

数据结构 数组与广义表(4 学时)

October 26, 2020

目录

- ① 数组的定义
- ② 数组的顺序实现:在内存堆中模拟实现多维数组
- ③ 特殊矩阵
- 4 稀疏矩阵
- 5 稀疏矩阵的链式存储
- 6 广义表
- **∅** 练习题

 Data Structure
 October 26, 2020
 2/43

认识数组

认识

- 可以看成是线性表的推广
- 几乎所有的程序设计语言都支持这种数据结构或 将这种数据结构设定为语言的固有类型
- 数组是一组 (下标值,数据元素值) 构成的集合
- 在数组中,对于一组有意义的下标,都存在一个与其对应的值。一维数组 对应着一个下标值,二维数组对应着两个下标值,如此类推

定义

- 数组是由 n(n > 1) 个具有相同数据类型的数据元素 a_1, a_2, \ldots, a_n 组成的有序序列,且该序列必须存储在一块地址连续的存储单元中。
 - 数组中的数据元素具有相同数据类型。
 - 数组是一种随机存取结构,即:给定一组下标,就可以直接访问与其 对应的数据元素。
 - 数组中的数据元素个数是固定的。

Data Structure October 26, 2020 3/43

数组的 ADT

5 6

8

10

11

12

13

14

15 16

```
ADT Queue{
    数据对象: j_i \in \{0, 1, \ldots, b_{i-1}\}, i = 1, 2, \ldots, n
                D = \{a_{i_1,i_2,\dots,i_n} | n(>0) \} 为数组的维数,
                b_i为第i维的长度, i_i是数组第i维下标, a_{i_1i_2...i_n} \in ElemSet
    数据关系: R = \{R_1, R_2, \dots, R_n\}, R_i = \{\langle a_{i_1 \dots i_i \dots i_n}, a_{i_1 \dots i_{i+1} \dots i_n} \rangle\}
                0 < i_k < b_k - 1, 1 < k < n, k \neq i, 0 < i_i < b_i - 2
                a_{i_1\ldots i_n}, a_{i_1\ldots i_{i+1}\ldots i_n} \in D
    基本操作:
           InitArray(&A,n,bound1,…,boundn) //初始化
           DestroyArray(&A)
                                        //销毁
           Value(A,&e,index1,…,indexn) //读数组元素
           Assign(&A,e,index1…,indexn) //写数组元素
}ADT Array
```

Data Structure October 26, 2020 4/43

数组与数组的下标

基本性质

- 数据元素个数为 $\prod_{i=1}^n b_i, n(>3)$ 时可想象成超长方体
- 每个元素都受着 n 个关系的约束,即每一维都存在序偶关系
- n=1 时, n 维数组退化为定长的线性表
- n 维数组也可看为线性表的推广, 如:
 - 二维数组视为一个定长线性表, 其每个数据元素是一个定长线性表
 - 三维数组可看为一个定长线性表, 其每个数据元素是一个二维数组
 - . . .
 - n 维数组视为一个定长线性表,其每个数据元素是一个 n-1 维数组

我们关心多维数组在线性内存中的存储方式

Data Structure October 26, 2020 5/43

一维数组

例子

			3						
35	27	49	18	60	54	77	83	41	02

存储方式

$$LOC(i) = \begin{cases} a, & i = 0 \\ LOC(i-1)+l = a+i*l, & i > 0 \end{cases}$$

$$0 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \quad 7 \quad 8 \quad 9$$

$$1 \quad 35 \quad 27 \quad 49 \quad 18 \quad 60 \quad 54 \quad 77 \quad 83 \quad 41 \quad 02$$

$$1 \quad 1 \quad 1$$

$$LOC(i) = LOC(i-1)+l = a+i*l$$

Data Structure October 26, 2020 6/43

二维数组

存储方式

- 行优先存放: 设数组开始存放位置 LOC(0,0) = a, 每个元素占用 L 个存储单元
- LOC(i, j) = a + (n * i + j) * L

