin de collecte du temps de
répon	se		
	TEST GE	M1, 4, TER	Le temps de réponse est-il
supér	ieur à 4?	0.0017177 0.00171	
	BLET	&COUNT=&COUN	T+1 Si oui, ajouter une unité au
comp	teur TER	TERMINATE 1	
	1 L IX *	IERWINATE I	
	START	&LIMIT	Simuler pour le nombre requis.
*	2111111	VV	pour re nomere requier
•	Ecrire les données	de sortie dans un fichie	er
•	*		
•			HECKOUT)/100, QM(LINE),-
•		&COUNT/N(TER), AC	1, N(TER)
•	Facteur d'utilisation		***
•	Taille maximale d		**
•	Temps de réponse	_	**.** minutes
•	Proportion de clie	nts qui passent 4 minute	
•		ou plus dans le systèm	
•	Temps de Simulat		*** **
• END	Nombre de départ	S	***
END			
Résul	ltats de l'expérienc	e	
110001	Temps moyen o		4.5 minutes
•	Temps moyen de		3.20 minutes
•	Ecart-type du tem		0.60 minutes
•	Nombre moyen de	•	1000
•	Facteur d'utilisation		0.676

• Taille maximale de la file

• Temps de réponse moyen 6.33 minutes

• Proportion de clients qui passent 4 minutes

• ou plus dans le système 0.646

• Temps de Simulation 4767.27 minutes

Nombre de départs 1000

7.3. SIMAN (SImulation Modelling and ANalysis). Ecrit en Fortran puis en C pour les nouvelles versions. Comporte une animation avec CINEMA, processeur d'entrée pour ajuster les distributions aux données, processeur de sortie pour obtenir des intervalles de confiance, histogrammes, etc.... Ce langage comporte certains aspects liés à la modélisation des systèmes de production (manufacturiers) : stations, systèmes de transports (convoyeurs, véhicules guidés... L'environnement ARENA, très utilisé dans les milieux universitaires et industriels,

Similitudes entre GPSS/H et SIMAN V

GPSS/H	SIMAN V
GENERATE	CREATE
QUEUE	QUEUE
SEIZE	SEIZE
DEPART	
ADVANCE	DELAY
RELEASE	RELEASE

Le format général d'un Module est

Etiquette (Label) NAME Opérandes : MODIFIERS ; commentaire (example CREATE,QUEUE,SEIZE,DELAY,RELEASE,DISPOSE).

Exemple 2: Simulation d'une file d'attente à un serveur à l'aide de SIMAN V.

!Modèle de file d'attente à un serveur

BEGIN

CREATE:

IAT : ! temps d'inter arrivé

MARK(Arrtime); attribut de la marque du temps d'inter-arrivée

QUEUE,

Line; joindre la file d'attente

SEIZE:

Checkout; Occupation du serveur

DELAY:

Temps de service ; Utilisation du serveur

RELEASE:

Checkout; Libération du serveur

TALLY: !Evaluation du temps de réponse

Temps de réponse, INT(ArrTime);

BRANCH, 1 : !Le temps de réponse GE est-il de 4 minutes ?

IF, (TNOW-Arrtime) >= 4, ADD1:

ELSE, ADD2;

ADD1 COUNT:

GEFour; Compter les temps de réponse ¥4 minutes

ADD2 COUNT:

Servis; Compter les clients servis

DISPOSE; Détruire l'entité

Résultats de l'expérience.

BEGIN:

PROJECT, Etude, Equipe;

ATTRIBUTES: ArrTime
RESOURCES: Checkout;
QUEUES: Line;

EXPRESSIONS: 1, IAT, EXPO(4.5,1): ! interrarrivée

exponentielles

2, ServiceTime; NORM(3.2, 0.6,1); Service de loi normale

DSTATS: NQ(Line): ! Nombre de clients dans

la file

NR(Checkout); Utilisation du serveur

TALLIES: Response Time; Evalue le temps de

réponse

COUNTERS: GEFour: ! temps de réponse >=4

minutes

Served, 1000; Nombre maximum de

clients servis

REPLICATE, 1; Une réplication

END; **Résultats**

Project : Etude Run execution date : 12/23/1994 Analyst : Equipe Model revision date : 12/23/1994

Replication ended at time: 4563.48

TALLY VARIABLES

Identifier Observations	Average	Variation	Minimum	Maximum
Response Time 1000	7.6973	0.78156	1.6324	37.012

DISCRETE-CHANGE VARIABLES

Identifier value	Average	Variation	Minimum	Maximum	Final
NQ(Line) 1.0000	0.97916	1.7274	.00000	11.000	
NR(Checkout)	.70792	.6423	.00000	1.0000	

7.4. SIMSCRIPT II.5 Permet la construction de modèles orientés processus ou orienté événement. Doté d'un animateur graphique SIMGRAPHICS; permet de produire des histogrammes et graphes.(http://www.hyperdictionary.com/dictionary/SIMSCRIPT).

Exemple : Modèle de file d'attente à un serveur.

