# Introducción al Análisis de Datos con R

Rubén Fernández-Casal, Javier Roca-Pardiñas y Julián Costa2019-10-01

# Índice general

Prólogo		5
1	Introducción  1.1 El lenguaje y entorno estadístico R 1.2 Entorno de trabajo 1.3 Librerías 1.4 Una primera sesión 1.5 Objetos básicos 1.6 Área de trabajo  1.7 El lenguaje y entorno estadístico R 1.8 Librerías 1.9 Librerías 1.0 Librerías 1.0 Area de trabajo 1.0 Área de trabajo	77 73 73 11 12 14 17
2		19 19 24 28 29
3	3.1 El comando plot 3.2 Funciones gráficas de bajo nivel	31 32 32 36 36 37 38
4	4.1 Lectura, importación y exportación de datos	41 41 46
5	5.1 Medidas resumen	<b>5</b> 1 51 58
6	Modelado de datos 6.1 Modelos de regresión	<b>77</b> 77 78 78
7	7.1 Ejemplo	79 79 81 84 84

ÍNDICE GENERAL

	Regresión con variables categóricas  Interacciones  Diagnosis del modelo  Métodos de regularización  Alternativas	92 95 100
8	Iodelos lineales generalizados   1 Ajuste: función glm   2 Regresión logística   3 Predicción   4 Selección de variables explicativas   5 Diagnosis del modelo   6 Alternativas	112 115 115 118
9	egresión no paramétrica 1 Modelos aditivos	<b>121</b> 121
10	rogramación           0.1 Funciones            0.2 Ejecución condicional            0.3 Bucles y vectorización            0.4 Aplicación: validación cruzada	139 139
11	eneración de informes           .1 R Markdown            .2 Spin	
Re	rencias ibliografía complementaria	1 <b>55</b> 155
A	nlaces .1 RStudio	157 158
В	nstalación de R 1 Instalación de R en Windows	<b>161</b> 162
$\mathbf{C}$	terfaces gráficas  1 RStudio	
	El paquete dplyr	172 173 174 174 174
$\mathbf{E}$	ompañías que usan R	177

# Prólogo

Este es un libro introductorio al análisis de datos con R.

Este libro ha sido escrito en R-Markdown empleando el paquete bookdown y está disponible en el repositorio Github: rubenfcasal/intror. Se puede acceder a la versión en línea a través del siguiente enlace:

https://rubenfcasal.github.io/intror.

donde puede descargarse en formato pdf.

Para ejecutar los ejemplos mostrados en el libro será necesario tener instalados los siguientes paquetes: lattice, ggplot2, foreign, car, leaps, MASS, RcmdrMisc, lmtest, glmnet, mgcv, rmarkdown, knitr, dplyr. Por ejemplo mediante el comando:

Para generar el libro (compilar) serán necesarios paquetes adicionales, para lo que se recomendaría consultar el libro de "Escritura de libros con bookdown" en castellano.

Este obra está bajo una licencia de Creative Commons Reconocimiento-NoComercial-SinObraDerivada 4.0 Internacional (esperamos poder liberarlo bajo una licencia menos restrictiva más adelante...).



6 ÍNDICE GENERAL

# Capítulo 1

# Introducción

El entorno estadístico R puede ser una herramienta de gran utilidad a lo largo de todo el proceso de obtención de información a partir de datos (normalmente con el objetivo final de ayudar a tomar decisiones).

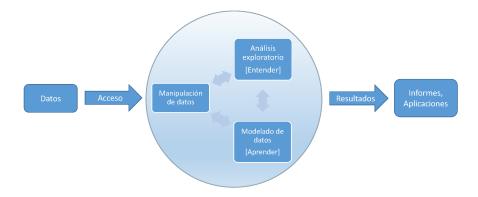


Figura 1.1: Etapas del proceso

# 1.1 El lenguaje y entorno estadístico R

R es un lenguaje de programación desarrollado específicamente para el análisis estadístico y la visualización de datos.

- El lenguaje R es interpretado (similar a Matlab o Phyton) pero orientado al análisis estadístico (fórmulas modelos, factores,...).
  - derivado del S (Laboratorios Bell).
- R es un **Software Libre** bajo las condiciones de licencia GPL de GNU, con código fuente de libre acceso.
  - Además de permitir crear nuevas funciones, se pueden examinar y modificar las ya existentes.
- Multiplataforma, disponible para los sistemas operativos más populares (Linux, Windows, MacOS X, ...).

#### 1.1.1 Principales características

Se pueden destacar las siguientes características del entorno R:

- Dispone de numerosos complementos (librerías, paquetes) que cubren "literalmente" todos los campos del análisis de datos.
- · Repositorios:
  - CRAN (9705, 14972, ...)
  - Bioconductor (1289, 1741, ...),
  - GitHub, ...
- Existe una comunidad de usuarios (programadores) muy dinámica (multitud de paquetes adicionales).
- Muy bien documentado y con numerosos foros de ayuda.
- Puntos débiles (a priori): velocidad, memoria, ...

Aunque inicialmente fue un lenguaje desarrollado por estadísticos para estadísticos:

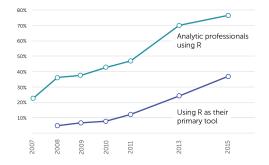


Figura 1.2: Rexer Data Miner Survey 2007-2015

Hoy en día es muy popular:



Figura 1.3: [IEEE Spectrum](https://spectrum.ieee.org) Top Programming Languages, 2019

R destaca especialmente en:

• Representaciones gráficas.

- Métodos estadísticos "avanzados":
  - Data Science: Statistical Learning, Data Mining, Machine Learning, Business Intelligence, ...
  - Datos funcionales.
  - Estadística espacial.

**–** ..

- Análisis de datos "complejos":
  - Big Data.
  - Lenguaje natural (*Text Mining*).
  - Análisis de redes.

- ..

#### 1.1.2 Interfaces gráficas

El programa R utiliza una interfaz de comandos donde se teclean las instrucciones que se pretenden ejecutar (ver Figura 1.4).

Por ejemplo, para obtener una secuencia de números desde el 1 hasta el 10, se utilizará la sentencia:

1:10

obteniéndose el resultado

```
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

En el Apéndice B se detallan los pasos para la instalación de R, y en el Apéndice C los de otras interfaces gráficas.

### 1.2 Entorno de trabajo

#### 1.2.1 Ventana de Consola

Al abrir el programa R, tal y como ya se ha visto, aparece la siguiente ventana de consola para trabajar de modo interactivo en modo comando (ver Figura 1.4).

En la ventana de consola cada línea en que el usuario puede introducir información se inicia con el carácter > que pone el sistema R.

• Para ejecutar las instrucciones que están en una línea, se pulsa la tecla de Retorno (y por defecto se imprime el resultado).

2+2

## [1] 4

1+2\*4

## [1] 9

• Se pueden escribir varias instrucción en una misma línea separándolas por ";"

```
2+2;1+2*4
```

## [1] 4

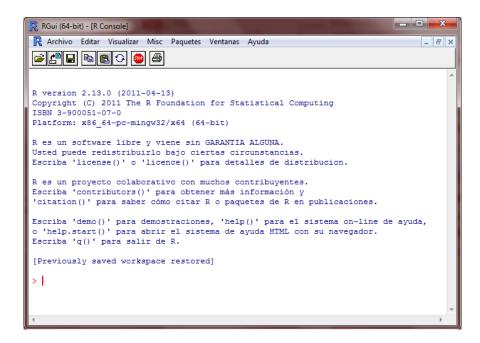


Figura 1.4: Consola de 'R' en Windows (modo MDI).

## [1] 9

• Se pueden recuperar líneas de instrucciones introducidas anteriormente pulsando la tecla con la flecha ascendente del teclado, a fin de re-ejecutarlas o modificarlas.

#### 1.2.2 Ventana de Script

La ventana consola ejecuta de forma automática cada línea de comando. Sin embargo, suele interesar guardar un conjunto de instrucciones en un único archivo de texto para formar lo que se conoce como un *script*. Las instrucciones del script se copian y pegan en la ventana de comandos para ser ejecutadas.

Para crear un fichero de script se selecciona el submenú  $Nuevo\ script$  dentro del menú Archivo. Otra posibilidad es utilizar directamente la combinación de teclas Ctrl+N.

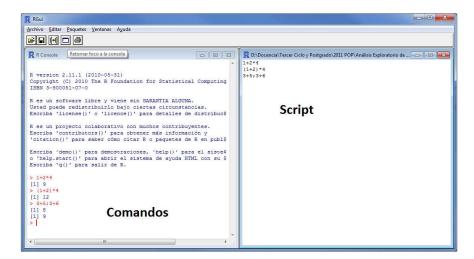


Figura 1.5: Ventanas de la consola y de \*script\* en Windows (modo MDI).

1.3. LIBRERÍAS

Para guardar este tipo de fichero se utiliza directamente el menú Archivo > Guardar como... y se elige a continuación la ubicación en el disco duro del ordenador.

De igual modo para abrir un script existente se hace a través del menú Archivo > Abrir script....

En el Apéndice A se incluyen enlaces a numerosos recursos para el aprendizaje de R, incluyendo manuales y libros, además de otros recursos para la obtención de ayuda.

#### 1.2.3 Ayuda dentro del programa

Como ya se ha comentado con anterioridad, hay manuales de R alos que se puede acceder a través del menú  $Ayuda > Manuales \ (en\ PDF)$ 

Puede empezarse utilizando help.start() o demo().

Todas las funciones de R tienen su documentación integrada en el programa. Para obtener la ayuda de una determinada función se utilizará help (función) o de forma equivalente ?función.

Por ejemplo, la ayuda de la función rnorm (utilizada para la generación de datos normales) se obtiene con el código

```
help(rnorm)
?rnorm
```

En muchas ocasiones no se conoce el nombre exacto de la función de la que queremos obtener la documentación. En estos casos, la función help.search() realiza búsquedas en la documentación en todos los paquetes instalados, estén cargados o no.

Por ejemplo, si no conocemos la función que permite calcular la mediana de un conjunto de datos, se puede utilizar

```
help.search("median")
```

Para más detalles véase ?help.search

#### 1.3 Librerías

#### 1.3.1 Paquetes

Al iniciar el programa R se cargan por defecto una serie de librerías básicas con las que se pueden realizar una gran cantidad de operaciones básicas. Estas librerías conforman el llamado **paquete base**.

En otras ocasiones es necesario cargar otras librerías distintas a las anteriores. Esto se hace a través de los llamados paquetes (packages) que pueden ser descargados directamente de la web

http://cran.r-project.org/web/packages/

o directamente a través del menú Paquetes.

#### 1.3.2 Instalación

La instalación de un paquete, bajo el sistema operativo Windows, se puede hacer de varias formas:

- Desde el menú Paquetes > Instalar paquete(s)...
- Desde la ventana de consola utilizando la instrucción

```
install.packages("nombre del paquete")
```

Este proceso sólo es necesario realizarlo la primera vez que se utilice el paquete.

#### 1.3.3 Carga

Para utilizar un paquete ya instalado será necesario cargarlo, lo cual se puede hacer de varias formas:

- Desde el menú Paquetes > Cargar paquete(s)...
- Por consola, utilizando library(nombre del paquete)

Esta operación será necesario realizarla cada vez que se inicie una sesión de R.

Finalmente, la ayuda de un paquete se puede obtener con la sentencia

```
library(help = "nombre del paquete")
```

### 1.4 Una primera sesión

#### 1.4.1 Inicio de una sesión

El programa R (bajo Windows) se arranca al hacer un doble-click sobre el icono del programa. Entonces aparecerá la ventana de consola donde se escribirán los comandos y los resultados serán mostrados inmediatamente por pantalla.

Veamos algún ejemplo:

```
3+5
## [1] 8
sqrt(16) # raiz cuadrada de 16
## [1] 4
pi # R reconoce el número pi
```

```
## [1] 3.141593
```

Nótese que en los comandos se pueden hacer comentarios utilizando el símbolo #.

Los resultados obtenidos pueden guardarse en objetos. Por ejemplo, al escribir

```
a <- 3 + 5
```

el resultado de la suma se guarda en a. Se puede comprobar si la asignación se ha realizado correctamente escribiendo el nombre del objeto

```
## [1] 8
```

La asignación anterior se puede hacer del siguiente modo ejemplo, al escribir

```
a <- 3 + 5; a
```

```
## [1] 8
```

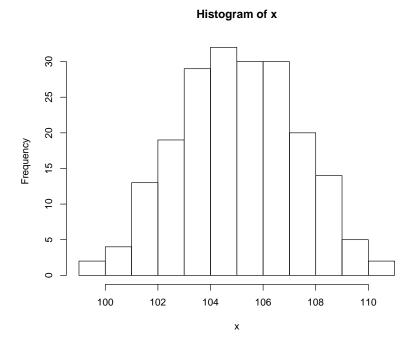
Nota: Habitualmente no habrá diferencia entre la utilización de las asignaciones hechas con = y <- (aunque nosotros emplearemos el segundo). Las diferencias aparecen a nivel de programación y se tratarán en el Capítulo 10.

Veamos ahora un ejemplo un poco más avanzado. Con el siguiente código

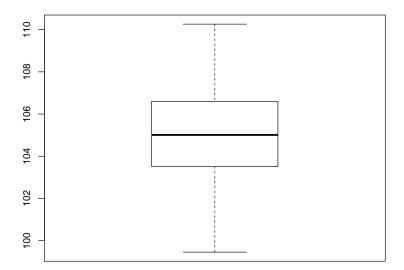
- Se obtienen 200 datos simulados siguiendo una distribución gaussiana de media 105 y desviación típica
   2
- Se hace un resumen estadístico de los valores obtenidos
- Se hace el correspondiente histograma y gráfico de cajas

```
x <- rnorm(n = 200, mean = 105, sd = 2) #datos normales
summary(x) # resumen estadístico
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 99.45 103.52 105.01 105.04 106.60 110.26
hist(x) # histograma
```



#### boxplot(x) # gráfico de cajas



Es importante señalar que R diferencia entre mayúsculas y minúsculas, de modo que los objetos a y A serán diferentes.

```
a <- 1:10 # secuencia de números
A <- "casa"

a

## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

A

## [1] "casa"
```

### 1.5 Objetos básicos

R es un lenguaje **orientado a objetos** lo que significa que las variables, datos, funciones, resultados, etc., se guardan en la memoria del ordenador en forma de *objetos* con un nombre específico.

Los principales tipos de valores básicos de R son:

- numéricos,
- cadenas de caracteres, y
- lógicos

#### 1.5.1 Objetos numéricos

Los valores numéricos adoptan la notación habitual en informática: punto decimal, notacion científica, ...

```
## [1] 3.141593
```

```
## [1] 1000

Con este tipo de objetos se pueden hacer operaciones aritméticas utilizando el operador correspondiente.

a <- 3.4
b <- 4.5
a * b

## [1] 15.3
a / b

## [1] 0.7555556
a + b

## [1] 7.9

min(a, b)

## [1] 3.4
```

#### 1.5.2 Objetos tipo carácter

Las cadenas de caracteres se introducen delimitadas por comillas ("nombre") o por apóstrofos ('nombre').

```
a <- "casa grande"
a
## [1] "casa grande"
a <- 'casa grande'
a
## [1] "casa grande"
a <- 'casa "grande"
a ## [1] "casa \"grande\""</pre>
```

# 1.5.3 Objetos lógicos

Los objetos lógicos sólo pueden tomar dos valores TRUE (numéricamente toma el valor 1) y FALSE (valor 0).

```
A <- TRUE
B <- FALSE
A

## [1] TRUE
B

## [1] FALSE

# valores numéricos
as.numeric(A)
```

```
## [1] 1
```

```
as.numeric(B)
## [1] 0
1.5.4 Operadores lógicos
Existen varios operadores en R que devuelven un valor de tipo lógico. Veamos algún ejemplo
a <- 2
b <- 3
a == b \# compara \ a \ y \ b
## [1] FALSE
a == a \# compara \ a \ y \ a
## [1] TRUE
a < b
## [1] TRUE
b < a
## [1] FALSE
! (b < a) # ! niega la condición
## [1] TRUE
2**2 == 2^2
## [1] TRUE
3*2 == 3^2
## [1] FALSE
Nótese la diferencia entre = (asignación) y == (operador lógico)
2 == 3
## [1] FALSE
# 2 = 3 # produce un error:
# Error en 2 = 3 : lado izquierdo de la asignación inválida (do_set)
Se pueden encadenar varias condiciones lógicas utilizando los operadores & (y lógico) y | (o lógico).
TRUE & TRUE
## [1] TRUE
TRUE | TRUE
## [1] TRUE
TRUE & FALSE
## [1] FALSE
TRUE | FALSE
## [1] TRUE
```

```
2 < 3 & 3 < 1

## [1] FALSE
2 < 3 | 3 < 1

## [1] TRUE
```

## 1.6 Área de trabajo

Como ya se ha comentado con anterioridad es posible guardar los comandos que se han utilizado en una sesión en ficheros llamados **script**. En ocasiones interesará además guardar todos los objetos que han sido generados a lo largo de una sesión de trabajo.

El Workspace o Área de Trabajo es el entorno en el que se puede guardar todo el trabajo realizado en una sesión. De este modo, la próxima vez que se inicie el programa, al cargar dicho entorno, se podrá acceder a lo objetos almacenados en él.

En primer lugar, para saber los objetos que tenemos en memoria se utiliza la función 1s. Por ejemplo, supongamos que acabamos de iniciar una sesión de R y hemos escrito

```
a <- 1:10
b <- log(50)
```

Entonces al utilizar 1s se obtendrá la siguiente lista de objetos en memoria

```
ls()
```

```
## [1] "a" "b"
```

También es posible borrar objetos a través de la función rm

```
rm(b)
ls()
```

```
## [1] "a"
```

Para borrar todos los objetos en memoria se puede utilizar rm(list=ls())

```
rm(list = ls())
```

```
## character(0)
```

character(0) (lista vacía) significa que no hay objetos en memoria.

#### 1.6.1 Guardar y cargar resultados

Para guardar el área de trabajo (Workspace) con todos los objetos de memoria (es decir, los que figuran al utilizar ls()) se utiliza la función save.image(nombre archivo).

```
rm(list = ls()) # primero borramos toda la mamoria
x <- 20
y <- 34
z <- "casa"
save.image(file = "prueba.RData") # guarda area de trabajo en prueba.RData</pre>
```

La función save permite guardar los objetos seleccionados.

```
save(x, y, file = "prueba2.RData") # guarda los objetos x e y
```

Para cargar una ára de trabajo ya exitente se utiliza la función load().

```
load("prueba2.RData") # carga área de trabajo
```

#### 1.6.2 Directorio de trabajo

Por defecto R utiliza una carpeta de trabajo donde guardará toda la información. Dicha carpeta se puede obtener con la función

```
getwd()
```

```
## [1] "d:/"
```

El directorio de trabajo se puede cambiar utilizando setwd(carpeta). Por ejemplo, para cambiar el directorio de trabajo a c:\datos, se utiliza el comando

```
setwd("c:/datos")
# Importante la barra utilizada
# NO funciona setwd("c:\datos")
```

# Capítulo 2

# Estructuras de datos

En los ejemplos que hemos visto hasta ahora los objetos de R almacenaban un único valor cada uno. Sin embargo, las estructuras de datos que proporciona R permiten almacenar en un mismo objeto varios valores. Las principales estructuras son:

- Vectores
- Matrices y Arrays
- Data Frames
- Listas

### 2.1 Vectores

Un vector es un conjunto de valores básicos del mismo tipo. La forma más sencilla de crear vectores es a través de la función c() que se usa para combinar (concatenar) valores.

```
x <- c(3, 5, 7)
x

## [1] 3 5 7
y <- c(8, 9)
y

## [1] 8 9
c(x, y)

## [1] 3 5 7 8 9
z <- c("Hola", "Adios")
z

## [1] "Hola" "Adios"</pre>
```

#### 2.1.1 Generación de secuencias

Existen varias funciones que pemiten obtener secuencias de números

```
x <- 1:5
x

## [1] 1 2 3 4 5
seq(1, 5, 0.5)

## [1] 1.0 1.5 2.0 2.5 3.0 3.5 4.0 4.5 5.0
seq(from=1, to=5, length=9)

## [1] 1.0 1.5 2.0 2.5 3.0 3.5 4.0 4.5 5.0
rep(1, 5)

## [1] 1 1 1 1 1</pre>
```

#### 2.1.2 Generación secuencias aleatorias

```
A continuación se obtiene una simulación de 10 lanzamientos de un dado
sample(1:6, size=10, replace = T) #lanzamiento de un dado
## [1] 1 1 5 5 4 5 1 2 3 1
Para simular el lanzamiento de una moneda podemos escribir
resultado <- c(cara=1,cruz=0) # se le han asignado nombres al objeto
print(resultado)
## cara cruz
##
     1
class(resultado)
## [1] "numeric"
attributes(resultado)
## $names
## [1] "cara" "cruz"
names(resultado)
## [1] "cara" "cruz"
lanz <- sample(resultado, size=10, replace = T)</pre>
## cruz cara cruz cara cruz cruz cruz cruz cara
## 0 1 1 0 1 0 0 0
table(lanz)
## lanz
## 0 1
## 6 4
Otros ejemplos
rnorm(10) # rnorm(10, mean = 0, sd = 1)
```

2.1. VECTORES 21

```
## [1] 0.5542825 -1.8587648 -0.4839736 0.2298712 -0.6344355 -0.4999402
## [7] 0.2188108 -2.1008389 0.9892206 1.1516896

runif(15, min = 2, max = 10)

## [1] 5.053462 3.457846 3.202863 7.908254 8.815679 2.484881 2.017832
## [8] 4.345444 8.438295 9.233788 6.448266 9.304473 4.571463 9.549888
## [15] 9.240699
```

El lector puede utilizar la función help() para obtener la ayuda de las funciones anteriores.

#### 2.1.3 Selección de elementos de un vector

Para acceder a los elementos de un vector se indica entre corchetes el correspondiente vector de subíndices (enteros positivos).

```
x <- seq(-3, 3, 1)
x
## [1] -3 -2 -1 0 1 2 3
x[1] # primer elemento

## [1] -3
ii <- c(1, 5, 7)
x[ii] #posiciones 1, 5 y 7

## [1] -3 1 3
ii <- x>0; ii

## [1] FALSE FALSE FALSE TRUE TRUE TRUE
x[ii] # valores positivos

## [1] 1 2 3
ii <- 1:3
x[-ii] # elementos de x salvo los 3 primeros

## [1] 0 1 2 3</pre>
```

#### 2.1.4 Ordenación de vectores

## [1] 5 2 4 7 3 1 6

```
x <- c(65, 18, 59, 18, 6, 94, 26)
sort(x)

## [1] 6 18 18 26 59 65 94

sort(x, decreasing = T)

## [1] 94 65 59 26 18 18 6

Otra posibilidad es utilizar un índice de ordenación.

ii <- order(x)
    ii # indice de ordenación</pre>
```

#### x[ii] # valores ordenados

```
## [1] 6 18 18 26 59 65 94
```

La función rev() devuelve los valores del vector en orden inverso.

```
rev(x)
```

```
## [1] 26 94 6 18 59 18 65
```

#### 2.1.5 Valores perdidos

Los valore perdidos aparecen normalmente cuando algún dato no ha sido registrado. Este tipo de valores se registran como NA (abreviatura de *Not Available*).

Por ejemplo, supongamos que tenemos registrado las alturas de 5 personas pero desconocemos la altura de la cuarta persona. El vector sería registrado como sigue:

```
altura <- c(165, 178, 184, NA, 175)
altura
```

```
## [1] 165 178 184 NA 175
```

Es importante notar que cualquier operación aritmética sobre un vector que contiene algún NA dará como resultado otro NA.

```
mean(altura)
```

```
## [1] NA
```

Para forzar a R a que ignore los valores perdidos se utliza la opción na.rm = TRUE.

```
mean(altura, na.rm = TRUE)
```

```
## [1] 175.5
```

R permite gestionar otros tipos de valores especiales:

- NaN (Not a Number): es resultado de una indeterminación.
- Inf: R represent avalores no finitos  $\pm \infty$  como Inf y -Inf.

```
5/0 # Infinito
```

```
## [1] Inf
```

```
log(0) # -Infinito
```

```
## [1] -Inf
```

```
0/0 # Not a Number
```

## [1] NaN

#### 2.1.6 Vectores no numéricos

Los vectores pueden ser no numéricos, aunque todas las componentes deben ser del mismo tipo:

```
a <- c("A Coruña", "Lugo", "Ourense", "Pontevedra")
a
```

2.1. VECTORES 23

```
## [1] "A Coruña"
                    "Lugo"
                                 "Ourense"
                                              "Pontevedra"
letters[1:10] # primeras 10 letas del abecedario
   [1] "a" "b" "c" "d" "e" "f" "g" "h" "i" "i"
LETTERS[1:10] # lo mismo en mayúscula
   [1] "A" "B" "C" "D" "E" "F" "G" "H" "I" "J"
month.name[1:6] # primeros 6 meses del año en inglés
## [1] "January" "February" "March"
                                        "April"
                                                   "May"
                                                              "June"
```

#### 2.1.7**Factores**

Los factores se utilizan para representar datos categóricos. Se puede pensar en ellos como vectores de enteros en los que cada entero tiene asociada una etiqueta (label). Los factores son muy importantes en la modelización estadística ya que Rlos trata de forma especial.

Utilizar factores con etiquetas es preferible a utilizar enteros porque las etiquetas son auto-descriptivas.

Veamos un ejemplo. Supongamos que el vector sexo indica el sexo de un persona codificado como 0 si hombre y 1 si mujer

```
sexo \leftarrow c(0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1)
sexo
## [1] 0 1 1 1 0 0 1 0 1
table(sexo)
## sexo
## 0 1
## 4 5
```

El problema de introducir así los datos es que no queda reflejado la etiquetación de los mismos. Para ello

```
guardaremos los datos en una estructura tipo factor:
sexo2 <- factor(sexo, labels = c("hombre", "mujer")); sexo2</pre>
## [1] hombre mujer mujer hombre hombre mujer hombre mujer
## Levels: hombre mujer
levels(sexo2) # devuelve los niveles de un factor
## [1] "hombre" "mujer"
unclass(sexo2) # representación subyacente del factor
## [1] 1 2 2 2 1 1 2 1 2
## attr(,"levels")
## [1] "hombre" "mujer"
table(sexo2)
## sexo2
## hombre mujer
```

Veamos otro ejemplo, en el que inicialmente tenemos datos categóricos. Los niveles se toman automáticamente por orden alfabético

```
respuestas <- factor(c('si', 'si', 'no', 'si', 'si', 'no', 'no'))
respuestas</pre>
```

```
## [1] si si no si si no no
## Levels: no si
```

Si deseásemos otro orden (lo cual puede ser importante en algunos casos, por ejemplo para representaciones gráficas), habría que indicarlo expresamente

```
 respuestas <- factor(c('si', 'si', 'no', 'si', 'no', 'no'), levels = c('si', 'no')) \\ respuestas
```

```
## [1] si si no si si no no
## Levels: si no
```

### 2.2 Matrices y arrays

#### 2.2.1 Matrices

Las matrices son la extensión natural de los vectores a dos dimensiones. Su generalización a más dimensiones se llama array.

Las matrices se pueden crear concatenando vectores con las funciones cbind o rbind:

```
x \leftarrow c(3, 7, 1, 8, 4)
y \leftarrow c(7, 5, 2, 1, 0)
cbind(x, y) # por columnas
##
## [1,] 3 7
## [2,] 7 5
## [3,] 1 2
## [4,] 8 1
## [5,] 4 0
rbind(x, y) # por filas
     [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
              7
                   1
## y
        7
              5
                    2
                         1
                               0
```

Una matriz se puede crear con la función matrix donde el parámetro nrow indica el número de filas y ncol el número de columnas. Por defecto, los valores se colocan por columnas.