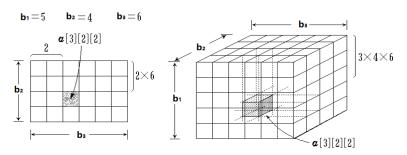
$$A = \begin{pmatrix} a[0][0] & a[0][1] & \cdots & a[0][n-1] \\ a[1][0] & a[1][1] & \cdots & a[1][n-1] \\ a[2][0] & a[2][1] & \cdots & a[2][n-1] \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a[m-1][0] & a[m-1][1] & \cdots & a[m-1][n-1] \end{pmatrix}$$

Data Structure October 26, 2020 7/43

三维数组

存储方式

- 各维元素个数为 b₁, b₂, b₃
- 下标为 j_1, j_2, j_3 的数组元素的存储地址: (按页/行/列存放)
- $LOC(j_1, j_2, j_3) = a + (b_2 * b_3 * j_1 + b_3 * j_2 + j_3) * L$, 其中 $b_2 * b_3 * j_1$ 是前 j_1 页元素的总个数, $b_3 * j_2$ 是第 j_1 页前 j_2 行元素的总个数
- 右下图给出了三维数组的存储结构,左下图是其第3页的切面,是三维数组的一个元素(二维数组)



Data Structure October 26, 2020 8/43

n 维数组

存储结构

- 映象函数:给定 n 维数组的下标,计算存储位置。计算方式如下:
- $LOC(j_1, j_2, ..., j_n) =$ $a + (b_2 * b_3 * \dots * b_n * j_1 + b_3 * b_4 * \dots * b_n * j_2 + \dots + b_n * j_{n-1} + j_n) * L$
- 今 $c_n = L$, $c_{i-1} = c_i * b_i$, $i = n-1, n-2, \ldots, 2$, 则映象函数改写成:
- $LOC(j_1, j_2, ..., j_n) = a + \sum_{i=1}^n c_i j_i$

思考

- 为什么要引入 c_i ? (提示: 从实现的时间开销考虑)。我们将 c_i 取个 名字 "第 i 维的地址系数"
- 理解"随机存取"与存储结构的关系

October 26, 2020 9/43

数组的顺序实现

数组在内存中的表示:静态结构

```
Typedef struct{
ElemType *base; //数组元素基址
int dim; //数组维数
int * bounds; //数组维界基址
int * constants; //数组映象函数常量基址
6 }Array
```

Data Structure October 26, 2020 10/43

补充知识

C 语言实现参数个数可变的函数

- 例如: printf(), scanf(), 函数参数个数可变, 如何编码实现?
- 利用三个 macros: va_start(), va_arg(), va_end(), 参考 http://www.cplusplus.com/reference/cstdarg/

```
#include <stdio.h>
   #include <stdarg.h>
   //利用宏定义: va_list, va_start, va_arg, va_end
   //例子: 实现打印n个实数的功能, n可变
   void PrintFloats(int n,...){//0个或多个固定参数+省略号表示的变参
   //通常'...'表示的变参列表放在最后,其前用个固定参数n来表示变参个数,方便处理
    int i; double val;
    va list vl;
    va_start(vl,n);//从本函数的参数中读取变参表到vl中,va_start(vl, last_arg)
   for (i=0;i<n;i++) { //用循环依次读取n个参数
10
     val=va_arg(vl,double);//将变参表中下一个参数以double类型读取
11
     printf ("[%.2f]",val); //打印输出
12
13
14
    va_end(vl);//与va_start配对使用,相当于右括号
   }//这些宏是怎么回事? 用gcc -E 完成预编译, 查看宏定义展开后的代码
15
```

Data Structure October 26, 2020 11/43

数组的顺序实现:初始化(变参函数)

```
Status InitArray(Array &A, int dim, ...){
         A.dim=dim;
         A.bounds =(int *) malloc(dim* sizeof(int));
        //计算并分配数组元素空间
5
        elemtotal=1:
        va_start(ap,dim);
         for (i=0;i<dim;++i){</pre>
8
               A.bounds[i]=va_arg(ap,int);
               elemtotal *= A.bounds[i];
10
11
         va_end(ap);
12
         A.base = (ElemType *)malloc(elemtotal*sizeof(ElemType));
13
         //求映象函数的常数ci,并存入A.constants[i-1]
14
         A.constants = (int *) malloc (dim * sizeof(int));
15
         A.constants[dim-1]=1: // cn=L
16
        for (i =dim-2; i>=0;--i) // ci-1=bi*ci,
17
              A.constants[i] = A.bounds[i+1]*A.constants[i+1];
18
        return OK:
19
```

