# V27

# Der Zeeman-Effekt

Benjamin Schäfer benjamin.schaefer@tu-dortmund.de

 ${\it Jan~Gaschina} \\ {\it jan.gaschina@tu-dortmund.de}$ 

Durchführung: 12.01.2022 Abgabe: 28.01.2022

TU Dortmund – Fakultät Physik

# Inhaltsverzeichnis

1	Ziel	Zielsetzung						
2 Theorie								
	2.1	Energie	eniveaus und LS-Näherung	3				
	2.2		er Zeeman-Effekt					
	2.3	anorma	aler Zeeman-Effekt	4				
	2.4		allinien					
	2.5		er-Gehrcke Platte					
3	Fehl	ler		6				
4	Dur	chführuı	ıg	7				
5	Auswertung							
	5.1	Vorber	eitung	7				
		5.1.1	Lumer-Gehrcke Platte	7				
		5.1.2	Bestimmung der Landé-Faktoren	8				
		5.1.3	Berechnung der optimalen B-Feldstärken	9				
	5.2	Vermes	sung des Elektromagneten	9				
	5.3	Vermes	sung der Spektrallinien	11				
		5.3.1	Die rote Sigma-Linie	13				
		5.3.2	Die blaue Pi-Linie	14				
		5.3.3	Die blaue Sigma-Linie	15				
	5.4	Bestim	mung der Landé-Faktoren	17				
	5.5	Helligk	eitsplots	17				
6	Disk	cussion		20				
7	Lite	ratur		20				

## 1 Zielsetzung

Das Ziel des Versuchs ist die Überprüfung des Zeeman-Effekts bei niedrigen Flussstärken am Beispiel von Cadmium.

Der Zeeman-Effekt beschreibt die Aufspaltung der Energienieveaus eines Atoms unter Einfluss eines konstanten externen Magnetfeldes. Bei niedrigen Flussstärken wird zwischen normalen und anormalen Zeeman-Effekt unterschieden. Beide Effekte werden in diesem Versuch mittels der Spektrallinien-Aufspaltung an Cadmium untersucht. Dabei wird auch die Polarisation der emittierten Strahlung berücksichtigt.

## 2 Theorie

In diesem Kapitel werden die theoretischen Hintergründe dieses Versuches erläutert.

## 2.1 Energieniveaus und LS-Näherung

Gebundene Elektronen in einem Atom besitzen diskrete Energien, sogenannte Energieniveaus. Ohne Einfluss eines äußeren Magnetfeldes lassen sich diese durch folgende Quantenzahlen charakterisieren:

- n Hauptquantenzahl
- l Neben-/Bahndrehimpulsquantenzahl
- $m_l$  Magnetquantenzahl

Der Spin der Elektronen wechselwirkt mit dem Bahndrehimpuls, was als Spin-Bahn-Kopplung verstanden wird. Bei leichten Atomen mit geringer Kernladung spielt diese für die einzelnen Elektronen jedoch eine untergeordnete Rolle, weshalb es sich anbietet hier die sogenannte LS-Kopplung als Näherung zu verwenden. In der LS-Kopplung werden die Bahndrehimpulse  $\hat{l}_i$  der N Elektronen zu einem Bahndrehimpuls  $\hat{L}$  mit Quantenzahl L zusammengefasst durch:

$$\hat{L} = \sum_{i=1}^{N} \hat{l}_i \tag{1}$$

Analog werden die einzelnen Spins  $\hat{s_i}$ zu einem Spin $\hat{S}$ mit Quantenzahl S aufaddiert.

$$\hat{S} = \sum_{i=1}^{N} \hat{s_i} \tag{2}$$

Für Berechnungen der Spin-Bahn-Kopplung relevant ist dann der Gesamtdrehimpuls  $\hat{J} = \hat{L} + \hat{S}$ . Die zugehörige Quantenzahl ist J. Energieniveaus werden in der LS-Näherung in folgender Form angegeben:

$$^{2S+1}L_{J} \tag{3}$$

Die Bahndrehimpulsquantenzahl L wird dabei durch Buchstaben anstelle von Zahlen gekennzeichnet. Die Buchstaben S, P, D, F entsprechen den Zahlen 0, 1, 2, 3. Im folgenden wird die LS-Kopplung als gegebene und gute Näherung angenommen.

