# Thermische Elektronenemmision

Leander Flottau leander.flottau@tu-dortmund.de

 ${\it Jan~Gaschina} \\ {\it jan.gaschina@tu-dortmund.de}$ 

Durchführung: 04.05.2021 Abgabe: 11.05.2021

TU Dortmund – Fakultät Physik

# Inhaltsverzeichnis

1	1 Zielsetzung		
2 Theorie			
3	Durchführung3.1 Messaparatur3.2 Messung der Kennlinien		
4	Auswertung4.1Kennlinien der Hochvakuumdiode4.2Bestimmung des Exponenten der Stom-Spannungs-Beziehung4.3Untersucheung des Anlaufstromgebietes4.4Abschätzung der Kathodentemperatur4.5Die Austrittsarbeit	7 8 10	
5	Diskussion	10	
6	Literatur	12	
7	Anhang		

## 1 Zielsetzung

In diesem Experiment wurde die thermische Elektronenemmission anhand einer Hochvakuum-Diode untersucht. Dazu wurde insbesondere die Kennlinie der Diode für mehrere Heizspannungen aufgenommen.

### 2 Theorie

Neben dem photoelektrischen Effekt und der Sekundärelektronen-Emmission ist eine wesentliche Methode zur Erzeugung freier Elektronen der sogenannte Glühelektrische Effekt, bei welchem Elektronen durch Erhitzung eines Drahtes aus selbigem austreten können.

Innerhalb von Metallen sorgen freie Elektronen in einem periodischen Gitter aus Ionen für die elektrische Leitfähigkeit. Das Potential kann in diesem Gitter näherungsweise als konstant angenommen werden und unterscheidet sich um den Wert  $\Phi$  vom äußeren Potential. Dadurch befinden sich die freien Elektronen in einem sogenannten Potentialtopf, aus dem sie nur unter Aufbringung der Austrittsarbeit  $e_0\Phi$  austreten können.

Die freien Elektronen unterliegen dem Pauli-Verbot, welches besagt, dass ein Energiezustand jeweils nur von zwei Elektronen mit entgegengesetzten Spinquantenzahlen eingenommen werden kann. Aus diesem folgt, dass die Elektronen selbst für T=0 eine endliche Energie besitzen. Die maximale Energie auf dem absoluten Nullpunkt wird als fermische Grenzenergie  $\zeta$  bezeichnet. Daher müssen Elektronen, um aus dem Potentialtopf zu gelangen und die Metalloberfläche zu verlassen, mindestens die Energie

$$E = \zeta + e_0 \Phi \tag{1}$$

besitzen. Die Wahrscheinlichkeit, dass bei einer bestimmten Themparatur eine Energiezustand besetzt ist wird durch die Fermi-Diracsche-Verteilungsfunktion beschrieben. Sie lautet in Näherung für große Energien:

$$f(E) = \exp(\frac{\zeta - E}{kT}) \tag{2}$$

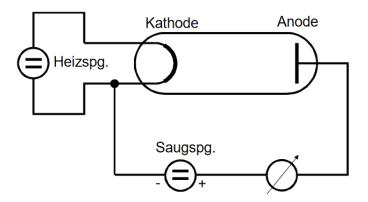
Hier handelt es sich bei T um die Temparatur und k um die sogenannte Bolzman-Konstante.

Ausgehend von dieser Verteilung kann die Sättigungsstromdichte  $J_s(T)$ , also die Zahl der pro Flächen- und Zeiteinheit aus der Metalloberfläche austretenden Elektronen in Abhängigkeit von der Temparatur, bestimmen. Durch Integration ergibt sich nach längerer Rechnung für diesen Wert die sogenannte Richardson Gleichung

$$J_{s}(T)=4\pi\frac{e_{0}m_{0}k^{2}}{h^{3}}T^{2}\exp(\frac{-e_{0}\varPhi}{kT}) \tag{3}$$

wobei die Elementarladung  $e_0$ , die Elektronenmasse  $m_0$  und das Plancksche Wirkungsquantum h allesamt Konstanten bezeichnen.

