Multizestaw zadań

Robert Fidytek

$1 \quad \text{Wikiel/Z3.4}$

1. Zadanie z Wikieł Z 3.4) moja wersja nr [nrWersji] Dany jest ciąg arytmetyczny, w którym $a_1 + a_3 + a_5, \ldots, a_{p3} = [b]$ oraz $a_2 + a_4 + a_6, \ldots, a_{p1} = [a]$. Wyznaczyć wyraz pierwszy a_1 oraz różnicę r tego ciągum a następnie n, dla której $S_n = [e]$.

Rozwiązanie (autor Wojciech Przybylski, recenzent):

$$S_{n} = \frac{a_{1} + a_{n}}{2} \cdot n$$

$$S_{2n} = \frac{a_{1} + a_{1} + ([p1] - 1)r}{2} \cdot \frac{[p1]}{2} = (a_{1} + [p3] \cdot r) \cdot [p2] = [b]$$

$$S_{2n+1} = \frac{a_{1} + r + a_{1} + ([p1] - 1)r}{2} \cdot \frac{[p1]}{2} = (a_{1} + [p2] \cdot r) \cdot [p2] = [a]$$

$$\begin{cases} a_{1} \cdot [p2] + [p2p3] \cdot r = [b] \\ a_{1} \cdot [p2] + [p2p2] \cdot r = [a] \end{cases}$$

$$[p2] \cdot r = [c] \rightarrow r = [c2]$$

$$[p2] \cdot a_{1} + [c2] \cdot [p2p3] = [b] \rightarrow a_{1} = \frac{[b] - [d]}{[p2]}$$

$$\begin{cases} r = [c2] \\ a_{1} = [du] \end{cases}$$

$$2 \cdot [e] = (2a_{1} + r \cdot n - r) \cdot n$$

$$0 = r \cdot n^{2} + (2a_{1} - r) \cdot n - 2 \cdot [e]$$

$$0 = [c2] \cdot n^{2} + (2 \cdot [du] - [c2]) \cdot n - 2 \cdot [e]$$

$$0 = [c2] \cdot n^{2} + [nawias] \cdot n - [e2]$$

$$\Delta = ([nawias])^{2} + 4 \cdot [c2] \cdot [e2] = [delta] \Rightarrow \sqrt{\Delta} \approx [pierdelta]$$

$$n_1 = \frac{[absnawias] - [pierdelta]}{2 \cdot [c2]} \approx [n1] \lor n_2 = \frac{[absnawias] + [pierdelta]}{2 \cdot [c2]} \approx [n2]$$

Liczba n jest liczbą dodatnią, więc wybieramy n = [n2sufit]

Odpowiedź:

A. $a_1 = [du], r = [c2],$ natomiast dla $S_n = [e]$ liczba n = [n2sufit].

B. $a_1 = [du]$, r = [c2], natomiast dla $S_n = [e]$ liczba n = [n1].

C. $a_1 = [c2]$, r = [du], natomiast dla $S_n = [e]$ liczba n = [n2sufit].

D. $a_1 = [c2]$, r = [du], natomiast dla $S_n = [e]$ liczba n = [n1].

E. $a_1 = [n1]$, r = [n2sufit], natomiast dla $S_n = [e]$ liczba n = [e].

Test poprawna odpowiedź:

Α