计算数组占据分配 空间大小,行2~11

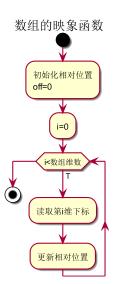
> 分配数组存储 空间, 行12

地址系数,行14-17

数组的顺序实现

数组的顺序实现:映象函数(变参函数)

```
1 Status Locate(Array A,va_list ap,int & off){
2  //根据ap指示的各下标值,求出对应元素相对地址off
3  off=0;
4  for ( i=0;i<A.dim;++i){
5   ind = va_arg(ap,int);
6  //用映象函数求和值
7  off += A.constants[i]* ind;
8  }
9  return OK;
```



Data Structure October 26, 2020 13/43

思考题

多维数组该如何存储,算法效率更高?

- 考虑二维数组: 行优先? 列优先?
- 矩阵乘法?
- 矩阵加法?
- 映象函数计算的方法和速度,决定了效率

Data Structure October 26, 2020 14/43

特殊矩阵

定义

• 指非零元素或零元素的分布有一定规律的矩阵。

特殊矩阵的压缩存储

核心思想:针对阶数很高的特殊矩阵,为节省存储空间,对可以不存储的元素,如零元素或对称元素,不再存储。

典型的特殊矩阵

- 对称矩阵
- 对角矩阵、三对角矩阵等

Data Structure October 26, 2020 15/43

定义与特点

- $n \times n$ 的方阵,满足 $a_{ij} = a_{ji}$
- 例子如下:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \cdots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \cdots & a_{3n} \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ a_{n1} & a_{n2} & a_{n3} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

Data Structure October 26, 2020 16/43

压缩存储

- 只存对角线及对角线以上的元素,或者只存对角线及对角线以下的 元素。前者称为上三角矩阵,后者称为下三角矩阵。
- 如图所示

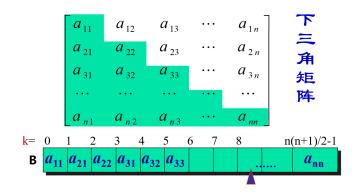
a_{11}	a_{12}	a_{13}	a_{14}
a_{21}	a_{22}	a_{23}	a_{24}
a_{31}	a_{32}	a_{33}	a_{34}
$\lfloor a_{41} \rfloor$	a_{42}	a_{43}	a_{44}

a_{11}	a_{12}	a_{13}	a_{14}^{-}
a_{21}	a_{22}	a_{23}	a_{24}
a_{31}	a_{32}	a_{33}	a_{34} a_{44}
a_{41}	a_{42}	a_{43}	a_{44}

Data Structure October 26, 2020 17/43

压缩存储的实现

- 将元素按行存放于一维数组 B 中, 称为对称矩阵 A 的压缩存储方式。
- 数组 B 共有 n + (n-1) + ... + 1 = n * (n+1)/2 个元素, 如图所示。



Data Structure October 26, 2020 18/43

压缩存储的实现:映象函数的计算

- 若 i > j,数组元素 a_{ij} 在数组 B 中的存储位置 $k = 1 + 2 + \ldots + (i - 1) + (j - 1) = (i - 1) * i/2 + j - 1$
- 若 i < j,数组元素 a_{ij} 在矩阵的上三角部分, 在数组 B 中没有存放, 可以找它的对称元素 $a_{ii} = j * (j-1)/2 + i - 1$

综上,得到下标 k 与 i, j 之间的关系

$$k = \begin{cases} i(i-1)/2 + j - 1 & i \ge j \\ j(j-1)/2 + i - 1 & i < j \end{cases}$$

October 26, 2020 19/43

例题:三对角阵及其压缩存储

下标 k 与 i, j 之间的关系?