Die Messung des Sättigungsstromes erfolgt in einer Hochvakuum Diode. Diese besteht



aus einer evakuirten Röhre, in der ein Draht mithilfe einer Heizspannung erhitzt wird. Die aus der Kathode austretenden Elektronen werden mittels einer Saugspannung zur Anode hin beschleunigt und der resultierende Strom gemessen. Das Vakuum ist dabei essentiell, das die Elektronen ansonsten durch Wechselwirkung mit den Luftmolekülen nicht bis zur Anode gelangen würden.

Bei einer Strommessung mit einer entsprechenden Vorrichtung ist auffällig, dass sich erst ab einer hinreichen hohen Saugspannug der nach der Richardson-Gleichung zu erwartende Sättigungsstrom einstellt. Dies liegt daran, dass die Bewegung der Elektronen beschleunigt ist, die Elektronen also nahe der Kathode sehr viel langsamer als nahe der Anode sind. Daraus resultiert eine negative Raumladung vor der Kathode, die diese vom durch die Saugspannung induzierten elektrischen Feld abschirmt. Da die Feldlinien des äußeren Feldes also an den Raumladungselektronen und an der Kathode enden, werden einige Elektronen nicht erfasst und der Anodenstrom wird verringert. Ausgehend von der Poissongleichung in einer Dimension

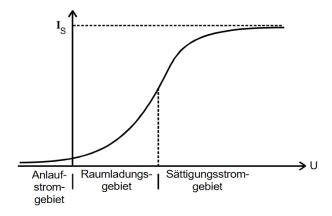
$$\frac{d^2}{dx^2}V = -\frac{\rho}{\epsilon_0} \tag{4}$$

mit der Raumladungsdichte  $\rho$  kann hergeleitet werden, dass das Potential unter Berücksichtigung der Raumladung eine  $x^{\frac{4}{3}}$  besitzt, anstelle eines linearen anwachsenden Potentials im Raumladungsfreien Fall, woraus folgt, dass das Elektrische Feld proportional zu  $x^{\frac{1}{3}}$  und die Raumladungsdichte proportional zu  $x^{-\frac{2}{3}}$  verläuft. Daraus lässt sich für den Zusammenhang zwischen der Stromdichte j und der Anodenspannung U das Langmuir-Schottkysche Raumladungsgesetz

$$j = \frac{4}{9}\epsilon_0 \sqrt{2e_0/m_0} \frac{U^{\frac{3}{2}}}{a^2} \tag{5}$$

herleiten. Hier beschreibt a den Abstand zwischen Anode und Kathode.

Jede Hochvakuum-Diode verfügt über eine Kennlinie, die den Anodenstrom in Abhängigkeit von der Saugspannung beschreibt. Diese Kennlinie lässt sich in drei Abschnitte gliedern. Hier ist auffällig, dass auch ohne Saugspannung bereits ein Anodenstrom Auftritt. Dieses Phänomen ist darauf zurückzuführen, dass die aus der Kathode austretenden



Elektronen die Differenz zwischen ihrer ursprünglichen Energie und der zum Austritt aus dem Material benötigten Energie

$$\Delta E = E - \zeta + e_0 \Phi \tag{6}$$

in Form kinetischer Energie behalten, welche ausreicht selbst gegen ein geringes Gegenfeld zur Anode zu gelangen. Dieser Bereich der Kennlinie wird als Anlaufstrombereich bezeichnet. In diesem lässt sich die Stromdichte durch den exponentiellen Zusammenhang

$$j = const \exp(-\frac{e_0 U}{kT}) \tag{7}$$

beschreiben. An das Anlaufstromgebiet schließt sich das Raumladungsgebiet an, in dem das Langmuir-Schottkysche Raumladungsgesetz gilt. Mit steigender Anodenspannung wird dieses schließlich vom Sättigungsstromgebiet abgelöst, in dem sich der Anodenstrom asymptotisch dem durch die Richardson-Gleichung festgelegten Grenzwert nähert.