Preamble

Processes include CUSTOMER, CUSTOMER.GENERATOR

Every CUSTOMER.GENERATOR has

a CUST.MEAN.IAT

Define CUST.MEAN.IAT as a real variable

Ressources includes SERVER

Define NUMBER OF CUSTOMERS

MEAN.INTER.ARRIVAL.TIME,

MEAN.SERVICE.TIME,

SERVICE.STD.DEV as real variables

Define TIME.IN.SYSTEM, FOUR.OR.MORE as real variables

Define CUSTOMERS.SERVED as an integer variable

Tally MEAN.TIME.IN.SYSTEM as the average of TIME.IN.SYSTEM

Tally MAX.QUEUE as the max of N.Q.SERVER

Accumulate UTILIZATION as the average of N.X.SERVER

Define minutes to mean units

End

Main

Write as « SIMSCRIPT II.5 Modèle de file d'attente»,/

Let NUMBER.OF.CUSTOMERS=1000

Let MEAN.INTERARRIVAL.TIME=4.5

Let MEAN.SERVICE.TIME=3.2

Let SERVICE.STD.DEV=0.6

Create every SERVER(1)

Let U.SERVER (1)=1

Create a CUSTOMER.GENERATOR

Let CUST.MEAN.IAT(CUSTOMER.GE NERATOR)=MEAN.INTER.ARRIVAL.TIME

Activate this CUSTOMER.GENERATOR now

Start Simulation

Call REPORT.RESULTS

End

PROCESS CUSTOMER

Define ARRIVAL.TIME as a real variable

Let ARRIVAL.TIME=TIME.V

Request 1 SERVER(1)

Work normal.f(MEAN.SERVICE.TIME, SERVICE.STDV.DEV,2) minutes

Relinquish 1 SERVER(1)

Let TIME.IN.SYSTEM=TIME.V-ARRIVAL.TIME

IF TIME.IN.SYSTEM not less than 4.0

Add 1 TO FOUR.OR.MORE

Endif

End

Process CUSTOMER GENERATOR

While CUSTOMERS.SERVED less that NUMBER.OF.CUSTOMERS

Do

Wait exponential.f(CUST.MEAN.IAT(CUSTOMER.GENERATOR),1)

Minutes

Create a CUSTOMER

Add 1 to CUSTOMERS.SERVED

Activate this CUSTOMER now

Loop End

Routine REPORT RESULTS

Print 4 lines with MEAN.INTER.ARRIVAL.TIME, MEAN.SERVICE.TIME, SERVICE.STD.DEV, NUMBER.OF.CUSTOMERS

thus

Mean interarrival time **.**

Mean service time **.**

Standard deviation of service time **.**

Number of customers to serve **.**

Skip 2 output lines

Print 7 lines with UTILIZATION(1), MAX.QUEUE(1),

MEAN.TIME.IN.SYSTEM,

(FOUR.OR.MORE/NUMBER.OF.CUSTOMERS), TIME.V,

CUSTOMERS.SERVED

thus

Server utilization **.**

Maximum line length *****

Average response time **.**

Proportion who spent four minutes or more in system **.**

Simulation run length ******

Number of customers ******

End

Résultats de l'expérience pour le modèle d'attente.

SIMSCRIPT II.5 Modèle de file d'attente.

Mean interarrival time	4.50
Mean service time	3.20
Standard deviation of service time	0.60
Number of customers to serve	1000
Server utilization	0.71
Maximum line length	5

Average response time 6.47 minutes

Proportion who spent four

minutes or more in system 0.68

Simulation run length 4500.48 minutes

Number of customers 1000

7.5. SLAMSYSTEM : SLAM : permet un ordonnancement d'évènement ou une orientation d'interaction de processus ; SLAMSYSTEM permet de construire, d'animer et d'exécuter les modèles de simulation en SLAM.

Une branche en SLAM représente l'exécution du temps (représente donc une activité. codée comme état ACTIVITY Les nœuds sont utilisés pour représenter l'arrivée d'un événement, retard ou attente conditionnelle (nœud QUEUE), évènement de départ (nœud TERMINATE

Exemple : modèle de file d'attente à un serveur en SLAM II

LIMITS, 1,0,30; MODEL CAN USE 1 FILE, MAX NO. OF SIMULTANEOUS ENTRIES

30

NETWORK; BEGINNING OF MODEL

CREATE, EXPON(4.5); CUSTOMERS ARRIVE AT

CHECKOUT

QUEUE(1); CUSTOMERS WAIT FOR SERVICE IN

QUEUE FILE ONE (1)

ACTIVITY(1)/1, RNORM(3.2,.6); CHECKOUT SERVICE TIME IS N(3.2,

0.6)

TERMINATE, 1000; SIMULATE UNTIL 1000 CUSTOMERS

ARE CHECKED OUT

ENDNETWORK; END OF MODEL

END OF SIMULATION

Résultats de l'expérimentation à l'aide de SLAM II.

SLAM II SUMMARY REPORT

SIMULATION PROJECT SINGLE SERVER QUEUE BY BANKS CARLSON

NELSON

DATE 1/20/1995 RUN NUMBER 1 OF 1

CURRENT TIME .4134^E+04

STATISTICAL ARRAY CLEARED AT TIME 0.

FILE STATISTICS

FILE	ASSOCIATED	AVERAGE	STANDARD	MAXIMUM	CURRENT
AVERAGE					
	NODE TYPE	LENGTH	DEVIATION	LENGTH	LENGTH
WAITING	TIME				
1	QUEUE	1.221	1.4672	8	0
4.6677					
2		1.7694	.4212	3	2
2.6523					

SERVICE ACTIVITY STATISTICS

ACTIVITY	START NOD	DE SERVER	AVERAGE	STANDARD	CURRENT
AVERAGE	MAX IDLE	E MAX BUSY	ENTITY		
INDEX	LABEL/	CAPAC	UTILIZ	DEVIATION	UTILIZAT
BLOCKAG	E TIME/	TIME/	COUNT		
	TYPE				SERVERS
SERVERS					
1	QUEUE	1	.7694	.4212	1
0.0000	21.4036	232.2203	1000		

