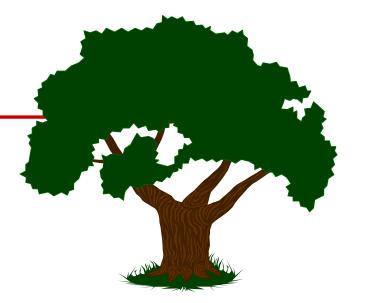
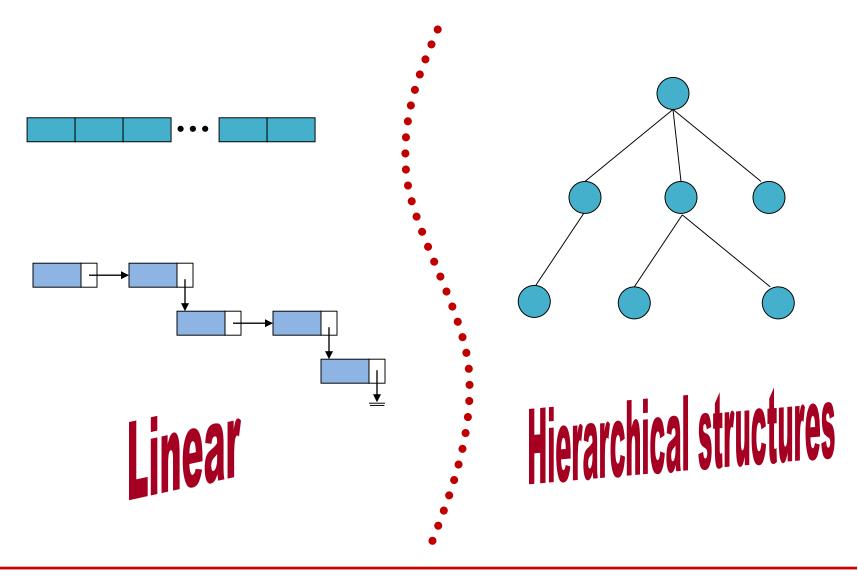
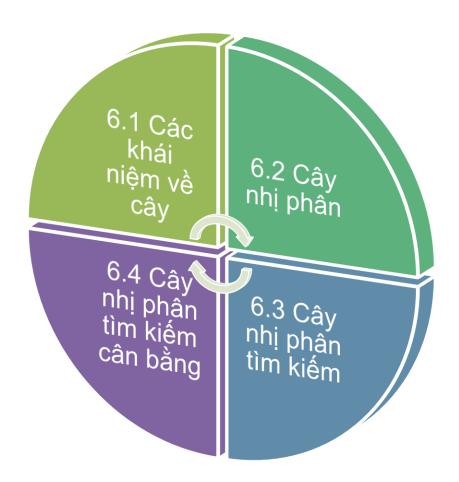
Chương 6: Cấu trúc cây (Tree structure)