B

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & a_{32} & a_{33} & a_{34} & 0 & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & a_{n-1n-2} & a_{n-1n-1} & a_{n-1n} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & a_{mn-1} & a_{mn} \end{bmatrix} \xrightarrow{\mathbf{i-1}(\mathbf{i=1})} \mathbf{a_{11}} \mathbf{a_{12}} \mathbf{a_{21}} \mathbf{a_{22}} \mathbf{a_{23}} \mathbf{a_{32}} \mathbf{a_{33}} \mathbf{a_{34}} \mathbf{a_{34}} \mathbf{a_{34}} \mathbf{a_{nn-1}} \mathbf{a_{nn}} \mathbf{a_{nn}}$$

Data Structure October 26, 2020 20/43

练习题

二对角阵的压缩存储

- 如图所示二对角阵,压缩存储在一维矩阵 B 中
- 求下标 k 与 i, j 之间的关系

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & a_{22} & a_{23} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & a_{33} & a_{34} & 0 & 0 \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & a_{n-1n-1} & a_{n-1n} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & a_{nn} \end{bmatrix}$$

求解思路

- 方法一: 手工"硬找"规律, 先猜测表达式, 再验证;
- 方法二: 若存在这种表达式形式的规律,通常为"线性形式",故,不妨设为 k = f(i,j) = a*i + b*j + c,然后代入几个特殊元素,解出系数 a,b,c

Data Structure October 26, 2020 21/43

稀疏矩阵

定义

- 非零元素个数远远少于矩阵元素个数: 非零元素比例/稀疏因子 $\delta < 0.05$ 。
- 稀疏矩阵常见且有用。一个稀疏矩阵的例子:

$$\mathbf{A}_{6\times7} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 22 & 0 & 0 & 15 \\ 0 & 11 & 0 & 0 & 0 & 17 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 39 & 0 \\ 91 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 28 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

 Data Structure
 October 26, 2020
 22/43

稀疏矩阵的 ADT

 Data Structure
 October 26, 2020
 23/43

稀疏矩阵的压缩存储

三元组表: 如图所示

- 从左侧稀疏矩阵转换为右侧仅保留非零元素及其行列位置的形式 (转换了逻辑结构形式)
- 三元组表的按行优先存储: 行号小先存; 行号相同, 列号小先存

	0	0	0	22	0	0	15
M=	0	11	0	0	0	17	0
λ/_	0	0	0	-6	0	0	0
1 V1 —	0	0	0	0	0	39	0
	91	0	0	0	0	0	0
	0	0	28	0	0	0	0

7013	, , ,	יוםו כ	31 /3 3
	行	列	值
	(row)	(col)	(value)
[0]	1	4	22
[1]	1	7	15
[2]	2	2	11
[3]	2	6	17
[4]	3	4	-6
[5]	4	6	39
[6]	5	1	91
[7]	6	3	28

Data Structure October 26, 2020 24/43

稀疏矩阵的存储实现

稀疏矩阵存储实现步骤

- 稀疏矩阵 (逻辑结构) ⇒ 三元组表 (逻辑结构)
- 三元组表 (逻辑结构)⇒ 三元组表的顺序实现 (存储结构)
- 结构体数组来实现三元组表的存储结构

三元组表的内存表示:静态部分

稀疏矩阵的存储实现

三元组表的基本操作

- 矩阵的运算包括矩阵的转置、矩阵求逆、矩阵加减、矩阵乘除等
- 讨论在这种压缩存储结构下的求矩阵的转置运算
 - 一个 $m \times n$ 的矩阵 A, 它的转置 B 是一个 $n \times m$ 的矩阵, 且 $b[i][j] = a[j][i], 0 \le i \le n-1, 0 \le j \le m-1$
 - 设稀疏矩阵 A 是按行优先顺序压缩存储在三元组表 a.data 中,若仅仅是简单地交换 a.data 中 i 和 j 的内容,得到三元组表 b.data,b.data 将是一个按列优先顺序存储的稀疏矩阵 B,要得到按行优先顺序存储的 b.data,就必须重新排列三元组表 b.data 中元素的顺序