7.6. MODSIM III (orienté objet). Syntaxe et structure basée sur Modula-2, permet une interface avec C de telle sorte qu'on puisse utiliser les bibliothèques source de C; on peut

inclure un code objet ; une interface avec l'animateur CACI de SIMGRAPHICS. Les versions récentes nécéssitent C++.

```
Exemple : modèle d'attente à un serveur à l'aide de MODSIMIII
Il existe un code pour : 1. Initialiser le programme et c réer les objets participants ;
2. staitisytogiues ; 3. report des résultats.
Le programme débute en important quelques objets et procédures nécessaires à partir des
bibliothèques de MODSIMIII
From SimMod IMPORT StartSimulation, SimTime
From RandMod IMPORT RandomObj;
From ResMod IMPORT ResourceObj:
From StatMod IMPORT RstatObj;
Déclaration de CustomerGeneratorObj :
CustomerGeneratorObj=
  OBJECT
     numCustomers: INTEGER;
     TELL, METHOD GenCustomers(IN numToGen: INTEGER);
END OBJECT:
Déclaration pour MyMonitorObj (pour les statistiques)
MyMonitorObi=
   MONITOR REAL OBJECT(RSTATObi):
      totCustGE4: INTEGER;
      OVERRIDE
         LMONITOR METHOD access;
END OBJECT:
Déclaration des variables utilisées
VAR
                            : ResourceObj;
   server
                            : CustomerGeneratorObj;
   custGenerator
   svcRanGen
                            : RandomObj;
   meanServiceTime,
   serviceStdDev
                            : Real;
   numCustToGen
                            : INTEGER ;
                            : LMONITORED REAL BY MyMonitorObj;
   timeInSystem
Code d'implémentation des méthodes pour chaque objet.
TELL METHOD BeServed;
VAR
    arriveTime : Real :
    serviceTime : Real;
BEGIN
    arriveTime :=SimTime();
    WAIT FOR server TO Give(SELF,1);
       serviceTime :=svcRangen.Normal(meanServiceTime,
serviceStdDev);
       WAIT DURATION serviceTime;
       END WAIT:
       timeInSystem :=SimTime()-arriveTime ;
```

```
DISPOSE(SELKF);
END METHOD;
```

Programme principal:

```
BEGIN ( main )
OUTPUT (« MODSIM III model of single server queue »);
meanServiceTime :=3.2; serviceStdDev :=0.6;
numCustToGen :=1000;
NEW(svcRanGen);
NEW(server);
ASK server TO Create(1);
ASK server TO SetAllocationStats(TRUE);
ASK server TO SetPendStats(TRUE);
NEW custGenerator TO GenCustomers(numCustToGen);
StartSimulation;
ReportResults;
END MODULE.
```

SimTime	Fonction qui retourne le temps de simulation en cours
StartSimulation	procédure qui lance la simulation
RandomObj	Objet réalisant les générateurs de diverses lois de probabilité
ResourceObj	modélise le serveur
RStatObj	construit un monitor statistique appelé MyMonitorObj
svcRanGen	Objet : générateur de nombres aléatoires de loi normale
timeInSystem	variable de type LMONITORED REAL BY MyMOnitorObj
numCustomers	champ qui garde trace du nombre de clients générés
GenCustomers	méthode qui utilise numToGen comme paramètre

7.7. QNAP (Queuing Network Analysis Package). Développé par INRIA & Bull(1980), commercialisé par Simulog. Langage interprété spécialisé files d'attente développé en FORTRAN. C'est un langage algorithmique proche du Pascal qui comporte un éditeur graphique (Modline). Il permet la résolution de modèles avec un moteur de simulation à évènements discrets, mais utilise également des techniques analytiques exactes ou approchées (décomposition en forme produit, techniques numériques de résolution de systèmes d'équation algébriques, techniques de diffusion... http://www.simulog.com

Structure d'un programme QNAP2 et conventions syntaxiques

Une commande se termine par : BEGIN.END pour plusieurs instructions dans un même bloc. Les mots-clés doivent être en majuscule (langage case-sensitive)

Une ligne de commentaires commence par &

L'opérateur d'affectation est :=

L'opérateur testant l'égalité est =

Modules/Attributs	Description
/CONTROL/	Paramètres généraux du modèle (ex : temps de simulation
	TMAX=x;

/DECLARE/	Déclaration des objets (identificateurs) et variables utilisés, initialisation des variables(-types INTEGER, REAL, BOOLEAN, STRING, QUEUE, CUSTOMER; -tableaux
/EXEC/	Section algorithmique incluant le lancement de la simulation ou de l'analyse
/STATION/	Description d'une file d'attente (service, politique, routage,
CUSTOMER	Type de chaque client du système ; attributs descriptifs par défauts (CPRIOR, CQUEUE, CCLASS, FATHER, NEXT, PREVIOUS,Enrichissement : /DECLARE/ CUSTOMER INT taille ;
SERVICE	Résultat issu de la trace standard : temps moyen de service
BUSY PCT	Idem : taux d'activité du serveur
CUST NB	Idem : moyen de clients dans la station
RESPONSE	Idem : temps moyen de réponse
SERV NB	Idem: nombre total de clients servis

Avantages de QNAP2: bien adapté pour modéliser rapidement et simuler des réseaux de files d'attente complexes; présence de solveurs analytiques.

Inconvénients : Nécessite plus de développement ; l'interface graphique est obsolète ; pas d'environnement de programmation.

