جبر خطی

دانشكده مهندسي كامپيوتر

حمیدرضا ربیعی، مریم رمضانی بهار ۱۴۰۳

تاریخ انتشار: ۱ اسفند ۱۴۰۲



تمرین تئوری اول

معادلات خطی و فضاهای برداری

- ۱. پرسشهای خود درمورد این تمرین را در سامانه کوئرا مطرح کنید.
- ۲. سیاست ارسال با تاخیر: شما در مجموع در طول نیمسال میتوانید از ۱۶ روز تاخیر استفاده کنید. این مقدار برای تمارین تئوری و عملی به صورت جداگانه
 حساب می شود. تاخیرها با مقیاس ساعت محاسبه شده و به بالا گرد می شوند.
- ۳. سیاست مشارکت دانشجویان در حل کردن تمارین: دانشجویان میتوانند در حل تمارین برای رفع ابهام و یا بهدست آوردن ایده ی کلی با یک دیگر مشورت و همفکری کنند. این کار مورد تایید و تشویق تیم ارائه ی درس می باشد؛ چرا که همفکری و کار گروهی می تواند موجب تقویت یادگیری شود. اما بهدست آوردن جزئیات راه حل و نگارش پاسخ باید تماما توسط خود دانشجو انجام شود. حتما در انتهای پاسخهای ارسالی خود نام افرادی که با آنها همفکری کردید را ذکر کنند.

سوالات (۱۰۰ نمره) تاریخ تحویل: ۱۱ اسفند ۱۴۰۲

یرسش ۱ (۳۰ نمره)

(آ) (۱۵ نمره) معادله زیر را به فرم ماتریس افزایش یافته ابنویسید و سپس با استفاده از عملیات سطری مقدماتی و تشکیل فرم کاهش یافته سطری پلکانی " دستگاه معادله را حل کنید. (حل معادلات بدون استفاده از روش یاد شده نمرهای نخواهد داشت.)

$$\mathbf{r}x - \mathbf{f}y + z + \mathbf{r}t = -\mathbf{r}$$

$$\mathbf{f}x - \mathbf{f}y - z - \mathbf{f}t = -\mathbf{f}$$

$$Ax + Py - z - At = \Delta$$

$$9x + 7y + z + 7t = A$$

(ب) (۱۵ نمره) معکوس ماتریس زیر را با کمک ماتریس افزایش یافته $[A \mid I]$ بدست آورده و ماتریسهای سطری مقدماتی استفاده شده را بنویسید.

- پرسش ۲ (۲۰ نمره) مجموعه تمام توابع $f: \mathbf{R} \to \mathbf{R}$ را با $f: \mathbf{R} \to \mathbf{R}$ نشان می دهیم. تابعی متناوب با دوره تناوب $f: \mathbf{R} \to \mathbf{R}$ است که f(x) = f(x+T) برقرار باشد. مجموعه تمام توابع فرد را با $f_e(x) = f_e(-x)$ نشان می دهیم که داریم $f_e(x) = f_e(-x)$ و مجموعه تمام توابع زوج را با $f_e(x) = f_e(-x)$ نشان می دهیم که داریم و راید در را ثابت یا رد کنید:
 - (آ) (۵ نمره) مجموعه توابع با دوره تناوب T زیرفضایی از $\mathbf{R}^{\mathbf{R}}$ است.
 - (\mathbf{p}) (۵ نمره) مجموعه تمامی توابع متناوب زیرفضایی از $\mathbf{R}^{\mathbf{R}}$ است.
 - $f_o \oplus f_e = \mathbf{R^R}$ (نمره) (ج)
 - پرسش $^{f r}$ (۲۵ نمره) اثبات کنید اجتماع سه زیرفضا از V یک زیرفضا از V است اگر و تنها اگر یکی از زیرفضاها شامل دوتای دیگر باشد.
- پرسش ۴ (۲۵ نمره) اگر V را به صورت تمامی دنبالههای نامتناهی $a_i = (a, a_1, a_2, ...)$ که همهی مقادیر a_i اعداد حقیقی هستند تعریف کنیم، با توجه به تعاریف زیر از جمع برداری و ضرب اسکالر مشخص کنید V فضای برداری است یا خیر.

$$a+b=(a.b.,\ a.b_1+a_1b.,\ a_7b.+a_1b_1+a.b_7,\ ...)$$
 or $(a+b)_j=\sum_{i=1}^j a_ib_{j-i}$ (جمع برداری)

$$ka = (ka., ka_1, ka_1, \dots)$$
 (ضرب اسکالر)

Augmented Matrix

Elementary Row Operations

Row Reduced Echelon Form