Übungsblatt 1 zur Vorlesung "Computerphysik" SS 2021

J. Ostmeyer und C. Urbach

Ausgabe: 14. April 2021 auf eCampus Abgabe: 05. Mai 2021 auf eCampus

Riemannsche Zeta Funktion (20 Punkte)

Die Riemannsche Zeta Funktion spielt eine wichtige Rolle für viele Anwendungen in der Physik und Mathematik. Sie ist wie folgt definiert:

$$\zeta(s) = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^s}, \quad s \in \mathbb{C} \setminus \{0\}.$$
(1)

Schreiben Sie ein Computerprogramm, das $\zeta(2)$ numerisch bis auf 15 Dezimalstellen genau berechnet.

Erklären Sie Ihren Algorithmus und visualisieren Sie das Konvergenzverhalten.

Bestimmen Sie außerdem analytisch die Konvergenzordnung der oben definierten Reihe Gleichung (1) für s=2.

¹D.h. ist $\zeta(2) - \sum_{k=1}^{n} k^{-2}$ in $\mathcal{O}(n^{\alpha})$, $\mathcal{O}(e^{\alpha n})$,...?