Outils similaires: **QNA** (Queueing Network Analyzer), développé par les « Bell Laboratory, USA). Ce logiciel évite les "solveurs" analytiques traditionnels (méthodes numériques de résolution d'équations algébriques ou différentielles). Il fait appel plutôt à la théorie des inégalités et encadrement par bornes, techniques heuristiques. Les évaluations sont moins précises, mais plus flexibles et surtout plus rapides.

```
Exemple 1 : /DECLARE/ INTEGER a=1;
                 QUEUE foo, toto;
                 REF QUEUE ptr;
                 BOOLEAN tab(5);
                 REAL b:
                 CUSTOMER INT nbpassage;
Exemple 2: Type QUEUE : manipulation
PROCEDURE Liste(F);
REF QUEUE F;
REF CUSTOMER Client;
INTEGER Numero;
BEGIN
   WRITELN("********liste clients*********"):
   CLIENT := F.FIRST; Numero := 1;
   WHILE (CLIENT<>NIL) DO
   BEGIN
      WRITE("lient #", Numero, "avec ");
      WRITELN(Client.NbPassages, "par la CPU");
      Client := Client.NEXT; Numero := Numero +1;
     END;
```

```
END;
Exemple 3: /STATION/: déclaration d'une file
NAME=nom;
[optionnel] CAPACITY = x;
[optionnel] REJECT=destination;
[optionnel] TYPE=[SINGLE|SOURCE|MULTIPLE(n)|INFINITE];
SERVICE=[EXP(t)|UNIFORM(x,y)|...];
[optionnel] SCHED=[FIFO|LIFO|PRIOR|PREEMPT]
[optionnel] INIT=x;
TRANSIT=destination, probabilité;
Exemple 4: Exemple d'une station source
/STATION/ NAME =source;
    TYPE =SOURCE.
    SERVICE = CST(10.);
    TRANSIT =toto, 0.5, foo , 0.3, OUT;
Exemple 5: station serveur
/STATION/ NAME=foo;
  CAPACITY =10;
  REJECT=TRANSIT(OUT);
  SERVICE =BEGIN
             IFCUSTOMER.nbPassage=1 CST(10)
             ELSE CST(20);
             CUSTOMER.nbPassage:= CUSTOMER.nbPassage+21;
             END:
 TRANSIT =toto, 0.5, foo, 0.3, OUT;
Exemple 6: Lancement effectif de la simulation
/EXEC/
    BEGIN
     FOR j := 1 STEP 1 UNTIL 10 DO
     BEGIN
       WRITELN ("Début simulation", j);
       SIMUL; & ou SOLVE ou Markov
       WRITELN(« Fin de simulation »,j);
      END;
     END;
Exemple 7: Exemple de trace. (voir annexe).
Exemple 1: Simulation d'une file d'attente à un serveur à l'aide de QNAP2
```

7.8. SIMULA. Développé au centre de calcul norvégien d'Oslo NCC entre 1962 et 1967 sur la base des idées d'ALGOL 60 (http://engin.umd.edu/cis/course.des/cis400/Simula/Simula.html).

7.9. SSJ (Stochastic Simulation in Java). Bibliothèque (librairie) de classes dans le langage de programmation Java qui offre des facilités de programmation pour la simulation. Conçu initialement pour la simulation stochastique à évènements discrets, mais peut être adapté à la simulation continue (équation différentielle). Certaines idées de SSJ découlent des paquets de programmes DEMOS (basé sur le langage SIMULA, SIMPascal (basé sur langage Pascal) et SIMOD (basé sur le langage Modula-2). Développé au département d'Informatique et Recherche opérationnelle de l'Université de Montréal. (http://www.iro.umontréal.ca/~simardr/ssj).

SSJ est implémenté comme une collection de classes dans le langage Java. Les classes prédéfinies contiennent des facilités pour générer des nombres aléatoires de différentes distributions, collecter des statistiques, gérer l'horloge et l'échéancier, la liste des évènements futurs, synchroniser les interactions entre les processus concurrents simulés etc...SSJ supporte le point de vue évènements et le point de vue processus, mais aussi la simulation continue (où certaines variables évoluent selon des équations différentielles). Les 3 points de vue peuvent être combinés.

Classes et packages	Description		
RandomStream	Interface qui permet de générer des nombres aléatoires ;		
	RandMrg (uniforme); autres Rand1, Rand2,		
StateProbe	Classe pour récolte de statistiques et calcul d'intervalles de		
	confiance		
Tally	Sous classe de StateProbe		
Accumulate	Sous classe de StateProbe		
List	Classe qui implémente des listes doublement chaînées, avec		
	des outils d'insertion, de déplacement et de visualisation des		
	objets dans la liste, une récolte automatique des statistiques.		
Object	Différents types contenus dans List		
SIM	Classe qui gère la simulation à évènements discrets, contie		
	une horloge de simulation et un moniteur central		
EventList	Interface qui fournit différentes implémentations		
	d'évènements list		
Sim.init	Permet de modifier l'implémentation de l'événement list		
Sim.start	Enclenche la simulation en avançant l'horloge à l'instant du		
	premier événement dans la liste d'évènements, élimine cet		
	événement de la liste, et l'exécute. Ceci est répété jusqu'à ce		
	qu'on appelle Sim.stop ou lorsque la liste se vide.		
Sim.time	Retourne le temps courant de l'horloge de simulation		
Event, Process	Permettent de créer et ordonnancer les évènements et		
	processus		
Continuous	Outil pour la simulation continue		
Resource	Mécanisme pour la synchronisation : correspond à une		
	ressource à capacité limitée et file d'attente		
Bin	Relation client/serveur entre processus ; consiste à une pile de		

	jetons libres et une file de processus attendant les jetons	
Condition	Processus qui attend qu'une certaine condition booléenne	
	soit vraie pour pouvoir continuer son exécution	

Exemple: Simulation d'une file d'attente M/M/1.