#### 2.2 normaler Zeeman-Effekt

Unter dem normalen Zeeman-Effekt wird die Aufspaltung derer Energieniveaus, dessen Spinquantenzahl S=0 ist, unter Einfluss eines externen Magnetfeldes verstanden. Das aus dem Bahndrehimpuls  $\hat{L}$  der Elektronen resultierende magnetische Moment wechselwirkt mit dem externen Magnetfeld und bewirkt eine Aufspaltung des Energieniveaus in 2L+1 Niveaus. Bei L=0 findet keine Wechselwirkung und somit keine Aufspaltung in mehrere Niveaus statt. Die Verschiebung  $\Delta E$  der Energie zum ursprünglichen Energieniveau berechnet sich zu:

$$\Delta E = \mu_B B m_L \tag{4}$$

Wobei  $\mu_B$  das Bohrsche Magneton und  $m_L$  die Magnet<br/>quantenzahl zur z-Komponente des Bahndrehimpulses  $\hat{L_z}$  bezeichnet.

#### 2.3 anormaler Zeeman-Effekt

Ist die Spinquantenzahl  $S \neq 0$  so findet selbst bei L=0 unter Einfluss eines schwachen Magnetfeldes eine Aufspaltung der Energiniveaus statt. Dieser Effekt wird anormaler Zeeman-Effekt genannt. Der Begriff eines schwachen Magnetfeldes bezeichnet hierbei, dass der Einfluss des Magnetfeldes auf die Enegieniveaus kleiner sein soll als der Einfluss der Spin-Bahn-Kopplung. Der nicht-verschwindende Spin  $\hat{S}$  verursacht einen nicht-verschwindenden Anteil am magnetischen Moment des Atoms. Die Wechselwirkung des externen Magnetfeldes findet mit dem Gesamtdrehimpuls  $\hat{J}$  statt. Die Energieniveaus spalten sich somit in 2J+1 Niveaus auf. Die Verschiebung  $\Delta E$  der Energie zum ursprünglichen Energieniveau berechnet sich zu:

$$\Delta E = g_I \mu_B B m_I \tag{5}$$

dabei bezeichnet  $m_J$  die Magnetquantenzahl zur z-Komponente des Gesamtdrehimpulses  $\hat{J}_z$  und  $g_J$  den Landé-Faktor. Der Landé-Faktor berechnet sich über:

$$g_J = 1 + \frac{J(J+1) - L(L+1) + S(S+1)}{2 \cdot J(J+1)} \tag{6}$$

#### 2.4 Spektrallinien

Beim Übergang von einem höheren Energieniveau in ein niedrigeres wird elektromagnetische Strahlung emittiert, dessen Energie der Energiedifferenz der beiden Niveaus entspricht. Die in diesem Versuch untersuchten Spektrallinien entstehen durch folgende Übergänge von Cadmium:

1. 
$$^1P_1 \leftrightarrow ^1D_2$$
 
$$\lambda = 643, 8 \, \mathrm{nm}$$

2. 
$${}^3S_1 \leftrightarrow {}^3P_1$$
  
 $\lambda = 480, 0 \, \mathrm{nm}$ 

wobei  $\lambda$  die Wellenlänge der emittierten Strahlung des jeweiligen Überganges bezeichnet. Liegt ein äußeres Magnetfeld an, spaltet sich das Niveau  $^1D_2$  in fünf Niveaus auf, während alle anderen Niveaus sich nur in drei aufspalten. Erlaubte Übergänge der aufgespaltenen Niveaus sind nur solche bei denen sich  $m_J$  nur um maximal 1 ändert. Unterschieden werden die Übergänge nach:

