## Laboratorium Maszyn Elektrycznych

# **Ćwiczenie T1. Transformator trójfazowy - pomiary parametrów**

Grupa laboratoryjna 1, zespół A Data wykonania ćwiczenia: 18.11.2023

lmię i nazwisko	Data zaliczenia	Ocena
1. Bartosz Ciepał		
2. Michał Druciak		
3. Maciej Duda		
4. Szymon Giernacki		
5. Kacper Gromala		
6. Patryk Krosta		

# Dane znamionowe badanego transformatora

- 1) Moc pozorna  $S_N = 7500 \, VA$ ,
- 2) Napięcia znamionowe  $U_{1N} = 380 \, V$ ,  $U_{2N} = 240 \, V$ ,
- 3) Prądy znamionowe  $I_{1N} = 11, 4A, I_{2N} = 18, 1A,$
- 4) Układ połączeń Yy 0.

## 1. Przebieg ćwiczenia

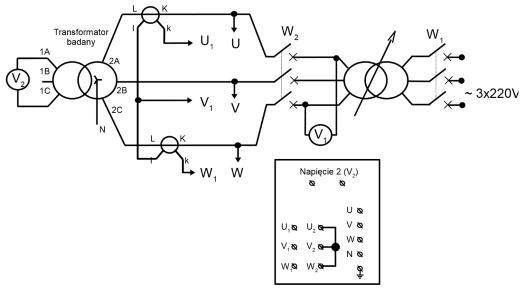
W pierwszej kolejności po rozpoczęciu ćwiczenia zapoznaliśmy się ze stanowiskiem pomiarowym, jego wyposażeniem, aparaturą oraz dostępnymi w laboratorium materiałami. Następnie zmontowaliśmy układ do badania transformatora w stanie jałowym (przy zasilaniu strony wtórnej). W drugim kroku po zmodyfikowaniu układu przeprowadziliśmy doświadczenia w stanie zwarcia pomiarowego (zasilana strona pierwotna). Nadrzędnym celem ćwiczenia było wyznaczenie parametrów schematu zastępczego transformatora na podstawie zmierzonych a następnie wyliczonych wielkości. Dla ujednolicenia poniższych rozważań przyjęliśmy oznaczenia takie, że indeksem 1 oznaczamy stronę pierwotną, indeksem 2 natomiast stronę wtórną transformatora.

#### 2. Pomiary w stanie biegu jałowego

Układ do badania transformatora w stanie biegu jałowego został zmontowany według schematu na rysunku 1. Badany transformator został zasilony od strony niższego napięcia z trójfazowej sieci elektrycznej o napięciu  $U\!=\!230\,V$  i częstotliwości  $f\!=\!50\,H\!z$  poprzez autotransformator, który umożliwiał płynną regulację napięcia. Zasilanie do układu dołączane było przez dwa styczniki  $W_1$  (dołączenie zasilania do autotransformatora) oraz  $W_2$  (dołączenie napięcia regulowanego do obwodu laboratoryjnego). Woltomierz  $V_1$  wskazywał wartość skuteczną napięcia międzyfazowego na "wej-

ściu" układu), woltomierz  $V_2$  analogicznie na "wyjściu". Poszczególne prądy oraz napięcia mierzone były przez zastosowane przekładniki prądowe o przekładni  $5/5\,A$  oraz dołączony do nich cyfrowy miernik tablicowy N10.

Wyniki pomiarowe tj. wskazania miernika N10 takie jak średnie wartości napięć  $U_1$ ,  $U_2$  (wskazania woltomierzy  $V_1$  i  $V_2$  - napięcia międzyfazowe), prądu jałowego  $I_0$  oraz mocy czynnej  $P_0$ , mocy pozornej  $S_0$  oraz wartość współczynnika  $\cos\phi_0$ . Wyniki pomiarów dla stanu jałowego zamieszczono w tabeli 1. W tej serii pomiarowej przeprowadzono też pomiar dla warunków o parametrach bliskich znamionowym.