```
matrix(1:8, nrow = 2, ncol = 4) # equivalente a matrix(1:8, nrow=2)

## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 1 3 5 7
## [2,] 2 4 6 8
```

Los nombres de los parámetros se pueden acortar siempre y cuando no haya ambigüedad, por lo que es habitual escribir

```
matrix(1:8, nr = 2, nc = 4)

## [,1] [,2] [,3] [,4]

## [1,] 1 3 5 7

## [2,] 2 4 6 8
```

Si queremos indicar que los valores se escriban por filas

```
matrix(1:8, nr = 2, byrow = TRUE)

## [,1] [,2] [,3] [,4]

## [1,] 1 2 3 4

## [2,] 5 6 7 8
```

#### 2.2.2 Nombres en matrices

Se pueden dar nombres a las filas y columnas de una matriz.

```
x \leftarrow matrix(c(1, 2, 3, 11, 12, 13), nrow = 2, byrow = TRUE)
         [,1] [,2] [,3]
## [1,]
           1
                 2
## [2,]
           11
                12
                      13
rownames(x) <- c("fila 1", "fila 2")</pre>
colnames(x) <- c("col 1", "col 2", "col 3")</pre>
##
           col 1 col 2 col 3
## fila 1
               1
                      2
                            13
## fila 2
                     12
              11
Obtenemos el mismo resultado si escribimos
colnames(x) <- paste("col", 1:ncol(x), sep=" ")</pre>
Internamente, las matrices son vectores con un atributo especial: la dimensión.
dim(x)
## [1] 2 3
attributes(x)
## $dim
## [1] 2 3
##
## $dimnames
```

#### 2.2.3 Acceso a los elementos de una matriz

## \$dimnames[[1]]

## \$dimnames[[2]]

##

## [1] "fila 1" "fila 2"

## [1] "col 1" "col 2" "col 3"

El acceso a los elementos de una matriz se realiza de forma análoga al acceso ya comentado para los vectores.

```
x <- matrix(1:6, 2, 3); x

## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 1 3 5
## [2,] 2 4 6</pre>
```

```
x[1, 1]
## [1] 1
x[2, 2]
## [1] 4
x[2, ] # segunda fila
## [1] 2 4 6
x[,2] # segunda columna
## [1] 3 4
x[1, 1:2] # primera fila, columnas 1^{a} y 2^{a}
## [1] 1 3
```

#### Ordenación por filas y columnas 2.2.4

En ocasiones, interesará ordenar los elementos de una matriz por los valores de una determinada columna o fila.

Por ejemplo, supongamos la matriz

```
x \leftarrow c(79, 100, 116, 121, 52, 134, 123, 109, 80, 107, 66, 118)
x <- matrix(x, ncol=4, byrow=T); x
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
          79
              100
                   116
                          121
## [2,]
          52
                    123
                          109
             134
## [3,]
              107
                     66
                         118
La matriz ordenada por los valores de la primera columna viene dada por
ii <- order(x[ ,1])
x[ii, ] # ordenación columna 1
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
                         109
## [1,]
          52
              134
                    123
## [2,]
          79
               100
                    116
                          121
## [3,]
          80
              107
                     66
                         118
De igual modo, si queremos ordenar por los valores de la cuarta columna:
ii <- order(x[ ,4]); x[ii, ] # ordenación columna 4
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
          52
               134
                    123
                        109
## [2,]
          80
               107
                         118
                     66
               100
                         121
## [3,]
          79
                    116
```

#### 2.2.5Operaciones con Matrices y Arrays

A continuación se muestran algunas funciones que se pueden emplear con matrices

Función	Descripción
<pre>dim(),nrow(),ncol()</pre>	número de filas y/o columnas
diag()	diagonal de una matrix
*	multiplicación elemento a elemento
%*%	multiplicación matricial de matrices
<pre>cbind(),rbind()</pre>	encadenamiento de columnas o filas
t()	transpuesta
solve(A)	inversa de la matriz A
solve(A,b)	solución del sistema de ecuaciones $Ax = b$
qr()	descomposición de Cholesky
eigen()	autovalores y autovectores
svd()	descomposición singular

#### 2.2.6 Ejemplos

#### 2.2.7 Inversión de una matriz

```
A <- matrix(c(2, 4, 0, 2), nrow = 2); A

## [,1] [,2]
## [1,] 2 0
## [2,] 4 2

B <- solve(A)
B # inversa

## [,1] [,2]
## [1,] 0.5 0.0
## [2,] -1.0 0.5

A %*% B # comprobamos que está bien

## [,1] [,2]
## [1,] 1 0
## [2,] 0 1
```

#### 2.3 Data frames

Los data.fames (marcos de datos) son el objeto más habitual para el almacenamiento de datos. En este tipo de objetos cada individuo de la muestra se corresponde con una fila y cada una de las variables con una columna. Para la creación de estas estructuras se utiliza la función data.frame().

Este tipo de estructuras son en apariencia muy similares a las matrices, con la ventaja de que permiten que los valores de las distintas columnas sean de tipos diferentes. Por ejemplo, supongamos que tenemos registrados los siguientes valores

```
Producto <- c("Zumo", "Queso", "Yogourt")</pre>
Seccion <- c("Bebidas", "Lácteos", "Lácteos")
Unidades \leftarrow c(2, 1, 10)
```

Los valores anteriores se podrían guardar en una única matriz

```
x <- cbind(Producto, Seccion, Unidades)
class(x)
```

```
## [1] "matrix"
х
##
       Producto
                  Seccion
                            Unidades
                  "Bebidas" "2"
## [1,] "Zumo"
## [2,] "Queso"
                  "Lácteos" "1"
## [3,] "Yogourt" "Lácteos" "10"
```

Sin embargo, el resultado anterior no es satisfactorio ya que todos los valores se han transformado en caracteres. Una solución mejor es utilizar un data.frame, con lo cual se mantiene el tipo original de las variables.

```
lista.compra <- data.frame(Producto, Seccion, Unidades)
class(lista.compra)
```

```
## [1] "data.frame"
lista.compra
```

```
##
     Producto Seccion Unidades
## 1
         Zumo Bebidas
                              2
## 2
        Queso Lácteos
                              1
## 3 Yogourt Lácteos
                             10
```

A continuación se muestran ejemplos que ilustran la manera de acceder a los valores de un data frame.

```
lista.compra$Unidades
## [1] 2 1 10
lista.compra[ ,3] # de manera equivalente
## [1] 2 1 10
lista.compra$Seccion
## [1] Bebidas Lácteos Lácteos
## Levels: Bebidas Lácteos
lista.compra$Unidades[1:2] # primeros dos valores de Unidades
```

```
## [1] 2 1
```

2.4. LISTAS 29

```
lista.compra[2,] # segunda fila
```

```
## Producto Seccion Unidades
## 2 Queso Lácteos 1
```

La función summary() permite hacer un resumen estadístico de las variables (columnas) del data frame.

summary(lista.compra)

```
##
       Producto
                    Seccion
                                Unidades
##
    Queso :1
                Bebidas:1
                             Min.
                                    : 1.000
    Yogourt:1
                Lácteos:2
                             1st Qu.: 1.500
                             Median : 2.000
##
    Zumo
##
                             Mean
                                    : 4.333
                             3rd Qu.: 6.000
##
##
                                     :10.000
                             Max.
```

#### 2.4 Listas

Las listas son colecciones ordenadas de cualquier tipo de objetos (en R las listas son un tipo especial de vectores). Así, mientras que los elementos de los vectores, matrices y arrays deben ser del mismo tipo, en el caso de las listas se pueden tener elementos de tipos distintos.

```
x <- c(1, 2, 3, 4)
y <- c("Hombre", "Mujer")
z <- matrix(1:12, ncol = 4)
datos <- list(A=x, B=y, C=z)
datos</pre>
```

```
## $A
## [1] 1 2 3 4
##
## $B
## [1] "Hombre" "Mujer"
##
## $C
##
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
                 4
                       7
            1
                           10
            2
## [2,]
                 5
                       8
                           11
## [3,]
            3
                 6
                       9
                           12
```

# Capítulo 3

# Gráficos

R dispone de varias funciones que permiten la realización de gráficos. Estas funciones se dividen en dos grandes grupos

• Gráficos de alto nivel: Crean un gráfico nuevo.

```
- plot, hist, boxplot, ...
```

- Gráficos de bajo nivel: Permiten añadir elementos (líneas, puntos, ...) a un gráfico ya existente
  - points, lines, legend, text, ...
  - El parámetro add=TRUE convierte una función de nivel alto a bajo.

Dentro de las funciones gráficas de alto nivel destaca la función plot que tiene muchas variantes y dependiendo del tipo de datos que se le pasen como argumento actuará de modo distinto.

### 3.1 El comando plot

Si escribimos plot(x, y) donde x e y son vectores, entonces R hará directamente el conocido como **gráfico** de dispersión que representa en un sistema coordenado los pares de valores (x, y).

Por ejemplo, utilizando el siguiente código

```
data(cars)
plot(cars$speed, cars$dist) # otra posibilidad plot(cars)
```

[Figura 3.1]

El comando plot incluye por defecto una elección automáticas de títulos, ejes, escalas, etiquetas, etc., que pueden ser modificados añadiendo parámetros gráficos al comando:

Parámetro	Descripción
type	tipo de gráfico:
	p: puntos, 1: líneas, b: puntos y líneas, n: gráfico en blanco,
xlim, ylim	límites de los ejes (e.g. xlim=c(1, 10) o xlim=range(x))
xlab, ylab	títulos de los ejes
main, sub	título principal y subtítulo
col	color de los símbolos (véase colors())
	véase col.axis, col.lab, col.main, col.sub
lty	tipo de línea

Parámetro	Descripción
lwd	anchura de línea
pch	tipo de símbolo
cex	tamaño de los símbolos
bg	color de relleno (para pch = 21:25)

Para obtener ayuda sobre estos parámetros ejecutar help(par).

Veamos algún ejemplo:

```
plot(cars, xlab = "velocidad", ylab = "distancia", main = "Título")

[Figura 3.2]
plot(cars, pch = 16, col = 'blue', main = 'pch=16')

[Figura 3.3]
```

### 3.2 Funciones gráficas de bajo nivel

Las principales funciones gráficas de bajo nivel son:

Función	Descripción
points y lines	agregan puntos y líneas
text	agrega un texto
mtext	agrega texto en los márgenes
segments	dibuja línea desde el punto inicial al final
abline	dibuja líneas
rect	dibuja rectángulos
polygon	dibuja polígonos
legend	agrega una leyenda
axis	agrega ejes
locator	devuelve coordenadas de puntos
identify	similar a locator

# 3.3 Ejemplos

```
plot(cars)
abline(h = c(20, 40), lty = 2) # lineas verticales discontinuas (lty=2)
# selecciona puntos y los dibuja en azul sólido
points(subset(cars, dist > 20 & dist < 40), pch = 16, col = 'blue')</pre>
```

3.3. EJEMPLOS

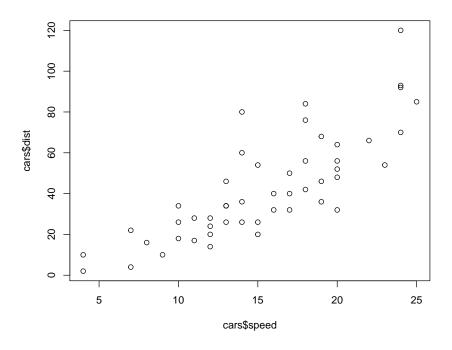


Figura 3.1: Gráfico de dispersión de distancia frente a velocidad

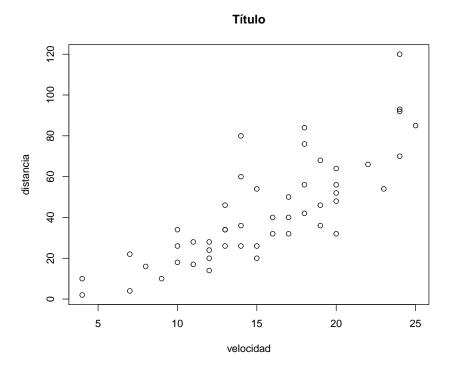


Figura 3.2: Gráfico de dispersión de distancia frente a velocidad, especificando título y etiquetas de los ejes

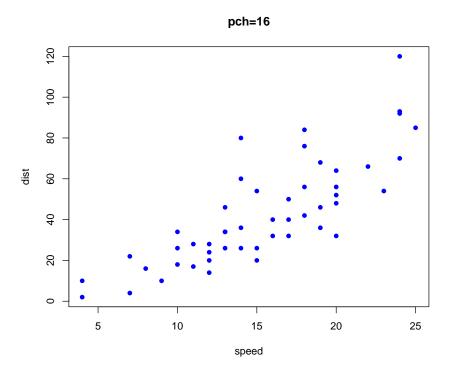
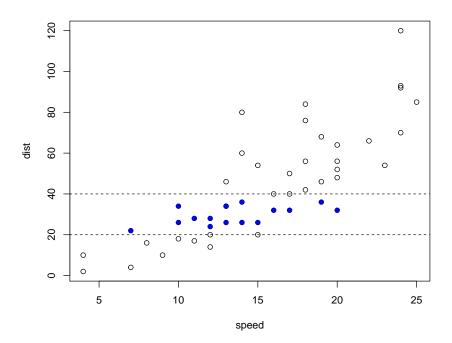


Figura 3.3: Gráfico de dispersión de distancia frente a velocidad, cambiando el color y el tipo de símbolo

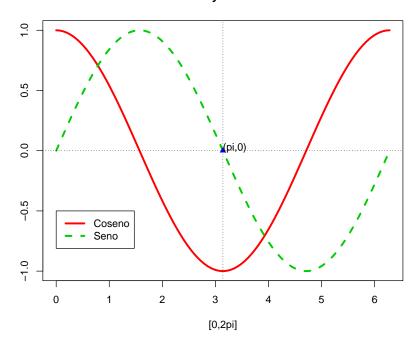


```
x <- seq(0, 2 * pi, length = 100)
y1 <- cos(x)</pre>
```

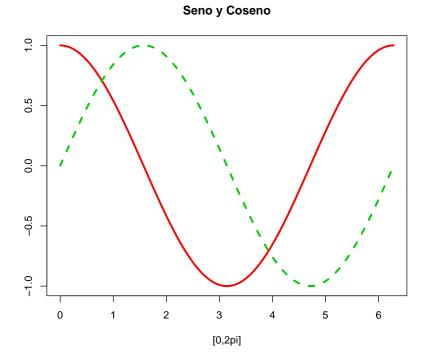
3.3. EJEMPLOS 35

```
y2 <- sin(x)
plot( x, y1, type = "l", col = 2, lwd = 3, xlab = "[0,2pi]", ylab = "", main = "Seno y Coseno")
lines(x, y2, col = 3, lwd = 3, lty = 2)
points(pi, 0, pch = 17, col = 4)
legend(0, -0.5, c("Coseno", "Seno"), col = 2:3, lty = 1:2, lwd = 3)
abline(v = pi, lty = 3)
abline(h = 0, lty = 3)
text(pi, 0, "(pi,0)", adj = c(0, 0))</pre>
```

#### Seno y Coseno



Alternativamente se podría usar curve():



### 3.4 Parámetros gráficos

Como ya hemos visto, muchas funciones gráficas permiten establecer (temporalmente) opciones gráficas mediante estos parámetros. Con la función par() se pueden obtener y establecer (de forma permanente) todas las opciones gráficas. Algunas más de estas opciones son:

Parámetro	Descripción
adj	justificación del texto
axes	si es FALSE no dibuja los ejes ni la caja
bg	color del fondo
bty	tipo de caja alrededor del gráfico
font	estilo del texto
	(1: normal, 2: cursiva, 3:negrita, 4: negrita cursiva)
las	orientación de los caracteres en los ejes
mar	márgenes
mfcol	divide la pantalla gráfica por columnas
mfrow	lo mismo que mfcol pero por filas

Ejecutar help(par) para obtener la lista completa.

# 3.5 Múltiples gráficos por ventana

En R se pueden hacer varios gráficos por ventana. Para ello, antes de ejecutar la función plot, se puede utilizar la función:

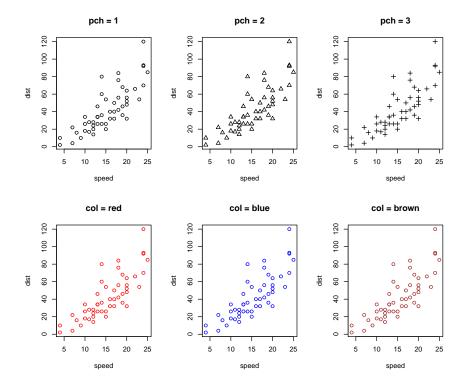
```
par(mfrow = c(filas, columnas))
```

Los gráficos se irán mostrando en pantalla por filas. En caso de que se quieran mostrar por columnas en la función anterior se sustituye mfrow por mfcol.

Por ejemplo, con el siguiente código se obtiene el gráfico de la siguiente transparencia.

```
par(mfrow = c(2, 3))
plot(cars, pch = 1, main = "pch = 1")
plot(cars, pch = 2, main = "pch = 2")
plot(cars, pch = 3, main = "pch = 3")

plot(cars, col = "red", main = "col = red")
plot(cars, col = "blue", main = "col = blue")
plot(cars, col = "brown", main = "col = brown")
```



Para estructuras gráficas más complicadas véase help(layout).

## 3.6 Exportar gráficos

Para guardar gráficos, en Windows, se puede usar el menú Archivo -> Guardar como de la ventana gráfica (seleccionando el formato deseado: bitmap, postscript,...) y también mediante código ejecutando savePlot(filename, type). Alternativamente, se pueden emplear ficheros como dispositivos gráficos. Por ejemplo, a continuación guardamos un gráfico en el fichero car.pdf:

```
pdf("cars.pdf")  # abrimos el dispositivo gráfico
plot(cars)
dev.off()  # cerramos el dispositivo
```

Con el siguiente código guardaremos el gráfico en formato jpeg:

```
jgeg("cars.jpg") # abrimos el dispositivo gráfico
plot(cars)
dev.off() # cerramos el dispositivo
```

Otros formatos disponibles son bmp, png y tiff. Para más detalles ejecutar:

```
help(Devices)
```

## 3.7 Otras librerías gráficas

Además de los gráficos estándar, en R están disponibles muchas librerías gráficas adicionales:

- Gráficos Lattice (Trellis)
  - Especialmente adecuados para gráficas condicionales múltiples.
  - No se pueden combinar con las funciones estándar.
  - Generalmente el argumento principal es una formula:

```
* y ~ x | a gráficas de y sobre x condicionadas por a  * \ y \ ~ x \ | \ a*b \ gráficas \ condicionadas \ por \ a \ y \ b
```

- Devuelven un objeto con el que se puede interactuar.
- Más librerías gráficas:

```
- ggplot2
```

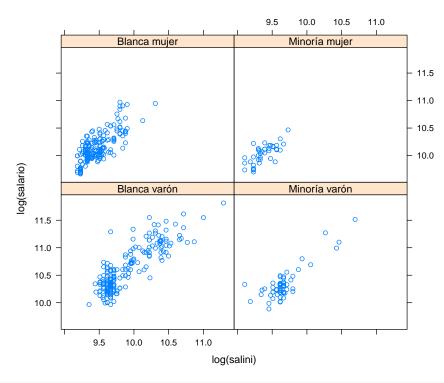
- rgl

- rggobi

Para más detalles ver CRAN Task View: Graphics

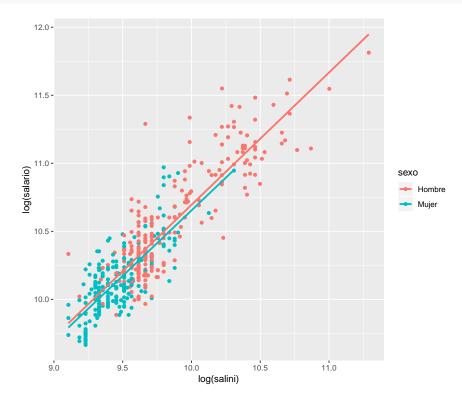
#### 3.7.1 Ejemplos

```
load("datos/empleados.RData")
library(lattice)
xyplot(log(salario) ~ log(salini) | sexoraza, data = empleados)
```

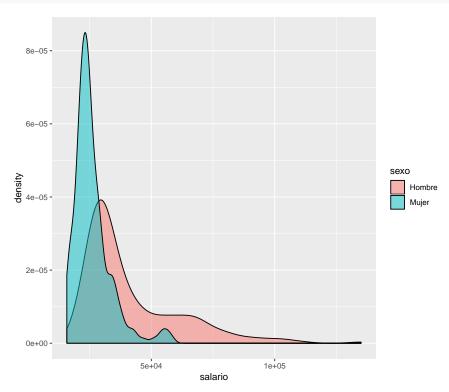


## # Equivalente a $xyplot(log(salario) \sim log(salini) \mid sexo*minoria, data = empleados)$

```
library(ggplot2)
ggplot(empleados, aes(log(salini), log(salario), col = sexo)) +
  geom_point() +
  geom_smooth(method = "lm", se = FALSE)
```



```
ggplot(empleados, aes(salario, fill = sexo)) +
geom_density(alpha=.5)
```



## Capítulo 4

# Manipulación de datos

### 4.1 Lectura, importación y exportación de datos

La mayoría de los estudios estadísticos requieren disponer de un conjunto de datos. Además de la introducción directa, R es capaz de importar datos externos en múltiples formatos:

- bases de datos disponibles en librerías de R
- archivos de texto en formato ASCII
- archivos en otros formatos: Excel, SPSS, ...
- bases de datos relacionales: MySQL, Oracle, ...
- formatos web: HTML, XML, JSON,  $\dots$
- ....

#### 4.1.1 Introducción directa

Si los datos son pocos, se pueden teclear directamente en un vector o en un data frame. Por ejemplo:

```
producto <- c("A", "B", "C")
precio <- c(1200, 560, 740)
datos <- data.frame(producto, precio)
datos</pre>
```

```
## 1 producto precio
## 1 A 1200
## 2 B 560
## 3 C 740
```

En ocasiones, tanto para matrices como para data.frames, será de utilidad la función edit. Por ejemplo, una sentencia como:

```
datos2 <- edit(datos)</pre>
```

abre una hoja de cálculo "muy básica" con la que podremos editar los elementos del data.frame, cambiar sus dimensiones añadiendo filas y/o columnas, ...

Nota: Hay que destacar que datos tiene que existir antes de emplear la función edit. Para modificar directamente el objeto puede ser más cómodo emplear la función fix().

#### 4.1.2 Lectura desde paquetes

El programa R dispone de múltiples conjuntos de datos. Al teclear:

```
data()
```

se obtiene un listado de las bases de datos disponibles.

Data sets in package "datasets":

AirPassengers Monthly Airline Passenger Numbers 1949-1960

BJsales Sales Data with Leading Indicator

BJsales.lead (BJsales)

Sales Data with Leading Indicator

BOD Biochemical Oxygen Demand

CO2 Carbon Dioxide Uptake in Grass Plants

ChickWeight Weight versus age of chicks on different diets

. . . . .

Para cargar una base de datos concreta se utiliza el comando data(nombre) (aunque en algunos casos se cargan automáticamente). Por ejemplo, la base de datos llamada cars se carga con:

```
data(cars)
```

Una vez cargado el objeto cars (R lo carga como un data.frame), se podrán utilizar las correspondientes sentencias para realizar resúmenes numéricos y gráficos.

```
head(cars) # Primeros valores
```

```
##
    speed dist
       4
## 1
## 2
       4 10
## 3
       7
           4
## 4
       7
          22
## 5
       8 16
## 6
       9 10
```

```
help(cars) # Obtención de ayuda
```

• • •

Speed and Stopping Distances of Cars

#### Description:

The data give the speed of cars and the distances taken to stop. Note that the data were recorded in the 1920s.

. . .

#### Format:

```
A data frame with 50 observations on 2 variables. [,1] speed numeric Speed (mph)
```

[,2] dist numeric Stopping distance (ft)

#### Source:

Ezekiel, M. (1930) \_Methods of Correlation Analysis\_. Wiley.