矩阵转置算法一: 思想

- 将矩阵的行、列下标值交换。即将三元组表中的行、列位置值 i, j相互交换
- 重排三元组表中元素的顺序。即交换后仍然是按行优先顺序排序的
- 算法细节略

Data Structure October 26, 2020 26/43

矩阵转置的实现二

伪代码思想:

- 从稀疏矩阵 A 的三元组表 a.data 中寻找未处理的、列号最小、同列号时行号最小的三元组,修改并存入 b.data 中
- 找每个未处理的编号最小"三元组",如何找?(利用三元组表的行列下标分布特征)
- 时间复杂度 $O(a.nu \times tu)$, 一般矩阵的转置时间复杂度 $O(mu \times nu)$ 。 当非零元素的个数 tn 和 $mu \times nu$ 同量级时, 算法时间复杂度为 $O(mu \times nu^2)$, 时间增加, 时间换空间, 适合稀疏矩阵

```
void TransMatrix(TSMatrix a, TSMatrix b) 错了应该是b行=a列
   { int p, q, col; b.mu=a.nu; b.nu=a.mu; b.tu=a.tu;
   /*置三元组表b.data的行、列数和非0元素个数*/
   if (b.tu==0) printf("The Matrix A=0\n");
   else{ q=0;
6
        for(col=1;col<=a.nu;col++)//从1开始, 依次指定列号
          for (p=0;p<a.tu; p++) //遍历三元组表找指定列号
            if (a.data[p].col==col){ //找到了就将其复制到转置后结果b
               b.data[q].row=a.data[p].col; //一定是先找到行号最小的
10
               b.data[q].col=a.data[p].row;
11
               b.data[q].value=a.data[p].value;
12
              q++;
13
14
```

矩阵转置的实现三

改进的快速算法: 算法思想

- 按照稀疏矩阵 A 三元组表 a.data 的次序,直接依次转换,将 a.data 的元素转换后的三元组直接放置在转置后三元组表 b.data 的恰当位置
- 想象成算法一的改进,交换下标 i, j
 后,直接将三元组放入"恰当的位置"。元素在转置后,其"恰当的位置"的计算成为关键

"恰当的位置"计算:独立、快速的过程,如右图所示

- 通过求得 A 中每一列的非 0 元素个数,就能算出原矩阵 A 中每一列的(即 B 中每一行)第一个非 0 元素在b.data中的"恰当的位置",则在转置时就可直接放在 b.data 中该位置;
- 其他元素的恰当位置: 如何计算?

Data Structure October 26, 2020 28/43

矩阵转置的快速算法:示例

稀疏矩	优二二届
加加加大	ひま ハノカル

	7		n行	数	
	8		n列		
	9	t	n元	素个数	
	1	2	12		
	1	3	9		
	3	1	-3		
	3	8	4		
	4	3	24		
	4	6	2		
	5	2	18		
	6	7	-7		
	7	4	-6		
	1	1	1		
-	row	col	valu	ıe	- 1
a)	原知	E阵f	有三元	组表	(b)

稀疏矩阵及其转置矩阵的三元组顺序表

附设两个辅助向量 num[]和 cpot[]

- num[col]: 统计 A 中第 col 列中非 0 元素的个数;
- cpot[col] : 指示 A 中第 col 列中第一个非 0 元素在 b.data 中的恰当位置。

 Data Structure
 October 26, 2020
 29/43

矩阵转置的快速算法: 示例

col	0	1	2	3	4	5	6	7
num[col]	1	2	2	1	0	1	1	1
cpot[col]	0-	1	3	5 -	-6	6-	7	8

每列的第 2, 3, ..., 个非零元素怎么办?