•  $\Delta m_J = 0$ Diese Übergange werden  $\pi$ - Übergange genannt

•  $\Delta m_J = \pm 1$ Diese Übergange werden  $\sigma_+$ - bzw  $\sigma_-$ - Übergange genannt

Die Strahlung aus  $\pi$ -Übergängen ist parallel zum angelegten Magnetfeld polarisiert, während sie bei  $\sigma_{\pm}$ -Übergänge in der Ebene senkrecht zum Magnetfeld zirkular polarisiert ist. Letztere Polarisation wird in diesem Versuch als senkrecht zum Magnetfeld wahrgenommen, da dies der Projektion zirkular-polarisierter Strahlung auf eine entfernte Ebene parallel zum Magnetfeld entspricht.

Die  $\pi$ -Übergänge von  $^1P_1 \leftrightarrow ^1D_2$  haben nach Gleichung 4 die gleiche Energieverschiebung, womit sich keine Spektrallinien-Aufspaltung feststellen lässt. Bei  $^3S_1 \leftrightarrow ^3P_1$  sind die Energieverschiebungen der beiden Niveaus nach Gleichung 5 aufgrund von verschiedenen Landé-Faktoren unterschiedlich, weshalb die Spektrallinie sich in drei aufteilt. Aufgrund der geringen Aufspaltung bei den, in diesem Versuch verfügbaren, Magnetflussstärken sind diese aber kaum oder gar nicht zu unterscheiden.

Die Spektrallinien der  $\sigma_{\pm}$ -Übergänge spalten sich alle auf, aber auch hier ist im Rahmen dieses Experiments nur eine Aufspaltung in jeweils drei Linien unterscheidbar.

#### 2.5 Lummer-Gehrcke Platte

Die Lummer-Gehrcke Platte besteht aus einem optischen Element durch das ein einfallender Strahl auf zwei planparallele Platte geleitet wird. Dort wird der Strahl zwischen den beiden Platten hin und her reflektiert und bei jeder Reflexion tritt ein Bruchteil aus der Lummer-Gehrcke Platt aus. Diese Strahlen sind parallel und haben einen äquidistanten

Abstand zueinander.

Der Austrittswinkel hängt unter anderem von der Wellenlänge der einfallenden Strahlung ab, wodurch sich damit die Aufspaltung einer Spektrallinie beobachten lässt in Form einer räumlichen Aufteilung der Austretenden Strahlung. Das Auflösungsvermögen der Lummer-Gehrke Platte wird beschrieben durch:

$$A = \frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{L(n^2 - 1)}{\lambda} \tag{7}$$

Das Dispersionsgebiet  $\Delta \lambda$  in welchem die Strahlen nicht interferieren ist gegeben durch:

$$\Delta \lambda_D = \frac{\lambda^2}{2d\sqrt{n^2 - 1}} \tag{8}$$

### 3 Fehler

Der Mittelwert:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=0} x_i \tag{9}$$

Die Standardabweichung:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}} \tag{10}$$

Der Fehler des Mittelwertes:

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \tag{11}$$

Die Gaußsche Fehlerfortpflanzung:

$$\sigma_x = \sqrt{(\frac{\partial f}{\partial x_1})^2 \sigma_{x_1}^2 + (\frac{\partial f}{\partial x_2})^2 \sigma_{x_2}^2 + \dots + (\frac{\partial f}{\partial x_n})^2 \sigma_{x_n}^2}$$
 (12)

Die Prozentuale Abweichung:

$$Abweichung = \frac{\text{ExperimentellerWert} - \text{Theoriewert}}{\text{Theoriewert}} \times 100 \tag{13}$$

## 4 Durchführung

In diesem Kapitel sollen die einzelnen Schritte des Versuches erklärt werden.

Zunächst wird mittels einer Hall-Sonde die Magnetflussstärke des verwendeten Elektromagneten vermessen, um den Zusammenhang zwischen der Flussstärke und der eingestellten Stromstärke berechnen zu können.