```
names(cars)
                 # Nombres
## [1] "speed" "dist"
cars$speed[1:10] # Primeros 10 valores de velocidad
   [1] 4 4 7 7 8 9 10 10 10 11
cars$dist[1:10] # Primeros 10 valores de distancia
## [1] 2 10 4 22 16 10 18 26 34 17
names(cars) <- c("velocidad", "distancia") # Nombres en español</pre>
head(cars)
##
     velocidad distancia
## 1
            4
## 2
             4
                      10
## 3
             7
                       4
## 4
             7
                      22
## 5
             8
                      16
## 6
             9
                      10
summary(cars)
                # Resumen estadístico
      velocidad
##
                     distancia
         : 4.0
##
  Min.
                   Min.
                          : 2.00
  1st Qu.:12.0
                   1st Qu.: 26.00
## Median :15.0
                   Median : 36.00
## Mean
           :15.4
                  Mean
                        : 42.98
## 3rd Qu.:19.0
                   3rd Qu.: 56.00
## Max.
           :25.0
                   Max.
                         :120.00
plot(cars)
                       # Gráfico de dispersión de los datos
```

#### 4.1.3 Lectura de archivos de texto

boxplot(cars\$distancia) # Boxplot de distancia

hist(cars\$velocidad)

En R para leer archivos de texto se suele utilizar la función read.table().

# Histograma de velocidad

Supóngase, por ejemplo, que en el directorio actual está el fichero *empleados.txt*. La lectura de este fichero vendría dada por el código:

```
datos <- read.table(file = "datos/empleados.txt", header = TRUE)</pre>
head(datos)
##
     id
          sexo
                fechnac educ
                                      catlab salario salini tiempemp expprev
## 1 1 Hombre 2/3/1952
                                                      27000
                           15
                                   Directivo
                                               57000
                                                                  98
                                                                         144
     2 Hombre 5/23/1958
                          16 Administrativo
                                               40200
                                                      18750
                                                                  98
                                                                          36
## 3 3 Mujer 7/26/1929
                          12 Administrativo
                                               21450 12000
                                                                  98
                                                                         381
## 4 4 Mujer 4/15/1947
                          8 Administrativo
                                               21900 13200
                                                                  98
                                                                         190
## 5 5 Hombre 2/9/1955
                          15 Administrativo
                                               45000 21000
                                                                  98
                                                                         138
## 6 6 Hombre 8/22/1958
                           15 Administrativo
                                               32100 13500
                                                                  98
                                                                          67
##
    minoria
## 1
         No
## 2
         No
```

```
## 3 No
## 4 No
## 5 No
## 6 No
```

Si el fichero estuviese en el directorio  $c: \datas$  bastaría con especificar file = "c:/datos/empleados.txt". Nótese también que para la lectura del fichero anterior se ha establecido el argumento header=TRUE para indicar que la primera línea del fichero contiene los nombres de las variables.

Los argumentos utilizados habitualmente para esta función son:

- header: indica si el fichero tiene cabecera (header=TRUE) o no (header=FALSE). Por defecto toma el valor header=FALSE.
- sep: carácter separador de columnas que por defecto es un espacio en blanco (sep=""). Otras opciones serían: sep="," si el separador es un ";", sep="\*" si el separador es un "\*", etc.
- dec: carácter utilizado en el fichero para los números decimales. Por defecto se establece dec = ".". Si los decimales vienen dados por "," se utiliza dec = ","

Resumiendo, los (principales) argumentos por defecto de la función read.table son los que se muestran en la siguiente línea:

```
read.table(file, header = FALSE, sep = "", dec = ".")
```

Para más detalles sobre esta función véase help(read.table).

Estan disponibles otras funciones con valores por defecto de los parámetros adecuados para otras situaciones. Por ejemplo, para ficheros separados por tabuladores se puede utilizar read.delim() o read.delim2():

```
read.delim(file, header = TRUE, sep = "\t", dec = ".")
read.delim2(file, header = TRUE, sep = "\t", dec = ",")
```

#### 4.1.4 Importación desde SPSS

El programa R permite lectura de ficheros de datos en formato SPSS (extensión .sav) sin necesidad de tener instalado dicho programa en el ordenador. Para ello se necesita:

- cargar la librería foreign
- utilizar la función read.spss

Por ejemplo:

```
library(foreign)
datos <- read.spss(file = "datos/Employee data.sav", to.data.frame = TRUE)
head(datos)</pre>
```

```
##
    id
         sexo
                  fechnac educ
                                       catlab salario salini tiempemp
## 1 1 Hombre 11654150400 15
                                                57000 27000
                                    Directivo
                                                                  98
## 2 2 Hombre 11852956800
                            16 Administrativo
                                                40200 18750
                                                                  98
## 3 3 Mujer 10943337600
                                                                  98
                            12 Administrativo
                                                21450 12000
## 4 4 Mujer 11502518400
                            8 Administrativo
                                                21900
                                                      13200
                                                                  98
## 5 5 Hombre 11749363200
                           15 Administrativo
                                               45000 21000
                                                                  98
## 6 6 Hombre 11860819200
                           15 Administrativo
                                                32100 13500
                                                                  98
##
    expprev minoria
        144
## 1
                 No
## 2
         36
                 No
        381
## 3
                 No
## 4
        190
                 No
```

```
## 5 138 No
## 6 67 No
```

Nota: Si hay fechas, puede ser recomendable emplear la función spss.get() del paquete Hmisc.

#### 4.1.5 Importación desde Excel

Se pueden leer fichero de Excel (con extensión .xls) utilizando por ejemplo funciones de las librerías openxlsx, XLConnect o RODBC. Sin embargo, puede ser recomendable exportar los datos desde Excel a un archivo de texto separado por tabuladores (extensión .csv).

Por ejemplo, supongamos que queremos leer el fichero coches.xls:

- Desde Excel se selecciona el menú Archivo -> Guardar como -> Guardar como y en Tipo se escoge la opción de archivo CSV. De esta forma se guardarán los datos en el archivo coches.csv.
- El fichero coches.csv es un fichero de texto plano (se puede editar con Notepad), con cabecera, las columnas separadas por ";", y siendo "," el carácter decimal.
- Por lo tanto, la lectura de este fichero se puede hacer con:

```
datos <- read.table("datos/coches.csv", header = TRUE, sep = ";", dec = ",")</pre>
```

Otra posibilidad es utilizar la función read.csv2, que es una adaptación de la función general read.table con la siguiente configuración.

```
read.csv2(file, header = TRUE, sep = ";", dec = ",")
```

Por lo tanto, la lectura del fichero coches.csv se puede hacer de modo más directo con

```
datos <- read.csv2("datos/coches.csv")</pre>
```

#### 4.1.6 Exportación de datos

Es evidente que además de la lectura e importación de datos también será de gran interés la exportación de datos para que puedan leídos con otros programas. Para ello, es de gran utilidad la función write.table. Esta función es similar, pero funcionando en sentido inverso, a la ya vista read.table.

Veamos un ejemplo:

```
tipo <- c("A", "B", "C")
longitud <- c(120.34, 99.45, 115.67)
datos <- data.frame(tipo, longitud)
datos
```

```
## tipo longitud
## 1 A 120.34
## 2 B 99.45
## 3 C 115.67
```

Para guardar el data.frame datos en un fichero de texto se utiliza se puede utilizar

```
write.table(datos, file = "datos.txt")
```

Otra posibilidad es utilizar la función

```
write.csv2(datos, file = "datos.csv")
```

que dará lugar al fichero datos.csv importable directamente desde Excel.

## 4.2 Manipulación de datos

Una vez cargada una (o varias) bases de datos hay una series de operaciones que serán de interés para el tratamiento de datos:

- Operaciones con variables:
  - creación
  - recodificación (e.g. categorización)

— …

- Operaciones con casos:
  - ordenación
  - filtrado de datos

- ..

A continuación se tratan las operaciones más básicas.

#### 4.2.1 Operaciones con variables

#### 4.2.1.1 Creación (y eliminación) de variables

Consideremos de nuevo la base de datos cars incluida en el paquete datasets.

```
data(cars)
head(cars)
```

```
## speed dist
## 1 4 2
## 2 4 10
## 3 7 4
## 4 7 22
## 5 8 16
## 6 9 10
```

Utilizando el comando help(cars) se obtiene que cars es un data frame con 50 observaciones y dos variables:

- speed: Velocidad (millas por hora)
- dist: tiempo hasta detenerse (pies)

Recordemos que, para acceder a la variable **speed** se puede hacer directamente con su nombre o bien utilizando notación "matricial".

```
cars$speed
```

```
## [1] 4 4 7 7 8 9 10 10 10 11 11 12 12 12 12 13 13 13 13 14 14 14 14 ## [24] 15 15 16 16 17 17 17 18 18 18 18 19 19 19 20 20 20 20 20 20 22 23 24 ## [47] 24 24 24 25

cars[, 1] # Equivalente
```

```
## [1] 4 4 7 7 8 9 10 10 10 11 11 12 12 12 12 13 13 13 13 14 14 14 14 ## [24] 15 15 15 16 16 17 17 17 18 18 18 18 19 19 19 20 20 20 20 20 22 23 24 ## [47] 24 24 24 25
```

Supongamos ahora que queremos transformar la variable original speed (millas por hora) en una nueva variable velocidad (kilómetros por hora) y añadir esta nueva variable al data.frame cars.

La transformación que permite pasar millas a kilómetros es kilómetros=millas/0.62137 que en R se hace directamente con:

```
cars$speed/0.62137
```

Finalmente, incluimos la nueva variable que llamaremos velocidad en cars.

```
cars$velocidad <- cars$speed / 0.62137
head(cars)</pre>
```

```
##
     speed dist velocidad
## 1
         4
              2
                 6.437388
## 2
         4
             10 6.437388
## 3
         7
              4 11.265430
## 4
         7
             22 11.265430
## 5
         8
             16 12.874777
## 6
             10 14.484124
```

También transformaremos la variable dist (en pies) en una nueva variable distancia (en metros). Ahora la transformación deseada es metros=pies/3.2808.

```
cars$distancia <- cars$dis / 3.2808
head(cars)</pre>
```

```
##
     speed dist velocidad distancia
## 1
              2 6.437388 0.6096074
## 2
             10 6.437388 3.0480371
## 3
         7
             4 11.265430 1.2192148
## 4
         7
             22 11.265430 6.7056815
             16 12.874777 4.8768593
## 5
         8
## 6
         9
             10 14.484124 3.0480371
```

Ahora, eliminaremos las variables originales speed y dist, y guardaremos el data frame resultante con el nombre coches. En primer lugar, veamos varias formas de acceder a las variables de interés

```
cars[, c(3, 4)]
cars[, c("velocidad", "distancia")]
cars[, -c(1, 2)]
```

Utilizando alguna de las opciones anteriores se obtiene el data.frame deseado.

```
coches <- cars[, c("velocidad", "distancia")]
head(coches)</pre>
```

```
## velocidad distancia

## 1 6.437388 0.6096074

## 2 6.437388 3.0480371

## 3 11.265430 1.2192148

## 4 11.265430 6.7056815

## 5 12.874777 4.8768593

## 6 14.484124 3.0480371
```

Finalmente los datos anteriores podrían ser guardados en un fichero exportable a Excel con el siguiente comando:

```
write.csv2(coches, file = "coches.csv")
```

#### 4.2.2 Operaciones con casos

#### 4.2.2.1 Ordenación

Continuemos con el data.frame cars. Se puede comprobar que los datos disponibles están ordenados por los valores de speed. A continuación haremos la ordenación utilizando los valores de dist. Para ello utilizaremos el conocido como vector de índices de ordenación.

El vector de índices de ordenación establece el orden en que tienen que ser elegidos los elementos de un vector para obtener la ordenación deseada. Veamos un ejemplo sencillo:

```
x <- c(2.5, 4.3, 1.2, 3.1, 5.0) # valores originales
ii <- order(x)</pre>
   # vector de ordenación
## [1] 3 1 4 2 5
x[ii] # valores ordenados
## [1] 1.2 2.5 3.1 4.3 5.0
```

En el caso de vectores, el procedimiento anterior se podría hacer directamente con:

```
sort(x)
```

Sin embargo, para ordenar data.frames será necesario la utilización del vector de índices de ordenación. A continuación, los datos de cars ordenados por dist:

```
ii <- order(cars$dist) # Vector de índices de ordenación
cars2 <- cars[ii, ]</pre>
                        # Datos ordenados por dist
head(cars2)
```

```
##
      speed dist velocidad distancia
## 1
              2 6.437388 0.6096074
## 3
          7
              4 11.265430 1.2192148
## 2
             10 6.437388 3.0480371
          4
## 6
          9
             10 14.484124 3.0480371
## 12
         12
             14 19.312165 4.2672519
              16 12.874777 4.8768593
## 5
```

#### **4.2.2.2** Filtrado

El filtrado de datos consiste en elegir una submuestra que cumpla determinadas condiciones. Para ello se puede utilizar la función subset.

A continuación están dos ejemplos para comprender su utilización:

```
subset(cars, dist > 85) # datos con dis>85
      speed dist velocidad distancia
##
        24
             92 38.62433 28.04194
## 47
                 38.62433 28.34674
## 48
         24
             93
## 49
         24 120
                 38.62433 36.57644
subset(cars, speed > 10 & speed < 15 & dist > 45) # speed en (10,15) y dist>45
```

```
## speed dist velocidad distancia
## 19 13 46 20.92151 14.02097
## 22 14 60 22.53086 18.28822
## 23 14 80 22.53086 24.38430
```

```
También se pueden hacer el filtrado empleando directamente los correspondientes vectores de índices.
ii <- cars$dist > 85
cars[ii, ]
           # dis>85
      speed dist velocidad distancia
## 47
         24
             92 38.62433 28.04194
## 48
         24
             93 38.62433 28.34674
## 49
         24 120 38.62433 36.57644
ii <- cars$speed > 10 & cars$speed < 15 & cars$dist > 45
cars[ii, ] # speed en (10,15) y dist>45
##
      speed dist velocidad distancia
## 19
         13
              46 20.92151 14.02097
## 22
         14
              60 22.53086 18.28822
## 23
         14
            80 22.53086 24.38430
```

## Capítulo 5

# Análisis exploratorio de datos

El objetivo del análisis exploratorio de datos es presentar una descripción de los mismos que faciliten su análisis mediante procedimientos que permitan:

- Organizar los datos
- Resumirlos
- Representarlos gráficamente
- Análizar la información

### 5.1 Medidas resumen

#### 5.1.1 Datos de ejemplo

El fichero *empleados.RData* contiene datos de empleados de un banco que utilizaremos, entre otros, a modo de ejemplo.

```
load("datos/empleados.RData")
data.frame(Etiquetas = attr(empleados, "variable.labels")) # Listamos las etiquetas
```

```
##
                                 Etiquetas
## id
                       Código de empleado
## sexo
## fechnac
                      Fecha de nacimiento
## educ
                   Nivel educativo (años)
## catlab
                        Categoría Laboral
                           Salario actual
## salario
## salini
                           Salario inicial
## tiempemp
                  Meses desde el contrato
## expprev
               Experiencia previa (meses)
## minoria
                     Clasificación étnica
## sexoraza Clasificación por sexo y raza
```

Para hacer referencia directamente a las variables de *empleados* 

```
attach(empleados)
```

#### 5.1.2 Tablas de frecuencias

```
table(sexo)
## sexo
## Hombre Mujer
     258
            216
prop.table(table(sexo))
## sexo
##
     Hombre
               Mujer
## 0.5443038 0.4556962
table(sexo, catlab)
##
          catlab
## sexo
           Administrativo Seguridad Directivo
##
    Hombre
              157
                               27
                                         74
                     206
                                0
                                         10
##
    Mujer
prop.table(table(sexo,catlab))
##
          catlab
## sexo
           Administrativo Seguridad Directivo
               0.33122363 0.05696203 0.15611814
##
    Hombre
               0.43459916 0.00000000 0.02109705
    Mujer
prop.table(table(sexo,catlab), 1)
##
          catlab
## sexo
          Administrativo Seguridad Directivo
    Hombre 0.6085271 0.1046512 0.2868217
##
    Mujer
               0.9537037 0.0000000 0.0462963
prop.table(table(sexo,catlab), 2)
##
          catlab
## sexo
           Administrativo Seguridad Directivo
##
               0.4325069 1.0000000 0.8809524
    Hombre
    Mujer
               0.5674931 0.0000000 0.1190476
table(catlab,educ,sexo)
## , , sexo = Hombre
##
##
                 educ
## catlab
                   8 12 14 15 16 17 18 19
                                                 20
                                                     21
##
    Administrativo 10 48 6 78 10
                                                      0
##
    Seguridad
               13 13 0 1 0 0 0 0
                                                      0
                          0 4 25 8 7 26 2
##
    Directivo
                   0
                       1
##
  , , sexo = Mujer
##
##
                 educ
## catlab
                    8 12 14 15 16 17 18 19
                                                 20
                                                     21
    Administrativo 30 128
                          0 33 14
                                      1
                                         0 0
                                                      0
##
    Seguridad
                    0
                       0
                          0 0 0
                                       0
```

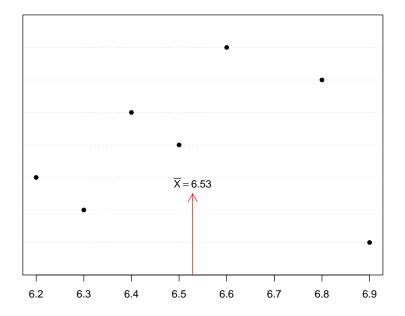
```
Directivo
                   0
                             0 10
                                        0 0 0
round(prop.table(table(catlab,educ,sexo)),2)
  , , sexo = Hombre
##
##
                educ
## catlab
                    8
                       12
                            14
                                15
                                     16
                                         17
                                              18
                                                  19
    Administrativo 0.02 0.10 0.01 0.16 0.02 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00
##
##
    Seguridad
                 0.00 0.00 0.00 0.01 0.05 0.02 0.01 0.05 0.00 0.00
##
    Directivo
##
  , , sexo = Mujer
##
##
##
                educ
## catlab
                    8
                       12
                            14
                                15
                                     16
                                         17
                                              18
                                                  19
    ##
                 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00
##
    Seguridad
    Directivo
                 Si la variable es ordinal, entonces también son de interés las frecuencias acumuladas
table(educ)
## educ
                    17
    8 12 14 15 16
                        18
                            19
                               20
                                   21
  53 190
           6 116 59
                         9
                            27
prop.table(table(educ))
## educ
##
           8
                     12
                                14
                                          15
                                                                17
## 0.111814346 0.400843882 0.012658228 0.244725738 0.124472574 0.023206751
                     19
                                20
## 0.018987342 0.056962025 0.004219409 0.002109705
cumsum(table(educ))
    8 12 14 15 16 17 18 19 20 21
  53 243 249 365 424 435 444 471 473 474
cumsum(prop.table(table(educ)))
                          14
                                   15
                                            16
                                                     17
                                                              18
## 0.1118143 0.5126582 0.5253165 0.7700422 0.8945148 0.9177215 0.9367089
        19
                 20
## 0.9936709 0.9978903 1.0000000
```

#### 5.1.3 Media y varianza

```
La media es la medida de centralización por excelencia. Para su cálculo se utiliza la instrucción mean consumo<-c(6.9, 6.3, 6.2, 6.5, 6.4, 6.8, 6.6) mean(consumo)
```

```
## [1] 6.528571
```

```
dotchart(consumo,pch=16)
text(mean(consumo),2.5, pos=3,expression(bar(X)==6.53))
arrows(mean(consumo),0,mean(consumo),2.5,length = 0.15,col='red')
```



```
mean(salario)
```

#### ## [1] 34419.57

```
mean(subset(empleados,catlab=='Directivo')$salario)
```

#### ## [1] 63977.8

También se puede utilizar la función tapply, que se estudiará con detalle más adelante

```
tapply(salario, catlab, mean)
```

```
## Administrativo Seguridad Directivo
## 27838.54 30938.89 63977.80
```

La principal medida de dispersión es la varianza. En la práctica, cuando se trabaja con datos muestrales, se sustituye por la cuasi-varianza (también llamada varianza muestral corregida), que se calcula mediante el comando var

```
var(consumo)
```

#### ## [1] 0.06571429

var(salario)

#### ## [1] 291578214

La  $\it cuasi$ -desviación típica se calcula

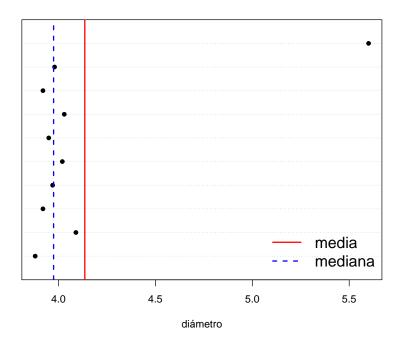
```
sd(consumo)
```

```
## [1] 0.256348
sd(salario)
## [1] 17075.66
o, equivalentemente,
sqrt(var(consumo))
## [1] 0.256348
sqrt(var(salario))
## [1] 17075.66
La media de dispersión adimensional (relativa) más utilizada es el coeficiente de variación (de Pearson)
sd(consumo)/abs(mean(consumo))
## [1] 0.03926555
que también podemos expresar en tanto por cien
100*sd(consumo)/abs(mean(consumo))
## [1] 3.926555
El coeficiente de variación nos permite, entre otras cosas, comparar dispersiones de variables medidas en
diferentes unidades
100*sd(salini)/abs(mean(salini))
## [1] 46.2541
100*sd(salario)/abs(mean(salario))
## [1] 49.61033
100*sd(expprev)/abs(mean(expprev))
```

#### 5.1.4 Mediana y cuantiles

## [1] 109.1022

La mediana es una medida de centralización robusta. Se calcula mediante median



Podemos comprobar que la variable salario presenta una asimetría derecha

```
mean(salario); median(salario)
```

## [1] 34419.57

## [1] 28875

Calculemos cuántos empleados tienen un salario inferior al salario medio

```
mean(salario < mean(salario))</pre>
```

```
## [1] 0.6940928
```

## [1] "El 69% de los empleados tienen un salario inferior al salario medio"

Como sabemos, la mitad de los empleados tienen un salario inferior a la mediana

```
mean(salario < median(salario))</pre>
```

```
## [1] 0.5
```

Los cuantiles son una generalización de la mediana, que se corresponde con el cuantil de orden 0.5. R contempla distintas formas de calcular los cuantiles

```
median(c(1,2,3,4))
```

```
## [1] 2.5
```

```
quantile(c(1,2,3,4),0.5)
```

```
## 50%
```

## 2.5

```
quantile(c(1,2,3,4),0.5,type=1)
## 50%
##
Calculemos los cuartiles y los deciles de la variable salario
quantile(salario)
##
         0%
                 25%
                           50%
                                     75%
                                             100%
## 15750.0 24000.0 28875.0 36937.5 135000.0
quantile(salario, probs=c(0.25,0.5,0.75))
               50%
       25%
                        75%
## 24000.0 28875.0 36937.5
quantile(salario, probs=seq(0.1, 0.9, 0.1))
                20%
                        30%
                                         50%
                                                  60%
                                                          70%
                                                                   80%
                                                                           90%
##
       10%
                                 40%
## 21045.0 22950.0 24885.0 26700.0 28875.0 30750.0 34500.0 40920.0 59392.5
El rango y el rango intercuartílico
data.frame(Rango=max(salario)-min(salario),
           RI=as.numeric(quantile(salario, 0.75) - quantile(salario, 0.25)))
##
      Rango
                 RΙ
## 1 119250 12937.5
```

#### 5.1.5 Summary

#### summary(empleados)

```
##
                                    fechnac
                                                            educ
          id
                        sexo
                    Hombre:258
                                        :1929-02-10
                                                             : 8.00
          : 1.0
                                                      Min.
   1st Qu.:119.2
                    Mujer:216
                                 1st Qu.:1948-01-03
                                                      1st Qu.:12.00
##
  Median :237.5
                                 Median :1962-01-23
                                                      Median :12.00
## Mean
          :237.5
                                 Mean
                                        :1956-10-08
                                                      Mean
                                                             :13.49
   3rd Qu.:355.8
                                 3rd Qu.:1965-07-06
                                                      3rd Qu.:15.00
          :474.0
                                        :1971-02-10
                                                              :21.00
##
   Max.
                                 Max.
                                                      Max.
##
                                 NA's
                                        :1
##
               catlab
                            salario
                                              salini
                                                              tiempemp
##
   Administrativo:363
                         Min.
                                : 15750
                                          Min.
                                                : 9000
                                                                  :63.00
                                                           Min.
                         1st Qu.: 24000
                                          1st Qu.:12488
                                                           1st Qu.:72.00
##
   Seguridad
                 : 27
                  : 84
##
   Directivo
                         Median : 28875
                                          Median :15000
                                                          Median :81.00
##
                         Mean
                                : 34420
                                          Mean
                                                 :17016
                                                           Mean
                                                                  :81.11
##
                                          3rd Qu.:17490
                                                           3rd Qu.:90.00
                         3rd Qu.: 36938
##
                         Max.
                                :135000
                                          Max.
                                                 :79980
                                                           Max.
                                                                  :98.00
##
##
       expprev
                     minoria
                                       sexoraza
##
         : 0.00
                     No:370
                              Blanca varón:194
   1st Qu.: 19.25
                     Sí:104
                              Minoría varón: 64
##
##
  Median : 55.00
                              Blanca mujer: 176
## Mean : 95.86
                              Minoría mujer: 40
   3rd Qu.:138.75
```