## 3 Durchführung

### 3.1 Messaparatur

Für die experimentelle Untersuchung der thermischen Elektronenemmission wird eine Diode entsprechend der schematischen Darstellung verwendet. Die Hochvakuumdiode wird von einem Konstantspannungsgerät mit einer Heizspannung und einem Weiteren mit einer Saugspannung versorgt, wobei im zweiten Spannungsgerät zugleich der Anodenstrom abgelesen werden kann. Für die Messung des Anlaufstromgebietes wird ein Konstantstromgerät für niedrige Spannungen sowie ein separates Strommessgerät verwendet.

## 3.2 Messung der Kennlinien

Zur Messung der Kennlinien wird bei konstanter Heizspannung die Saugspannung variirt und der resultierende Anodenstrom gemessen. Dieses Verfahren wurde für fünf

Heizspannungen zwischen 2V und 2.5 durchgeführt. Anschließend wird bei konstanter Heizspannung ein schwaches Gegenfeld (0-1V) angelegt, die entsprechende Spannung erhöht und erneut der Anodenstromgemessen, um das Anlaufstromgebiet der Anode zu untersuchen.

## 4 Auswertung

In diesem Kapitel sollen die aufgenommenen Messwerte ausgewertet und interpretiert werden.

#### 4.1 Kennlinien der Hochvakuumdiode

In Abbildung 1 sind die Kennlinien der benutzten Hochvakuumdiode bei 5 verschiedenen Heizströmen  $I_H$  zu sehen, von diesen lassen sich für die in Tabelle 1 dargestellten Sättigungsströme  $I_s$  ablesen.

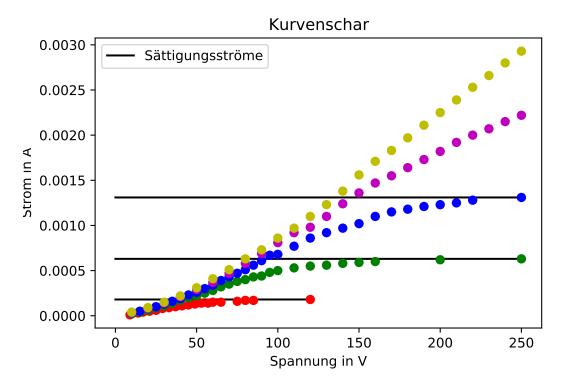


Abbildung 1: Kurvenschar der Ströme in einer Hochvakuumdiode

Für die Heizströme  $I_s=2.4\mathrm{A}$  und  $I_s=2.5\mathrm{A}$  lassen sich nur untere Schranken festlegen, daher wurde der Wert abgeschätzt.

Tabelle 1: Sättigungsströme

$I_H$ in A	$I_s$ in A	$I_{s,geschtzt}$ in A
2.0	$1.8\times10^{-4}$	-
2.2	$6.3 \times 10^{-4}$	_
2.3	$13.1 \times 10^{-4}$	_
2.4	$\geq 22.2 \times 10^{-4}$	$30.0 \times 10^{-4}$
2.5	$\geq 29.3 \times 10^{-4}$	$38.0\times10^{-4}$

## 4.2 Bestimmung des Exponenten der Stom-Spannungs-Beziehung

In Abbildung 2 ist die Kennlinie der Diode bei dem maximal möglichen Heizstrom  $I_s=2.5\mathrm{A}$  dargestellt und der ungefähre Gültigkeitsbereich des Langmuir-Schottkyschen-Raumladungsgesetzes, zwischen Y-Achse und der eingezeichneten Linie markiert. In

Gültigkeitsbereich des Langmuir-Schottkyschen Raumladungsgesetzes

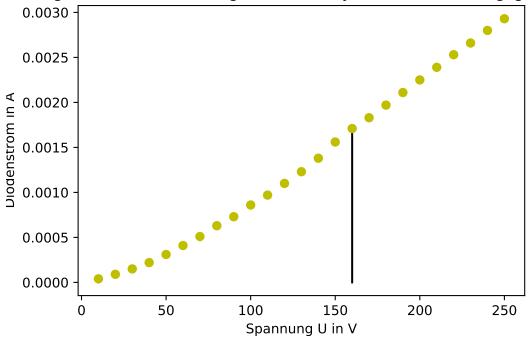


Abbildung 2: Das Langmuir-Schottky-Gesetz

Abbildung 3 wurde dann das Langmuir-Schottkyschen-Raumladungsgesetz an die Messwerte angepasst dafür wurde folgende Beziehung:

$$j = \frac{4}{9} \epsilon_0 \sqrt{2e_0/m_0} \frac{V^x}{a^2}$$

verwendet und durch die Python scipy Bibliothek der Divisor  $a=1.475\pm0.048$  wie auch der Exponent  $x=1.450\pm0.014$  errechnet.

