ниу итмо

Факультет программной инженерии и компьютерной техники Направление подготовки 09.03.04 Программная инженерия Дисциплина «Вычислительная математика»

Отчет

По лабораторной работе №1 Вариант 27

Выполнил:

Овсянников Роман Дмитриевич, студент группы Р32131

Преподаватель:

Малышева Татьяна Алексеевна

Санкт-Петербург, 2023 г.

Цель работы:

Разработать программу для подсчета корней СЛАУ. Для прямых методов должно быть реализовано:

- · Вычисление определителя
- · Вывод треугольной матрицы (включая преобразованный столбец В)
- Вывод вектора неизвестных: x1, x2, ..., xn
- · Вывод вектора невязок: *r*1,*r*,...,*rn*

Описание метода:

Метод Основан на приведении матрицы системы к треугольному виду так, чтобы ниже ее главной диагонали находились только нулевые элементы

Прямым ходом метода Гаусса состоит в последовательном исключении неизвестных из уравнений системы. Сначала с помощью первого уравнения исключается x1 из всех последующих уравнений системы. Затем с помощью второго уравнения исключается x2 из третьего и всех последующих уравнений и т. д. Если элемент главной диагонали будет равен нулю, то нужно поменять столбцы или строки местами так, чтобы на этом месте не было нуля, если найти такой столбец (строку) не удалось, то у нас либо бесконечное количество решений (при b[i] = 0), либо не существует решений.

Обратный ход метода Гаусса состоит в последовательном вычислении искомых неизвестных от последнего уравнения к первому: решая последнее уравнение, находим единственное в этом уравнении неизвестное xn. Далее, используя это значение, из предыдущего уравнения вычисляем xn-1 и т. д. Последним найдем x1 из первого уравнения.

Определитель считается как произведение всех элементов главной диагонали треугольной матрицы. Для корректного определения знака определителя необходимо запомнить количество перестановок и умножить определитель на (-1)^k, где k - число перестановок столбцов или строк при приведении матрицы к треугольному виду

Для определения точности используется вектор невязок (Невязка - количественная мера несоответствия между правыми и левыми частями системы уравнений при подстановки в них вычислительного решения.)

Код программы:

https://github.com/Ja1rman/Computational-Mathematics/blob/main/lab1/main.go

Примеры работы программы:

```
Вариант 27
Введите + для ввода из файла и любой другой символ для ввода в консоли:
Размер матрицы:
Введите матрицу коэффициентов:
10.5 5 4
1 2 6
6 7 8
Введите матрицу ответов:
3 2 9
Определитель равен: -153
Треугольная Матрица:
10.500000 5.000000 4.000000 | 3.000000
0.000000 1.523810 <u>5.619048</u> | 1.714286
0.000000 - 0.000000 - 9.562500 | 2.625000
Определитель по матрице -153.00000000000000
Вектор невязок:
x0: -0.627451; x1: 2.137255; x2: -0.274510; %
```

```
Вариант 27
Введите + для ввода из файла и любой другой символ для ввода в консоли:
Размер матрицы:
Введите матрицу коэффициентов:
0 5 4
1 2 6
6 7 8
Введите матрицу ответов:
3 2 9
Определитель равен: 120
Треугольная Матрица:
5.000000 0.000000 4.000000 | 3.000000
-0.000000 1.000000 4.400000 | 0.800000
0.000000 0.000000 -24.000000 | 0.000000
Определитель по матрице 120
Вектор невязок:
0.0000000000000003701, 0.0000000000000009252, 0.00000000000000002776,
Ответ:
x0: 0.600000; x1: 0.800000; x2: -0.000000; %
```

Вывод:

Во время выполнения лабораторной работы я изучил работу прямого метода Гаусса. Основным недостатком прямых методов является большое число операций.

Также при решении СЛАУ методом Гаусса может получиться большая погрешность из-за использования маленьких ведущих элементов. (Но есть метод Гаусса с выбором главного элемента, который позволяет избежать этого.)