

# Нечёткие оценки

---

## Оптимальный выбор группы объектов на основе анализа экспертных оценок

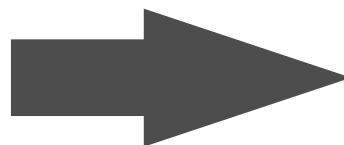
Работу выполняет студент 535 группы  
Борисов Кирилл

Научный руководитель  
Зубюк Андрей Владимирович

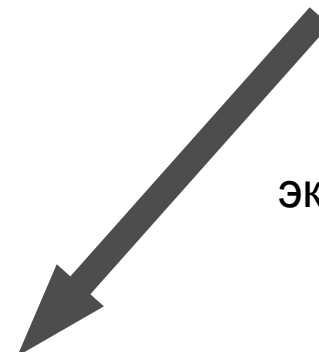
Кафедра компьютерных методов физики физического факультета  
МГУ имени Ломоносова

2015

# Выбор объектов



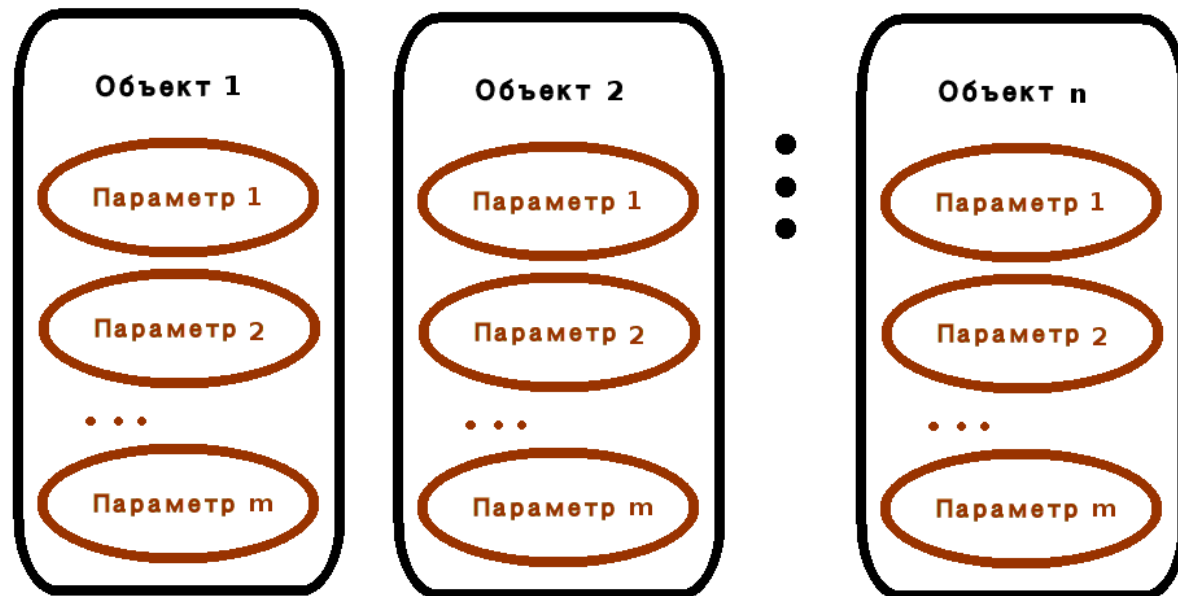
экспертная  
оценка



# Объекты и их параметры

$$i \in \{0..n\}$$

$$j \in \{0..m\}$$



$\tilde{x}_{ij}$  – параметры объектов (нечёткие элементы)

$x_{ij} \in X$  – фактические значения этих параметров  
(неизвестны)

монотонна и задана заказчиком экспертизы

$x_i = f(x_{i1}, \dots, x_{im})$  – «качество» объектов

# Экспертные оценки

$p_{ij}(\cdot) : X \rightarrow [0, 1]$  – заданы экспертом

...а если честно,  $\{0.1, 0.2, \dots, 0.9, 1.0\}$  вместо  $[0, 1]$ .

Пример:

3.1. Ожидаемый доход и жизненный цикл.

0 баллов – очень низкий, 5 – средний, 10 – очень высокий.

Оценивается уровень максимального совокупного дохода, который может принести технология за время её эксплуатации на всех возможных территориях и во всех возможных отраслях.

Обратите внимание на следующие разделы паспорта технологии: 2.7, 2.10, 2.11, 6.1, 6.2, 7.4, 8.1, 8.8, 9.1, 9.3.

