Der Compton-Effekt

Leander Flottau leander.flottau@tu-dortmund.de

 ${\it Jan~Gaschina} \\ {\it jan.gaschina@tu-dortmund.de}$

Durchführung: 18.05.2021 Abgabe: 25.05.2021

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Zielsetzung	3
2	Theorie	3
3	Auswertung	5
	3.1 Emissionspektrum der Kupferröntgenröhre	5
	3.2 Bestimmung der Transmission als Funktion der Wellenlänge	5
	3.3 Bestimmung der Compton Wellenlänge	8
4	Diskussion	8

1 Zielsetzung

In diesem Experiment wird mithilfe eines Aluminium-Absorbers und eines Streukörpers die sogenannte Compton-Wellenlänge des Elektrons bestimmt, welche eine zentrale konstante im Rahmen des Compton-Effektes ist.

2 Theorie

Wenn ein Photon an einem Teilchen, in der Regel wie in diesem Versuch einem Elektron, gestreut wird, kann beobachtet werden, dass sich die Wellenlänge des Photons vergrößert. Diese Verschiebung der Wellenlänge im Rahmen eines Streuprozesses kann beispielsweise bei Röntgen oder γ -Strahlung beobachtet werden und wird als Compton-Effekt bezeichnet. Wenn elektromagnetische Strahlung an Materie gestreut wird, wird im allgemeinen zwischen zwei Formen auftretender Streuung, nämlich zum einen der klassischen inelastischen Streuung und zum anderen der elastischen frequenzverschobenen Streuung differenziert. Erstere beschreibt dabei einen Stoßprozess zwischen einem Photon und einem Elektron und wird auch als Compton-Streuung bezeichnet. Bei diesem Prozess wird das Photon

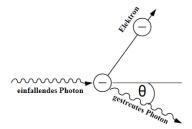


Abbildung 1: Compton Streuung am Elektron

am Elektron um den Winkel Θ gestreut und gibt dabei einen Teil seiner Energie an das Elektron ab. Dies führt dazu das sich die Wellenlänge des Quants erhöht. Da sowohl die Energie als auch der Impuls erhalten sind, kann aus den entsprechenden Erhaltungssätzen sowie der Energie-Impuls-Beziehung die Verschiebung der Wellenlänge $\Delta \lambda = \lambda_2 - \lambda_1$ als Differenz der Wellenlängen vor (λ_1) und nach der Streuung (λ_2) berechnet werden.

$$\Delta \lambda = \frac{h}{m_e c} (1 - cos(\Theta)) = \lambda_c (1 - cos(\Theta)) \tag{1} \label{eq:delta-lambda}$$

Die Konstante λ_c wird als Compton-Wellenlänge bezeichnet. Diese Gleichung zeigt, dass die Verschiebung nur vom Ablenkungswinkel abhängt. Die größtmögliche Verschiebung ergibt sich bei $\Theta=\pi$, während bei einem minnimalen Winkel ($\Theta=0$) keine Streuung und somit keine Verschiebung zustande kommt.

Für die Messung der Compton-Wellenlänge wird Rönthgenstrahlung benötigt, welche durch den Beschuss einer Anode mit freien Elektronen zustande kommt. Sie gliedert sich nach der Form ihrer Entstehung in ein charakteristisches Spektrum und ein Bremsspektrum. Ersteres entsteht wenn das Elektron die nötige Energie besitzt, ein Elektron aus

einer der unteren Schalen eines Atoms zu lösen. Dies führt dazu, dass ein Elektron aus einer anderen Schale die freie Stelle einnimmt und dabei ein Röntgenquant emmitiert, dessen Energie der Differenz der Bindungenergien der betreffenden Schalen entspricht. Da die Bindungsenergien materialspezifisch sind gilt dies auch für die Linien des characteristischen Spektrums. Das Bremsspektrum resultiert aus der Ablenkung eines Elektrons im Coulombfeld eines Atomkerns, wobei das Elektron gebremst wird und seine verlorene Energie als Röntgenphoton emmitiert. Da das Elektron beliebig stark abgebremst werden kann ist das daraus resultierende Spektrum kontinuirlich.

Um die Wellenlänge der Rönthgenstrahlung zu bestimmen bedient man sich der Bragg-

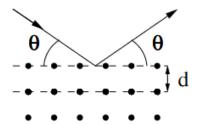


Abbildung 2: Bragg-Reflexion

Reflexion. Bei dieser wird die Strahlung gemäß Abbildung 2 an einem kristallgitter gebeugt. Unter einem bestimmten Winkel α ergibt sich konstruktive Interferenz. Für diesen sogenannten Glanzwinkel kann aus geometrischen Zusammenhängen die Braggsche-Bedingung:

$$2d\sin(\alpha) = n\lambda\tag{2}$$

als Zusammenhang zwischen Winkel und Wellenlänge hergeleitet werden. Hier beschreibt n die Ordnung der Beugung und d die Gitterkonstante, welche für einen herkömmlichen LiF-Kristall 214 pm beträgt.