Cấu trúc dữ liệu



Nội dung

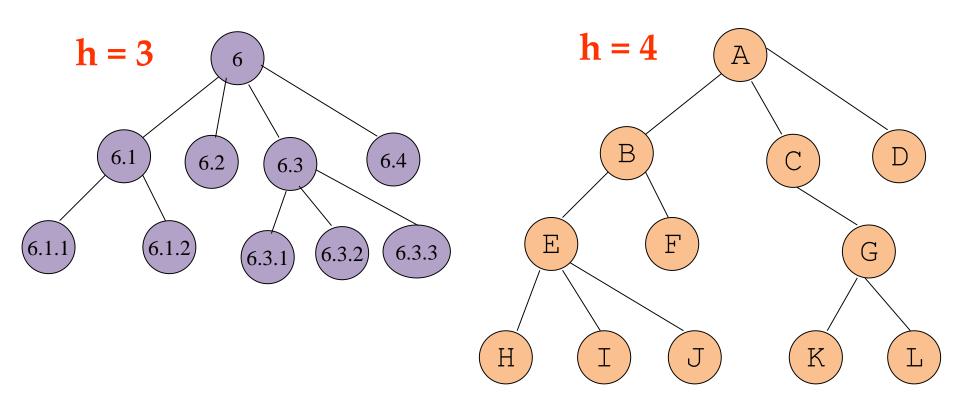


Nội dung

6.1 Các khái niệm về cây

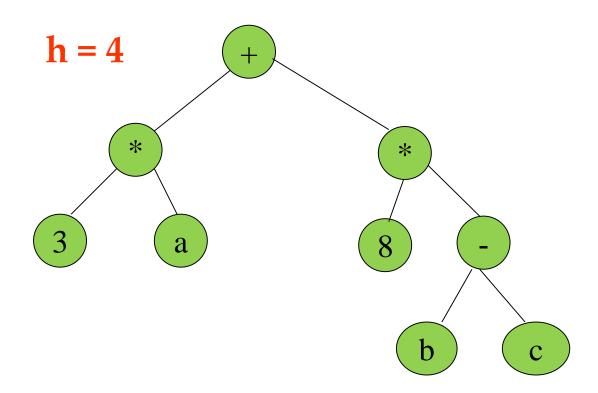
- 6.2 Cây nhị phân
- 6.3 Cây nhị phân tìm kiếm
- 6.4 Cây nhị phân tìm kiếm cân bằng

- Khái niệm cây:
 - Cây là tập hợp các nút được tố chức dưới dạng phân cấp
 - Có một nút đặc biệt gọi là gốc (không có cha)
 - Quan hệ giữa các nút trên cây là quan hệ cha-con và có dạng one – to – many.