```
## Max. :476.00
##
summary(subset(empleados,catlab=='Directivo'))
```

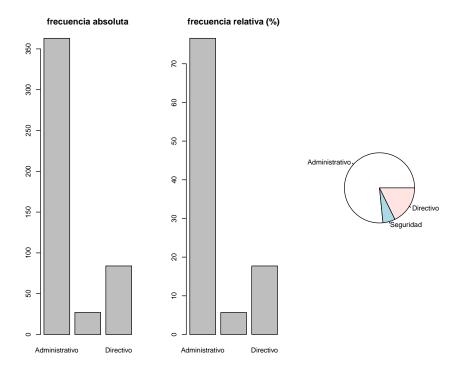
```
##
                                 fechnac
                                                       educ
         id
                      sexo
##
   Min.
        : 1.0
                  Hombre:74
                              Min.
                                     :1937-07-12
                                                  Min.
                                                         :12.00
##
   1st Qu.:102.5
                             1st Qu.:1954-08-09
                  Mujer :10
                                                1st Qu.:16.00
  Median :233.5
                              Median :1961-05-29
                                                Median :17.00
##
  Mean
         :234.1
                              Mean
                                     :1958-11-26
                                                  Mean
                                                        :17.25
   3rd Qu.:344.2
##
                              3rd Qu.:1963-10-03
                                                  3rd Qu.:19.00
  Max. :468.0
                              Max. :1966-04-05
##
                                                  Max.
                                                         :21.00
                         salario
##
              catlab
                                          salini
                                                         tiempemp
##
  Administrativo: 0
                      Min. : 34410 Min.
                                             :15750
                                                      Min.
                                                            :64.00
   Seguridad : 0
                      1st Qu.: 51956 1st Qu.:23063
                                                      1st Qu.:73.00
##
   Directivo
                      Median: 60500 Median: 28740
##
                :84
                                                      Median :81.00
##
                      Mean : 63978 Mean
                                             :30258
                                                      Mean
                                                            :81.15
##
                      3rd Qu.: 71281
                                      3rd Qu.:34058
                                                      3rd Qu.:91.00
##
                      Max.
                             :135000
                                      Max.
                                             :79980 Max.
                                                            :98.00
##
                   minoria
      expprev
                                    sexoraza
                   No:80
##
   Min. : 3.00
                           Blanca varón:70
   1st Qu.: 19.75
                   Sí: 4
                           Minoría varón: 4
##
##
  Median : 52.00
                           Blanca mujer :10
##
  Mean
         : 77.62
                           Minoría mujer: 0
##
   3rd Qu.:125.25
         :285.00
## Max.
```

#### 5.2 Gráficos

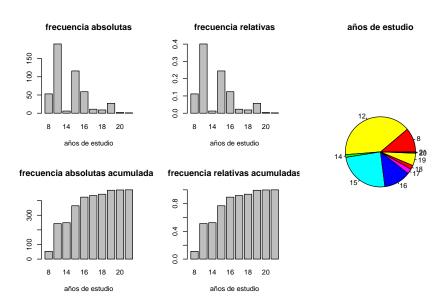
### 5.2.1 Diagrama de barras y gráfico de sectores

```
## catlab
## catlab
## Administrativo Seguridad Directivo
## 363 27 84

par(mfrow = c(1, 3))
barplot(table(catlab), main="frecuencia absoluta")
barplot(100*prop.table(table(catlab)), main="frecuencia relativa (%)")
pie(table(catlab))
```



```
nj <- table(educ)
fj <- prop.table(nj)
Nj <- cumsum(nj)
Fj <- cumsum(fj)
layout(matrix(c(1,2,5,3,4,5), 2, 3, byrow=TRUE), respect=TRUE)
barplot(nj,main="frecuencia absolutas",xlab='años de estudio')
barplot(fj,main="frecuencia relativas",xlab='años de estudio')
barplot(Nj,main="frecuencia absolutas acumuladas",xlab='años de estudio')
barplot(Fj,main="frecuencia relativas acumuladas",xlab='años de estudio')
pie(nj,col=rainbow(6),main='años de estudio')</pre>
```

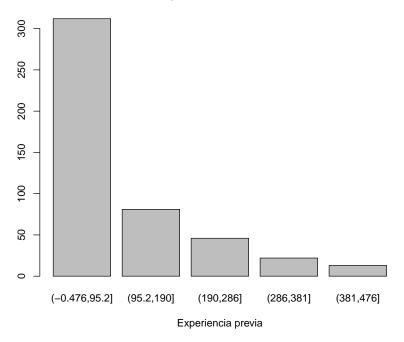


```
par(mfrow = c(1, 1))
```

Con datos continuos, podemos hacer uso de la función cut (más adelante veremos como se representa el histograma)

```
table(cut(expprev, breaks=5))
```

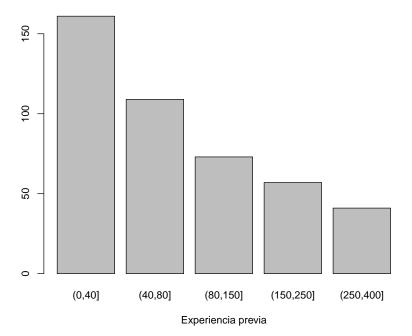




Debemos ser muy cuidadosos a la hora de valorar gráficas como la siguiente

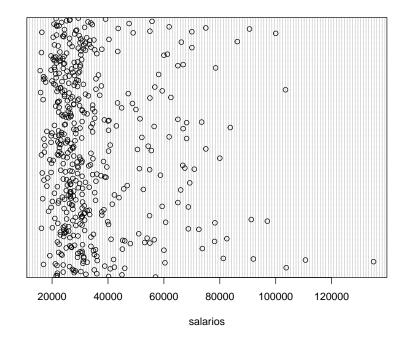
```
tt <- table(cut(expprev, breaks=c(0,40,80,150,250,400)))
barplot(tt,xlab="Experiencia previa", main="Categorización en 5 clases")</pre>
```

#### Categorización en 5 clases

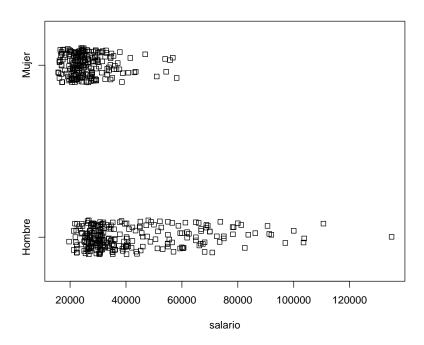


## 5.2.2 Gráfico de puntos

```
dotchart(salario, xlab='salarios')
```



stripchart(salario~sexo, method='jitter')



## 5.2.3 Árbol de tallo y hojas

Esta representación puede ser útil cuando se dispone de pocos datos.

```
stem(salario)
##
   The decimal point is 4 digit(s) to the right of the |
##
##
##
    1 | 666666777777777778888999
    ##
##
    ##
    4 | 000000001112222334445555666778899
##
    5 | 0111123344555556677778999
    6 | 0001122355566777888999
    7 | 00134455889
##
##
    8 | 01346
##
    9 | 1127
   10 | 044
##
   11 | 1
##
##
   12 l
##
   13 | 5
stem(tiempemp)
```

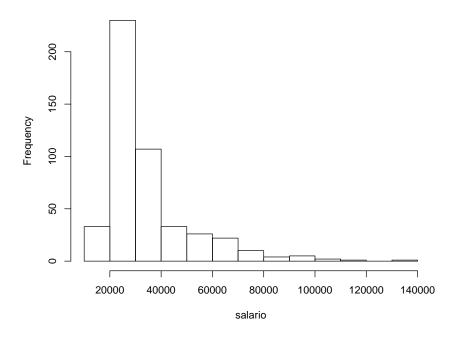
```
##
##
 The decimal point is at the |
##
 62 | 000
##
##
 ##
 ##
##
 70 | 0000000000000000
##
 74 | 000000000000000
##
##
 76 | 00000000000000000000000
 ##
##
 ##
 ##
##
 88 | 0000000000000000000
##
 ##
 ##
##
 94 | 0000000000000000000
 ##
 98 | 0000000000000
##
```

### 5.2.4 Histograma

Este gráfico es uno de los más habituales para representar datos continuos

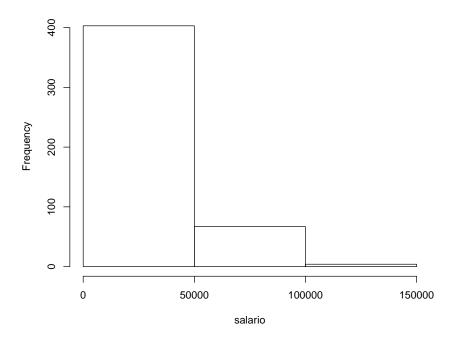
```
hist(salario, main='número de clases por defecto')
```

#### número de clases por defecto



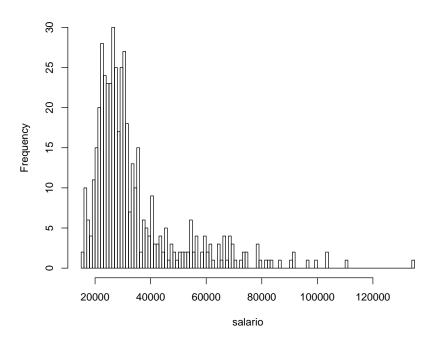
hist(salario, breaks=3, main='3 intervalos de clase')





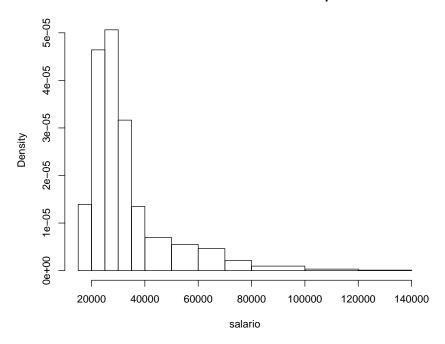
hist(salario, breaks=100, main='100 intervalos de clase')

#### 100 intervalos de clase



```
cl1 <- seq(15000,40000,5000)
cl2 <- seq(50000,80000,10000)
cl3 <- seq(100000,140000,20000)
hist(salario, breaks=c(cl1,cl2,cl3),main='intervalos de clase de distinta amplitud')</pre>
```

#### intervalos de clase de distinta amplitud

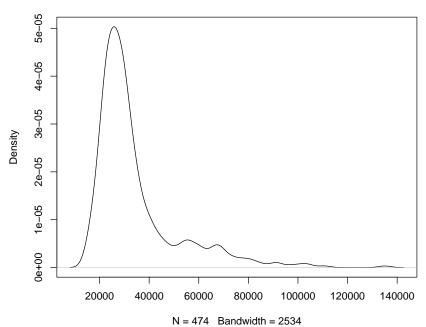


## 5.2.5 Gráfico de densidad

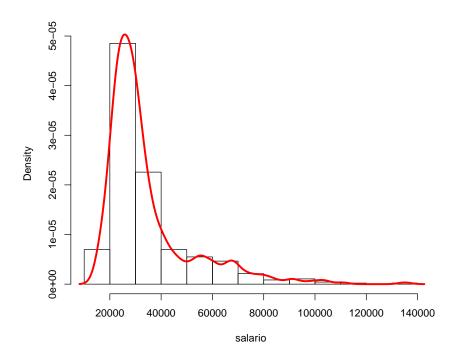
Es una versión suavizada del histograma.

```
plot(density(salario))
```

#### density.default(x = salario)

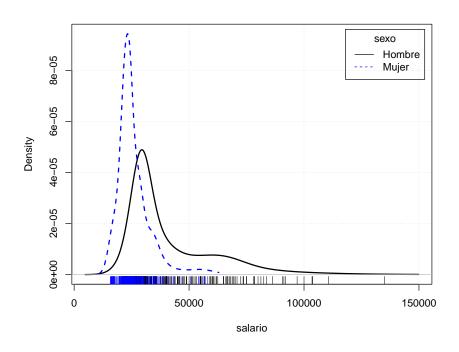


```
hist(salario, freq=F, main='')
lines(density(salario), lwd=3, col='red')
```



El paquete  $\operatorname{car}$  nos da acceso a la instrucción  $\operatorname{densityPlot}$ :

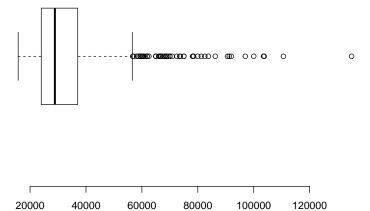
```
library(car) # help(car)
densityPlot(salario~sexo)
```



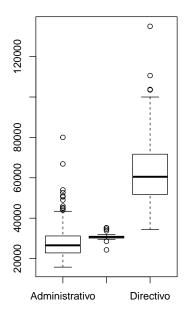
## 5.2.6 Diagrama de cajas

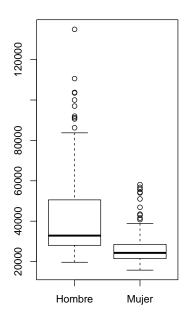
Se trata de un gráfico muy polivalente

```
boxplot(salario, horizontal=T, axes=F)
axis(1)
```

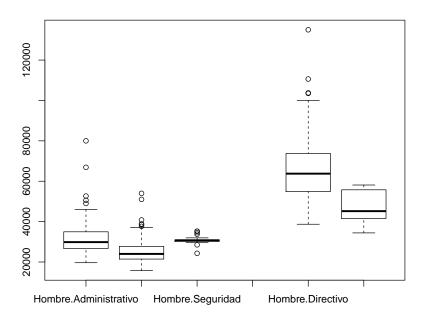


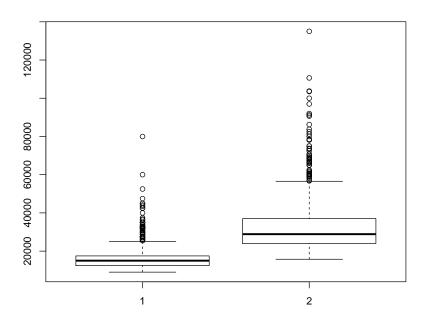
```
par(mfrow=c(1,2))
boxplot(salario~catlab)
boxplot(salario~sexo)
```



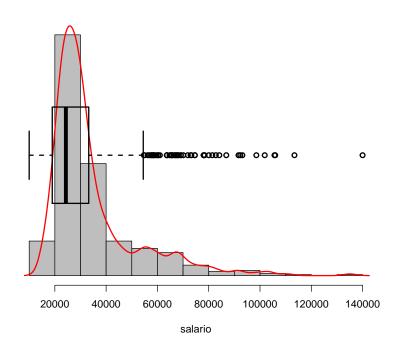


par(mfrow=c(1,1))
boxplot(salario~sexo\*catlab)





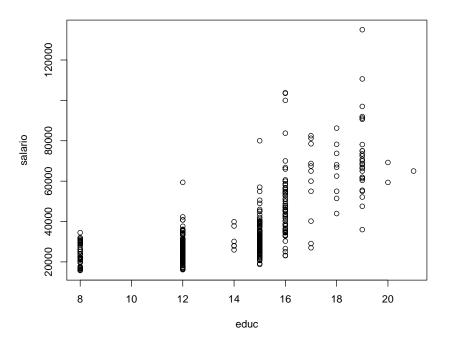
```
hist(salario,probability=T,ylab="",col='grey',axes=F,main=""); axis(1)
lines(density(salario),col='red',lwd=2)
par(new=T)
boxplot(salario,horizontal=T,axes=F,lwd=2)
```



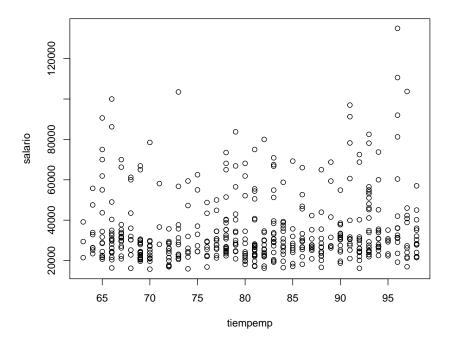
## 5.2.7 Gráfica de dispersión

Permite ver la relación entre dos variables:

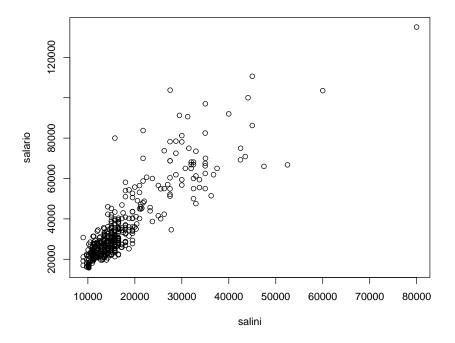
plot(educ,salario)



plot(tiempemp,salario)



#### plot(salini,salario)



En el caso de una serie temporal

#### AirPassengers

##

Jan Feb Mar Apr May Jun Jul Aug Sep Oct Nov Dec

5.2. GRÁFICOS 73

```
## 1949 112 118 132 129 121 135 148 148 136 119 104 118

## 1950 115 126 141 135 125 149 170 170 158 133 114 140

## 1951 145 150 178 163 172 178 199 199 184 162 146 166

## 1952 171 180 193 181 183 218 230 242 209 191 172 194

## 1953 196 196 236 235 229 243 264 272 237 211 180 201

## 1954 204 188 235 227 234 264 302 293 259 229 203 229

## 1955 242 233 267 269 270 315 364 347 312 274 237 278

## 1956 284 277 317 313 318 374 413 405 355 306 271 306

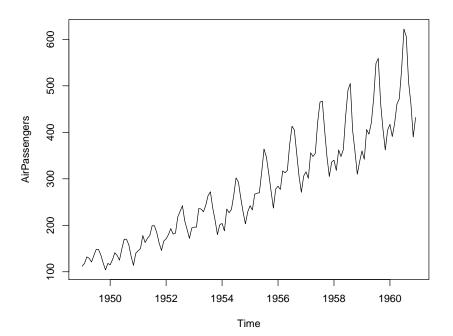
## 1957 315 301 356 348 355 422 465 467 404 347 305 336

## 1958 340 318 362 348 363 435 491 505 404 359 310 337

## 1959 360 342 406 396 420 472 548 559 463 407 362 405

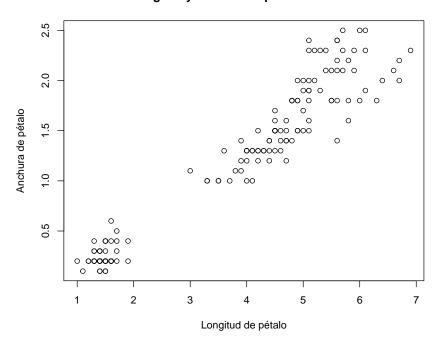
## 1960 417 391 419 461 472 535 622 606 508 461 390 432

plot(AirPassengers)
```



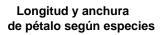
Y un último ejemplo utilizando los datos *iris* de Fisher:

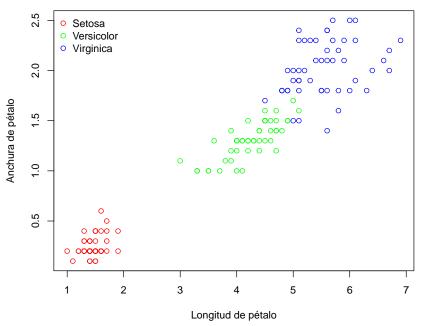
#### Longitud y anchura de pétalos de lirios



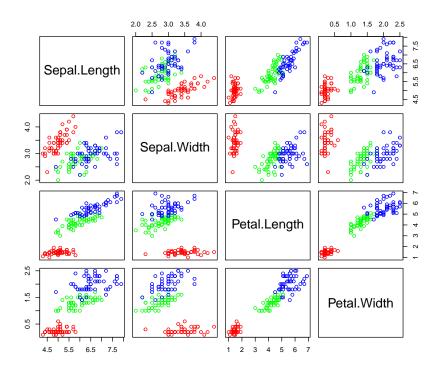
```
iris.color<-c("red","green","blue")[iris$Species]
plot(iris[,3],iris[,4],col=iris.color,main="Longitud y anchura
    de pétalo según especies",xlab="Longitud de pétalo",
    ylab="Anchura de pétalo")
legend("topleft",c("Setosa","Versicolor","Virginica"),pch=1,
    col=c("red","green","blue"),box.lty=0)</pre>
```

5.2. GRÁFICOS 75





## pairs(iris[,1:4],col=iris.color)



# Capítulo 6

# Modelado de datos

La realidad puede ser muy compleja por lo que es habitual emplear un modelo para tratar de explicarla.

- Modelos estocásticos (con componente aleatoria).
  - Tienen en cuenta la incertidumbre debida a no disponer de la suficiente información sobre las variables que influyen en el fenómeno en estudio.
  - La inferencia estadística proporciona herramientas para ajustar y contrastar la validez del modelo a partir de los datos observados.

Sin embargo resultaría muy extraño que la realidad coincida exactamente con un modelo concreto.

- George Box afirmó en su famoso aforismo:
  - En esencia, todos los modelos son falsos, pero algunos son útiles.
- El objetivo de un modelo es disponer de una aproximación simple de la realidad que sea útil.

# 6.1 Modelos de regresión

Nos centraremos en los modelos de regresión:

$$Y = f(X_1, \cdots, X_p) + \varepsilon$$

donde:

- $Y \equiv \text{variable respuesta}$  (o dependiente).
- $(X_1, \dots, X_p) \equiv \text{variables explicativas}$  (independientes, o covariables).
- $\varepsilon \equiv \text{error aleatorio}$ .

### 6.1.1 Herramientas disponibles en R

R dispone de múltiples herramientas para trabajar con modelos de este tipo. Algunas de las funciones y paquetes disponibles se muestran a continuación:

- Modelos paramétricos:
  - Modelos lineales:
    - \* Regresión lineal: lm() (aov(), lme(), biglm, ...).

- \* Regresión lineal robusta: MASS::rlm().
- \* Métodos de regularización (Ridge regression, Lasso): glmnet, ...
- Modelos lineales generalizados: glm() (bigglm, ...).
- Modelos paramétricos no lineales: nls() (nlme, ...).
- Modelos no paramétricos:
  - Regresión local (métodos de suavizado): loess(), KernSmooth, sm, ...
  - Modelos aditivos generalizados (GAM): gam, mgcv, ...
  - Arboles de decisión (Random Forest, Boosting): rpart, randomForest, xgboost, ...
  - Redes neuronales, ...

Desde el punto de vista de la programación, con todos estos modelos se trabaja de una forma muy similar en R.

## 6.2 Fórmulas

En R para especificar un modelo estadístico (realmente una familia) se suelen emplear fórmulas (también para generar gráficos). Son de la forma:

```
respuesta ~ modelo
```

modelo especifica los "términos" mediante operadores (tienen un significado especial en este contexto):

Operador	Descripción
a+b	incluye a y b (efectos principales)
-b	excluye b del modelo
a:b	interacción de a y b
	b %in% a efectos de b anidados en a (a:b)
	a/b = a + b %in% a = a + a:b
a*b = a+b+a:b	efectos principales más interacciones
^n	interacciones hasta nivel $n ((a+b)^2 = a+b+a:b)$
poly(a, n)	polinomios de a hasta grado n
1	término constante
	todas las variables disponibles o modelo actual en actualizaciones

Para realizar operaciones aritméticas (que incluyan +, -, \*, ^, 1, ...) es necesario "aislar" la operación dentro una función (e.g. log(abs(x) + 1)). Por ejemplo, para realizar un ajuste cuadrático se debería utilizar y ~ x + I(x^2), ya que y ~ x + x^2 = y ~ x (la interacción x:x = x).

• I() función identidad.

# 6.3 Ejemplo: regresión lineal simple

Introducido en descriptiva y con referencias al tema siguiente

# Capítulo 7

# Modelos lineales

Suponen que la función de regresión es lineal:

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_p X_p + \varepsilon$$

El efecto de las variables explicativas sobre la respuesta es simple (proporcional a su valor).

## 7.1 Ejemplo

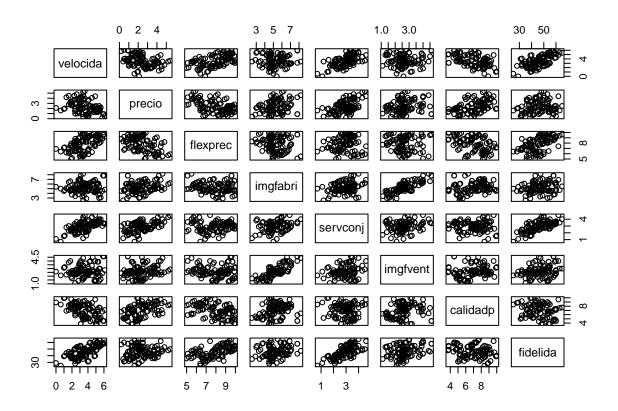
El fichero *hatco.RData* contiene observaciones de clientes de la compañía de distribución industrial (Compañía Hair, Anderson y Tatham). Las variables se pueden clasificar en tres grupos:

```
load('datos/hatco.RData')
as.data.frame(attr(hatco, "variable.labels"))
```

```
attr(hatco, "variable.labels")
##
## empresa
                                    Empresa
## tamano
                      Tamaño de la empresa
## adquisic
                 Estructura de adquisición
## tindustr
                         Tipo de industria
## tsitcomp
               Tipo de situación de compra
## velocida
                      Velocidad de entrega
## precio
                          Nivel de precios
## flexprec
                   Flexibilidad de precios
## imgfabri
                     Imagen del fabricante
## servconj
                         Servicio conjunto
## imgfvent
                Imagen de fuerza de ventas
## calidadp
                       Calidad de producto
## fidelida
              Porcentaje de compra a HATCO
## satisfac
                       Satisfacción global
## nfidelid
                   Nivel de compra a HATCO
## nsatisfa
                     Nivel de satisfacción
```

Consideraremos como respuesta la variable fidelida y como variables explicativas el resto de variables continuas menos satisfac.

```
datos <- hatco[, 6:13] # Nota: realmente no copia el objeto...
plot(datos)
```



# cor(datos, use = "complete") # Por defecto 8 decimales...
print(cor(datos, use = "complete"), digits = 2)

```
##
            velocida precio flexprec imgfabri servconj imgfvent calidadp
## velocida
              1.000 -0.354
                               0.519
                                        0.049
                                                 0.609
                                                          0.081
                                                                  -0.490
              -0.354 1.000
                              -0.486
                                        0.272
                                                 0.511
                                                                   0.468
## precio
                                                          0.189
## flexprec
              0.519 -0.486
                              1.000
                                      -0.115
                                                 0.075
                                                         -0.038
                                                                  -0.445
              0.049 0.272
## imgfabri
                              -0.115
                                      1.000
                                                 0.298
                                                          0.790
                                                                   0.199
## servconj
              0.609 0.511
                              0.075
                                        0.298
                                                 1.000
                                                          0.246
                                                                  -0.062
## imgfvent
              0.081 0.189
                              -0.038
                                        0.790
                                                 0.246
                                                                   0.181
                                                          1.000
## calidadp
              -0.490 0.468
                              -0.445
                                        0.199
                                                -0.062
                                                          0.181
                                                                   1.000
## fidelida
               0.674 0.077
                               0.578
                                        0.224
                                                 0.698
                                                          0.267
                                                                  -0.204
##
            fidelida
## velocida
               0.674
## precio
              0.077
## flexprec
              0.578
## imgfabri
              0.224
## servconj
              0.698
## imgfvent
              0.267
## calidadp
              -0.204
## fidelida
              1.000
```

## 7.2 Ajuste: función lm

Para el ajuste (estimación de los parámetros) de un modelo lineal a un conjunto de datos (por mínimos cuadrados) se emplea la función 1m:

```
ajuste <- lm(formula, datos, seleccion, pesos, na.action)
```

- formula fórmula que especifica el modelo.
- datos data.frame opcional con las variables de la formula.
- seleccion especificación opcional de un subconjunto de observaciones.
- pesos vector opcional de pesos (WLS).
- na.action opción para manejar los datos faltantes (na.omit).