**Rysunek 1.** Schemat układu biegu jałowego (źródło: Instrukcja do ćwiczenia T1)

Lp.	$U_1[V]$	$U_{2}[V]$	$I_0$ [A]	$P_0$ $[W]$	$S_0$ [VA]	$\cos \phi_0$
1	242	412	1,010	114,2	425,6	0,269
2	230	389	0,855	101,6	340,7	0,300
3	225	382	0,818	98,4	319	0,309
4	208	349	0,645	82,6	230	0,360
5	109	317	0,520	69,0	169	0,410
6	102	300	0,468	62,5	143,4	0,437
7	188	271	0,395	52,2	109,6	0,478
8	147	249	0,352	45,2	89,7	0,505
9	130	220	0,303	36,5	68,1	0,537

Tabela 1. Wyniki pomiarów w stanie jałowym

Wartości napięć  $U_1$  i  $U_2$  są wartościami międzyfazowymi, prąd jałowy  $I_0$  jest to uśredniona wartość prądów fazowych/przewodowych w badanym układzie. Obliczenie przekładni napięciowej  $k_u$ 

transformatora, na podstawie wzoru (1) (por. [1] s. 139) dla punktu pomiarowego o wartościach zbliżonych znamionowym (tabela 1, punkt pomiarowy 3).

$$k_u = \frac{U_{1Nf}}{U_{2Nf}} \tag{1}$$

Gdzie indeks 1 oznacza stronę zasilaną, a indeks 2 stronę nieobciążoną. Dla naszego przypadku mamy:

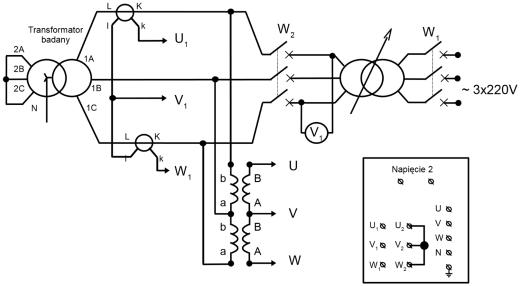
$$k_u = \frac{U_{10}}{U_2} = \frac{382 \, V}{225 \, V} = 1,698$$

Według wartości nominalnych:  $k_u = \frac{U_{1N}}{U_{2N}} = \frac{380 \text{ V}}{240 \text{ V}} = 1,583$ 

# 3. Pomiary w stanie zwarcia pomiarowego

Układ do badania transformatora w stanie biegu jałowego został zmontowany według schematu na rysunku 2. W tym przypadku transformator zasilaliśmy od strony niższego napięcia poprzez używany wcześniej autotransformator. Pomiar napięć zrealizowany został przez przekładniku napięciowe o przekładni  $30/150\,V$  oraz przekładniki prądowe o przekładni  $20/5\,A$ .

Wyniki pomiarowe tj. wskazania miernika N10 takie jak średnie wartości napięć  $U_k$ , (wskazania woltomierza  $V_1$ ), prądu  $I_k$  oraz mocy czynnej  $P_k$ , mocy pozornej  $S_k$  oraz wartość współczynnika  $\cos\phi_k$ . Wyniki pomiarów dla stanu jałowego zamieszczono w tabeli 2.



Rysunek 2. Schemat układu biegu jałowego (źródło: Instrukcja do ćwiczenia T1)

Mnożniki pomiarowe:

$$c_u = \frac{1}{5} = 0.2$$
  $c_p = \frac{4}{5} = 0.8$   $c_s = \frac{4}{5} = 0.8$ 

W tabeli 2 zamieszczono wyniki pomiarów (wskazania przyrządów), w tabeli 3 przedstawiono wartości mierzonych wielkości przeskalowane przez odpowiednie współczynniki  $c_x$  (realne wartości).

Tabela 2. Wyniki pomiarów w stanie zwarcia pomiarowego

Lp.	$U_z$ [V]	$I_z[A]$	$P_z[W]$	$S_z$ [VA]	$\cos \phi_k$
1	74	3,02	340	391	0,86
2	71	2,86	308	356	0,86
3	62	2,54	240	279	0,86
4	54	2,18	178	206	0,86
5	48	1,93	140	163	0,86
6	38	1,53	89	102	0,86
7	29	1,22	55	65	0,86
8	26	1,01	39	46	0,86

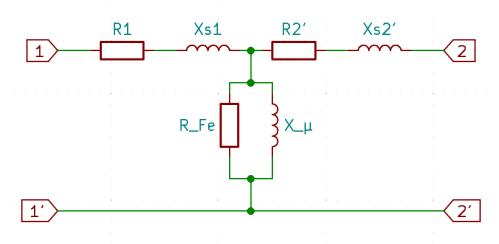
$$U_k = U_z \cdot c_u$$
,  $I_k = I_z \cdot c_i$ ,  $P_k = P_z \cdot c_p$ ,  $S_k = S_z \cdot c_s$ 

Tabela 3. Przeliczone wyniki pomiarów w stanie zwarcia pomiarowego

Lp.	$U_k[V]$	$I_k[A]$	$P_k [W]$	$S_k$ [VA]	$\cos \phi_k$
1	14,4	12,08	272	313	0,86
2	14,2	11,44	246	285	0,86
3	12,4	10,16	192	223	0,86
4	10,8	8,72	142	165	0,86
5	9,6	7,72	112	130	0,86
6	7,6	6,12	71	82	0,86
7	5,8	4,88	44	132	0,86
8	5,2	4,04	31	37	0,86

# 4. Wyznaczenie parametrów schematu zastępczego transformatora

Na podstawie przedstawionych wcześniej danych pomiarowych obliczyliśmy parametry schematu zastępczego jednej fazy badanego transformatora przedstawionego na rysunku 3.