Баллы:	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Оценка:								0,5	1	0,6	

$p_{\alpha}(7)$

# Задача выбора объектов

$$\{p_{ij}\} \Rightarrow (\Omega, \mathcal{P}(\Omega), P), \quad \Omega = X^{nm} = \{t : t = (x_{11}, \dots, x_{nm})\}$$

$$P(A) = \sup_{t \in A} \inf_{i,j} p_{ij}(x_{ij})$$

– возможность события  $A \subset \Omega$  на основе экспертной оценки

Пусть  $t$  таково, что  $x_{i_1} > \dots > x_{i_k} > x_{i_{k+1}} > \dots > x_{i_n}$ ;

$$d = (x_1, x_6, \dots, x_{15}); \quad \delta(t) = (x_{i_1}, x_{i_2}, \dots, x_{i_k}); \quad |d| = |\delta| = k$$

$$P_l \stackrel{\text{def}}{=} P(\{l \notin \delta(t)\}) = \sup_{t \in \{l \notin \delta(t)\}} \inf_{i,j} p_{ij}(x_{ij}), \quad t = (x_{11}, \dots, x_{nm});$$

$$P(\{d \neq \delta(t)\}) = \sup_{l \in d} P_l \sim \min_d.$$

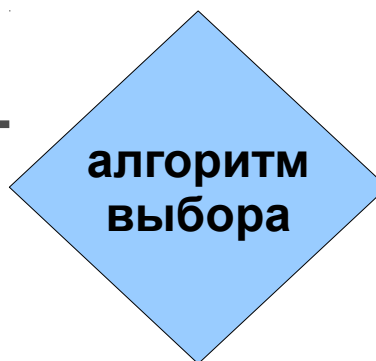
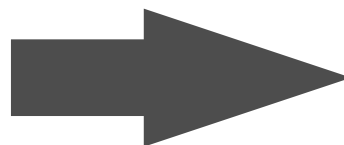
# Алгоритм выбора объектов

Пусть  $P_{l_1} \leq \dots \leq P_{l_k} \leq P_{l_{k+1}} \leq \dots \leq P_{l_n}$ , тогда

$$d_* = \{l_1, \dots, l_k\} = \arg \min_d P(\{d \neq \delta\}).$$

- Задача свелась к нахождению  $P(l)$  для всех  $l = 1 \dots n$
- Построен алгоритм, находящий точное значение  $P(l)$  за время  $O(1)$  вместо  $O(e^{nm})$  в случае простого перебора элементарных событий. Он использует:
  - Свойства операций со значениями возможности
  - Конечный набор значений возможности
  - Монотонность  $f$

# Выбор объектов - 2



# Коллективная экспертиза - 1

$p_1$  – одно из  $p_{i_0 j_0}$  Васи,  
 $p_2$  – одно из  $p_{i_0 j_0}$  Пети,  
...и так далее до  $p_Q$ .

$$p_q \Rightarrow P_q \Rightarrow \mathbb{P}_q = \{P'_q : P'_q = \gamma(P_q)\}$$
$$p_q(\cdot) : X \rightarrow [0, 1], \quad q \in \{1, \dots, Q\}, \quad \gamma \in \Gamma$$

$s_q(\cdot) = (s_q^1(\cdot), s_q^2(\cdot), \dots, s_q^{|X|}(\cdot))$  – макс. инв. группы  $\Gamma$

$$s_q^i(p_q) = \sum_{x \in X} \chi_{A_i}(x), \quad A_i = \{x \in X : p_q(x) \leq p_q(x_i)\}$$

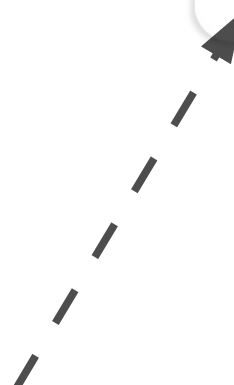
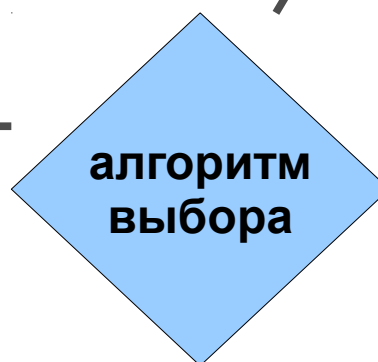
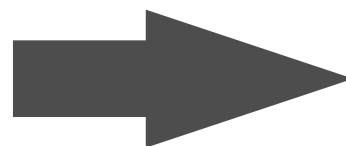
Пусть  $w_1, w_2, \dots, w_Q \in [0, 1]$  – веса экспертов.

$$s_* = \arg \min_s \sum_{q=1}^Q w_q \|s - s_q\|_2^2 \Rightarrow p_* = \frac{s_*}{|X|}$$

$s_*$  близко к  $\bar{s} = \sum_{q=1}^Q w_q s_q$  (как с матрицами парных сравнений).