```
modelo <- lm(fidelida ~ servconj, datos)
modelo</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = fidelida ~ servconj, data = datos)
##
## Coefficients:
## (Intercept) servconj
## 21.98 8.30
```

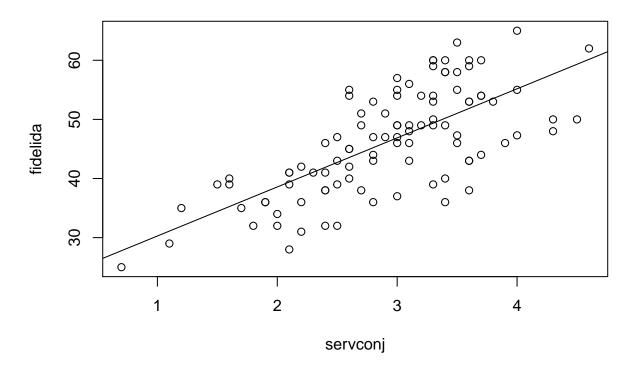
Al imprimir el ajuste resultante se muestra un pequeño resumen del ajuste (aunque el objeto que contiene los resultados es una lista).

Para obtener un resumen más completo se puede utilizar la función summary().

```
summary(modelo)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = fidelida ~ servconj, data = datos)
##
## Residuals:
       \mathtt{Min}
                  1Q
                       Median
                                    3Q
## -14.1956 -4.0655
                       0.2944
                                4.5945
                                        11.9744
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 21.9754
                            2.6086
                                      8.424 3.34e-13 ***
## servconj
                 8.3000
                            0.8645
                                      9.601 9.76e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 6.432 on 97 degrees of freedom
     (1 observation deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.4872, Adjusted R-squared: 0.482
## F-statistic: 92.17 on 1 and 97 DF, p-value: 9.765e-16
```

```
plot(fidelida ~ servconj, datos)
abline(modelo)
```



## 7.2.1 Extracción de información

Para la extracción de información se pueden acceder a los componentes del modelo ajustado o emplear funciones (genéricas). Algunas de las más utilizadas son las siguientes:

Función	Descripción
fitted	valores ajustados
coef	coeficientes estimados (y errores estándar)
confint	intervalos de confianza para los coeficientes
residuals	residuos
plot	gráficos de diagnóstico
termplot	gráfico de efectos parciales
anova	calcula tablas de análisis de varianza (también permite comparar modelos)
predict	calcula predicciones para nuevos datos

#### Ejemplo:

```
modelo2 <- lm(fidelida ~ servconj + flexprec, data = hatco)
summary(modelo2)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = fidelida ~ servconj + flexprec, data = hatco)
## Residuals:
##
       \mathtt{Min}
                  1Q Median
                                    3Q
                                            Max
## -10.2549 -2.2850 0.3411 3.3260
                                         7.0853
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -3.4617
                           2.9734 -1.164
                            0.5897 13.276
                 7.8287
                                             <2e-16 ***
## servconj
## flexprec
                 3.4017
                            0.3191 10.661
                                           <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.375 on 96 degrees of freedom
     (1 observation deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.7652, Adjusted R-squared: 0.7603
## F-statistic: 156.4 on 2 and 96 DF, p-value: < 2.2e-16
confint(modelo2)
                   2.5 %
                         97.5 %
##
## (Intercept) -9.363813 2.440344
## servconj
               6.658219 8.999274
## flexprec
                2.768333 4.035030
anova (modelo2)
## Analysis of Variance Table
##
## Response: fidelida
##
            Df Sum Sq Mean Sq F value
                                          Pr(>F)
            1 3813.6 3813.6 199.23 < 2.2e-16 ***
## servconj
             1 2175.6 2175.6 113.66 < 2.2e-16 ***
## flexprec
## Residuals 96 1837.6
                         19.1
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
# anova(modelo2, modelo)
# termplot(modelo2, partial.resid = TRUE)
Muchas de estas funciones genéricas son válidas para otros tipos de modelos (glm, ...).
Algunas funciones como summary() devuelven información adicional:
res <- summary(modelo2)
names(res)
                                                        "coefficients"
   [1] "call"
                        "terms"
                                        "residuals"
##
   [5] "aliased"
                        "sigma"
                                        "df"
                                                        "r.squared"
                                        "cov.unscaled" "na.action"
   [9] "adj.r.squared" "fstatistic"
res$sigma
```

## [1] 4.375074

```
res$adj.r.squared
```

## [1] 0.7603292

## 7.3 Predicción

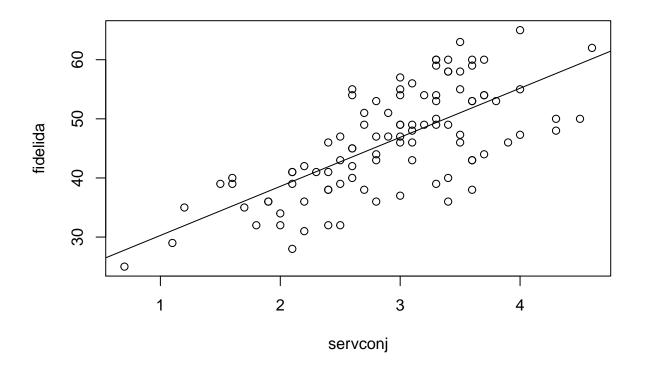
Para calcular predicciones (estimaciones de la media condicionada) se puede emplear la función predict() (ejecutar help(predict.lm) para ver todas las opciones disponibles). Por defecto obtiene las predicciones correspondientes a las observaciones (modelo\$fitted.values). Para otros casos hay que emplear el argumento newdata:

• data.frame con los valores de (todas) las covariables, sus nombres deben coincidir con los originales.

#### Ejemplo:

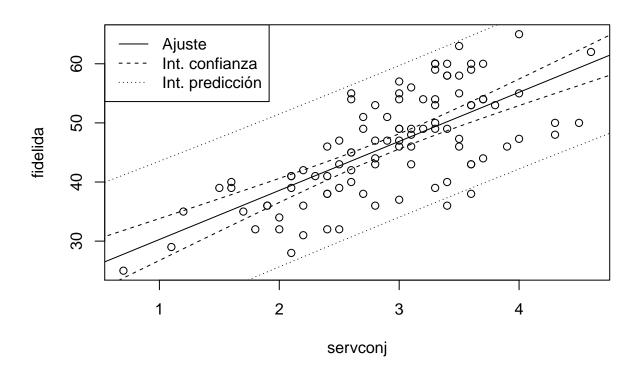
```
valores <- 0:5
pred <- predict(modelo, newdata = data.frame(servconj = valores))
pred

## 1 2 3 4 5 6
## 21.97544 30.27548 38.57552 46.87556 55.17560 63.47564
plot(fidelida ~ servconj, datos)
lines(valores, pred)</pre>
```



Esta función también permite obtener intervalos de confianza y de predicción:

```
valores \leftarrow seq(0, 5, len = 100)
newdata <- data.frame(servconj = valores)</pre>
pred <- predict(modelo, newdata = newdata, interval = c("confidence"))</pre>
head(pred)
##
          fit
                    lwr
## 1 21.97544 16.79816 27.15272
  2 22.39463 17.30126 27.48800
## 3 22.81383 17.80427 27.82338
## 4 23.23302 18.30718 28.15886
## 5 23.65221 18.80999 28.49444
## 6 24.07141 19.31269 28.83013
plot(fidelida ~ servconj, datos)
matlines(valores, pred, lty = c(1, 2, 2), col = 1)
pred2 <- predict(modelo, newdata = newdata, interval = c("prediction"))</pre>
matlines(valores, pred2[, -1], lty = 3, col = 1)
legend("topleft", c("Ajuste", "Int. confianza", "Int. predicción"), lty = c(1, 2, 3))
```



# 7.4 Selección de variables explicativas

Cuando se dispone de un conjunto grande de posibles variables explicativas suele ser especialmente importante determinar cuales de estas deberían ser incluidas en el modelo de regresión. Si alguna de las variables no contiene información relevante sobre la respuesta no se debería incluir (se simplificaría la interpretación

del modelo, aumentaría la precisión de la estimación y se evitarían problemas como la multicolinealidad). Se trataría entonces de conseguir un buen ajuste con el menor número de variables explicativas posible.

Para actualizar un modelo (p.e. eliminando o añadiendo variables) se puede emplear la función update:

```
modelo.completo \leftarrow lm(fidelida \sim . , data = datos)
summary(modelo.completo)
##
## Call:
## lm(formula = fidelida ~ ., data = datos)
## Residuals:
##
        Min
                       Median
                                     30
                  1Q
                                             Max
                       0.5224
                                 2.9218
## -13.3351 -2.0733
                                          6.7106
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -9.5935
                            4.8213 -1.990
                                              0.0496 *
                -0.6023
                             1.9590
                                    -0.307
                                              0.7592
## velocida
## precio
                -1.0771
                             2.0283
                                     -0.531
                                              0.5967
## flexprec
                 3.4616
                             0.3997
                                      8.660 1.62e-13 ***
## imgfabri
                -0.1735
                             0.6472
                                     -0.268
                                              0.7892
## servconj
                                      2.391
                 9.0919
                             3.8023
                                              0.0189 *
## imgfvent
                                      1.691
                 1.5596
                             0.9221
                                              0.0942
## calidadp
                 0.4874
                             0.3451
                                      1.412
                                              0.1613
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.281 on 91 degrees of freedom
     (1 observation deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.7869, Adjusted R-squared: 0.7705
## F-statistic:
                   48 on 7 and 91 DF, p-value: < 2.2e-16
modelo.reducido <- update(modelo.completo, . ~ . - imgfabri)</pre>
summary(modelo.reducido)
##
## Call:
## lm(formula = fidelida ~ velocida + precio + flexprec + servconj +
##
       imgfvent + calidadp, data = datos)
##
## Residuals:
        Min
                  1Q
                       Median
                                     3Q
                                             Max
                        0.4724
                                          6.8328
## -13.2195 -2.0022
                                 2.9514
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -9.9900
                             4.5656
                                     -2.188
                                              0.0312 *
## velocida
                -0.5207
                             1.9254
                                     -0.270
                                              0.7874
## precio
                             1.9986
                                     -0.501
                -1.0017
                                              0.6174
## flexprec
                 3.4709
                             0.3962
                                      8.761 9.23e-14 ***
                             3.7230
                                      2.394
                                              0.0187 *
## servconj
                 8.9111
## imgfvent
                 1.3699
                             0.5883
                                      2.329
                                              0.0221 *
## calidadp
                 0.4844
                             0.3432
                                      1.411
                                              0.1615
## ---
```

```
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.26 on 92 degrees of freedom
## (1 observation deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.7867, Adjusted R-squared: 0.7728
## F-statistic: 56.56 on 6 and 92 DF, p-value: < 2.2e-16</pre>
```

Para obtener el modelo "óptimo" lo ideal sería evaluar todos los modelos posibles.

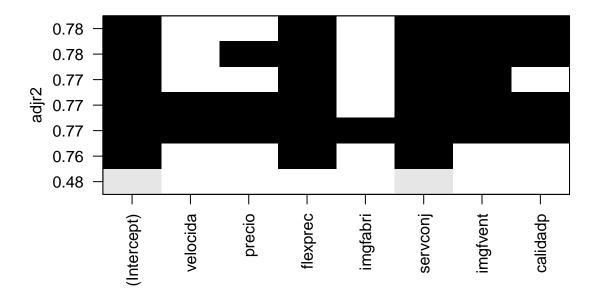
### 7.4.1 Búsqueda exhaustiva

La función regsubsets del paquete leaps permite seleccionar los mejores modelos fijando el número de variables explicativas. Por defecto, evalúa todos los modelos posibles con un determinado número de parámetros (variando desde 1 hasta un máximo de nvmax=8) y selecciona el mejor (nbest=1).

```
library(leaps)
res <- regsubsets(fidelida ~ . , data = datos)
summary(res)
## Subset selection object
## Call: regsubsets.formula(fidelida ~ ., data = datos)
## 7 Variables (and intercept)
            Forced in Forced out
## velocida
                FALSE
                            FALSE
## precio
                FALSE
                            FALSE
## flexprec
                FALSE
                            FALSE
## imgfabri
                FALSE
                            FALSE
## servconj
                FALSE
                            FALSE
## imgfvent
                FALSE
                            FALSE
## calidadp
                FALSE
                            FALSE
## 1 subsets of each size up to 7
## Selection Algorithm: exhaustive
##
            velocida precio flexprec imgfabri servconj imgfvent calidadp
                     11 11
                                                                   11 11
## 1 (1)""
                                      11 11
                                                "*"
                      11 11
                                      11 11
                                                          11 11
                                                                   11 11
## 2 (1)""
                             "*"
                                                "*"
                      11 11
                                      11 11
## 3 (1)""
                             "*"
                                                                   11 11
                                                "*"
                                                          "*"
## 4 (1)""
                             "*"
                                                "*"
                                                          "*"
                                                                   "*"
                                      11 11
## 5 (1)""
                      "*"
                             "*"
                                                "*"
                                                                   "*"
## 6 (1) "*"
                                      11 11
                      "*"
                                                "*"
                                                          "*"
                                                                   "*"
## 7 (1) "*"
                                                                   "*"
# names(summary(res))
```

Al representar el resultado se obtiene un gráfico con los mejores modelos ordenados según el criterio determinado por el argumento scale = c("bic", "Cp", "adjr2", "r2"). Por ejemplo, en este caso, empleando el coeficiente de determinación ajustado, obtendríamos:

```
plot(res, scale = "adjr2")
```



En este caso (considerando que una mejora del 2% no es significativa), el modelo resultante sería:

```
lm(fidelida ~ servconj + flexprec, data = hatco)

##

## Call:

## lm(formula = fidelida ~ servconj + flexprec, data = hatco)

##

## Coefficients:

## (Intercept) servconj flexprec

## -3.462 7.829 3.402
```

#### Notas:

- Si se emplea alguno de los criterios habituales, el mejor modelo con un determinado número de variables no depende del criterio empleado. Pero estos criterios pueden diferir al comparar modelos con distinto número de variables explicativas.
- Si el número de variables explicativas es grande, en lugar de emplear una búsqueda exhaustiva se puede emplear un criterio por pasos, mediante el argumento method = c("backward", "forward", "seqrep"), pero puede ser recomendable emplear el paquete MASS para obtener directamente el modelo final.

#### 7.4.2 Selección por pasos

Si el número de variables es grande (no sería práctico evaluar todas las posibilidades) se suele utilizar alguno (o varios) de los siguientes métodos:

- Selección progresiva (forward): Se parte de una situación en la que no hay ninguna variable y en cada paso se incluye una aplicando un criterio de entrada (hasta que ninguna de las restantes lo verifican).
- Eliminación progresiva (backward): Se parte del modelo con todas las variables y en cada paso se elimina una aplicando un criterio de salida (hasta que ninguna de las incluidas lo verifican).
- Regresión paso a paso (stepwise): El más utilizado, se combina un criterio de entrada y uno de salida. Normalmente se parte sin ninguna variable y en cada paso puede haber una inclusión y una exclusión (forward/backward).

La función stepAIC del paquete MASS permite seleccionar el modelo por pasos, hacia delante o hacia atrás según criterio AIC o BIC (también esta disponible una función step del paquete base stats con menos opciones). La función stepwise del paquete RcmdrMisc es una interfaz de stepAIC que facilita su uso:

```
library(MASS)
library(RcmdrMisc)
modelo <- stepwise(modelo.completo, direction = "forward/backward", criterion = "BIC")
##
              forward/backward
## Direction:
## Criterion: BIC
##
## Start: AIC=437.24
## fidelida ~ 1
##
              Df Sum of Sq
                              RSS
##
                                     AIC
## + servconj
                    3813.6 4013.2 375.71
## + velocida 1
                    3558.5 4268.2 381.81
## + flexprec
              1
                    2615.5 5211.3 401.57
## + imgfvent
                     556.9 7269.9 434.53
              1
## + imgfabri
                     394.2 7432.5 436.72
                           7826.8 437.24
## <none>
## + calidadp
                     325.8 7501.0 437.63
               1
## + precio
                      46.2 7780.6 441.25
               1
## Step: AIC=375.71
## fidelida ~ servconj
##
              Df Sum of Sq
                              RSS
                                     AIC
                    2175.6 1837.6 302.97
## + flexprec 1
## + precio
               1
                     831.5 3181.7 357.32
## + velocida 1
                     772.3 3240.9 359.15
## + calidadp 1
                     203.8 3809.4 375.15
## <none>
                           4013.2 375.71
                      74.8 3938.4 378.44
## + imgfvent 1
## + imgfabri
                       2.3 4010.9 380.25
## - servconj
                    3813.6 7826.8 437.24
              1
##
## Step: AIC=302.97
## fidelida ~ servconj + flexprec
##
##
              Df Sum of Sq
                              RSS
                                     AIC
## + imgfvent 1
                     129.8 1707.7 300.31
## <none>
                           1837.6 302.97
## + imgfabri 1
                      69.3 1768.3 303.76
```

```
50.7 1786.9 304.80
## + calidadp 1
## + precio
                       0.2 1837.4 307.56
               1
## + velocida 1
                       0.0 1837.5 307.57
## - flexprec 1
                    2175.6 4013.2 375.71
## - servconj
                    3373.7 5211.3 401.57
##
## Step: AIC=300.31
## fidelida ~ servconj + flexprec + imgfvent
##
##
              Df Sum of Sq
                              RSS
                                     AIC
## <none>
                           1707.7 300.31
## - imgfvent
                    129.82 1837.6 302.97
## + calidadp
                     24.70 1683.0 303.47
              1
## + precio
                      0.96 1706.8 304.85
                      0.66 1707.1 304.87
## + imgfabri
               1
## + velocida
                      0.41 1707.3 304.88
               1
## - flexprec
                   2230.67 3938.4 378.44
               1
## - servconj
                   2850.14 4557.9 392.91
               1
summary(modelo)
##
## Call:
## lm(formula = fidelida ~ servconj + flexprec + imgfvent, data = datos)
##
## Residuals:
##
       Min
                  1Q
                       Median
                                    3Q
                                             Max
## -12.9301 -2.1395
                       0.0695
                                2.9632
                                          7.4286
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
               -6.7761
                            3.1343
                                    -2.162
## servconj
                 7.4320
                            0.5902
                                    12.592
                                              <2e-16 ***
                 3.4503
                            0.3097
                                    11.140
                                              <2e-16 ***
## flexprec
## imgfvent
                 1.5369
                            0.5719
                                     2.687
                                              0.0085 **
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.24 on 95 degrees of freedom
     (1 observation deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.7818, Adjusted R-squared: 0.7749
## F-statistic: 113.5 on 3 and 95 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Los métodos disponibles son "backward/forward", "forward/backward", "backward" y "forward".

Cuando el número de variables explicativas es muy grande (o si el tamaño de la muestra es pequeño en comparación) pueden aparecer problemas al emplear los métodos anteriores (incluso pueden no ser aplicables). Una alternativa son los métodos de regularización (Ridge regression, Lasso) disponibles en el paquete glmnet.

# 7.5 Regresión con variables categóricas

La función 1m() admite también variables categóricas (factores), lo que equivaldría a modelos de análisis de la varianza o de la covarianza.

Como ejemplo, en el resto del tema emplearemos los datos de empleados:

```
load("datos/empleados.RData")
datos <- with(empleados, data.frame(lnsal = log(salario), lnsalini = log(salini), catlab, sexo))</pre>
```

Al incluir variables categóricas la función lm() genera las variables indicadoras (variables dummy) que sean necesarias. Por ejemplo, la función model.matrix() construye la denominada matriz de diseño X de un modelo lineal:

$$\mathbf{Y} = X\beta + \varepsilon$$

En el caso de una variable categórica, por defecto se toma la primera categoría como referencia y se generan variables indicadoras del resto de categorías:

```
X <- model.matrix(lnsal ~ catlab, datos)
head(X)</pre>
```

```
(Intercept) catlabSeguridad catlabDirectivo
##
## 1
                1
## 2
                1
                                  0
                                                    0
## 3
                1
                                  0
                                                    0
## 4
                1
                                  0
                                                    0
## 5
                1
                                  0
                                                    0
                                  0
                                                    0
## 6
                1
```

En el correspondiente ajuste (análisis de la varianza de un factor):

```
modelo <- lm(lnsal ~ catlab, datos)
summary(modelo)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = lnsal ~ catlab, data = datos)
## Residuals:
##
                 1Q
                      Median
                                   3Q
## -0.58352 -0.15983 -0.01012 0.13277 1.08725
##
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                  10.20254
                             0.01280 797.245 < 2e-16 ***
## (Intercept)
## catlabSeguridad 0.13492
                              0.04864
                                        2.774 0.00576 **
                              0.02952 28.017 < 2e-16 ***
## catlabDirectivo 0.82709
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.2438 on 471 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.625, Adjusted R-squared: 0.6234
## F-statistic: 392.6 on 2 and 471 DF, p-value: < 2.2e-16
```

el nivel de referencia no tiene asociado un coeficiente (su efecto se corresponde con (Intercept)). Los coeficientes del resto de niveles miden el cambio que se produce en la media al cambiar desde la categoría de referencia (diferencias de efectos respecto al nivel de referencia).

Para contrastar el efecto de los factores, es preferible emplear la función anova:

```
modelo <- lm(lnsal ~ catlab + sexo, datos)
anova(modelo)</pre>
```

```
## Analysis of Variance Table
##
```

#### Notas:

- Para centrarse en las efectos de los factores, se puede emplear la función aov (analysis of variance; ver también model.tables() y TukeyHSD()). Esta función llama internamente a lm() (utilizando la misma parametrización).
- Para utilizar distintas parametrizaciones de los efectos se puede emplear el argumento contrasts = c("contr.treatment", "contr.poly") (ver help(contrasts)).

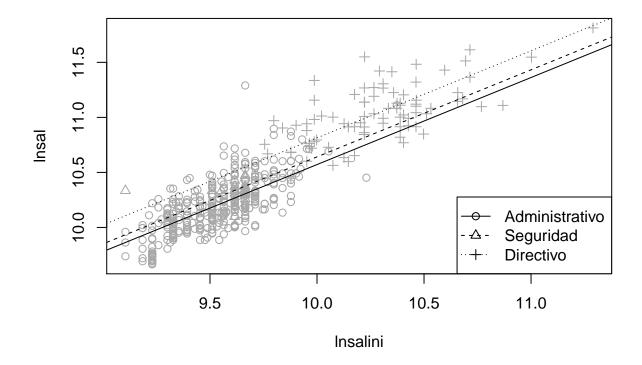
#### 7.6 Interacciones

Al emplear el operador + se considera que los efectos de las covariables son aditivos (independientes):

```
modelo <- lm(lnsal ~ lnsalini + catlab, datos)
anova(modelo)</pre>
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: lnsal
##
              Df Sum Sq Mean Sq F value
                                            Pr(>F)
## lnsalini
              1 58.668 58.668 1901.993 < 2.2e-16 ***
## catlab
               2 1.509
                                  24.465 7.808e-11 ***
                          0.755
## Residuals 470 14.497
                          0.031
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
plot(lnsal ~ lnsalini, data = datos, pch = as.numeric(catlab), col = 'darkgray')
parest <- coef(modelo)</pre>
abline(a = parest[1], b = parest[2], lty = 1)
abline(a = parest[1] + parest[3], b = parest[2], lty = 2)
abline(a = parest[1] + parest[4], b = parest[2], lty = 3)
legend("bottomright", levels(datos$catlab), pch = 1:3, lty = 1:3)
```

7.6. INTERACCIONES 93



Para especificar que el efecto de una covariable depende de otra (interacción), se pueden emplear los operadores \* ó :.

```
modelo2 <- lm(lnsal ~ lnsalini*catlab, datos)
summary(modelo2)

##
## Call:
## lm(formula = lnsal ~ lnsalini * catlab, data = datos)
##
## Residuals:</pre>
```

Max

```
##
## Coefficients:
                             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept)
                             1.66865
                                         0.43820
                                                   3.808 0.000159 ***
                                         0.04595
## lnsalini
                             0.89512
                                                  19.479 < 2e-16 ***
## catlabSeguridad
                             8.31808
                                         3.01827
                                                   2.756 0.006081 **
  catlabDirectivo
                             3.01268
                                         0.79509
                                                   3.789 0.000171 ***
## lnsalini:catlabSeguridad -0.85864
                                                  -2.735 0.006470 **
                                         0.31392
  lnsalini:catlabDirectivo -0.27713
                                         0.07924
                                                  -3.497 0.000515 ***
##
## Signif. codes:
                   0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

0.10459

## Residual standard error: 0.1727 on 468 degrees of freedom ## Multiple R-squared: 0.8131, Adjusted R-squared: 0.8111

Median

1Q

-0.37440 -0.11335 -0.00524

Min

##

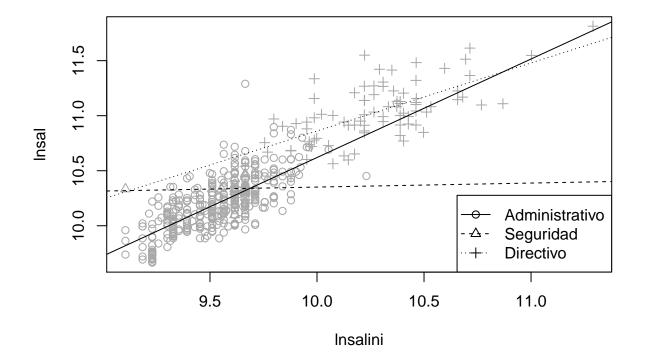
##

```
## F-statistic: 407.3 on 5 and 468 DF, p-value: < 2.2e-16
anova(modelo2)
```

```
## Analysis of Variance Table
## Response: lnsal
##
                    Df Sum Sq Mean Sq
                                         F value
                               58.668 1967.6294 < 2.2e-16 ***
## lnsalini
                     1 58.668
## catlab
                     2 1.509
                                0.755
                                         25.3090 3.658e-11 ***
## lnsalini:catlab
                     2 0.543
                                0.272
                                          9.1097 0.0001315 ***
## Residuals
                   468 13.954
                                0.030
## ---
## Signif. codes:
                     '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

En este caso las pendientes también varían dependiendo del nivel del factor:

```
plot(lnsal ~ lnsalini, data = datos, pch = as.numeric(catlab), col = 'darkgray')
parest <- coef(modelo2)
abline(a = parest[1], b = parest[2], lty = 1)
abline(a = parest[1] + parest[3], b = parest[2] + parest[5], lty = 2)
abline(a = parest[1] + parest[4], b = parest[2] + parest[6], lty = 3)
legend("bottomright", levels(datos$catlab), pch = 1:3, lty = 1:3)</pre>
```



Por ejemplo, empleando la fórmula lnsal ~ lnsalini:catlab se considerarían distintas pendientes pero el mismo término independiente.