- 第 i 列的第一个非零元素总是最先放入转置后的矩阵 B 中,第二非零元素第 2 个放入 B 中,所以第 2 个元素的位置就是 ++cpot[i]
- 故第 *i* 列的某个元素放入 B 中,++cpot[i] 即可得到下一个非零元素的"恰当位置"

Data Structure October 26, 2020 30/43

矩阵转置快速算法伪代码

```
Status FastTransMatrix(TSMatrix M. TSMatrix &T){
     T.mu=M.nu; T.nu=M.mu; T.tu=M.tu;
     if (T.tu) {
       for(col=0;col<M.nu;++col) num[col]=0;</pre>
5
       for(t=0;t<M.tu;++t)//求M中每一列非零元个数
         ++num[M.data[t].j];
       cpot[0]=0;
       //求第col列中第一个非零元在T.data中的序号
       for(col=1;col<=M.nu;++col)</pre>
10
         cpot[col]=cpot[col-1]+num[col-1];
11
       for(p=1;p<=M.tu;++p){</pre>
12
         col=M.data[p].j; q=cpot[col];
13
        T.data[q].i=M.data[p].j;
14
         T.data[q].j=M.data[p].i;
15
        T.data[q].e=M.data[p].e;
16
        ++cpot[col];
17
       }//for
18
   }//if
19 return OK;
20
   } // 时间复杂度 O(nu + tu)
```

矩阵转置快速算法 设置转置后 钜阵T的属件 若矩阵非零元素个数大于0 初始化原矩阵M 每列元素个数为0 计算转置后矩阵T 第一个非零元素位置 原矩阵中每个元素 矩阵M中的列号 计算该列的 非零元素位置 交换行列下标 赋值元素值 计算下一个非

稀疏矩阵的链式存储

十字链表

- 对于稀疏矩阵,当非0元素的个数和位置在操作过程中变化较大时,采用 链式存储结构表示比三元组的线性表更方便。
- 矩阵中非 0 元素的结点所含的域有: 行、列、值、行指针 (指向同一行的下一个非 0 元)、列指针 (指向同一列的下一个非 0 元)。其次,十字链表还有一个头结点,结点的结构如下图所示。

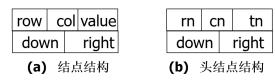


图 十字链表结点结构

 稀疏矩阵中同一行的非 0 元素由 right 指针域链接成一个行链表,由 down 指针域链接成一个列链表;每个非 0 元素既是某个行链表中的一个 结点,同时又是某个列链表中的一个结点,所有的非 0 元素构成一个十字 交叉的链表。称为十字链表。

Data Structure October 26, 2020 32/43

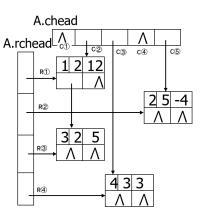
十字链表

例子如图所示

用两个一维数组分别存储行链表的头指针和列链表的头指针

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 0 & 12 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -4 \\ 0 & 5 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 0 & 0 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ c_{0} & c_{2} & c_{3} & c_{4} & c_{5} \end{pmatrix} \xrightarrow{\mathbf{R}_{0}} \mathbf{R}_{0}$$

(a) 稀疏矩阵



(b) 稀疏矩阵的十字交叉链表

Data Structure October 26, 2020 33/43

十字链表的实现

十字链表在内存中的表示: 静态部分

```
typedef struct Clnode
   { int row, col; /* 行号和列号 */
     elemtype value; /* 元素值 */
      struct Clnode *down , *right ;
   POLNode: /* 非O元素结点 */
6
   typedef struct Clnode
8 { int rn; /* 矩阵的行数 */
      int cn; /* 矩阵的列数 */
     int tn; /* 非0元素总数 */
10
0LNode *rhead ;
12     OLNode *chead ;
13 } CrossList ;
```

练习题

稀疏矩阵

设有稀疏矩阵 A 如下图所示,请画出该稀疏矩阵的三元组表和十字 链表存储结构。

Data Structure October 26, 2020 35/43

广义表

定义

- 广义表是线性表的推广,在人工智能领域中应用十分广泛。(lisp 语言)
- 第二章中线性表被定义为 $n(\geq 0)$ 个元素 a_1, a_2, \ldots, a_n 的有穷序列,该序列中的所有元素具有相同的数据类型且只能是原子项 (Atom)。
 - 所谓原子项可以是一个数或一个结构,是指结构上不可再分的。若放松对元素的这种限制,容许它们具有其自身结构,就产生了广义表。
 - 广义表 (Lists, 简称列表): 是由 $n(\geq 0)$ 个元素组成的有穷序列: $LS=(a_1,a_2,\ldots,a_n)$, 其中 a_i 或者是原子项,或者是一个广义表。LS 是广义表的名字,n 为它的长度。若 a_i 是广义表,则称为 LS 的子表。