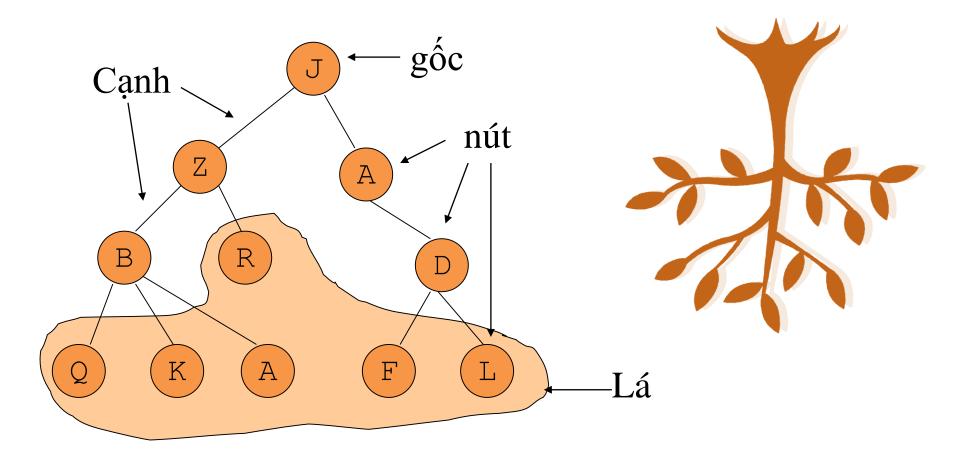


Cây mục lục

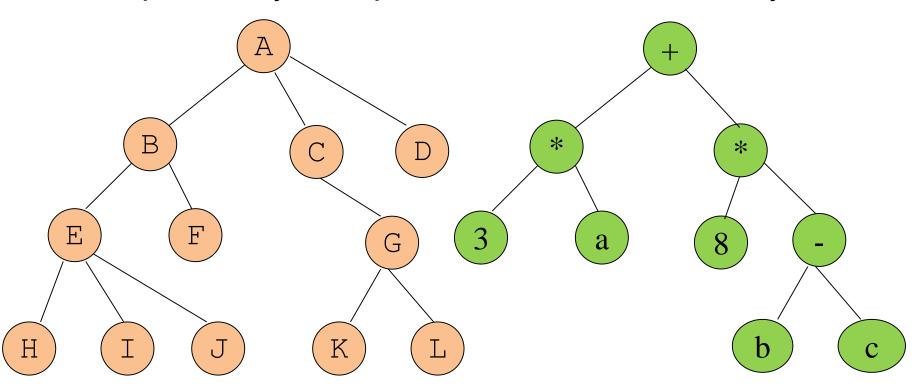
Cây tập hợp



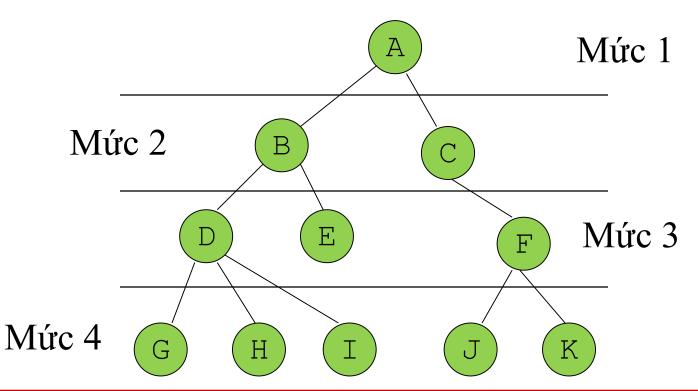
Cây biểu thức



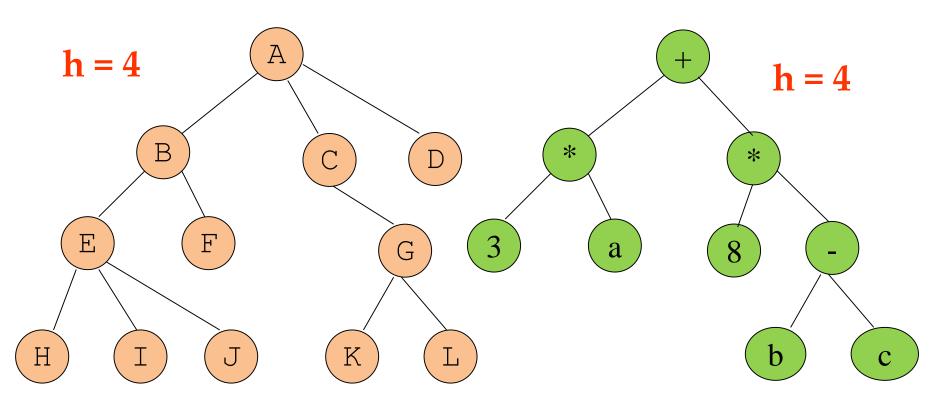
- Cấp (Degree):
 - Cấp của nút là số con của nút đó
 - Cấp của cây là cấp lớn nhất của nút trên cây



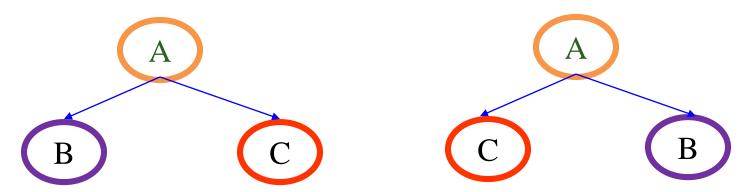
- Cấp (Degre)
- Mức (Level)
 - Nút gốc có mức là 1
 - Nếu nút cha có mức là i thì nút con có mức là i +1



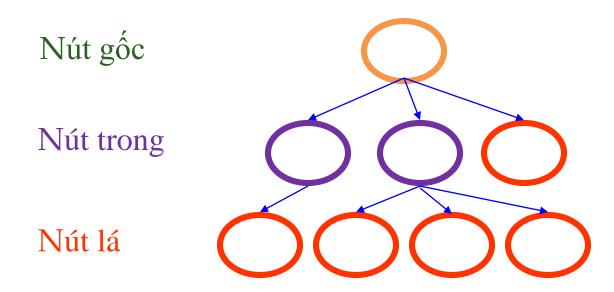
- Cấp (Degre)
- Mức (Level)
- Chiều cao (Height): mức lớn nhất của nút trên cây