Danach wird der Versuch wie in Abbildung 1 aufgebaut. Das aus der Spektrallampe tretende Licht wird auf ein Geradsichtprisma fokussiert. Dieses lenkt das Licht wellenlängenabhängig ab. Ein eingebrachter Polarisationsfilter lässt danach die verschiedenen Übergänge voneinander trennen. Der Spalt  $S_2$  lässt je nach Einstellung nur einen kleinen Wellenlängenbereich, um die zu untersuchende Wellenlänge hindurch. Zuletzt wird das Licht durch eine Linse auf die Lummer-Gehrcke Platte geleitet und danach mittels einer Kamera photographiert.

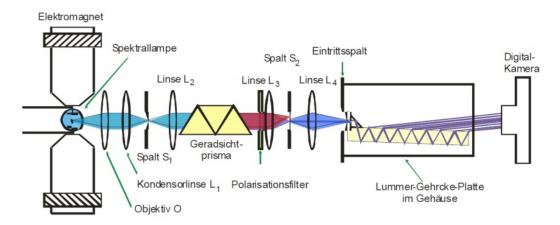


Abbildung 1: Versuchsaufbau

Untersucht wurde die Aufspaltung der Spektrallinien bei 480 nm und 643,8 nm Wellenlänge. Dazu wurde jeweils vier Photos gemacht. Zwei Photos mit eingeschaltetem Magnetfeld für parallel zum Magnetfeld und senkrecht dazu polarisierte Strahlung und zwei Photos ohne Magnetfeld für dieselben Polarisationen.

## 5 Auswertung

In diesem Kapitel werden die aufgenommenen Messwerte ausgewertet.

#### 5.1 Vorbereitung

#### 5.1.1 Lumer-Gehrcke Platte

Die Eigenschaften der Lumer-Ghercke, Platte lassen sich mit den Materialeigenschaften der Platte bestimmen. Die in diesem Versuch verwendete Lumer-Ghercke Platte hat die

Maße  $d=4\,\mathrm{mm},\,L=120\,\mathrm{mm}.$  Die beiden Spektrallinien welche betrachtet werden sollen sind:

$$\lambda_{rot} = 643.8 \,\mathrm{nm} \,\,\mathrm{und} \,\,\lambda_{blau} = 480.0 \,\mathrm{nm}.$$

Für diesen Versuchsaufbau ergeben sich die wellenlängenabhängigen Brechungsindizes:

$$n_{rot} = 1.4567$$
 und  $n_{blau} = 1.4635$ .

Mit diesen Angaben kann dann über Gleichung 7 das Auflösungsvermögen A und über Gleichung 8 das Dispersionsgebiet  $\Delta\lambda$  berechnet werden. Die Ergebnisse sind in Tabelle 1 dargestellt.

**Tabelle 1:** Wellenlängenabhängige Werte der Lummer-Gehrcke Platte, für Auflösungsvermögen und Dispersionsgebiet.

Größe	643,8 nm	$480,\!0\mathrm{nm}$
A	209128.59	285458.06
$\Delta \lambda_D/\mathrm{pm}$	48.91	26.95

### 5.1.2 Bestimmung der Landé-Faktoren

Die Unterschiede in der Aufspaltung der Spektrallinien ist abhängig von den Landé Faktoren  $g_j$ . Für den roten Übergang zwischen den Niveaus  $^1P_1 \leftrightarrow ^1D_2$  und den blauen Übergang zwischen den Niveaus  $^3S_1 \leftrightarrow ^3P_1$  ergeben sich für die einzelnen Landé Faktoren, mit Gleichung 6 die Werte in Tabelle 2. Mit der Notation  $^{2S+}1L_j$  für die Niveaus, wobei L die Bezeichnung des Niveaus ist, welchem ein fester Drehimpuls zugeordnet ist, ergeben sich Für die Energiedifferenz zwischen den einzelnen Niveaus ergeben sich nun aus

Tabelle 2: Berechnung der Landé-Faktoren.