## 7.7 Diagnosis del modelo

Las conclusiones obtenidas con este método se basan en las hipótesis básicas del modelo:

- Linealidad.
- Normalidad (y homogeneidad).
- Homocedasticidad.
- Independencia.
- Ninguna de las variables explicativas es combinación lineal de las demás.

Si alguna de estas hipótesis no es cierta, las conclusiones obtenidas pueden no ser fiables, o incluso totalmente erróneas. En el caso de regresión múltiple es de especial interés el fenómeno de la multicolinealidad (o colinearidad) relacionado con la última de estas hipótesis.

En esta sección consideraremos como ejemplo el modelo:

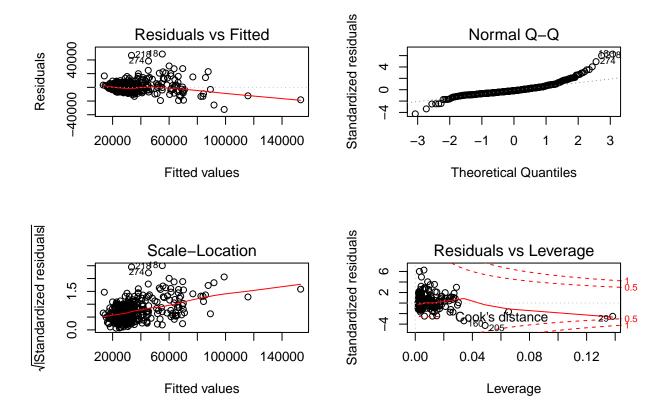
```
modelo <- lm(salario ~ salini + expprev, data = empleados)
summary(modelo)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = salario ~ salini + expprev, data = empleados)
## Residuals:
     Min
##
             1Q Median
                           30
                                 Max
  -32263 -4219 -1332
                          2673
                               48571
##
## Coefficients:
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) 3850.71760 900.63287
                                      4.276 2.31e-05 ***
                 1.92291
                            0.04548 42.283 < 2e-16 ***
## salini
## expprev
                -22.44482
                            3.42240
                                     -6.558 1.44e-10 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 7777 on 471 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7935, Adjusted R-squared: 0.7926
## F-statistic: 904.8 on 2 and 471 DF, p-value: < 2.2e-16
```

#### 7.7.1 Gráficas básicas de diagnóstico

Con la función plot se pueden generar gráficos de interés para la diagnosis del modelo:

```
oldpar <- par( mfrow=c(2,2))
plot(modelo)</pre>
```



#### par(oldpar)

Por defecto se muestran cuatro gráficos (ver help(plot.lm) para más detalles). El primero (residuos frente a predicciones) permite detectar falta de linealidad o heterocedasticidad (o el efecto de un factor omitido: mala especificación del modelo), lo ideal sería no observar ningún patrón.

El segundo gráfico (gráfico QQ), permite diagnosticar la normalidad, los puntos del deberían estar cerca de la diagonal.

El tercer gráfico de dispersión-nivel permite detectar heterocedasticidad y ayudar a seleccionar una transformación para corregirla (más adelante, en la sección *Alternativas*, se tratará este tema), la pendiente de los datos debería ser nula.

El último gráfico permite detectar valores atípicos o influyentes. Representa los residuos estandarizados en función del valor de influencia (a priori) o leverage (hii que depende de los valores de las variables explicativas, debería ser < 2(p+1)/2) y señala las observaciones atípicas (residuos fuera de [-2,2]) e influyentes a posteriori (estadístico de Cook > 0.5 y > 1).

Si las conclusiones obtenidas dependen en gran medida de una observación (normalmente atípica), esta se denomina influyente (a posteriori) y debe ser examinada con cuidado por el experimentador. Para recalcular el modelo sin una de las observaciones puede ser útil la función update:

```
# which.max(cooks.distance(modelo))
modelo2 <- update(modelo, data = empleados[-29, ])</pre>
```

Si hay datos atípicos o influyentes, puede ser recomendable emplear regresión lineal robusta, por ejemplo mediante la función rlm del paquete MASS.

En el ejemplo anterior, se observa claramente heterogeneidad de varianzas y falta de normalidad. Aparentemente no hay observaciones influyentes (a posteriori) aunque si algún dato atípico.

#### 7.7.2 Gráficos parciales de residuos

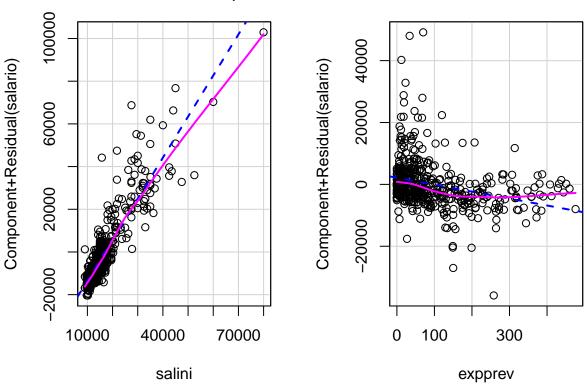
En regresión lineal múltiple, en lugar de generar gráficos de dispersión simple (p.e. gráficos de dispersión matriciales) para detectar problemas (falta de linealidad, ...) y analizar los efectos de las variables explicativas, se pueden generar gráficos parciales de residuos, por ejemplo con el comando:

```
termplot(modelo, partial.resid = TRUE)
```

Aunque puede ser preferible emplear las funciones crPlots ó avPlots del paquete car:

library(car)
crPlots(modelo)

# Component + Residual Plots



#### # avPlots(modelo)

Estas funciones permitirían además detectar puntos atípicos o influyentes (mediante los argumentos id.method e id.n).

#### 7.7.3 Estadísticos

Para obtener medidas de diagnosis o resúmenes numéricos de interés se pueden emplear las siguientes funciones:

Función	Descripción	
rstandard	residuos estandarizados	
rstudent	residuos estudentizados (eliminados)	
cooks.distancealores del estadístico de Cook		

Función	Descripción
influence	valores de influencia, cambios en coeficientes y varianza residual al eliminar cada dato.

Ejecutar help(influence.measures) para ver un listado de medidas de diagnóstico adicionales.

Hay muchas herramientas adicionales disponibles en otros paquetes. Por ejemplo, para la detección de multicolinealidad, se puede emplear la función vif del paquete car para calcular los factores de inflación de varianza para las variables del modelo:

```
# library(car)
vif(modelo)
```

```
## salini expprev
## 1.002041 1.002041
```

Valores grandes, por ejemplo > 10, indican la posible presencia de multicolinealidad.

Nota: Las tolerancias (proporciones de variabilidad no explicada por las demás covariables) se pueden calcular con 1/vif(modelo).

#### 7.7.4 Contrastes

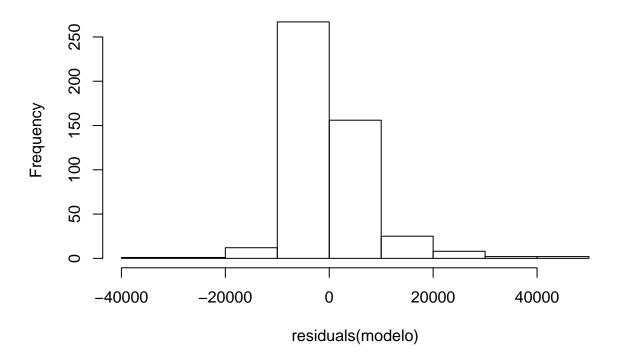
#### 7.7.4.1 Normalidad

Para realizar el contraste de normalidad de Shapiro-Wilk se puede emplear:

```
shapiro.test(residuals(modelo))
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals(modelo)
## W = 0.85533, p-value < 2.2e-16
hist(residuals(modelo))</pre>
```





#### 7.7.4.2 Homocedasticidad

La librería lmtest proporciona herramientas adicionales para la diagnosis de modelos lineales, por ejemplo el test de Breusch-Pagan para heterocedasticidad:

```
library(lmtest)
bptest(modelo, studentize = FALSE)

##
## Breusch-Pagan test
##
## data: modelo
## BP = 290.37, df = 2, p-value < 2.2e-16
Si el p-valor es grande aceptaríamos que hay igualdad de varianzas.</pre>
```

#### 7.7.4.3 Autocorrelación

Contraste de Durbin-Watson para detectar si hay correlación serial entre los errores:

```
dwtest(modelo, alternative= "two.sided")

##

## Durbin-Watson test

##

## data: modelo
```

```
## DW = 1.8331, p-value = 0.06702
## alternative hypothesis: true autocorrelation is not 0
```

Si el p-valor es pequeño rechazaríamos la hipótesis de independencia.

## 7.8 Métodos de regularización

[[Pasar a selección de variables explicativas?]]

Estos métodos emplean también un modelo lineal:

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_p X_p + \varepsilon$$

En lugar de ajustarlo por mínimos cuadrados (estándar), minimizando:

$$RSS = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \beta_0 - \beta_1 x_{1i} - \dots - \beta_p x_{pi})^2$$

Se imponen restricciones adicionales a los parámetros que los "retraen" (shrink) hacia cero:

- Produce una reducción en la varianza de predicción (a costa del sesgo).
- En principio se consideran todas las variables explicativas.

#### Ridge regression

• Penalización cuadrática:  $RSS + \lambda \sum_{i=1}^{p} \beta_i^2$ .

#### Lasso

- Penalización en valor absoluto:  $RSS + \lambda \sum_{j=1}^{p} |\beta_j|$ .
- Normalmente asigna peso nulo a algunas variables (selección de variables).

El parámetro de penalización se selecciona por validación cruzada.

• Normalmente estandarizan las variables explicativas (coeficientes en la misma escala).

#### 7.8.1 Datos

El fichero hatco. RData contiene observaciones de clientes de la compañía de distribución industrial (Compañía Hair, Anderson y Tatham). Las variables se pueden clasificar en tres grupos:

```
load('datos/hatco.RData')
as.data.frame(attr(hatco, "variable.labels"))
```

```
attr(hatco, "variable.labels")
##
## empresa
                                    Empresa
## tamano
                      Tamaño de la empresa
## adquisic
                 Estructura de adquisición
## tindustr
                         Tipo de industria
## tsitcomp
               Tipo de situación de compra
## velocida
                      Velocidad de entrega
                           Nivel de precios
## precio
## flexprec
                   Flexibilidad de precios
## imgfabri
                     Imagen del fabricante
## servconj
                         Servicio conjunto
```

```
## imgfvent Imagen de fuerza de ventas
## calidadp Calidad de producto
## fidelida Porcentaje de compra a HATCO
## satisfac
## nfidelid Nivel de compra a HATCO
## nsatisfa

Nivel de satisfacción
```

Consideraremos como respuesta la variable fidelida y como variables explicativas el resto de variables continuas menos satisfac.

```
library(glmnet)
```

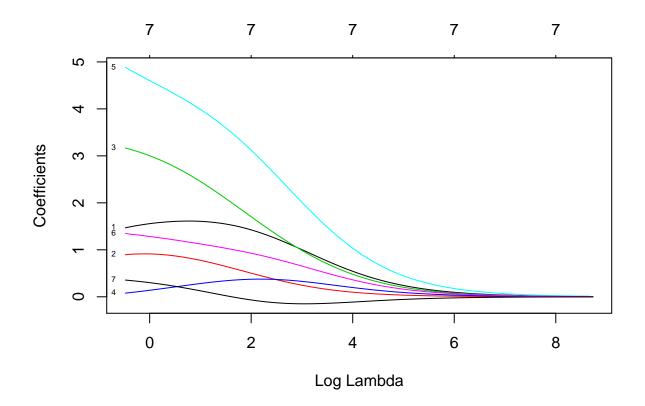
El paquete glmnet no emplea formulación de modelos, hay que establecer la respuesta y y las variables explicativas x (se puede emplear la función model.matrix() para construir x, la matriz de diseño, a partir de una fórmula). En este caso, eliminamos también la última fila por tener datos faltantes:

```
x <- as.matrix(hatco[-100, 6:12])
y <- hatco\frac{100}{100}</pre>
```

## 7.8.2 Ridge Regression

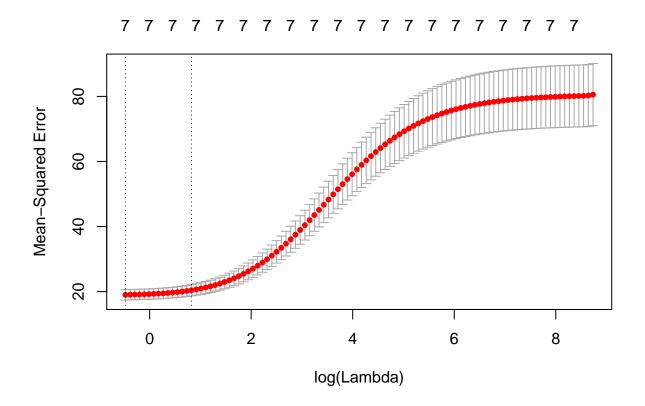
Ajustamos un modelo de regresión ridge con la función glmnet con alpha=0 (ridge penalty).

```
fit.ridge <- glmnet(x, y, alpha = 0)
plot(fit.ridge, xvar = "lambda", label = TRUE)</pre>
```



Para seleccionar el parámetro de penalización por validación cruzada se puede emplear la función cv.glmnet.

```
cv.ridge <- cv.glmnet(x, y, alpha = 0)
plot(cv.ridge)</pre>
```



En este caso el parámetro sería:

```
cv.ridge$lambda.1se
```

#### ## [1] 2.282989

y el modelo resultante contiene todas las variables explicativas:

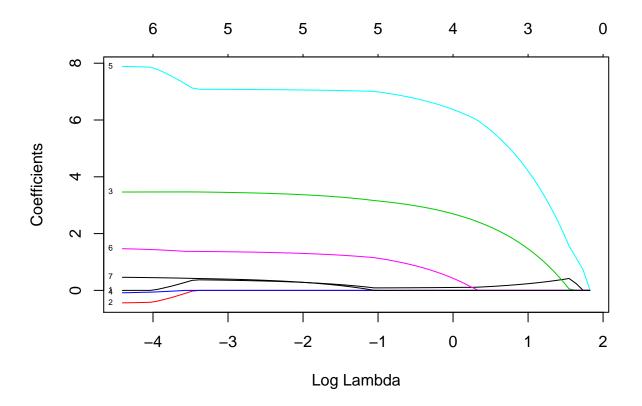
```
coef(cv.ridge)
```

```
## 8 x 1 sparse Matrix of class "dgCMatrix"
## (Intercept) 0.8070124
## velocida
               1.6118087
## precio
               0.8138416
## flexprec
               2.5691838
## imgfabri
               0.2578045
## servconj
               4.1078673
## imgfvent
               1.1551747
## calidadp
               0.1621387
```

#### 7.8.3 Lasso

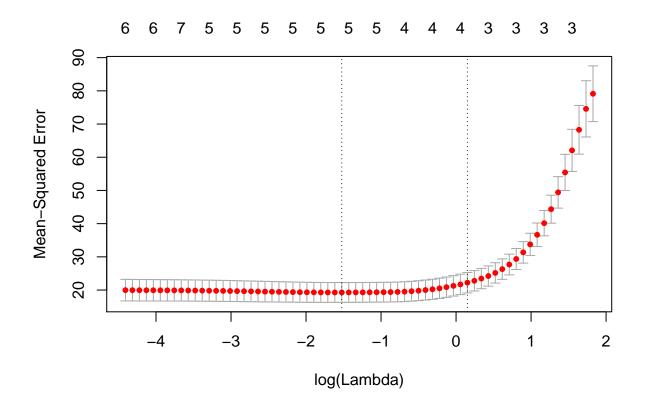
Ajustamos un modelo lasso también con la función glmnet (con la opción por defecto alpha=1, lasso penalty).

```
fit.lasso <- glmnet(x,y)
plot(fit.lasso, xvar = "lambda", label = TRUE)</pre>
```



Seleccionamos el parámetro de penalización por validación cruzada.

```
cv.lasso <- cv.glmnet(x,y)
plot(cv.lasso)</pre>
```



En este caso el modelo resultante solo contiene 4 variables explicativas:

```
coef(cv.lasso)
```

### 7.9 Alternativas

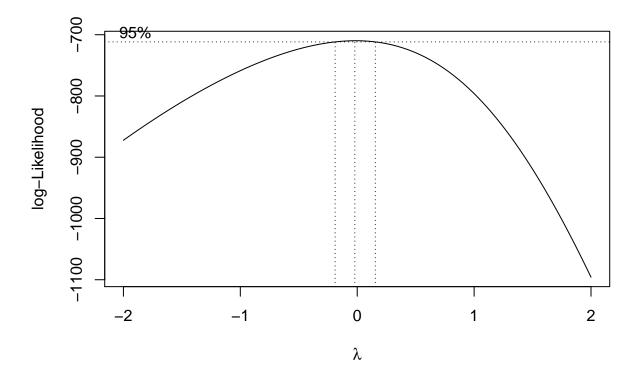
## 7.9.1 Transformación (modelos linealizables)

Cuando no se satisfacen los supuestos básicos se puede intentar transformar los datos para corregir la falta de linealidad, la heterocedasticidad y/o la falta de normalidad (normalmente estas últimas "suelen ocurrir en la misma escala"). Por ejemplo, la función boxcox del paquete MASS permite seleccionar la transformación de Box-Cox más adecuada:

$$Y^{(\lambda)} = \begin{cases} \frac{Y^{\lambda} - 1}{\lambda} & \text{si } \lambda \neq 0\\ \ln(Y) & \text{si } \lambda = 0 \end{cases}$$

7.9. ALTERNATIVAS 105

```
# library(MASS)
boxcox(modelo)
```



En este caso una transformación logarítmica parece adecuada.

En ocasiones para obtener una relación lineal (o heterocedasticidad) también es necesario transformar las covariables además de la respuesta. Algunas de las relaciones fácilmente linealizables se muestran a continuación:

modelo	ecuación	covariable	respuesta
logarítmico inverso potencial exponencial curva-S	$y = a + b \log(x)$ $y = a + b/x$ $y = ax^{b}$ $y = ae^{bx}$ $y = ae^{b/x}$	$   \begin{array}{c}     log(x) \\     1/x \\     log(x) \\     \hline     1/x   \end{array} $	$- \\ log(y) \\ log(y) \\ log(y)$

#### 7.9.1.1 Ejemplo:

```
plot(salario ~ salini, data = empleados, col = 'darkgray')

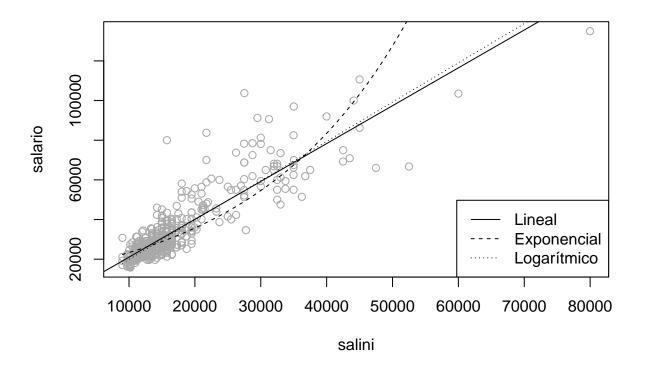
# Ajuste lineal
abline(lm(salario ~ salini, data = empleados))

# Modelo exponencial
```

```
modelo1 <- lm(log(salario) ~ salini, data = empleados)
parest <- coef(modelo1)
curve(exp(parest[1] + parest[2]*x), lty = 2, add = TRUE)

# Modelo logaritmico
modelo2 <- lm(log(salario) ~ log(salini), data = empleados)
parest <- coef(modelo2)
curve(exp(parest[1]) * x^parest[2], lty = 3, add = TRUE)

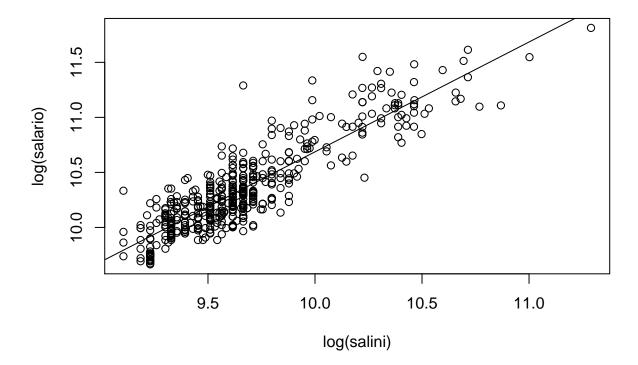
legend("bottomright", c("Lineal", "Exponencial", "Logaritmico"), lty = 1:3)</pre>
```



Con estos datos de ejemplo, el principal problema es la falta de homogeneidad de varianzas (y de normalidad) y se corrige sustancialmente con el segundo modelo:

```
plot(log(salario) ~ log(salini), data = empleados)
abline(modelo2)
```

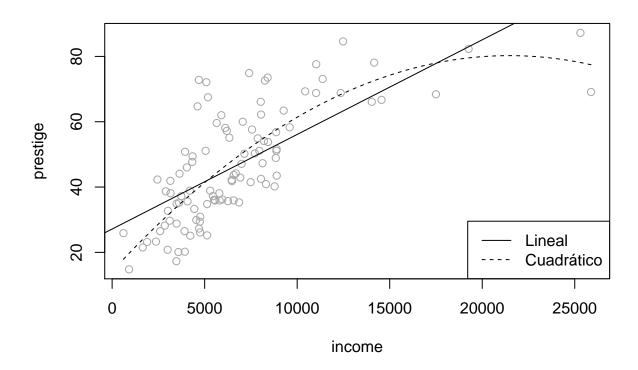
7.9. ALTERNATIVAS 107



#### 7.9.2 Ajuste polinómico

En este apartado utilizaremos como ejemplo el conjunto de datos Prestige de la librería car. Al tratar de explicar prestige (puntuación de ocupaciones obtenidas a partir de una encuesta ) a partir de income (media de ingresos en la ocupación), un ajuste cuadrático puede parecer razonable:

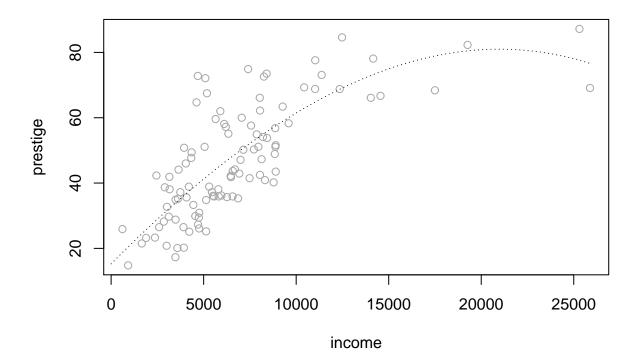
```
# library(car)
plot(prestige ~ income, data = Prestige, col = 'darkgray')
# Ajuste lineal
abline(lm(prestige ~ income, data = Prestige))
# Ajuste cuadrático
modelo <- lm(prestige ~ income + I(income^2), data = Prestige)
parest <- coef(modelo)
curve(parest[1] + parest[2]*x + parest[3]*x^2, lty = 2, add = TRUE)
legend("bottomright", c("Lineal", "Cuadrático"), lty = 1:2)</pre>
```



Alternativamente se podría emplear la función poly:

```
plot(prestige ~ income, data = Prestige, col = 'darkgray')
# Ajuste cúbico
modelo <- lm(prestige ~ poly(income, 3), data = Prestige)
valores <- seq(0, 26000, len = 100)
pred <- predict(modelo, newdata = data.frame(income = valores))
lines(valores, pred, lty = 3)</pre>
```

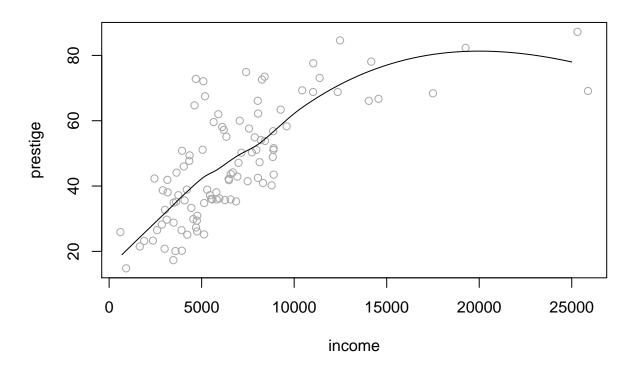
7.9. ALTERNATIVAS 109



### 7.9.3 Ajuste polinómico local (robusto)

Si no se logra un buen ajuste empleando los modelos anteriores se puede pensar en utilizar métodos no paramétricos (p.e. regresión aditiva no paramétrica). Por ejemplo, enR es habitual emplear la función loess (sobre todo en gráficos):

```
plot(prestige ~ income, Prestige, col = 'darkgray')
fit <- loess(prestige ~ income, Prestige, span = 0.75)
valores <- seq(0, 25000, 100)
pred <- predict(fit, newdata = data.frame(income = valores))
lines(valores, pred)</pre>
```



Este tipo de modelos los trataremos con detalle más adelante...