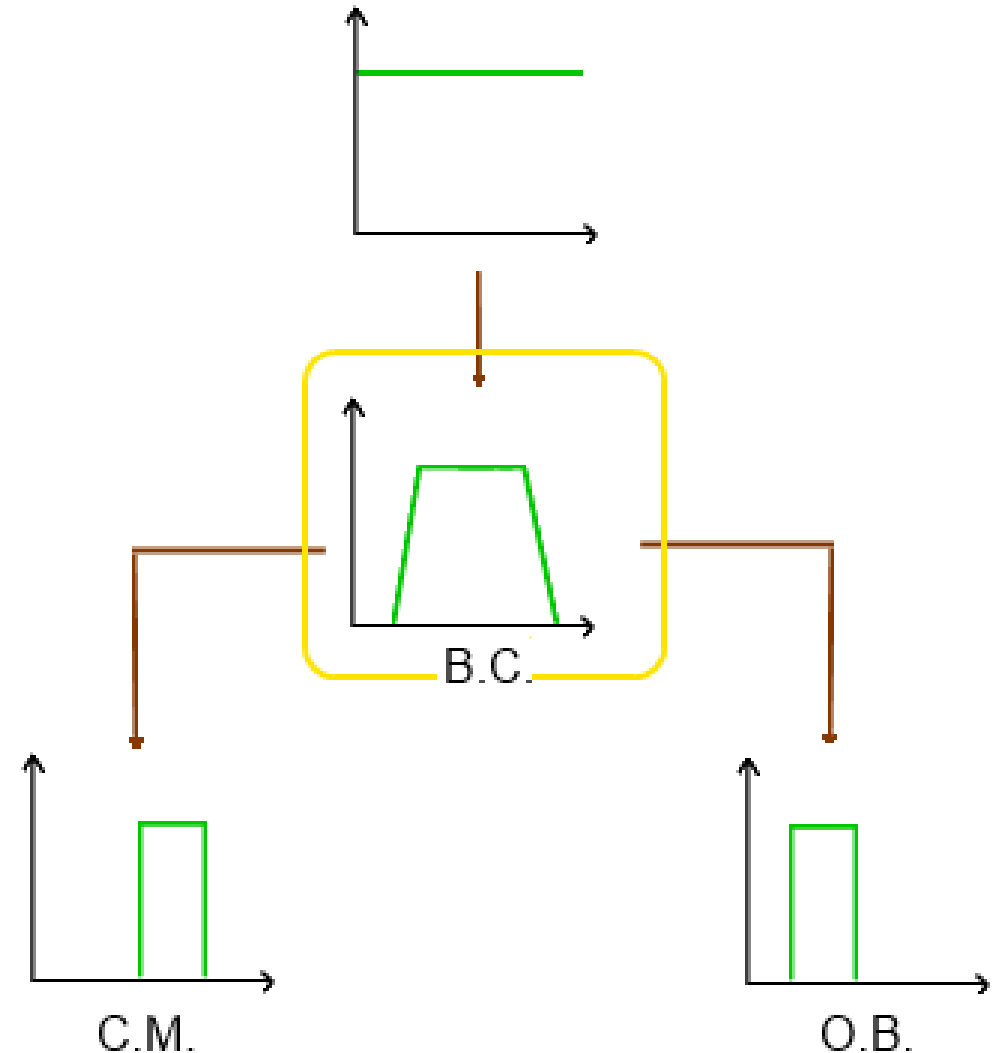
# Выбор объектов - 3



# Частичный псевдопорядок возможностей

Опр.  $p_1 \prec p_2$ , если:

1.  $\text{supp } p_2 \supset \text{supp } p_1$
2.  $\exists \gamma : p_2(\omega) = \gamma(p_1(\omega)),$   
 $\omega \in \text{supp } p_1$
3.  $p_2(\omega) \leq p_2(\omega'),$   
 $\omega \notin \text{supp } p_1, \omega' \in \text{supp } p_1$



# Путевой лист

- Алг. выбора
- Алг. коллективной экспертизы – 1
- Алг. нахождения частичного порядка
- Алг. коллективной экспертизы – 2
- Алг. уточнения оценки
- Написание текста

# Всем бобра.



# Прототип интерфейса эксперта