Niveau	J	S	L	$g_{j}$
$^{1}P_{1}$ $^{1}D_{2}$ $^{3}S_{1}$ $^{3}P_{1}$	1	0	1	1
$^{1}D_{2}$	2	0	2	1
${}^{3}S_{1}$	1	1	0	2
$^{3}P_{1}$	1	1	1	$\frac{2}{2}$

Gleichung 4 folgend die Werte für den normalen Zeeman Effekt in Tabelle 3. Für den

Tabelle 3: Berechnung der Landé-Faktoren des normalen Zeemann-Effektes.

643,8 nm	m =-1	m = 0	m = +1
	$\mu_B B$	0	$\mu_B B$

anormalen Zeeman Effekt können die Faktoren über Gleichung 5 bestimmt werden. Sie sind in Tabelle 4 dargestellt.

Tabelle 4: Berechnung der Landé-Faktoren des anormalen Zeemann-Effektes.

480,0 nm	m =-1	m =0	m =+1
	$\frac{3}{2}\mu_B B$	$-\frac{1}{2}\mu_B B$	
	$2\mu_B B$	$0$ $1 \dots D$	$-2\mu_B B$ $\frac{3}{2}\mu_B B$
		$\frac{1}{2}\mu_B B$	$\frac{1}{2}\mu_B B$

#### 5.1.3 Berechnung der optimalen B-Feldstärken

Um zu vermeiden, dass sich Linien überschneiden da sie sich entweder zu weit voneinander entfernen oder nicht weit genug, werden hier die optimalen Feldstärken berechnet. Das optimale B-Feld ergibt sich über:

$$B = \frac{hc}{4\mu_B \lambda^2 g_{ij}} = \frac{\Delta E}{\mu_B g_{ij}} \tag{14}$$

Die sich daraus ergebenden idealen B-Feldstärken sind in Tabelle 5 dargestellt.

Tabelle 5: Optimale B-Feldstärken für die verschiedenen Landé-Faktoren.

$\lambda/\mathrm{nm}$	$\Delta g_{ij}$	B/T
480.0	0.5	1.25
648.8	1.0	0.63
480.0	1.5	0.42
648.8	2.0	0.31

#### 5.2 Vermessung des Elektromagneten

Es ist aufgrund des Versuchsaufbaus nicht möglich die magnetische Flussdichte B zwischen den beiden Polschuhen des Elektromagneten zu bestimmen während die Cadmiumdampflampe eingeführt ist. Daher muss das Magnetfeld vorher mittels einer Hallsonde in abhängigkeit vom Spulenstrom ausgemessen werden. Wenn die Cadmiumdampflampe dann eingeführt ist muss nurnoch der passende Spulenstrom eingestellt werden. In Tabelle 6 sind die Messdaten für die Neukurve dargestellt.

Tabelle 6: In der Tabelle sind die Messdaten für den Spulenstrom I und die resultierende Flussdichte B dargestellt.

I/[A]	$B/[\mathrm{mT}]$
5.0	452.1
4.8	440.4
4.6	430.2
4.4	415.4
4.2	403.4
4.0	388.0
3.8	371.7
3.6	356.7
3.4	338.8
3.2	320.9
3.0	305.5
2.8	288.2
2.6	266.8
2.4	248.8
2.2	229.6
2.0	209.2
1.6	169.8
1.2	131.1
0.8	89.4
0.4	50.7
0.0	9.9

Die Daten aus Tabelle 6 wurden in Abbildung 2 dargestellt. Zudem wurde an die Daten ein Polynom dritten Grades angepasst die verwendeten Parameter lauten:

$$a_3 = (-0.00105 \pm 0.00008) \mathrm{T/A^3}$$

$$a_2 = (0.00359 \pm 0.00062) \mathrm{T/A^2}$$

$$a_1 = (0.09673 \pm 0.00135)$$
T/A

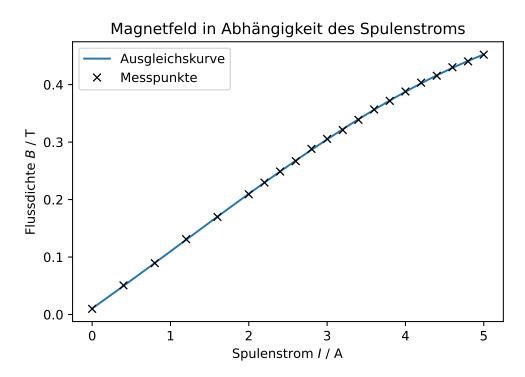
$$a_0 = (0.01059 \pm 0.00080) \mathrm{T}$$

Das zugehörige Polynom hat die Form:

$$B(I) = a_3 I^3 + a_2 I^2 + a_1 I + a_0$$

### 5.3 Vermessung der Spektrallinien

Um die Linien zu vermessen wurde das Licht aus der Lummer-Gehrcke Platte mit einer CAD-Kamera aufgenommen. Die aufgenommenen Bilder wurden dann händisch zugeschnitten. Anschließend wurde mittels eines Python-Programms jeweils die vertikal mittlere Pixelzeile herausgeschnitten und in Graustufen umgerechnet. Die jeweiligen Werte für die Helligkeit wurden gegen die Pixelposition aufgetragen, Die jeweiligen Plots sind in Unterabschnitt 5.5 zu sehen. Das Programm zählte dann die Pixel welche zwischen zwei Maxima liegen.



**Abbildung 2:** Magnetische Flussdichte des verwendeten Elektromagneten in Abhängigkeit des Spulenstroms.

#### 5.3.1 Die rote Sigma-Linie

Zunächst wird der normale Zeeman-Effekt an der roten  $\sigma$ -Linie der Cadmiumdampflampe vermessen. In Abbildung 3 sind die Aufnahmen der Lummer-Gehrcke-Platte zu sehen. Dabei stand der Polarisationsfilter bei  $\phi=90^\circ$ . Im oberen Teil der Grafik ist das Magnetfeld abgeschaltet, im unteren eingeschaltet. Im direkten Vergleich ist sofort die Aufspaltung erkennbar.



Abbildung 3: Die rote Spektrallienie, oben ohne Magnetfeld, unten mit Magnetfeld.

Aus den mit dem beschriebenen Programm berechneten Daten wurde dann die Wellenlängenverschiebung  $\delta\lambda$  berechent. Sie ist zusammen mit den gefundenen Daten für  $\delta s$  und  $\Delta s$  in Tabelle 7 dargestellt. Die Wellenlängenverschiebung berechnet sich über:

$$\delta \lambda = \frac{\delta s}{2\delta S} \Delta \lambda_D \tag{15}$$

Aus diesen Daten wurde dann der Mittelwert nach Gleichung 9 mit zugehörigem Fehler nach Gleichung 11 berechent.

Tabelle 7: Wellenlängenverschiebung der roten Sigma-Linie.

Mode Nr.	$\Delta S/\mathrm{px}$	$\delta S$ /px	$\delta \lambda$
0	119	37	107.6754
1	124	31	94.005
2	124	41	124.3292
3	133	52	169.1308
4	134	47	154.0176
5	145	53	187.9367
7	149	44	160.327
8	160	56	219.1168
9	165	48	193.6836
10	180	71	312.5349
11	196	81	388.2476
12	218	75	399.8392
Ø			$209.24 \pm 29.86$

#### 5.3.2 Die blaue Pi-Linie

Um die blaue  $\pi$ -Linie des annormalen Zeemaneffektes beobachten zu können muss der Aufbau des Experiments geringfügig verändert werden. Als erstes wird der Spalt des optischen Aufbaus so eingestellt, dass nun die blaue Spektrallienie auf die Lummer-Gehrcke-Platte trifft. Anschließend wird der Polarisationsfilter auf  $\phi=90^\circ$  eingestellt. Dann kann analog zu Unterunterabschnitt 5.3.1 vorgegeangen werden. Die dabei errechnten Werte sind in Tabelle 8 dargestellt. In Abbildung 4 ist der direkte Vergleich der  $\pi$ -Linie mit ein- und ausgeschaltetem Magnetfeld zu sehen.