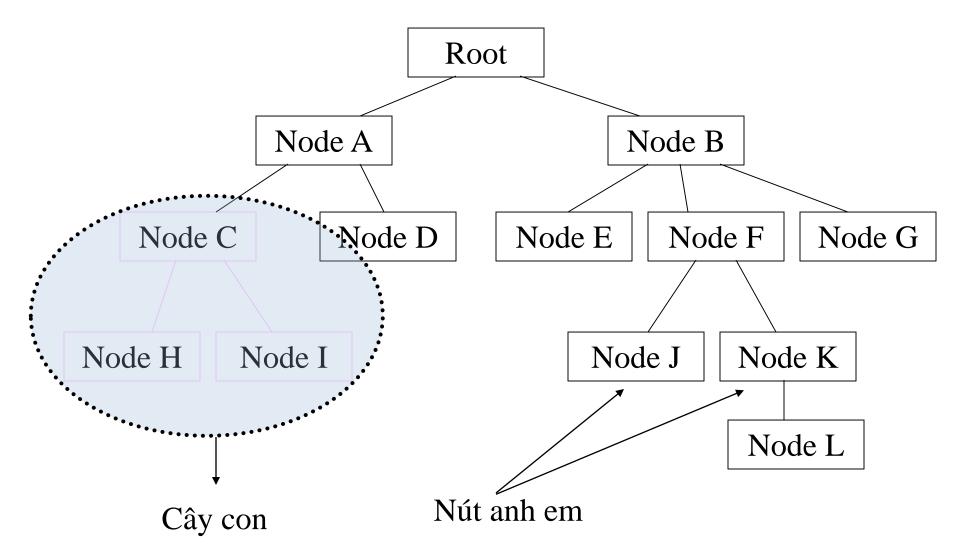


- Cấp (Degre)
- Mức (Level)
- Chiều cao (Height): mức lớn nhất của nút trên cây
- Cây có thứ tự (Ordered Tree): là cây mà thứ tự các nút trên cây được coi trọng.
- Cây không có thứ tự (UnOrdered Tree): là cây mà thứ tự các nút trên cây không được coi trọng.



- Thuật ngữ
 - Nút gốc: không có nút cha
 - Nút lá: không có nút con
 - Nút trong: không phải nút gốc và nút lá