Vous trouverez ici trois manières de simuler une telle file à l'aide de SSJ :

- (i) programme orienté événement (annexe 2)
- (ii) programme orienté processus (annexe 3).

Classe ou sous-classe	description		
Event	Classe événement		
Arrival	Arrivée d'un client		
Departure	Départ d'un client		
EndOfSim	Fin de la simulation		
QueueEv	Crée deux suites de nombres aléatoires (listes)		
	et deux collecteurs de statistiques		
genArr, genServ	Génère des nombres artificiels :temps entre		
	arrivées et temps de service		
waitList, servList	Listes contenant les clients en attente et en		
	service		
CustWaits (de classe Tally)	Récolte les statistiques des temps d'attente		
update	Introduit une nouvelle observation à chaque		
	début de service		
totWait (de classe Accumulate)	Calcule l'intégrale (et éventuellement la		
	moyenne temporelle) d'un processus aléatoire		
	à temps continu à trajectoire en escalier (ici		
	c'est la longueur de la file en fonction du		
	temps)		
totWait.update	Appeler dès qu'il y a changement dans la file,		
	met à jour le temps total d'attente de tous les		
	clients depuis le début de la simulation		
Chaque client est un objet à deux champs	Mémorisent temps d'arrivée et de service de		
(arrivTime, servTime	ce client		
QueueEv	Initialise l'horloge et la liste d'évènements		
Sim.start			
1000	Fin de la simulation		
Rand1.expon(g,m)	Retourne un nombre aléatoire de loi		
	exponentielle de moyenne m, généré par le		
	flux aléatoire g		
actions	Décrit ce qui se passe lorsque lors d'une		
	arrivée		

(i) Programme de simulation orienté événement d'une file M/M/1.

```
public class QueueEv {
    static final double meanArr =10.0;
    static final double meanServ =9.0;
```

```
static final double timeHorizon =1000.0;
 RandMrg genArr
                      =new RanMrg ();
 RandMrg genServ
                      =new RanMrg ();
 List
                      =new List ("Customers waiting in the queue");
           waitList
 List
                      =new List ("Customers in service");
           servList
           custWaits =new Tally ("Waiting times");
 Tally
 Accumulate totWait = new Accumulate ("Size of Queue");
 class Customer { double arrivTime, servTime; }
public static void main (String[] args) { new QueueEv(); }
public QueueEv() {
   Sim.init();
   new EndOfSim().schedule (timeHorizon);
   new Arrival().schedule (Rand1.expon (genArr, meanArr));
   Sim.start();
 class Arrival extends Event {
    public void actions() {
        new Arrival().schedule (Rand1.expon (genArr, meanArr));
                                          // The next arrival.
        Customer cust = new Customer (); // Cust just arrived.
        cust.arrivTime=Sim.time();
        cust.servTime=Rand1.expon (genServ, meanServ);
        if (servList.size() >0 {
                                       // must join the queue.
           waitList.insert (cust, List.LAST);
           totWait.update (waitList.size());
         } else {
              servList.insert (cust, List.LAST);
              new Departure().schedule (cust.servTime);
              custWaits.update (0.0);
 class Departure extends Event {
    public void actions () {
         servList.remove (List.FIRST);
         if (waitList.size ()>0) {
             // Starts service for next one in queue.
            Customer cust =(Customer) waitList.remove (List.FIRST);
            servList.insert (cust, List.LAST);
            new Departure ().schedule (cust.servTime);
            custWaits.update (Sim.time ()-cust.arrivTime);
            totWait.update (waitList.size ());
            }
 class EndOfSim extends Event {
```

```
public void actions () {
    custWaits.report(); totWait.report();
    Sim.stop();
    }
}
```

Résultats

```
REPORT on Tally stat. Collector → Waiting times

Min max average standard dev

nb.obs.

0 113.721 49.554 22.336 97

report ON Accumulate stat. Collector → Size of queue
```

(ii) Ici, une approche orientée processus, comme en contienne de nombreux langages de simulation, en particulier SSJ.

```
(iii)
public class QueueProc {
    static final double meanArr
                                     =10.0;
                                     =9.0:
    static final double meanServ
    static final double timeHorizon =1000.0;
    Resource server
                         =new Resource (1, "server");
                         =new RanMrg ();
    RandMrg genArr
                          =new RanMrg ();
    RandMrg genServ
    public static void main (String[] args) { new QueueProc(); }
   public QueueProc() {
       Sim.init();
       Server.collectStat (true);
       new EndOfSim().schedule (timeHorizon);
       new Customer().schedule (Rand1.expon (genArr, meanArr));
       Sim.start ();
    class Customer extends Process {
        public void actions() {
            new Customer().schedule (Rand1.expon (genArr, meanArr));
            server.request (1);
            delay (Rand1.expon (genServ, meanServ));
```

```
server.release (1);
}
class EndOfSim extends Event {
  public void actions () {
    server.report();
    Sim.stop();
    }
}
```

REPORT ON RESOURCE : Server				
From time: 0.0 to time: 1000.0				
	Min	max	average	
Std.Dev. nl	o. Obs.			
Capacity:	1	1	1	
Utilisation	0	1	0.999	
Queue Size	0	12	4.85	
Wait	0	113.721	49.554	

7.10.MOSEL (Modeling, Specification and Evaluation Language)

Environnement de modélisation et simulation développé essentiellement à l'université d'Erlangen (Allemagne) orienté vers l'évaluation des performances, en particulier de fiabilité. http://www4.informatik.uni-erlangen.de/Projects/MOSEL/. Il peut être utilisé aussi bien pour la modélisation de systèmes de production que les systèmes informatiques (y compris réseaux mobiles).