Rysunek 3

Gdzie zaciski 1-1' oznaczają stronę napięcia  $380\,V$ , a 2-2' stronę  $240\,V$ . W niniejszych rozważaniach sprowadzamy wszystkie wartości na stronę wyższego napięcia. Przekładnia napięciowa badanego transformatora ma wartość  $k_u$ =1,698. Zakładamy, że  $R_1$ = $R_2$ ' oraz  $X_{S1}$ = $X_{S2}$ '. Zależności użyte do poniższych obliczeń na podstawie: [1]–[3]

- Stan zwarcia pomiarowego<sup>1</sup>:  $U_{1k} = 14,2V$ ,  $I_{1k} = 11,4A$ ,  $P_k = 246W$ ,  $\cos \phi_k = 0,860$
- Stan jałowy<sup>2</sup>:  $U_2 = 225 V$ ,  $U_{10} = 382 V$ ,  $I_0 = 0.818 A$ ,  $P_0 = 98.4 W$ ,  $\cos \phi_0 = 0.301$

$$Z_{k} = \frac{U_{1k}}{I_{1k}} = \frac{14.2 V}{\sqrt{3} \cdot 11.4 A} = 0,720 \Omega$$

$$R_{k} = \frac{P_{k}}{3 I_{1k}^{2}} = \frac{246 W}{3 \cdot 11.4^{2}} = 0,603 \Omega$$

$$X_{k} = \sqrt{Z_{k}^{2} - R_{k}^{2}} = \sqrt{0,720^{2} - 0,603^{2}} = 0,393 \Omega$$

$$R_{1} = R_{2}' = \frac{R_{k}}{2} = \frac{0,603 \Omega}{2} = 0,302 \Omega$$

$$R_{2} = \frac{R_{2}'}{k_{u}^{2}} = \frac{0,302 \Omega}{1,698^{2}} = 0,105 \Omega$$

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 1}$  W tym przypadku zasilana strona napięcia  $380\,V$  - użyto indeksu 1

 $<sup>^{2}</sup>$  W tym przypadku zasilana strona napięcia  $240\,V$  - użyto indeksu 2

$$X_{S1} = X_{S2}' = \frac{X_k}{2} = \frac{0.393 \,\Omega}{2} = 0.197 \,\Omega$$
$$X_{S2} = \frac{X_{S2}'}{k^2} = \frac{0.197 \,\Omega}{1.698^2} = 0.068 \,\Omega$$

$$P_{0Fe} = P_0 - 3 \cdot R_2 \cdot I_0^2 = 98,4 - 3 \cdot 0,105 \cdot 0,818^2 = 98,20 W$$

$$R_{Fe} = \frac{\left(\frac{U_2}{\sqrt{3}}\right)^2}{\frac{P_{0Fe}}{3}} = 515,53\,\Omega$$

$$I_{Fe} = \frac{U_2}{\sqrt{3} \cdot R_{Fe}} = 0,252 A$$

$$I_{\nu} = \sqrt{I_0^2 - I_{Fe}^2} = \sqrt{0.818^2 - 0.252^2} = 0.778 A$$

$$X_{\mu} = \frac{U_2}{\sqrt{3} \cdot I_{\mu}} = 166,97 \,\Omega$$

Badany transformator ma następujące parametry schematu zastępczego:

1) 
$$R_1 = 0.302 \Omega, X_{S1} = 0.197 \Omega$$

2) 
$$R_2 = 0.105 \Omega$$
,  $X_{S2} = 0.068 \Omega$ 

3) 
$$R_{Fe} = 515,53\Omega, X_{\mu} = 166,97\Omega$$

## Bibliografia i źródła

- [1] A. M. Plamitzer, *Maszyny elektryczne*, Wyd. 8 popr. Warszawa: Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, 1986.
- [2] W. Rams i J. Skwarczyński, *Laboratorium maszyn elektrycznych*, t. SU 1710. w Skrypty Uczelniane, Kraków: Wydawnictwo AGH, 2009.
- [3] P. Dybowski, Red., *Układy elektromechaniczne i transformatory: obliczenia i zadania*. Kraków: Wydawnictwo AGH, 2010.