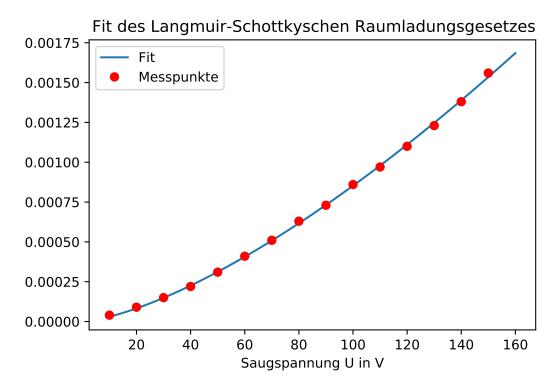


Abbildung 3: Anpassung der Strom-Spannungs-Beziehung an die Messwerte

#### 4.3 Untersucheung des Anlaufstromgebietes

Um zu untersuchen wie viele Elektronen die Anode verlassen wenn es keine Saugspannung gibt und welche Energie diese Elektronen haben wurde in kleinen Schritten ein Gegenfeld aufgebaut und der Kathodenstrom gemessen das ergebnis ist in Abbildung 4 dargestellt. An die Messwerte wurde das Gestz:

$$j(V) = const*exp(-\frac{e_0V}{kT})$$

angepasst und so die Konstante const und die Temperatur Termittelt. Es ergaben sich folgende Werte:

$$c = (1.20931 \pm 0.2146) \times 10^{-8}$$
 
$$T = 1747.32 \pm 48.63 \mathrm{K}$$

Die Anpassung an die Messwerte und die Fehlerberechnung wurden mit Hilfe der Python scypy Bibliothek erstellt.

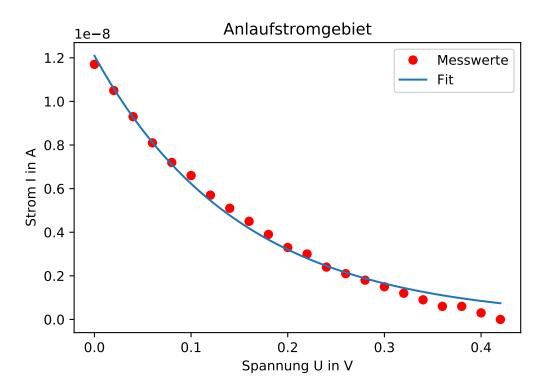


Abbildung 4: Ströme im Gegenfeld

#### 4.4 Abschätzung der Kathodentemperatur

Im nächste Schritt wurde dann mithilfe der Beziehung:

$$I_H U_H = f \eta \sigma T^4 + N_{WL}$$
  
$$\Leftrightarrow T = \sqrt[4]{\frac{I_H U_H - N_{WL}}{f \eta \sigma}}$$

die Kathodentemperatur bei verschiedenen Heizleistungen abgeschätzt. Für  $N_{WL}$  wurde der Wert  $N_{WL}=0.95$  angenommen. Die Ergebnisse sind in Tabelle 2 zu sehen.

Tabelle 2: Kathodentemperatur

$I_H$ in A	$U_H$ in V	T in K
2.0	4.0	1930.045
2.2	4.0	1982.611
2.3	4.5	2073.968
2.4	5.0	2159.537
2.5	5.5	2240.384

#### 4.5 Die Austrittsarbeit

Um die Austrittsarbeit aus der Wolframelektrode zu berechnen wurde die Richardsongleicheung Gleichung 3 nach  $e_0\phi$  umgestellt und für die T, $I_S$  wertepare berechnet. Anschießend wurde mit der Python numpy Bibliothek der Mittelwert und desen Feler bestimmt. Die Ergebnisse sind in Tabelle 3 dargestellt. Im unteren Teil der Tabelle befinden sich die auf Grundlage der Sättigungstromschätzung gemachten Berechnungen der Austrittsarbeit.