Utilise divers formalismes de modélisation :

Modèles de systèmes et réseaux de files d'attente Modèles de Réseaux de Petri Modèles de graphes de précédence Arbre des fautes Modèles de Markov Réseaux d'activité stochastique Algèbres de processus stochastique

Il permet de générer automatiquement l'espace des états du modèle dynamique, d'effectuer une transformation en un processus aléatoire ou un modèle de simulation à évènements discrets, d'évaluer les probabilités d'état numériquement ou par simulation, et enfin de déduire les mesures de performance. L'environnement MOSEL est capable de transcrire les modèles dans une description en termes de Réseaux de Petri Stochastiques Généralisés pour la bibliothèque SPNP. Le modèle sémantique est transformé en un processus stochastique qui est numériquement résolu à l'aide d'algorithmes appropriés et les mesures de performance et de fiabilité spécifiées par l'utilisateur sont générées dans un fichier de résultats. Les représentations graphiques peuvent être également obtenues à la demande.

Un modèle MOSEL comporte 5 composantes :

1. Déclaration des paramètres.

```
CONST pi =3.14159265358979.

PARAMETER lambda =0.25, 0.30, 0.35;

ENUM cpu states = {idle, user, kernel, driver};
```

2. **Définition des composantes**. La partie NODE permet de spécifier les composantes (noeuds) du modèle. Chaque nœud comporte un nombre entier de jobs (ou de jetons) (inférieur à la capacité). Pour chaque composante, il faut donner le nom et la capacité.

```
NODE N1[k] =k; /* range: 0..k */
NODE cpu[cpu states]; /* range: 0..3 */
```

La partie ASSERT est utilisée pour spécifier les états prohibés du système. Souvent cette assertion est utilisée pour exprimer l'isolation du système modélisé. Pour un réseau fermé, le nombre total de marques dans les noeuds du modèle est toujours constant :

3. Définition des transitions.

Les transitions (appelées règles dans MOSEL) déterminant le comportement du modèle sont spécifiées dans cette partie. Chaque règle comporte une partie globale, une partie optionnelle et une partie locale :

```
FROM node_1 TO node_2 WITH mue_1;

IF (cpu_control ==idle) FROM node_1 WITH mue_1
THEN ( TO node_2 WEIGHT p_12;
TO node 3 WEIGHT p_13; )
```

La première règle consiste en une seule partie locale et spécifie une transition de node_1 à node_2 avec un taux mue_1. Le mot-clé WITH indique que la transition est exponentiellement temporisée. La seconde instruction montre comment une règle contenant une partie locale peut être utilisée pour un branchement probabiliste. La transition temporisée mue_1 provenant de node_1 conduit à node_2 avec une probabilité p_12 ou à node_3 avec une probabilité p_13 (ces poids doivent être déclarés au préalable). Chaque branche est ainsi sélectionnée selon la probabilité correspondante et la transition est immédiate. La condition IF (cpu_control == idle) dans la partie globale de la règle est utilisée pour la synchronisation. Le client (le job) ne peut quitter node_1 que si le nœud cpu_control est à l'état libre.

4. **Résultats** : L'utilisateur trouve en sortie les mesures de performance et de fiabilité qu'il aura spécifié au préalable telles que les valeurs moyennes MEAN, le taux d'utilisation UTIL et la distribution du nombre de clients DIST pour un nœud spécifié :

```
RESULT N_1 = MEAN (node_1);
RESULT rho_1 = UTIL (node_1);
RESULT DIST node 1;
```

On peut évaluer des probabilités d'évènements:

```
RESULT p_working = PROB (working >0);

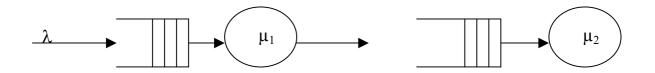
RESULT rho_cpu_kernel = PROB (cpu == kernel

AND cpu_state == up);
```

5. **Partie graphique**: L'utilisateur peut dans cette partie optionnelle représenter graphiquement les mesures de performance en fonction des paramètres spécifiés. Si on souhaite représenter la taille moyenne de la file d'attente en fonction du taux d'arrivée lambda :

```
PICTURE « Mean Queue Length »
PARAMETER lambda
CURVE mean_queue_length
```

Exemple1: Réseau de files d'attente ouvert en tandem.



Chaque nœud consiste en un système M/M/1 avec file d'attente FIFO. Le programme MOSEL est alors le suivant :

```
1 // Tandem network
2
3
  // Parameter declaration part
4
5 PARAMETER K := 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10;
6 CONST lambda :=0.25;
7 CONST mue 1 := 0.28;
8 CONST mue 2 := 0.22;
10 // System component part
11
12 NODE N1 (K) = 0;
13 NODE N2 (K) =0;
14 NODE num (K);
15
16 //Transition part
18 FROM EXTERN TO N1, num WITH lambda;
19 FROM N1 TO N2 WITH mue1;
20 FROM N2, num TO EXTERN WITH mue2;
22 // Result part
23
```

```
24 PRINT rho1 =UTIL (N1);

25 PRINT rho2 = UTIL (N2);

26 PRINT throughout =rho2 * mue2;

27 PRINT WIP = MEAN (num);

28

29 // Picture part

30

31 PICTURE "utilization"

32 PARAMETER K

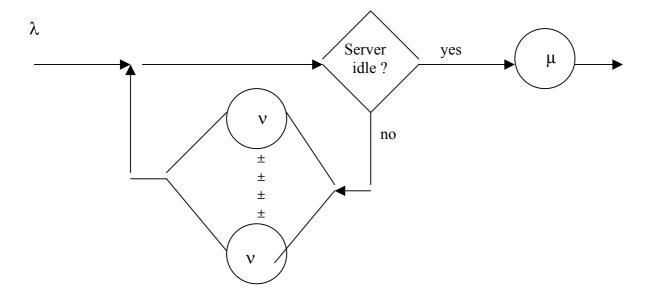
33 CURVE rho1;

34 CURVE rho2;
```

Les paramètres constants lambda, mue1 et mue2 sont déclarés au préalable. L'analyse est faite en supposant que le nombre maximum de clients dans le système K varie de 1 à 10.