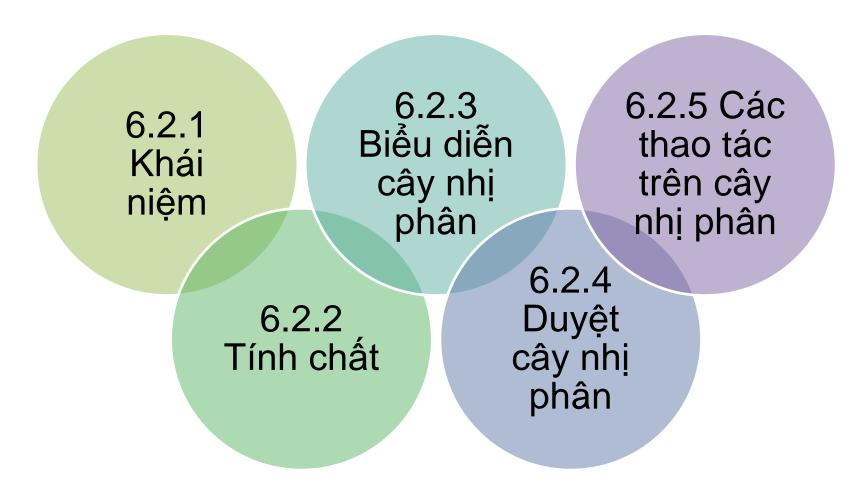
Nội dung

6.1 Các khái niệm về cây

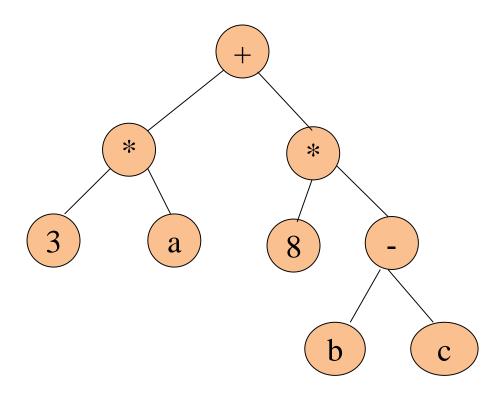
6.2 Cây nhị phân

- 6.3 Cây nhị phân tìm kiếm
- 6.4 Cây nhị phân tìm kiếm cân bằng

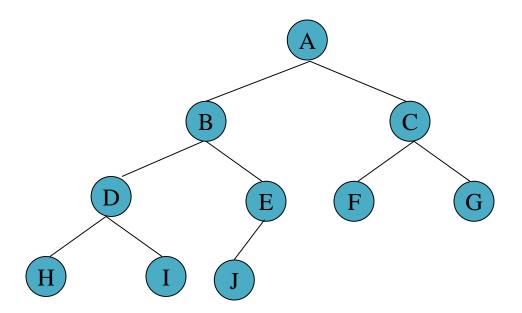
6.2 Cây nhị phân



- Khái niệm cây nhị phân
- Cây nhị phân là cây mà mỗi nút trên cây có tối đa là 2 con.
- Số con của 1 nút trên cây nhị phân {0, 1, 2}

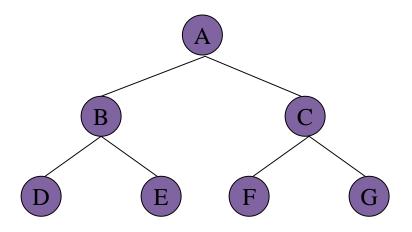


Cây nhị phân hoàn chỉnh là cây nhị phân mà ở mức cuối còn thiếu các nút, nhưng các nút ở mức cuối đều dồn về bên trái



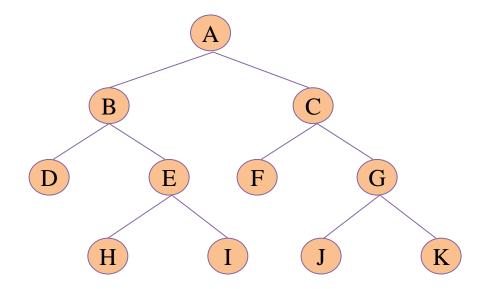
Cây nhị phân hoàn chỉnh

- Cây nhị phân hoàn chỉnh
- Cây nhị phân đầy đủ là cây nhị phân mà ở các mức đều đủ hết các nút



Cây nhị phân đầy đủ

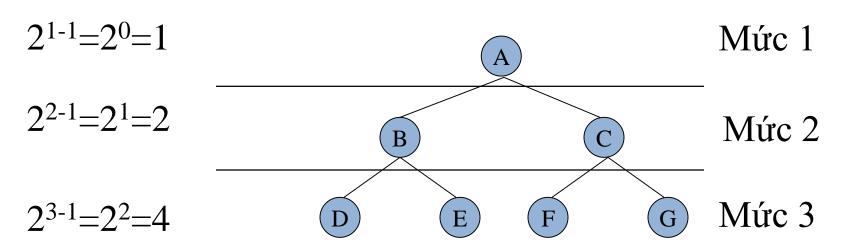
- Cây nhị phân hoàn chỉnh
- Cây nhị phân đầy đủ
- Cây nhị phân đúng là cây nhị phân mà nút gốc và các nút trong đều có đúng 2 con



Cây nhị phân đúng

6.2.2 Tính chất

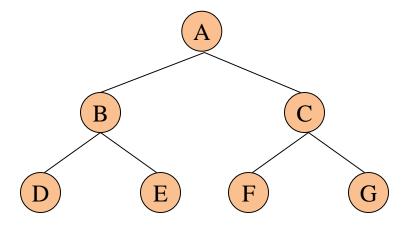
- Tính chất của cây nhị phân
- Số nút tối đa của mức i trên cây nhị phân là 2ⁱ⁻¹
- Số nút tối đa trên cây nhị phân có chiều cao h là 2^h 1
- Số nút tối đa trên cây nhị phân đúng có n nút lá là 2*n 1