# Capítulo 8

# Modelos lineales generalizados

Los modelos lineales generalizados son una extensión de los modelos lineales para el caso de que la distribución condicional de la variable respuesta no sea normal (por ejemplo discreta: Bernouilli, Binomial, Poisson, ...)

En los modelo lineales se supone que:

$$E(Y|\mathbf{X}) = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_p X_p$$

En los modelos lineales generalizados se introduce una función invertible g, denominada función enlace (o link):

$$g(E(Y|\mathbf{X})) = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_p X_p$$

# 8.1 Ajuste: función glm

Para el ajuste (estimación de los parámetros) de un modelo lineal generalizado a un conjunto de datos (por máxima verosimilitud) se emplea la función glm:

```
ajuste <- glm(formula, family = gaussian, datos, ...)</pre>
```

El parámetro family indica la distribución y el link. Por ejemplo:

- gaussian(link = "identity"), gaussian(link = "log")
- binomial(link = "logit"), binomial(link = "probit")
- poisson(link = "log")
- Gamma(link = "inverse")

Para cada distribución se toma por defecto una función link (mostrada en primer lugar; ver help(family) para más detalles).

Muchas de las herramientas y funciones genéricas disponibles para los modelos lineales son válidas también para este tipo de modelos: summary, coef, confint, predict, anova, ....

Veremos con más detalle el caso particular de la regresión logística.

## 8.2 Regresión logística

#### 8.2.1 Ejemplo

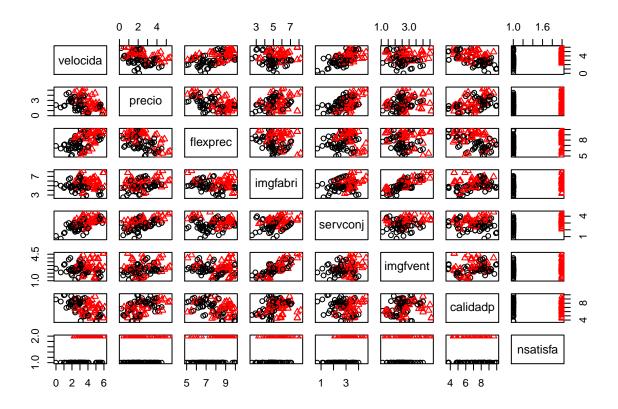
Como ejemplo emplearemos los datos de clientes de la compañía de distribución industrial (Compañía Hair, Anderson y Tatham).

```
load("datos/hatco.RData")
as.data.frame(attr(hatco, "variable.labels"))
```

```
attr(hatco, "variable.labels")
##
## empresa
                                   Empresa
## tamano
                      Tamaño de la empresa
## adquisic
                 Estructura de adquisición
## tindustr
                         Tipo de industria
## tsitcomp
               Tipo de situación de compra
## velocida
                      Velocidad de entrega
## precio
                          Nivel de precios
## flexprec
                   Flexibilidad de precios
## imgfabri
                     Imagen del fabricante
## servconj
                         Servicio conjunto
## imgfvent
                Imagen de fuerza de ventas
## calidadp
                       Calidad de producto
## fidelida
              Porcentaje de compra a HATCO
## satisfac
                       Satisfacción global
## nfidelid
                   Nivel de compra a HATCO
                     Nivel de satisfacción
## nsatisfa
```

Consideraremos como respuesta la variable *nsatisfa* y como variables explicativas el resto de variables continuas menos *fidelida* y *satisfac*. Eliminamos también la última fila por tener datos faltantes (realmente no sería necesario).

```
datos <- hatco[-100, c(6:12, 16)]
plot(datos, pch = as.numeric(datos$nsatisfa), col = as.numeric(datos$nsatisfa))</pre>
```



#### 8.2.2 Ajuste de un modelo de regresión logística

```
Se emplea la función glm seleccionando family = binomial (la función de enlace por defecto será logit):
```

```
modelo <- glm(nsatisfa ~ velocida + imgfabri , family = binomial, data = datos)
modelo
##</pre>
```

```
## Call: glm(formula = nsatisfa ~ velocida + imgfabri, family = binomial,
       data = datos)
##
##
## Coefficients:
  (Intercept)
                   velocida
                                 imgfabri
##
                                    1.058
##
       -10.127
                      1.203
##
## Degrees of Freedom: 98 Total (i.e. Null); 96 Residual
## Null Deviance:
                        136.4
## Residual Deviance: 88.64
                                AIC: 94.64
```

La razón de ventajas (OR) permite cuantificar el efecto de las variables explicativas en la respuesta (Incremento proporcional en la ventaja o probabilidad de éxito, al aumentar una unidad la variable manteniendo las demás fijas):

```
exp(coef(modelo)) # Razones de ventajas ("odds ratios")
## (Intercept) velocida imgfabri
## 3.997092e-05 3.329631e+00 2.881619e+00
```

## ---

```
exp(confint(modelo))
## Waiting for profiling to be done...
                                   97.5 %
                       2.5 %
## (Intercept) 3.828431e-07 0.001621259
## velocida
               2.061302e+00 5.976208357
## imgfabri
               1.737500e+00 5.247303813
Para obtener un resumen más completo del ajuste también se utiliza summary()
summary(modelo)
##
```

```
## Call:
## glm(formula = nsatisfa ~ velocida + imgfabri, family = binomial,
##
       data = datos)
##
## Deviance Residuals:
##
                                   3Q
      Min
                 1Q
                      Median
                                           Max
           -0.6697 -0.2098
                               0.7865
                                        2.3378
##
  -1.8941
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                            2.1062 -4.808 1.52e-06 ***
## (Intercept) -10.1274
                            0.2685
                                     4.479 7.49e-06 ***
## velocida
                 1.2029
## imgfabri
                 1.0584
                            0.2792
                                     3.790 0.000151 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 136.42 on 98 degrees of freedom
## Residual deviance: 88.64 on 96 degrees of freedom
## AIC: 94.64
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
```

La desvianza (deviance) es una medida de la bondad del ajuste de un modelo lineal generalizado (sería equivalente a la suma de cuadrados residual de un modelo lineal; valores más altos indican peor ajuste). La Null deviance se correspondería con un modelo solo con la constante y la Residual deviance con el modelo ajustado. En este caso hay una reducción de 47.78 con una pérdida de 2 grados de libertad (una reducción significativa).

Para contrastar globalmente el efecto de las covariables también podemos emplear:

```
modelo.null <- glm(nsatisfa ~ 1, binomial, datos)</pre>
anova(modelo.null, modelo, test = "Chi")
## Analysis of Deviance Table
##
## Model 1: nsatisfa ~ 1
## Model 2: nsatisfa ~ velocida + imgfabri
    Resid. Df Resid. Dev Df Deviance Pr(>Chi)
## 1
            98
                   136.42
                    88.64 2 47.783 4.207e-11 ***
## 2
            96
```

8.3. PREDICCIÓN 115

```
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

#### 8.3 Predicción

Las predicciones se obtienen también con la función predict:

```
p.est <- predict(modelo, type = "response")</pre>
```

El parámetro type = "response" permite calcular las probabilidades estimadas de la segunda categoría.

Podríamos obtener una tabla de clasificación:

```
cat.est <- as.numeric(p.est > 0.5)
tabla <- table(datos$nsatisfa, cat.est)
tabla
##
         cat.est
##
           0 1
##
     bajo 44 10
##
     alto 7 38
print(100*prop.table(tabla), digits = 2)
##
         cat.est
##
             0
                  1
##
     bajo 44.4 10.1
     alto 7.1 38.4
##
```

Por defecto predict obtiene las predicciones correspondientes a las observaciones (modelo\$fitted.values). Para otros casos hay que emplear el argumento newdata.

# 8.4 Selección de variables explicativas

El objetivo sería conseguir un buen ajuste con el menor número de variables explicativas posible.

Para actualizar un modelo (p.e. eliminando o añadiendo variables) se puede emplear la función update:

```
modelo.completo <- glm(nsatisfa ~ . , family = binomial, data = datos)
summary(modelo.completo)</pre>
```

```
##
## Call:
## glm(formula = nsatisfa ~ ., family = binomial, data = datos)
##
## Deviance Residuals:
##
                   1Q
                         Median
                                                Max
## -2.01370 -0.31260 -0.02826
                                  0.35423
                                            1.74741
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) -32.6317
                            7.7121 -4.231 2.32e-05 ***
                 3.9980
                                     1.711 0.087019 .
## velocida
                            2.3362
## precio
                 3.6042
                            2.3184
                                     1.555 0.120044
                                    3.557 0.000375 ***
## flexprec
                1.5769
                            0.4433
## imgfabri
                 2.1669
                            0.6857
                                   3.160 0.001576 **
```

```
-4.2655
                           4.3526
                                   -0.980 0.327096
## servconj
## imgfvent
               -1.1496
                           0.8937 -1.286 0.198318
## calidadp
                0.1506
                           0.2495
                                    0.604 0.546147
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 136.424 on 98 degrees of freedom
## Residual deviance: 60.807 on 91 degrees of freedom
## AIC: 76.807
## Number of Fisher Scoring iterations: 7
modelo.reducido <- update(modelo.completo, . ~ . - calidadp)</pre>
summary(modelo.reducido)
##
## Call:
## glm(formula = nsatisfa ~ velocida + precio + flexprec + imgfabri +
       servconj + imgfvent, family = binomial, data = datos)
##
##
## Deviance Residuals:
##
      Min
            10
                    Median
                                          Max
                                  30
## -2.0920 -0.3518 -0.0280
                              0.3876
                                       1.7885
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) -31.6022
                        7.3962 -4.273 1.93e-05 ***
                           2.2077
## velocida
                4.1831
                                    1.895 0.058121 .
## precio
                3.8872
                           2.1685
                                   1.793 0.073044
## flexprec
                           0.4361
                                    3.543 0.000396 ***
                1.5452
## imgfabri
                           0.6746
                2.1984
                                    3.259 0.001119 **
## servconj
               -4.6985
                           4.0597 -1.157 0.247125
## imgfvent
               -1.1387
                           0.8784 -1.296 0.194849
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
  (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
      Null deviance: 136.424 on 98 degrees of freedom
## Residual deviance: 61.171 on 92 degrees of freedom
## AIC: 75.171
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 7
```

Para obtener el modelo "óptimo" lo ideal sería evaluar todos los modelos posibles. En este caso no se puede emplear la función regsubsets del paquete leaps (sólo para modelos lineales), pero por ejemplo el paquete bestglm proporciona una herramienta equivalente (bestglm()).

#### 8.4.1 Selección por pasos

La función stepwise del paquete RcmdrMisc (interfaz de stepAIC del paquete MASS) permite seleccionar el modelo por pasos según criterio AIC o BIC:

```
library(MASS)
library(RcmdrMisc)
modelo <- stepwise(modelo.completo, direction='backward/forward', criterion='BIC')</pre>
##
## Direction: backward/forward
## Criterion: BIC
## Start: AIC=97.57
## nsatisfa ~ velocida + precio + flexprec + imgfabri + servconj +
      imgfvent + calidadp
##
##
             Df Deviance
                            AIC
## - calidadp 1 61.171 93.337
## - servconj 1 61.565 93.730
## - imgfvent 1 62.668 94.834
## - precio 1 62.712 94.878
## - velocida 1 63.105 95.271
## <none>
                60.807 97.568
## - imgfabri 1 76.251 108.416
## - flexprec 1 82.443 114.609
##
## Step: AIC=93.34
## nsatisfa ~ velocida + precio + flexprec + imgfabri + servconj +
##
      imgfvent
##
##
             Df Deviance
                            AIC
## - servconj 1 62.205 89.776
## - imgfvent 1 63.055 90.625
## - precio 1 63.698 91.269
## - velocida 1 63.983 91.554
## <none>
                 61.171 93.337
## + calidadp 1 60.807 97.568
## - imgfabri 1 77.823 105.394
## - flexprec 1 82.461 110.032
##
## Step: AIC=89.78
## nsatisfa ~ velocida + precio + flexprec + imgfabri + imgfvent
##
##
            Df Deviance
                           AIC
## - imgfvent 1 64.646 87.622
## <none>
                 62.205 89.776
## + servconj 1 61.171 93.337
## + calidadp 1 61.565 93.730
## - imgfabri 1 78.425 101.401
## - precio
             1 79.699 102.675
## - flexprec 1 82.978 105.954
## - velocida 1 88.731 111.706
##
## Step: AIC=87.62
## nsatisfa ~ velocida + precio + flexprec + imgfabri
##
##
            Df Deviance
                64.646 87.622
## <none>
```

```
## + imgfvent 1 62.205 89.776

## + servconj 1 63.055 90.625

## + calidadp 1 63.890 91.460

## - precio 1 80.474 98.854

## - flexprec 1 83.663 102.044

## - imgfabri 1 85.208 103.588

## - velocida 1 89.641 108.021

summary(modelo)
```

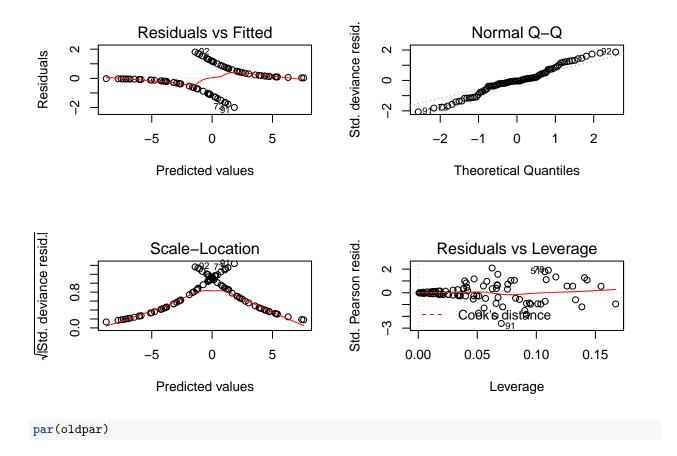
```
##
## Call:
## glm(formula = nsatisfa ~ velocida + precio + flexprec + imgfabri,
      family = binomial, data = datos)
##
## Deviance Residuals:
       Min 1Q
                       Median
                                     ЗQ
                                             Max
## -1.99422 -0.36209 -0.03932 0.44249
                                         1.80432
##
## Coefficients:
            Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) -28.0825 6.4767 -4.336 1.45e-05 ***
## velocida 1.6268
                                 3.812 0.000138 ***
                          0.4268
                       0.4231 3.250 0.001155 **
## precio
              1.3749
                          0.3785 3.530 0.000415 ***
## flexprec
              1.3364
           1.5168
                          0.4252 3.567 0.000361 ***
## imgfabri
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 136.424 on 98 degrees of freedom
## Residual deviance: 64.646 on 94 degrees of freedom
## AIC: 74.646
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

# 8.5 Diagnosis del modelo

#### 8.5.1 Gráficas básicas de diagnóstico

Con la función plot se pueden generar gráficos de interés para la diagnosis del modelo:

```
oldpar <- par( mfrow=c(2,2))
plot(modelo)</pre>
```

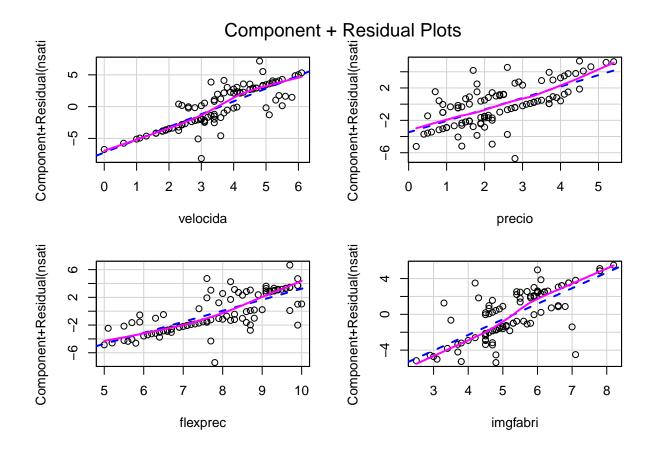


Aunque su interpretación difiere un poco de la de los modelos lineales...

#### 8.5.2 Gráficos parciales de residuos

Se pueden generar gráficos parciales de residuos (p.e. crPlots() del paquete car):

```
# library(car)
crPlots(modelo)
```



#### 8.5.3 Estadísticos

Se pueden emplear las mismas funciones vistas en los modelos lineales para obtener medidas de diagnosis de interés (ver help(influence.measures)). Por ejemplo:

```
residuals(model, type = "deviance")
```

proporciona los residuos deviance.

## 2.088609 2.653934 2.520042 1.930409

En general, muchas de las herramientas para modelos lineales son también válidas para estos modelos. Por ejemplo:

```
# library(car)
vif(modelo)
## velocida precio flexprec imgfabri
```

#### 8.6 Alternativas

Además de considerar ajustes polinómicos, pueden ser de interés emplear métodos no paramétricos. Por ejemplo, puede ser recomendable la función gam del paquete mgcv.

# Capítulo 9

# Regresión no paramétrica

No se supone ninguna forma concreta en el efecto de las variables explicativas:

$$Y = f(\mathbf{X}) + \varepsilon,$$

con f función "cualquiera" (suave).

- Métodos disponibles en R:
  - Regresión local (métodos de suavizado): loess(), KernSmooth, sm, ...
  - Modelos aditivos generalizados (GAM): gam, mgcv, ...

**-** ..

#### 9.1 Modelos aditivos

Se supone que:

$$Y = \beta_0 + f_1(\mathbf{X}_1) + f_2(\mathbf{X}_2) + \dots + f_p(\mathbf{X}_p) + \varepsilon,$$

con  $f_i$ , i = 1, ..., p, funciones cualesquiera.

- Los modelos lineales son un caso particular considerando  $f_i(x) = \beta_i \mathring{u}x$ .
- Adicionalmente se puede considerar una función link: Modelos aditivos generalizados (GAM)
  - Hastie, T.J. y Tibshirani, R.J. (1990). Generalized Additive Models. Chapman & Hall.
  - Wood, S. N. (2006). Generalized Additive Models: An Introduction with R. Chapman & Hall/CRC

#### 9.1.1 Ajuste: función gam

La función gam del paquete mgcv permite ajustar modelos aditivos (generalizados) empleando regresión por splines (ver help("mgcv-package")):

```
library(mgcv)
ajuste <- gam(formula, family = gaussian, datos, pesos, seleccion, na.action, ...)</pre>
```

Algunas posibilidades de uso son las que siguen:

• Modelo lineal:

```
ajuste \leftarrow gam(y \sim x1 + x2 + x3)
```

• Modelo aditivo con efectos no paramétricos para x1 y x2, y un efecto lineal para x3:

```
ajuste - gam(y - s(x1) + s(x2) + x3)
```

• Modelo no aditivo (con interacción):

```
ajuste \leftarrow gam(y \sim s(x1, x2))
```

• Modelo con distintas combinaciones:

```
ajuste \leftarrow gam(y \sim s(x1, x2) + s(x3) + x4)
```

#### 9.1.2 Ejemplo

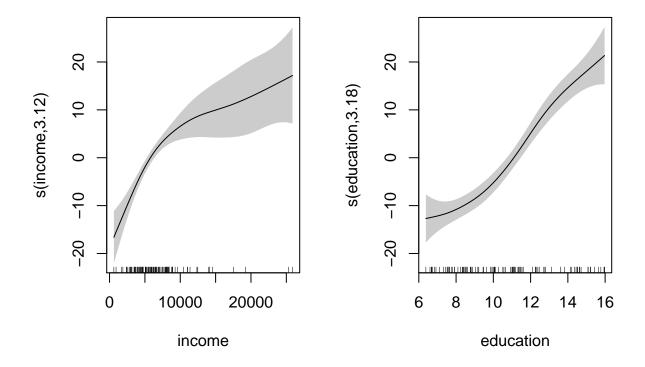
En esta sección utilizaremos como ejemplo el conjunto de datos Prestige de la librería car. Se tratará de explicar prestige (puntuación de ocupaciones obtenidas a partir de una encuesta ) a partir de income (media de ingresos en la ocupación) y education (media de los años de educación).

```
library(mgcv)
library(car)
modelo <- gam(prestige ~ s(income) + s(education), data = Prestige)
summary(modelo)</pre>
```

```
##
## Family: gaussian
## Link function: identity
##
## Formula:
## prestige ~ s(income) + s(education)
##
## Parametric coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 46.8333
                           0.6889
                                    67.98
                                          <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Approximate significance of smooth terms:
##
                 edf Ref.df
                                F p-value
               3.118 3.877 14.61 1.53e-09 ***
## s(income)
## s(education) 3.177 3.952 38.78 < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## R-sq.(adj) = 0.836
                        Deviance explained = 84.7%
## GCV = 52.143 Scale est. = 48.414
                                       n = 102
```

En este caso la función plot representa los efectos (parciales) estimados de cada covariable:

```
par.old <- par(mfrow = c(1, 2))
plot(modelo, shade = TRUE) #</pre>
```



par(par.old)

#### 9.1.3 Superficie de predicción

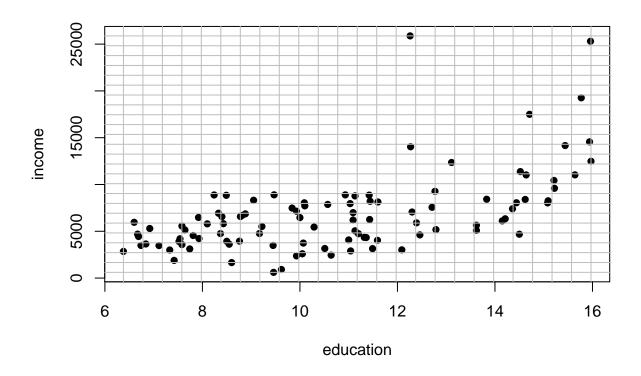
Las predicciones se obtienen también con la función predict:

```
pred <- predict(modelo)</pre>
```

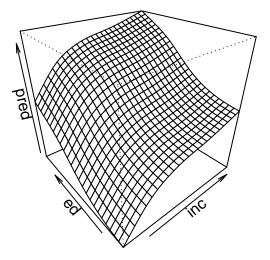
Por defecto predict obtiene las predicciones correspondientes a las observaciones (modelo\$fitted.values). Para otros casos hay que emplear el argumento newdata.

Para representar las estimaciones (la superficie de predicción) obtenidas con el modelo se puede utilizar la función persp. Esta función necesita que los valores (x,y) de entrada estén dispuestos en una rejilla bidimensional. Para generar esta rejilla se puede emplear la función expand.grid(x,y) que crea todas las combinaciones de los puntos dados en x e y.

```
inc <- with(Prestige, seq(min(income), max(income), len = 25))
ed <- with(Prestige, seq(min(education), max(education), len = 25))
newdata <- expand.grid(income = inc, education = ed)
# Representamos la rejilla
plot(income ~ education, Prestige, pch = 16)
abline(h = inc, v = ed, col = "grey")</pre>
```

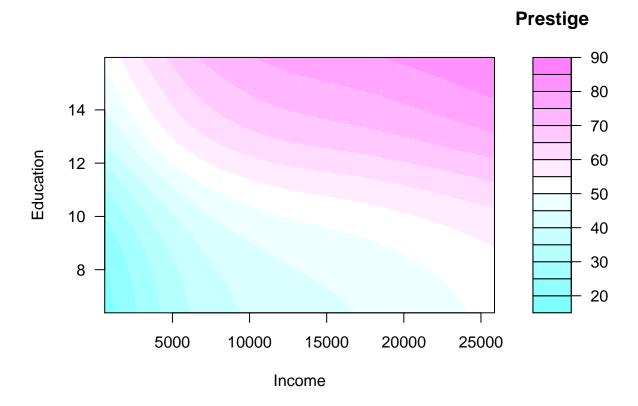


```
# Se calculan las predicciones
pred <- predict(modelo, newdata)
# Se representan
pred <- matrix(pred, nrow = 25)
persp(inc, ed, pred, theta = -40, phi = 30)</pre>
```



Alternativamente se podría emplear la función contour o filled.contour:

```
# contour(inc, ed, pred, xlab = "Income", ylab = "Education")
filled.contour(inc, ed, pred, xlab = "Income", ylab = "Education", key.title = title("Prestige"))
```



Puede ser más cómodo emplear el paquete modelr junto a los gráficos ggplot2 para trabajar con modelos y predicciones.

#### 9.1.4 Comparación de modelos

Además de las medidas de bondad de ajuste como el coeficiente de determinación ajustado, también se puede emplear la función anova para la comparación de modelos. Por ejemplo, viendo el gráfico de los efectos se podría pensar que el efecto de education podría ser lineal:

```
# plot(modelo)
modelo0 <- gam(prestige ~ s(income) + education, data = Prestige)</pre>
summary(modelo0)
##
## Family: gaussian
## Link function: identity
##
## Formula:
  prestige ~ s(income) + education
##
## Parametric coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                 4.2240
                            3.7323
                                     1.132
                                               0.261
                 3.9681
##
  education
                            0.3412 11.630
                                              <2e-16 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
## Approximate significance of smooth terms:
             edf Ref.df
                         F p-value
## s(income) 3.58 4.441 13.6 1.16e-09 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## R-sq.(adj) = 0.825 Deviance explained = 83.3\%
## GCV = 54.798 Scale est. = 51.8
anova(modelo0, modelo, test="F")
## Analysis of Deviance Table
##
## Model 1: prestige ~ s(income) + education
## Model 2: prestige ~ s(income) + s(education)
   Resid. Df Resid. Dev
                            Df Deviance
                                             F Pr(>F)
       95.559 4994.6
## 1
       93.171
                 4585.0 2.3886 409.58 3.5418 0.0257 *
## 2
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
En este caso aceptaríamos que el modelo original es significativamente mejor.
Alternativamente, podríamos pensar que hay interacción:
modelo2 <- gam(prestige ~ s(income, education), data = Prestige)</pre>
summary(modelo2)
##
## Family: gaussian
## Link function: identity
##
## Formula:
## prestige ~ s(income, education)
##
## Parametric coefficients:
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 46.8333 0.7138 65.61 <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Approximate significance of smooth terms:
                                     F p-value
##
                       edf Ref.df
## s(income, education) 4.94 6.303 75.41 <2e-16 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## R-sq.(adj) = 0.824 Deviance explained = 83.3\%
## GCV = 55.188 Scale est. = 51.974 n = 102
```

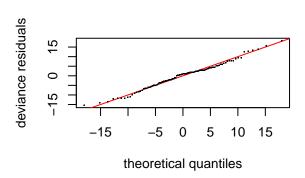
En este caso el coeficiente de determinación ajustado es menor...