Tabelle 3: Austrittsarbeit aus einer Wolframkathode

$I_S$ in A	T in K	$e_0\phi$ in eV
0.00018	1930.045	4.5564
0.00063	1982.611	4.4757
0.00131	2073.968	4.5672
0.00222	2159.537	4.6725
0.00293	2240.384	4.8081
Ø	_	$4.65 \pm 0.04$
0.0030	2159.537	4.6725
0.0038	2240.384	4.8081

### 5 Diskussion

In diesem Versuch wurde zunächst in Unterabschnitt 4.1 eine Kurvenschar von fünf Kennlinien einer Hochvakuumdiode erstellt. Bei den beiden größten Heizleistungen ist nicht mehr zu erkennen ab wann die Diodenströme in den Sättigungsbereich kommen da die maximal einstellbare Saugspannung bei  $U=250\mathrm{V}$  lag. Daher war es auch schwirig in Unterabschnitt 4.2 den Gültigkeitsbereich des Langmuir-Schottkyschen-Raumladungsgesetzes festzulegen und der errechnete Exponent  $x = 1.450 \pm 0.014$  weißt daher gegenüber dem Theoriewert [1] von x = 1,5 einen Fehler von etwa 3.4% auf. Im näcsten Kapitel Unterabschnitt 4.3 wurde dann untersucht wie sich die Diodenströme bei kleinen Gegenfeldern verhalten, um eine Aussage über das Anlaufstromgebiet machen zu können. Hier wurde an die Messpunkte eine Exponentialfunktion angepasst aus welcher man die Temperatur  $T_{gerechnet} = (1747.32 \pm 48.63) \mathrm{K}$ ableiten kann. Im darau folgenden Unterkapitel Unterabschnitt 4.4 wurden dann für die verschiedenen Sättigungsströme nocheinmal die Kathodentemperaturen abgeschätzt. Diese liegen in einem Intervall von  $T_{geschtzt}=1930.045 \mathrm{K}$ bei einem Heizstrom von  $I_H=2.0 \mathrm{A}$ bis  $T_{geschtzt}=2240.384 \mathrm{K}$ bei einem Heizstrom von  $I_H=2.5 \mathrm{A}$ . Auffällig ist hier das sich  $T_{gerechnet}$  und  $T_{geschtzt}$ bei einem Heizstrom von  $I_H=2.5 \mathrm{A}$ um etwa 493 K also rund 28.2% voneinander unterscheiden. Dies ist wahrscheinlich darauf zurückzuführen das sich die Heizspannung am Netzgerät nur schlecht ablesen ließ, diese in der Rechnung aber ein wichtiger Faktor ist. Im letzten Unterkapitel des Auswertungsteils Unterabschnitt 4.5 wurde dann die Austrittsarbeit aus der Wolframelektrode berechnet diese liegt im Mittelwert bei  $W = (4.65 \pm 0.04) \text{eV}$ und weicht damit um etwa 2.2% von dem Literaturwert [2] ( $W = 4.55 \,\mathrm{eV}$ ) ab. Dies wird vorallem daran liegen das die zur berechnung wichtigen Kathodentemperaturen in Unterabschnitt 4.4 nur abgeschätzt wurde. Allerdings ist der Fehler nur sehr klein. Auch wenn die berechneten Daten kleine Abweichungen zum jeweiligen Soll aufweisen, kann von einem gelungenen und aufschlussreichen Versuch gesprochen werden.

## 6 Literatur

- 1. TU-Dortmund, Physikalisches Praktikum, Versuch Nr. 504 Thermische Elektronenemmission
- 2. Hütte, Das Ingenieurwesen 34. Auflage, Tabelle 16-6, Springer Vieweg 2012

# 7 Anhang

Auf den nächsten Seiten befindet sich ein Scan der Originalmesswerte.