6.2.2 Tính chất

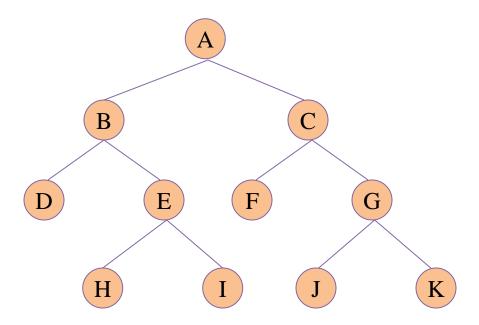
- Cây nhị phân đầy đủ với chiều cao h
 - Phải là cây nhị phân đúng
 - Tất cả nút lá có chiều cao h

Số nút trên cây NP đầy đủ có chiều cao h là (2^h -1)



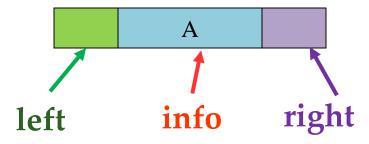
6.2.2 Tính chất

- Cây nhị phân đúng:
 - Nút gốc và nút trung gian có đúng 2 con
- Cây nhị phân đúng có n nút lá thì số nút trên cây là 2n-1



6.2.3 Biểu diễn cây nhị phân

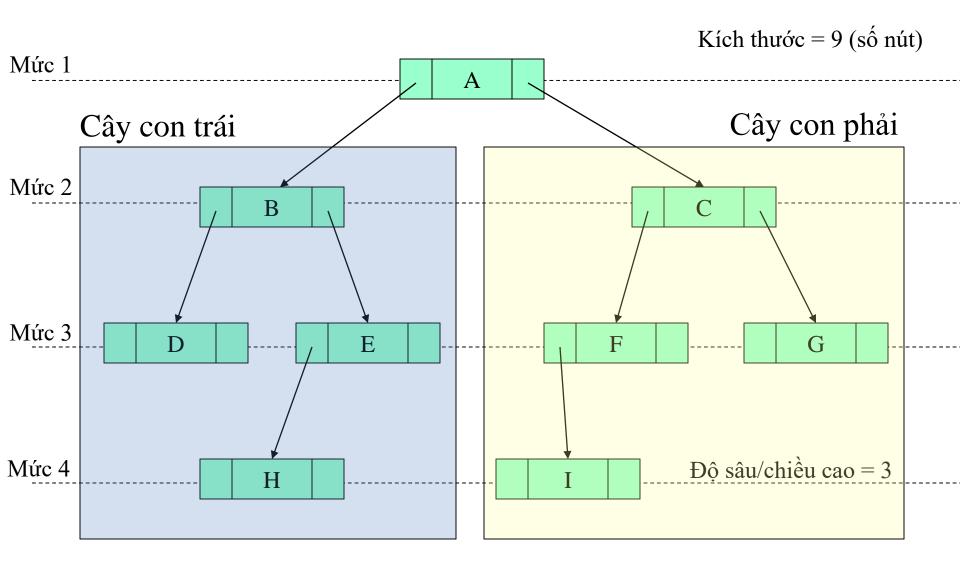
- Lưu trữ cây nhị phân
 - Lưu trữ kế tiếp
 - Lưu trữ móc nối
- Lưu trữ móc nối: mỗi nút gồm các 3 thành phần
 - Phần data: chứa giá trị, thông tin...
 - Liên kết đến nút con trái (nếu có)
 - Liên kết đến nút con phải (nếu có)



6.2.3 Biểu diễn cây nhị phân

- Cây nhị phân có thể rỗng (ko có nút nào)
- Cây NP khác rỗng có 1 nút gốc
 - Có duy nhất 1 đường đi từ gốc đến 1 nút
 - Nút không có nút con bên trái và con bên phải là nút lá