Exemple 2 : Systèmes de file d'attente avec rappels.

Considérons le modèle de file d'attente avec répétition d'appel le plus simple M/M1 (Retrial queue dans la littérature anglo-saxonne). Le client qui trouve à son arrivée le serveur occupé quitte le système temporairement, mais réitère son appel à des instants aléatoires jusqu'à ce que le canal se libère et puisse le prendre en charge.



Le modèle sur le schéma représente un modèle à plusieurs serveurs : μ est le taux de service de chaque serveur, ν le taux de rappel d'un client qui se trouve en orbite (en état de répétition d'appel). Les lois d'inter-arrivées, de service et de rappel sont exponentielles. Dans notre cas, un seul serveur. Pour l'analyse de ce modèle en MOSEL, on peut introduire un nœud fictif node D représentant les appels rejetés et en instance de rappels qui est de type $M/M/\P$ -IS. En d'autres termes, il n'y a pas de file d'attente et le taux de service dans ce nœud est le taux de rappel.

// M/M/1_Retrial System
// Declaration part

```
PARAMETER lambda := 0.01, 1, 2, 5, 8, 9, 9.5, 9.9;
PARAMETER nue := 0.01, 0.1, 1, 1000000;
CONST mue := 10;
ENUM status := {idle, busy };
CONST N := 100; // Maximum number of requests
           Component definition part
NODE server[status] =idle; //server initially idle
NODE D[n-1]; // delay node contains maximal N-1 req.
NODE num[N]; // counts total number of requests
//
          Transition part
   FROM EXTERN TO D, num WITH lambda;
   FROM D TO D, num WITH D*nue;
IF (server == busy) {
   FROM EXTERN TO D, num WITH lambda;
   FROM d to d with D*nue;
   FROM server, num TO EXTERN WITH mue;
                    Result part
PRINT rho = UTIL (server); // Server utilization
PRINT K = MEAN (num); // Mean number of request
                          // Mean queue length
PRINT Q = MEAN(D);
PRINT T = K/lambda;
                          // Mean system time
                  Picture part
PICTURE "Mean Queue Length"
Parameter LAMBDA
CURVE Q;
PICTURE "Utilization"
PARAMETER lambda
CURVE rho;
```

Stationary analysis of "mm1.retrial.msl" by SPNP

Parameters: lambda = 0.01 nue =0.01	Parameters: lambda = 9.9 nue =1
Results:	Results:
rho = 0.001	rho = 0.908255
K= 0.002002	K= 90.806
Q= 0.001002	Q= 89.8977
T = 0.2002	T = 9.17232
Parameters:	Parameters:
lambda = 0.01	lambda = 9.9

nue = 0.1 nue = 1e+06

Results: Results:

 $\begin{array}{lll} \text{rho} = 0.001 & \text{rho} = 0.984317 \\ \text{K} = 0.0011011 & \text{K} = 41.6014 \\ \text{Q} = 0.000101101 & \text{Q} = 40.617 \\ \text{T} = 0.11011 & \text{T} = 4.20216 \end{array}$

Remarques:

- (i) Le taux de rappels est déclaré comme paramètre, car pour ce type de modèle on est intéressé en général par l'étude de l'influence des rappels sur les mesures de performance.
- (ii) Nous reportons ici l'analyse faite par l'exécution de SPNP.
- (iii) Le modèle M/M/1 est à capacité infinie, alors que le processus aléatoire du modèle SPNP comporte un nombre fini d'états. Ce qui explique le fait que le programme MOSEL fixe un nombre maximal fini de clients N(variant de 0 à 100). Les résultats obtenus ne concordent donc pas tout à fait avec les résultats exacts de l'exercice chapitre 5 qui concernent un système à capacité infinie.
- (iv) L'environnement MOSEL grace à sa partie graphique génère les graphes demandés à l'aide de l'instruction CURVE.

7.11. Simulateurs et langages dédiés aux systèmes manufacturiers

- **7.11.1.SIMFACTORY II.5. (Factory simulator).** Ecrit en SIMSCRIPT II.5 et MODSIM III pour ingénieurs qui ne font pas de la simulation à temps plein. (PC environnement Windows ainsi que diverses stations).Le modèle est défini par étapes : agencement des stations de traitement, buffers, moyens de transport, les produits, ressources. Animation à base d'icônes et de palettes. L'affichage des résultats fournit l'utilisation des équipements, les débits, utilisation des buffers, statistiques (moyennes, écart-types, intervalles de confiance).
- **7.11.2.ProModel.** Environnement Windows, applications à 32-bits, permet d'ajouter des routines en Pascal ou en C.
- **7.11.3.AutoMod.** (AutoSimulations, Inc.).(http://www.autosim.com). Combine les aspects de GPSS et celle d'un simulateur spécifique (simulateur d'atelier ou job shop), graphisme 3D, paquets de programmes statistiques (AutoStat), ordonnancement (AutoSched). Fonctionne sur PC ou Stations UNIX.
- **7.11.4.Taylor.** II. Appelé aussi Showflow. (produit allemand développé par F&H Simulations B.V.). (http://www.showflow.com) Entités: éléments, jobs, routages et produits. Eléments types: in-out, machine, buffer, conveyor, transport, chemin, stock, réservoir. Opérations de base: processing, transport, stockage. Utilise un macro langage appelé TLI(Taylor Langage Interface) interface avec Basic, Pascal et C. Animation 2D et 3D.