Tabelle 8: Wellenlängenverschiebung der blauen Pi-Linie.

Mode Nr.	$\Delta S/\mathrm{px}$	$\delta S$ /px	$\delta\lambda$
0	38	39	19.97
1	38	37	18.9458
2	39	36	18.9189
4	39	36	18.9189
5	35	38	17.9218
Ø			$18.94 \pm 0.32$

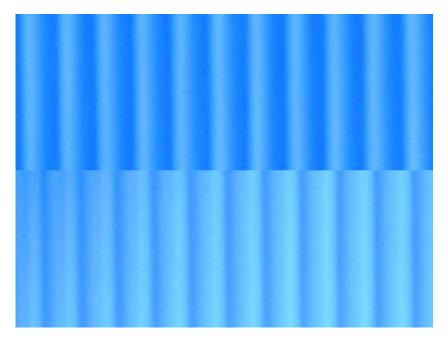
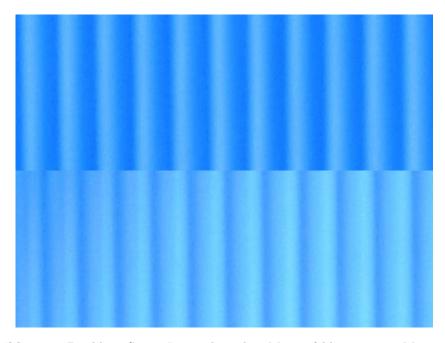


Abbildung 4: Die Pi-Linie, oben ohne Magnetfeld, unten mit Magnetfeld.

## 5.3.3 Die blaue Sigma-Linie

Für die blaue  $\sigma$ -Linie wurden exakt analog zu Unterunterabschnitt 5.3.1 vorgegeangen. Die Aufspaltung der Linien ist in Abbildung 5 zu sehen. Die Daten sind zusammen mit ihrem Mittelwert in Tabelle 9 dargestellt.



 ${\bf Abbildung~5:}~{\rm Die~blaue~Sigma-Linie,~oben~ohne~Magnetfeld,~unten~mit~Magnetfeld.}$ 

Tabelle 9: Wellenlängenverschiebung der blauen Sigma-Linie.

Mode Nr.	$\Delta S/\mathrm{px}$	$\delta S$ /px	$\delta \lambda$
0	33	22	9.7828
1	35	23	10.8474
2	36	24	11.6424
3	35	23	10.8474
4	36	22	10.6722
6	37	22	10.9686
7	36	23	11.1573
8	37	23	11.4672
9	36	23	11.1573
10	37	21	10.4701
Ø			$10.9 \pm 0.17$

### 5.4 Bestimmung der Landé-Faktoren

Um die Landé Faktoren zu bestimmen, wird von der Formel für die Veränderung der Energie Gleichung 5 ausgegangen:

$$\Delta E = g_{ij}\mu_B B m_J \Leftrightarrow g_{ij} = \frac{\Delta E}{\mu_B B}$$

 $\mu_B$ ist dabei das Bohrsche Magneton und  $g=g_{ij}$ der gewünschte Landé Faktor, nach dem direkt umgestellt wurde. In erster Näherung

$$\Delta E = E(\lambda + \delta \lambda) - E(\lambda)$$

ergibt die Taylorentwicklung:

$$\Delta E = \frac{\delta E}{\delta \lambda} E(\lambda).$$

Diese wird mit der quantenmechanischen Energie  $E(\lambda)=\frac{hc}{\lambda}$  in den Landé Faktor eingesetzt und es folgt:

$$g = \frac{\delta \lambda hc}{\mu_B B \lambda^2}$$

Nun können mithilfe der in Unterabschnitt 5.3 bestimmten Wellenlängenverschiebungen die Landé-Faktoren berechnet werden.

