

椭圆曲线与密码学问题

1. 任取平面上的一条三次曲线, 是否构成椭圆曲线?
2. 写出椭圆曲线的标准开式。
3. 任取有限域 $GF(23)$ 上的一条椭圆曲线, 计算其上的全部有理点。
4. 一条光滑曲线应该满足什么条件?
5. 椭圆曲线上有无穷远点。
6. $x^3+Ax+B=0$ 的根的互异性的充分必要条件是什么? 予以证明。
7. 任取椭圆曲线上的两个有理点作一条直线, 证明这条直线与椭圆曲线的第三个交点也是有理点。
8. 简述二元运算的定义。
9. 简述椭圆曲线的有理点集上能够定义二元运算的理由。
10. 给出上述二元运算的仿射坐标表示。
11. 给出上述二元运算的射影坐标表示。

选做题