更多说明

- 习惯上: 原子项用小写字母, 子表用大写字母。
- 若广义表 LS 非空时:
 - a₁(表中第一个元素) 称为表头;
 - 其余元素组成的子表称为表尾; (a_2,\ldots,a_n)
 - 广义表中所包含的元素 (包括原子和子表) 的个数称为表的长度。

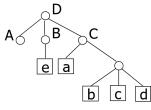
• 广义表中括号的最大层数称为表深 (度)。

Data Structure October 26, 2020 36/43

广义表的例子

广义表及其示例

广义表	表长n	表深h
A=()	0	0
B=(e)	1	1
C=(a,(b,c, d))	2	2
D=(A,B,C)	3	3
E=(a,E)	2	8
F=(())	1	2



广义表的图形表示

(+ 3 (- 4 (* 5 9))) Lisp程序设计语言例子

理解广义表

更多解释

- 广义表的元素可以是原子,也可以是子表,子表的元素又可以是子表,…。即广义表是一个多层次的结构。
- 广义表可以被其它广义表所共享,也可以共享其它广义表。广义表 共享其它广义表时通过表名引用。
- 广义表本身可以是一个递归表。
- 根据对表头、表尾的定义,任何一个非空广义表的表头可以是原子, 也可以是子表,而表尾必定是广义表。

 Data Structure
 October 26, 2020
 38/43

链式存储结构

- 由于广义表中的数据元素具有不同的结构,通常用链式存储结构表示,每个数据元素用一个结点表示。因此,广义表中就有两类结点:
 - 一类是表结点,用来表示广义表项,由标志域,表头指针域,表尾指 针域组成;
 - 另一类是原子结点,用来表示原子项,由标志域,原子的值域组成。
 - 只要广义表非空,都是由表头和表尾组成。即一个确定的表头和表尾 就唯一确定一个广义表。

tag=0	原子的值	表尾指针 tp	tag=1	表头技	旨针hp	表尾指针 tp
(a)	原子结点			(b)	表结点	

图 广义表的链表结点结构示意图

Data Structure October 26, 2020 39/43

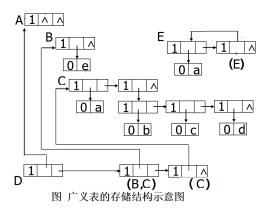
广义表在内存中的表示:静态结构

```
typedef struct GLNode
{ int tag; /*标志域, 为1: 表结点;为0: 原子结点*/
    union{
        elemtype value; /*原子结点的值域*/
        struct{
            struct GLNode *hp , *tp;
            }ptr; /*ptr和atom两成员共用*/
        }Gdata;
} GLNode; /* 广义表结点类型 */
```

 Data Structure
 October 26, 2020
 40/43

例子

对 A=(), B=(e), C=(a, (b, c, d)), D=(A, B, C), E=(a, E) 的广
 义表的存储结构如下图所示



Data Structure October 26, 2020 41/43

广义表的存储结构的特点

- 若广义表为空,表头指针为空;否则,表头指针总是指向一个表结点,其中 hp 指向广义表的表头结点(或为原子结点,或为表结点), tp 指向广义表的表尾(表尾为空时,指针为空,否则必为表结点)。
- 这种结构求广义表的长度、深度、表头、表尾的操作十分方便。
- 表结点太多, 造成空间浪费。

Data Structure October 26, 2020 42/43

练习题

广义表

- 什么是广义表?请简述广义表与线性表的区别?
- 一个广义表是 (a, (a, b), d, e, (a, (i, j), k)) , 请画出该广义表的链式存储结构。

二维数组

- 设有二维数组 a[6][8],每个元素占相邻的 4 个字节,存储器按字节编址,已知 a 的起始地址是 1000,试计算:
 - 数组 a 的最后一个元素 a[5][7] 起始地址;
 - 按行序优先时,元素 a[4][6] 起始地址;
 - 按行序优先时,元素 a[4][6] 起始地址。

Data Structure October 26, 2020 43/43