Da zur Messung der Intensität I ein Geiger-Müller-Zählrohr verwendet wird muss auch die sogenannte Totzeit τ berücksichtigt werden. Diese tritt bei Zählrohren auf und beschreibt den Zeitraum unmittelbar nach registrierung eines Impulses in der kein weiterer Impuls registriert werden kann. Die dadurch nötige Totzeitkorrektur wird mithilfe der Formel:

$$I = \frac{N}{1 - \tau N} \tag{3}$$

mit der gemessenen Zählrate N durchgeführt.

Zur Bestimmung der Compton-Wellenlänge wird genutzt, dass die Transmission von Rönthgenstrahlung in Materie von der Wellenlänge abhängt. Da die Transmission mit steigender Wellenlänge abnimmt, ist der Transmissionskoeffizient T bei Strahlung, deren Wellenlänge durch den Compton-Effekt erhöht wird, geringer da sie im vergleich zur unverschobenen Strahlung niederenergetischer ist. Die Intensität von Strahlung nimmt in Materie durch Absorption exponentiell mit der Dicke d ab:

$$I = I_0 e^{-\mu d} \tag{4}$$

Der Absorptionskoeffizient setzt sich dabei aus drei Komponenten zusammen: $\mu = \mu_{Paar} + \mu_{Photo} + \mu_{Com}$. Diese kommen durch Paarbildung, den Photoeffekt und den Comptoneffekt zustande.

3 Auswertung

In diesem kapitel sollen die gemessenen Werte ausgewertet werden und zueineander in Verbindung gebracht werden.

3.1 Emissionspektrum der Kupferröntgenröhre

Zunächst wurden die gemessenen Werte, wie in Abbildung 3 zu sehen, geplottet. Auf der linken Seite der Grafik ist zunächst ein leichter Bremsberg zu erkenne dann folgt der kleinere K_{β} - und der größere K_{α} -Peak. Ihre rechte Flanke ist jeweils die Absorbtionslinie. Um die Energie dieser Linie zu erhalten, wurden die in rot markierten Maxima und Minima gesucht und durch das jeweilige Punktepaar eine Gerade gelegt deren Mitte über $N_{Mitte} = N_{min} + \frac{N_{max} - N_{min}}{2}$ bestimmt wurde. Aus den so erhaltenen Winkeln kann sofort über

$$E = \frac{hc}{2d_{LiF}sin(\Theta)}$$

die Energie der Linien bestimmt werden. Sie liegen mit folgenden Winkeln Θ bei:

$$\begin{array}{l} \Theta_{\alpha}=23{,}70\,^{\circ}\\ \Theta_{\beta}=20{,}95\,^{\circ} \end{array}$$

$$\begin{split} E_{\alpha} &= 8181,\!4462\,\mathrm{eV} \\ E_{\beta} &= 9021,\!2742\,\mathrm{eV} \end{split}$$

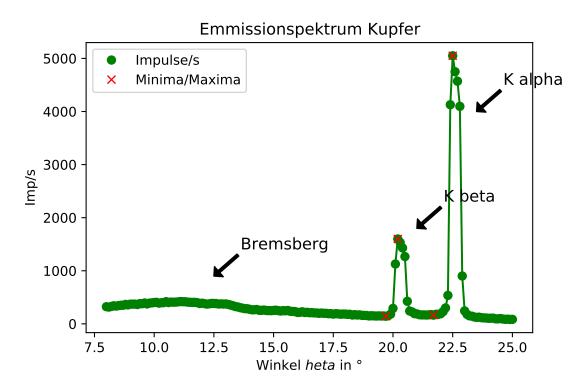
3.2 Bestimmung der Transmission als Funktion der Wellenlänge

Zur bestimmung der wellenlängenabängigien Transmission wurde der Winkelbreich 7°-10° doppelt vermessen, zunächst ohne Aluminium-Absorber dann nocheinmal mit. Die gemessenen Daten wurden dann über $\lambda = 2d_{lif}sin(\Theta)$ in Wellenlängen umgerechnet und mit $I = \frac{N}{1-\tau N}$ die Totzeit $\tau = 90\,\mathrm{s}$ des Geiger-Müller-Zählrohres korrigiert. Mit $T = \frac{I_{Al}}{I_0}$ konnte dann sofort die Transmission bestimmt werden. Zudem wurde noch eine lineare Ausgleichsgrade, der Form T = mx + b mit den koeffizienten:

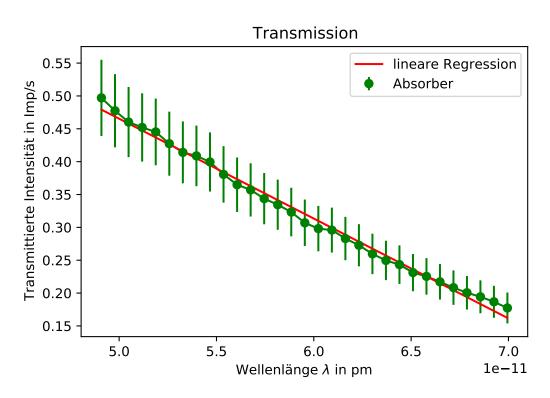
$$a = -0.015 \pm 0.0$$

 $b = 1.225 + 0.014$

durch die Daten gelgegt. Das Ergebnis ist in Abbildung 4 zu sehen.



 ${\bf Abbildung}$ 3: Emissionspektrum der Kupfer Kathode



 ${\bf Abbildung}$ 4: Transmission als Funktion der Wellenlänge

3.3 Bestimmung der Compton Wellenlänge

Um die Comptonwellenlänge zu erhalten wurde zweifach gemessen, einmal mit einem Aluminium-Absorber zwischen Röntgenquelle und Streukörper und einmal mit dem Absorber zwischen Streukörper und Geiger-Müller-Zählrohr. Die erhaltenen Werte:

$$\begin{split} I_0 &= 2731 \, \mathrm{Imp} \\ I_1 &= 1180 \, \mathrm{Imp} \\ I_2 &= 1024 \, \mathrm{Imp} \end{split}$$

wurden über $T_1=\frac{I_1}{I_0}=0.4321$ und $T_2=\frac{I_2}{I_0}=0.3750$ verrechnet. Diese Werte liegen auf der in Unterabschnitt 3.2 berechneten Ausgleichsgrade bei Wellenflängen von $\lambda_1=52,1889$ pm und $\lambda_2=55,9482$ pm. Das ergibt mit $\lambda_c=\lambda_2-\lambda_1$ eine Comptonwelllenlänge von $\lambda_c=3,7593$ pm. Eine Totzeitkorrektur ist bei sehr kleinen Zählraten nicht erforderlich da es sehr unwahrscheinlich ist das ein Impuls in der Totzeit liegt wenn die Totzeit τ sehr viel kleiner ist als das mittlere Intervall zwischen zwei Impulsen.

4 Diskussion

In diesem Versuch wurde zunächst in Unterabschnitt 3.1 das Emissionspektrum der benutzten Röntgenquelle bestimmt. Die berechnete Energie der K_{α} -Linie liegt bei $E_{\alpha}=$ 8181,4462 eV und weicht damit vom Theoriewert [3] $E_{\alpha}=8048,\!11\,\mathrm{eV}$ um etwa 1,6% ab. Der Wert für die K_{β} -Linie liegt bei $E_{\beta}=9021,2742\,\mathrm{eV}$ und weicht damit vom Theoriewert [3] $E_{\beta}=8906,9\,\mathrm{eV}$ um etwa 1,3% ab. Im nächsten Schritt wurde dann die wellenlängenabängigie Transmission berechnet, sie lässt sich schreiben als T $-0.015 * \lambda + (1.225 \pm 0.014)$ hier liegen leider keine Theoriewerte zum Vergleich vor die Ausgleichsgrade liegt jedoch wie in Abbildung 4 zu sehen sehr gut in den Messpunken und wird eine gute Näherung darstellen. Im darauffolgenden Kapitel Unterabschnitt 3.3 wurde dann die Comptonwellenlänge bestimmt. Sie liegt bei $\lambda_c = 3{,}7593\,\mathrm{pm}$ und weicht damit um 54,9% vom bei λ_c , $e=2,426\,\mathrm{pm}$ liegenden Theoriewert [3] ab. Damit kann gesagt werden das zumindest der erste Teil des Versuches sehr gut gelungen ist und recht genaue Ergebnisse mit nur kleinen Abweichungen lieferte. Der letzte Teil leieferte dann e Ergebnisse die nur die Größenordnung des korrekten Wertes aufzeigen. Hier könnten durch die geringen Impulszahlen Fehler entstanden sein. Alles in allem kann von einem gelungenen aufschlussreichen Versuch gesprochen werden.