Tabelle 10: Die berechneten Landé-Faktoren

$\lambda/\mathrm{nm}$	Übergang	$\delta \lambda/{ m pm}$	$g_{j}$
648.8	$\sigma$	$209.24 \pm 29.86$	$23.60 \pm 3.40$
480.0	$\sigma$	$8.89 \pm 0.7$	$2.92 \pm 0.05$
480.0	$\pi$	$21.34 \pm 0.44$	$3.89 \pm 0.07$

## 5.5 Helligkeitsplots

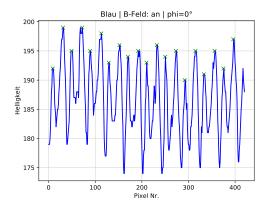


Abbildung 6

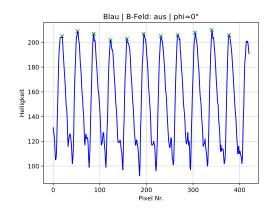


Abbildung 8

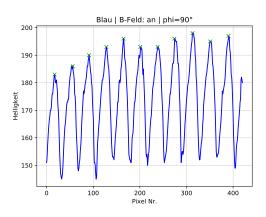


Abbildung 7

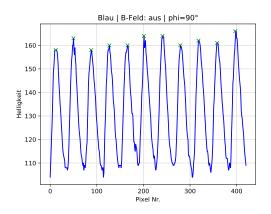


Abbildung 9

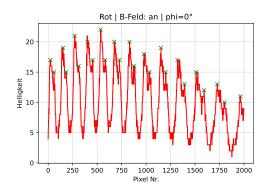


Abbildung 10

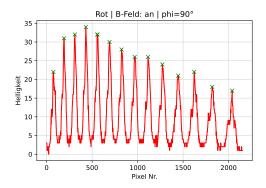


Abbildung 11

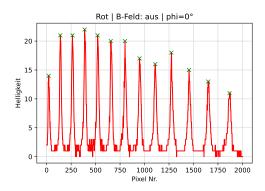


Abbildung 12

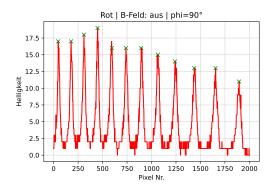


Abbildung 13

## 6 Diskussion

Dieses Kapitel befasst sich mit der Diskussion der im Abschnitt 5 erhaltenen Ergebnisse. In Tabelle 11 werden die berechneten mit den experimentell bestimmten Landé-Faktoren verglichen und die entsprechende Abweichung nach Gleichung 13 berechnet.

Tabelle 11: Abweichung der Landé-Faktoren.

$\lambda/\mathrm{nm}$	Übergang	$g_{theo}$	$g_{j}$	Abweichung / $\%$
648.8	$\sigma$	1.0	$23.60 \pm 3.40$	$2260.0 \pm 340.0$
480.0	$\sigma$	1.5	$2.92 \pm 0.05$	$94.7 \pm 3.0$
480.0	$\pi$	0.5	$3.89 \pm 0.07$	$679.0 \pm 13.0$

Die Abweichungen sind unter anderem damit zu erklären, dass das B-Feld für den annormalen Zeemanneffekt zu klein war da der Elektromagnet keine größere Leistung bringen konnte. Das führt dazu das bei dem blauen Pi-Übergang nahezu keine Aufspaltung der Linien erkennbar ist. Hier kann nur eine Verbreiterung beobachtet werden. Das wird noch von der Tatsache, dass der Polarisationsfilter nicht ideal ist, die dritte Linie also jeweils nur abschwächt und nicht vollständig herausfiltert, verstärkt. Ein weiters Problem dürfte sein das insbesondere bei den blauen Linien eine Vielzahl an Moden aufgenommen wurde, das führt dazu das jede einzelne Mode weniger Pixel breit ist und sich somit Linien schlechter unterscheiden lassen.

#### 7 Literatur

[1] V27 Der Zeemanneffekt, TU Dortmund