6.2.3 Biểu diễn cây nhị phân

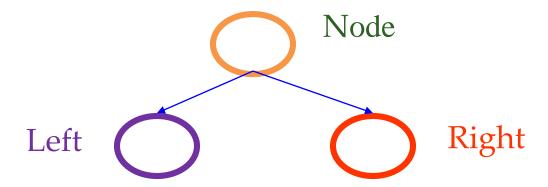


6.2 Cây nhị phân – Khai báo

Khai báo cây: Cấu trúc của 1 nút và cây

```
typedef struct
                 node
      DataType
                    info;
      node*
                    left;
      node*
                    right;
} NODE;
typedef NODE*
                  NodePtr;
                                 pTree trỏ gốc của cây
NodePtr
             pTree;
```

- Duyệt cây nhị phân:
 - Duyệt theo thứ tự trước: PreOrder NLR
 - Duyệt theo thứ tự giữa: InOrder LNR
 - Duyệt theo thứ tự sau: PostOrder LRN



PreOder - Duyệt cây theo thứ tự trước

```
void PreOrder (NodePtr pTree)
    if (pTree != NULL)
         cout << pTree->info;
         PreOrder (pTree->left);
         PreOrder (pTree->right);
```

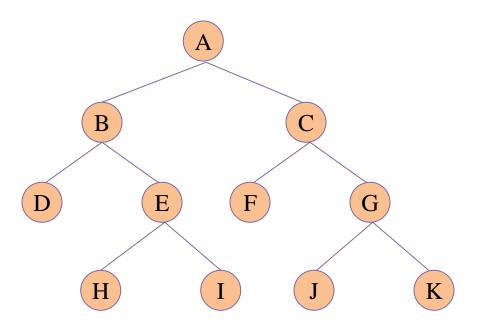
InOder

```
void InOrder (NodePtr pTree)
    if (pTree != NULL)
         InOrder (pTree->left);
         cout << pTree -> info;
         InOrder (pTree->right);
```

30

PostOder

```
void PostOrder(NodePtr pTree)
    if (pTree != NULL)
         PostOrder(pTree->left);
         PostOrder(pTree->right);
         cout << pTree -> info;
```



NLR: ABDEHICFGJK

LNR: DBHEIAFCJGK

LRN: DHIEBFJKGCA

Các thao tác:

- CreateNode, Init, IsEmpty
- InsertLeft, InsertRight
- DeleteLeft, DeleteRight
- PreOrder, InOrder, PostOrder
- Search
- ClearTree



Phần minh hoạ dùng DataType là kiểu int

34

2008

InitTree: Khởi tạo cây nhị phân

```
void InitTree(NodePtr &pTree)
{
    *pTree = NULL;
}
```

IsEmpty: Kiểm tra cây có rỗng không

```
void IsEmpty(NodePtr &pTree)
{
    return (pTree == NULL);
}
```

■ CreateNode: Tạo nút mới

```
1. NodePtr CreateNode(int x)
2. {
3.    NodePtr node;
4.    node = new NODE;
5.    node -> info = x;
6.    node -> left = NULL;
7.    node -> right = NULL;
8. }
```

■ InsertLeft: bổ sung nút có khoá x làm con trái nút p

```
1. void InsertLeft(NodePtr p, int x)
2. { NodePtr node;
3. if (p == NULL)
                               return;
4. if (p \rightarrow left != NULL) return;
5. else
6. {
7.
          node = CreateNode(x);
8.
          p -> left = node;
9.
10.}
```

InsertRight: bổ sung nút có khoá x làm con phải nút p

```
1. void InsertRight (NodePtr p, int x)
2. { NodePtr node;
3. if (p == NULL)
                               return;
4. if (p \rightarrow right != NULL) return;
5. else
6. {
7.
          node = CreateNode(x);
8.
          p -> right = node;
9.
10.}
```