7.11.5.WITNESS. (AT & T Istel).

- **7.11.6.AIM (Analyzer for Improving Manufacturing)** (P c'est un composant de simulation de FACTOR. autres composants : Factor Production Manager et FI-2. (disponible sur plate-forme OS/2. construit autour d'une base de données relationnelle qui stocke les données et les résultats de simulation.
- **7.11.7.Arena** (System Modeling Corporation). Développé à partir de SIMAN. L'utilisateur n'a pas besoin de connaître SIMAN . (http://www.arenasimulation.com). Il semble être utilisé surtout dans les domaines des banques et assurances et semble très simple à apprendre. Il comprend un module pour les ajustements de diverses lois statistiques. Il ne considère toutefois qu'un nombre limité de discipline de service : FIFO, LIFO, highvaluefirst, LowValueFirst.

7.12. Simulateurs et langages dédiés réseaux télécommunication et mobiles.

Les langages décrits ci-dessus peuvent en principe être utilisés pour la simulation de réseaux mobiles. Un exemple est donné dans [10] qui suggère l'utilisation de M/M/m/m à l'aide de l'environnement MOSEL. Il existe toutefois d'autres langages spécialisés.

7.12.1.Glomosim (Global Mobile system Simulator) (http://pcl.cs.ucla.edu). Développé comme une bibliothèque de simulation séquentielle et parallèle orientée réseaux sans fils. Il est conçu comme un ensemble de modules pouvant chacun simuler un protocole de communication sans fil particulier. Développé à base de PARSEC (PARallel Simulation Environment for Complex Systems), un langage de simulation parallèle basé sur C, utilisant l'approche basée message à la simulation à évènements discrets.

7.12.2.Network simulator Http://www.isi.edu/nsnam/ns/ns-documentation.html

Développé essentiellement à l'université de Berkeley et adapté à la simulation de réseaux . Il concerne un ensemble de protocoles internet y compris les réseaux terrestres, sans files (wireless) et satellites. Il comprend un éditeur graphique et un module d'animation (nam : Network Animator). Il permet de simuler des réseaux de différentes topologies selon divers algorithmes de routage, générer différentes sources de trafic (web, ftp, telnet, cbr, trafic stochastique, diverses disciplines de files d'attente. Il visualise alors les flux de paquets, l'évolution des protocoles.

7.13.Bibliographie sur les langages de simulation

- 1.Banks J., Carlson J.S., Nelson B., Discrete System Simulation, second ed., Prentice Hall, New Jersey, 1996. (les exemples sont en majorité tirés de ce livre).
- **2**.Gordon G., The application of GPSS V to discrete system simulation , Prentice Hall , Englewood Cliffs , NJ, 1975.
- 3.IBM Corp., GPSS V User's manual, form N° SH 20-0851, 1970.
- **4**.Dimsadel B., Markowitz H.M., A description of the SIMSCRIPT Langage , IBM systems J., 3,1,57-67, 1964.
- **5.**Markowitz H.M., Hausner B., Karr H.W., SIMSCRIPT -A simulation langage, Prentice Hall, Englewood Cliffs, NJ, 19+63.
- 6. Palme J., A comparison between SIMULA and FORTRAN, BIT, 8,3, 203-209, 1968.

- **7.**Knuth D.E., Mc Neley J., SOL: A symbolic langage for General Purpose System Simulation , IEEE on Electronic Computers , EC-13, 4, 401-414, 1963.
- 8. IBM Corp SIMPL/1 User's manual, NY, 1972.
- 9. Manuel de documentation QNAP2
- 10. Pierre L'écuyer, A Java Library for Stochastic Simulation, User's Guide, Département informatique et recherche opérationnelle, Université de Montréal, Jnavier 2003.

Sites utiles

- 1. Simulation et modélisations discrètes ;
 - http://ina.eivd.ch/ina/Collaborateurs/cez/Mod im/modsim.htmhttp
- 2. Douillet, ensait, http://193.43.37.48/~douillet/cours/oprea/node3.html
- 3. Nicolas Navet, -INRIA/TRIO, Evaluation des performances par simulation : introduction générale et présentation du logiciel QNAP2 , http://www.loria.fr/~nnavet
- 4. Cours de M. Hébuterne sur QNAP2 et la simulation à évènements discrets http://www-rst.int-evry.fr/~hebutern/IT21/Simu.html
- 5. The MOSEL Language, http://www4.informatik.uni-erlangen.de/Projects/MOSEL/
- 6. http://cours.polymtl.ca/ifsos/GPSS/GPSS/)
- 7. N.Navet, Cours d'Evaluation des performances par simulation : introduction générale et présentation du logiciel QNAP2 http://www.loria.fr/~nnavet
- 8. Xiang Zeng et al, GloMoSim: a Library for parallel simulation of large-scale wireless networks, http://pcl.cs.ucla.edu/projects/glomosim.
- 9. Simulation software review. Discrete event simulation software package, http://www.tbm.tudelft.nl/webstaf/edwinv/SimulationSoftware/index.htm
- 10. Al-begain et al, The performance and reliability modelling language MOSEL and its application, International journal of Simulation vol.3, N°3-4, pp.66-79, 2004.