DeleteLeft: Loại bỏ con trái nút p

```
1. void DeleteLeft (NodePtr p)
2. { NodePtr q = p \rightarrow left;
3. if (p == NULL)
                                  return;
4. if (p \rightarrow left == NULL) return;
5. else
6.
           if (q -> left != NULL ||
                 q -> right != NULL) return;
7.
           else
           { delete q;
8.
9.
                p -> left = NULL;
10.
11.}
```

DeleteRight: Loại bỏ con phải nút p

```
1. void DeleteRight (NodePtr p)
2. { NodePtr q = p-right;
3. if (p == NULL)
                                 return;
4. if (p \rightarrow right == NULL) return;
5. else
6.
           if (q -> left != NULL ||
                q -> right != NULL) return;
7.
          else
            delete q;
8.
9.
                p -> right = NULL;
10.
11.}
```

Search: tìm nút có khoá x

```
1. NodePtr Search (NodePtr pTree, int x)
2. {
    NodePtr p; //con tro tim kiem
3.
4. if (pTree == NULL) return NULL;
5. if (pTree->info == x) return pTree;
6.
    p = Search(pTree->left, x);
7.
    if (p == NULL)
8.
          p = Search(pTree->right, x);
9.
    return p;
10.
11.}
```

ClearTree: xóa lần lượt nút bên trái, bên phải và nút cha.

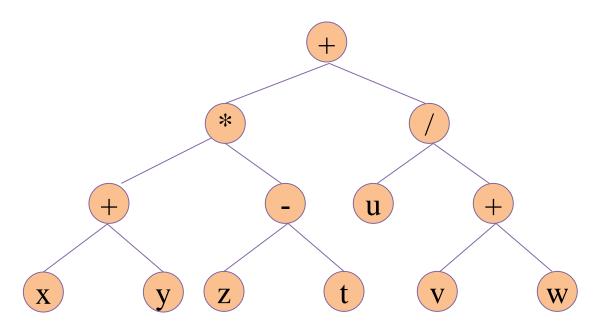
```
1. void ClearTree (NodePtr pTree)
2. {
3. if (pTree != NULL)
4.
5.
          ClearTree (pTree->left);
6.
          ClearTree (pTree->right);
7.
          delete pTree;
8.
9.}
```

Bài 1: Cho cây nhị phân có nút gốc được trỏ bởi pTree, trường info chứa giá trị nguyên. Viết các giiar thuật thực hiện các thao tác sau:

- Đếm số nút lá: CountLeaf
- Đếm số nút trên cây: CountNode
- Đếm số nút trong: CountInnerNode
- Xác định độ sâu/chiều cao của cây
- Tìm giá trị nhỏ nhất/lớn nhất trên cây
- Tính tổng giá trị các nút trên cây
- Đếm số nút có giá trị bằng x

- Bài 2: Viết dãy duyệt cây dưới đây:
 - Theo thứ tự trước [+*3a*8b-c]
 - Theo thứ tự giữa [3*a+8*b-c]

- Bài 3: Cho biểu thức (x + y)*(z t) + u/(v + w)
 - Vẽ cây nhị phân biểu diễn biểu thức trên
 - Viết dãy duyệt cây đó theo thứ tự trước và thứ tự sau



■ Bài 4:

 Viết chương trình hoàn chỉnh thực hiện các thao tác trên cây nhị phân

Tài liệu tham khảo

- [1]. Giáo trình Cấu trúc dữ liệu và giải thuật Lê Văn Vinh, NXB Đại học quốc gia TP HCM, 2013
- [2]. Cấu trúc dữ liệu & thuật toán, Đỗ Xuân Lôi, NXB Đại học quốc gia Hà Nội, 2010.
- [3]. Trần Thông Quế, *Cấu trúc dữ liệu và thuật toán* (phân tích và cài đặt trên C/C++), NXB Thông tin và truyền thông, 2018
- [4]. Robert Sedgewick, *Cấm nang thuật toán*, NXB Khoa học kỹ thuật, 2004.
- [5]. PGS.TS Hoàng Nghĩa Tý, Cấu trúc dữ liệu và thuật toán, NXB xây dựng, 2014

4