# plot(modelo2, se = FALSE)

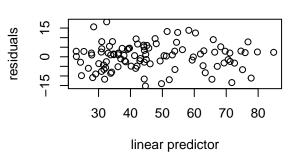
#### 9.1.5Diagnosis del modelo

La función gam.check realiza una diagnosis del modelo:

gam.check(modelo)

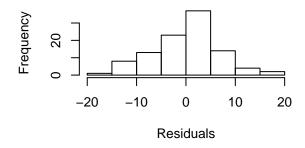


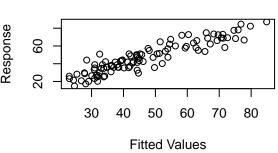
### Resids vs. linear pred.



### Histogram of residuals

# Response vs. Fitted Values





```
##
                 Optimizer: magic
## Method: GCV
## Smoothing parameter selection converged after 4 iterations.
  The RMS GCV score gradient at convergence was 9.783945e-05.
## The Hessian was positive definite.
## Model rank = 19 / 19
##
## Basis dimension (k) checking results. Low p-value (k-index<1) may
## indicate that k is too low, especially if edf is close to k'.
##
                      edf k-index p-value
## s(income)
                9.00 3.12
                             0.98
                                     0.39
## s(education) 9.00 3.18
                             1.03
                                     0.57
```

Lo ideal sería observar normalidad en los dos gráficos de la izquierda, falta de patrón en el superior derecho, y ajuste a una recta en el inferior derecho. En este caso parece que el modelo se comporta adecuadamente.

# Capítulo 10

# Programación

En este capítulo se introducirán los comandos básicos de programación en R...

#### 10.1 Funciones

El lenguaje R permite al usuario definir sus propias funciones. El esquema de una función es el que sigue: nombre <- function(arg1, arg2, ...) {expresión}

- En la expresión anterior arg1, arg2, ... son los argumentos de entrada (también llamados parámetros)
  - La expresión está compuesta de comandos que utilizan los argumentos de entrada para dar la salida deseada.
  - La salida de una función puese ser un número, un vector, una grafica, un mensaje, etc.

#### 10.1.1 Ejemplo: progresión geométrica

Para introducirnos en las funciones, vamos a escribir una función que permita trabajar con las llamadas progresiones geométricas.

Una progresión geométrica es una sucesión de números  $a_1, a_2, a_3...$  tales que cada uno de ellos (salvo el primero) es igual al anterior multiplicado por una constante llamada **razón**, que representaremos por r. Ejemplos:

- $a_1 = 1, r = 2$ :
  - 1, 2, 4, 8, 16,...
- $a_1 = -1, r = -2$ :
  - 1, -2, 4, -8, 16,...

Según la definición anterior, se verifica que:

$$a_2 = a_1 \cdot r; \quad a_3 = a_2 \cdot r = a_1 \cdot r^2; \quad \dots$$

y generalizando este proceso se obtiene el llamado término general:

$$a_n = a_1 \cdot r^{n-1}$$

También se puede comprobar que la suma de los n términos de la progresión es:

$$S_n = a_1 + \ldots + a_n = \frac{a_1(r^n - 1)}{r - 1}$$

La siguiente función, que llamaremos an calcula el término  $a_n$  de una progresión geométrica pasando como entrada el primer elemento a1, la razón  $\mathbf{r}$  y el valor  $\mathbf{n}$ :

```
an <- function(a1, r, n) {
      a1 * r^(n - 1)
}</pre>
```

A continuación algún ejemplo para comprobar su funcionamiento:

```
an(a1 = 1, r = 2, n = 5)
```

```
## [1] 16 an(a1 = 4, r = -2, n = 6)
```

## [1] -128
$$an(a1 = -50, r = 4, n = 6)$$

## [1] -51200

Con la función anterior se pueden obtener, con una sola llamada, varios valores de la progresión:

```
an(a1 = 1, r = 2, n = 1:5) # a1, ..., a5
```

```
## [1] 1 2 4 8 16
an(a1 = 1, r = 2, n = 10:15) # a10, ..., a15
```

## [1] 512 1024 2048 4096 8192 16384

La función Sn calcula la suma de los primeros n elementos de la progresión:

```
Sn <- function(a1, r, n) {
      a1 * (r^n - 1) / (r - 1)
    }
Sn(a1 = 1, r = 2, n = 5)</pre>
```

```
## [1] 31
```

```
an(a1 = 1, r = 2, n = 1:5) # Valores de la progresión
```

```
## [1] 1 2 4 8 16
```

```
Sn(a1 = 1, r = 2, n = 1:5) # Suma de los valores
```

```
## [1] 1 3 7 15 31
```

```
\# cumsum(an(a1 = 1, r = 2, n = 1:5))
```

#### 10.1.2 Argumentos de entrada

Como ya hemos comentado, los argumentos son los valores de entrada de una función.

• Por ejemplo, en la función anterior:

10.1. FUNCIONES 131

```
an <- function(a1, r, n) {a1 * r^(n - 1)}
```

los argumentos de entrada son a1, r y n.

Veamos alguna consideración sobre los argumentos:

• No es necesario utilizar el nombre de los argumentos. En este caso es obligatorio mantener el orden de entrada. Por ejemplo, las siguientes llamadas son equivalentes:

```
an(1, 2, 5)

## [1] 16

an(a1 = 1, r = 2, n = 5)

## [1] 16
```

• Si se nombran los argumentos, se pueden pasar en cualquier orden:

```
an(r = 2, n = 5, a1 = 1)

## [1] 16

an(n = 5, r = 2, a1 = 1)

## [1] 16
```

#### 10.1.2.1 Argumentos por defecto

En muchas ocasiones resulta muy interesante que las funciones tengan argumentos por defecto.

Por ejemplo, si se quiere que en una función:

```
nombre <- function(arg1, arg2, arg3, arg4, ...) { expresión }
```

los argumento arg2 y arg3 tomen por defecto los valores a y b respectivamentebastaría con escribir:

```
nombre <- function(arg1, arg2 = a, arg3 = b, arg4, ...) { expresión }
```

Para comprender mejor esto considérese el siguiente ejemplo ilustrativo:

```
xy2 <- function(x = 2, y = 3) { x * y^2 }
xy2()

## [1] 18
xy2(x = 1, y = 4)

## [1] 16
xy2(y = 4)</pre>
```

```
10.1.2.2 El argumento . . .
```

## [1] 32

El argumento "..." permite pasar de manera "libre" argumentos adicionales para ser utilizados por otra "subfunción" dentro de la función principal.

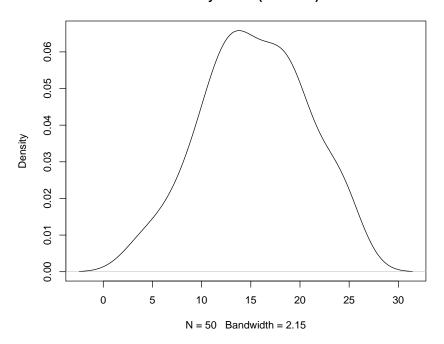
Por ejemplo, en la función:

```
Density.Plot <- function(datos, ...) { plot(density(datos), ...) }</pre>
```

a partir del primer argumento, los argumentos se incluirán en . . . y serán utilizados por la función plot.

```
data(cars)
Density.Plot(cars$speed)
```

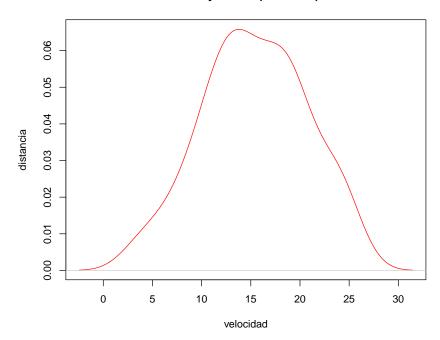
#### density.default(x = datos)



```
Density.Plot(cars$speed, col = 'red', xlab = "velocidad", ylab = "distancia")
```

10.1. FUNCIONES

#### density.default(x = datos)



Los argumentos de entrada de una función se obtienen ejecutando args(funcion):

```
args(an)
## function (a1, r, n)
## NULL
args(xy2)
## function (x = 2, y = 3)
## NULL
str(args(Density.Plot))
## function (datos, ...)
Por otro lado, al escribir el nombre de una función se obtiene su contenido:
an
## function(a1, r, n) {
## a1 * r^(n - 1)
## }
## <bytecode: 0x0000000018cae888>
```

#### 10.1.3 Salida

El valor que devolverá una función será:

- el último objeto evaluado dentro de ella, o
- lo indicado dentro de la sentencia return.

Como las funciones pueden devolver objetos de varios tipos es hatibual que la salida sea una lista.

```
an <- function(a1, r, n) { a1 * r^(n - 1) }
Sn <- function(a1, r, n) { a1 * (r^n - 1) / (r - 1) }

asn <- function(a1 = 1, r = 2, n = 5) {
    A <- an(a1, r, n)
    S <- Sn(a1, r, n)
    ii <- 1:n
    AA <- an(a1, r, ii)
    SS <- Sn(a1, r, ii)
    return(list(an = A, Sn = S, salida = data.frame(valores = AA, suma = SS)))
}</pre>
```

La función asn utiliza las funiones an y Sn programadas antes y devuelve como salida una lista con las siguientes componentes:

- an: valor de  $a_n$
- Sn: valor de  $S_n$
- salida: data.frame con dos variables
  - salida: vector con las n primeras componentes de la progresión
  - $-\,$  suma: suma de las n primeras componentes

```
asn()
```

```
## $an
## [1] 16
##
## $Sn
## [1] 31
##
## $salida
##
     valores suma
## 1
           1
## 2
           2
                3
## 3
           4
               7
## 4
           8
               15
          16
```

La salida de la función anterior es una lista y se puede acceder a los elementos de la misma:

```
res <- asn()
res$an

## [1] 16
res$Sn

## [1] 31
res$salida
```

```
##
     valores suma
## 1
           1
                 1
## 2
           2
                 3
           4
                7
## 3
## 4
           8
                15
## 5
          16
                31
```

10.1. FUNCIONES 135

#### 10.1.4 Otros ejemplos

#### 10.1.4.1 Ejemplo: letra del DNI

A continuación se calculará la letra del DNI a partir de su correspondiente número. El método utilizado para obtener la letra del DNI consiste en dividir el número entre 23 y según el resto obtenido adjudicar la letra que figura en la siguiente tabla:

resto	letra	resto	letra	resto	letra
0	Т	8	Р	16	Q
1	R	9	D	17	V
2	W	10	X	18	$\mathbf{H}$
3	A	11	В	19	${ m L}$
4	G	12	N	20	$\mathbf{C}$
5	M	13	J	21	K
6	Y	14	$\mathbf{Z}$	22	$\mathbf{E}$
7	$\mathbf{F}$	15	$\mathbf{S}$		

La siguiente función permite obtener la letra del DNI:

## [1] "G"

#### 10.1.4.2 Ejemplo: simulación del lanzamiento de un dado

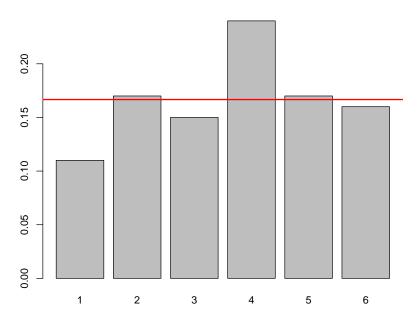
La siguiente función simula n (por defecto n = 100) lanzamientos de un dado. La función devuelve la tabla de frecuencias y realiza el correspondiente gráfico:

```
dado <- function(n = 100) {
  lanzamientos <- sample(1:6, n, rep = TRUE)
  frecuencias <- table(lanzamientos) / n
  barplot(frecuencias, main = paste("Número de lanzamientos=", n))
  abline(h = 1 / 6, col = 'red', lwd = 2)
  return(frecuencias)
}</pre>
```

A continuación se muestran los resultados obtendidos para varias simulaciones:

dado(100)

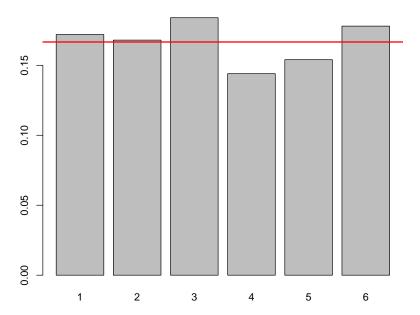
#### Número de lanzamientos= 100



```
## lanzamientos
## 1 2 3 4 5 6
## 0.11 0.17 0.15 0.24 0.17 0.16
dado(500)
```

10.1. FUNCIONES 137

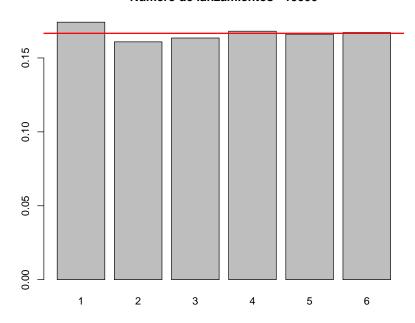
#### Número de lanzamientos= 500



## lanzamientos
## 1 2 3 4 5 6
## 0.172 0.168 0.184 0.144 0.154 0.178

dado(10000)

#### Número de lanzamientos= 10000



```
## lanzamientos
## 1 2 3 4 5 6
## 0.1742 0.1609 0.1635 0.1681 0.1661 0.1672
```

Se puede comprobar que al aumentar el valor de n las frecuencias se aproximan al valor teórico 1/6 = 0.1667.

#### 10.1.5 Variables locales y globales

En R no es necesario declarar las variables usadas dentro de una función. Se utiliza la regla llamada "ámbito lexicográfico" para decidir si un objeto es local a una función o global.

Para entender mejor esto se consideran los siguientes ejemplos:

```
fun <- function() print(x)
x <- 1
fun()</pre>
```

```
## [1] 1
```

La variable x no está definida dentro de fun, así que R busca x en el entorno en el que se llamó a la función e imprimirá su valor.

Si x es utilizado como el nombre de un objeto dentro de la función, el valor de x en el ambiente global (fuera de la función) no cambia.

```
x <- 1
fun2 <- function() {
    x <- 2
    print(x)
}</pre>
```

```
## [1] 2
x
```

#### ## [1] 1

Para que el valor "global" de una variable pueda ser cambidado dentro de una función se utiliza la doble asignación <<-.

```
x <- 1
y <- 3
fun2 <- function() {
    x <- 2
    y <<- 5
    print(x)
    print(y)
}
fun2()</pre>
```

```
## [1] 2
## [1] 5
x # No cambió su valor
```

```
## [1] 1
```

```
y # Cambió su valor
## [1] 5
```

## 10.2 Ejecución condicional

Para hacer ejecuciones condicionales de código se usa el comando if con sintaxis:

```
if (condicion1) {expresión1} else {expresión2}
```

La siguiente función comprueba si un número es múltiplo de dos:

```
multiplo2 = function(x) {
  if (x %% 2 == 0) {
    print(paste(x,'es múltiplo de dos'))
  } else {
    print(paste(x,'no es múltiplo de dos'))
  }
}
multiplo2(5)
```

```
## [1] "5 no es múltiplo de dos"
multiplo2(-2.3)
## [1] "-2.3 no es múltiplo de dos"
multiplo2(10)
```

## [1] "10 es múltiplo de dos"

# 10.3 Bucles y vectorización

#### 10.3.1 Bucles

R permite crear bucles repetitivos (loops) y la ejecución condicional de sentencias. R admite bucles for, repeat and while.

#### 10.3.1.1 El bucle for

La sintaxis de un bucle for es la que sigue:

```
for (i in lista_de_valores) { expresión }
```

Por ejemplo, dado un vector x se puede calcular  $y=x^2$  con el código:

```
x <- seq(-2, 2, 0.5)
n <- length(x)
y <- numeric(n) # Es necesario crear el objeto para acceder a los componentes...
for (i in 1:n) { y[i] <- x[i] ^ 2 }
x</pre>
```

```
## [1] -2.0 -1.5 -1.0 -0.5 0.0 0.5 1.0 1.5 2.0
```

```
У
## [1] 4.00 2.25 1.00 0.25 0.00 0.25 1.00 2.25 4.00
x^2
## [1] 4.00 2.25 1.00 0.25 0.00 0.25 1.00 2.25 4.00
Otro ejemplo:
for(i in 1:5) print(i)
## [1] 1
## [1] 2
## [1] 3
## [1] 4
## [1] 5
El siguiente código simula gráficamente el segundero de un reloj:
angulo \leftarrow seq(0, 360, length = 60)
radianes <- angulo * pi / 180
x <- cos(radianes)
y <- sin(radianes)
for (i in 1:360) {
  plot(y, x, axes = FALSE, xlab = "", ylab = "", type = 'l', col = 'grey')
  arrows(0, 0, y[i], x[i], col = 'blue')
  Sys.sleep(1) # espera un segundo
}
```

#### 10.3.1.2 El bucle while

La sintaxis del bucle while es la que sigue:

```
while (condición lógica) { expresión }
```

Por ejemplo, si queremos calcular el primer número entero positivo cuyo cuadrado no excede de 5000, podemos hacer:

```
cuadrado <- 0
n <- 0
while (cuadrado <= 5000) {
    n <- n + 1
    cuadrado <- n^2
}
cuadrado</pre>
```

```
## [1] 5041
n
## [1] 71
n^2
```

## [1] 5041

Nota: Dentro de un bucle se puede emplear el comando break para terminarlo y el comando next para saltar a la siguiente iteración.

#### 10.3.2 Vectorización

Como hemos visto en R se pueden hacer bucles. Sin embargo, es preferible evitar este tipo de estructuras y tratar de utilizar **operaciones vectorizadas** que son mucho más eficientes desde el punto de vista computacional.

Por ejemplo para sumar dos vectores se puede hacer con un for:

```
x <- c(1, 2, 3, 4)
y <- c(0, 0, 5, 1)
n <- length(x)
z <- numeric(n)
for (i in 1:n) {
   z[i] <- x[i] + y[i]
}
z</pre>
```

```
## [1] 1 2 8 5
```

## [1] 1 2 8 5

Sin embargo, la operación anterior se podría hacer de modo más eficiente en modo vectorial:

```
z <- x + y
z
```

#### 10.3.3 Funciones apply

#### 10.3.3.1 La función apply

Una forma de evitar la utilización de bucles es utilizando la sentica apply que permite evaluar una misma función en todas las filas, columnas, .... de un array de forma simultánea.

La sintaxis de esta función es:

```
apply(X, MARGIN, FUN, ...)
```

- X: matriz (o array)
- MARGIN: Un vector indicando las dimensiones donde se aplicará la función. 1 indica filas, 2 indica columnas, y c(1,2) indica filas y columnas.
- FUN: función que será aplicada.
- ...: argumentos opcionales que serán usados por FUN.

Veamos la utilización de la función apply con un ejemplo:

```
x \leftarrow matrix(1:9, nrow = 3)
        [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
           1
                 4
                       7
## [2,]
            2
                 5
                       8
## [3,]
            3
                 6
                       9
apply(x, 1, sum)
                     # Suma por filas
## [1] 12 15 18
apply(x, 2, sum)
                      # Suma por columnas
## [1] 6 15 24
```

#### 10.3.3.2 La función tapply

La function tapply es similar a la función apply y permite aplicar una función a los datos desagregados, utilizando como criterio los distintos niveles de una variable factor. La sintaxis de esta función es como sigue:

```
tapply(X, INDEX, FUN, ...,)
```

- X: matriz (o array).
- INDEX: factor indicando los grupos (niveles).
- FUN: función que será aplicada.
- ...: argumentos opcionales .

Consideremos, por ejemplo, el data.frame ChickWeight con datos de un experimento relacionado con la repercusión de varias dietas en el peso de pollos.

```
data(ChickWeight)
head(ChickWeight)
##
     weight Time Chick Diet
## 1
         42
               0
                      1
               2
## 2
         51
                      1
                           1
## 3
         59
               4
                           1
                      1
## 4
         64
               6
                           1
                      1
## 5
         76
               8
                           1
                      1
## 6
         93
              10
peso <- ChickWeight$weight</pre>
dieta <- ChickWeight$Diet</pre>
levels(dieta) <- c("Dieta 1", "Dieta 2", "Dieta 3", "Dieta 4")</pre>
tapply(peso, dieta, mean) # Peso medio por dieta
## Dieta 1 Dieta 2 Dieta 3 Dieta 4
## 102.6455 122.6167 142.9500 135.2627
tapply(peso, dieta, summary)
## $`Dieta 1`
##
      Min. 1st Qu.
                     Median
                                Mean 3rd Qu.
                                                 Max.
##
     35.00
            57.75
                      88.00 102.65
                                     136.50
                                              305.00
##
## $`Dieta 2`
      Min. 1st Qu.
                     Median
                               Mean 3rd Qu.
##
                                                 Max.
      39.0
##
              65.5
                      104.5
                               122.6
                                       163.0
                                                331.0
##
## $`Dieta 3`
      Min. 1st Qu. Median
##
                               Mean 3rd Qu.
                                                 Max.
##
      39.0
              67.5
                     125.5
                              142.9
                                       198.8
                                                373.0
```

```
##
## $`Dieta 4`
##
      Min. 1st Qu.
                     Median
                                Mean 3rd Qu.
                                                  Max.
##
              71.25
                     129.50
                              135.26
                                     184.75
                                               322.00
Otro ejemplo:
provincia \leftarrow as.factor(c(1, 3, 4, 2, 4, 3, 2, 1, 4, 3, 2))
levels(provincia) = c("A Coruña", "Lugo", "Orense", "Pontevedra")
hijos \leftarrow c(1, 2, 0, 3, 4, 1, 0, 0, 2, 3, 1)
data.frame(provincia, hijos)
##
       provincia hijos
## 1
        A Coruña
## 2
          Orense
                      2
## 3
      Pontevedra
                      3
## 4
            Lugo
## 5
      Pontevedra
## 6
          Orense
                      1
## 7
             Lugo
## 8
                      0
        A Coruña
## 9
      Pontevedra
                      2
## 10
          Orense
                      3
## 11
            Lugo
                      1
tapply(hijos, provincia, mean) # Número medio de hijos por provincia
##
     A Coruña
                               Orense Pontevedra
                     Lugo
##
     0.500000
                 1.333333
                             2.000000
                                         2.000000
```

# 10.4 Aplicación: validación cruzada

Si deseamos evaluar la calidad predictiva de un modelo, lo ideal es disponer de suficientes datos para poder hacer dos grupos con ellos: una muestra de entrenamiento y otra de validación. Cuando hacer esto no es posible, disponemos como alternativa de la validación cruzada, una herramienta que permite estimar los errores de predicción utilizando una única muestra de datos. En su versión más simple (llamada en inglés leave-one-out):

- se utilizan todos los datos menos uno para realizar el ajuste, y se mide su error de predicción en el único dato no utilizado;
- a continuación se repite el proceso utilizando, uno a uno, todos los puntos de la muestra de datos;
- y finalmente se combinan todos los errores en un único error de predicción.

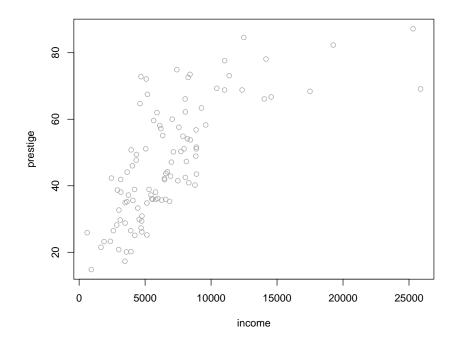
El proceso anterior se puede generalizar repartiendo los datos en distintos grupos, más o menos del mismo tamaño, y sustituyendo en la explicación anterior dato por grupo.

#### 10.4.1 Primer ejemplo

Cuando disponemos de unos datos y los queremos ajustar utilizando un modelo que depende de un parámetro, por ejemplo un modelo de regresión polinómico que depende del grado del polinomio, podemos utilizar la validación cruzada para seleccionar el grado del polinomio que debemos utilizar.

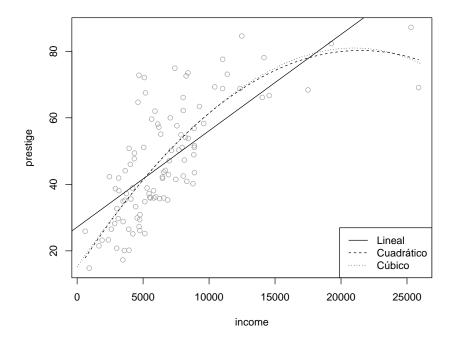
Veámoslo utilizando las variables income y prestige de la base de datos Prestige, incluida en el paquete car.

```
library(car)
plot(prestige ~ income, data = Prestige, col = 'darkgray')
```



Representemos, gráficamente, los ajustes lineal, cuadrático y cúbico.

```
plot(prestige ~ income, data = Prestige, col = 'darkgray')
# Ajuste lineal
abline(lm(prestige ~ income, data = Prestige))
# Ajuste cuadrático
modelo <- lm(prestige ~ income + I(income^2), data = Prestige)
parest <- coef(modelo)
curve(parest[1] + parest[2]*x + parest[3]*x^2, lty = 2, add = TRUE)
# Ajuste cúbico
modelo <- lm(prestige ~ poly(income, 3), data = Prestige)
valores <- seq(0, 26000, len = 100)
pred <- predict(modelo, newdata = data.frame(income = valores))
lines(valores, pred, lty = 3)
legend("bottomright", c("Lineal", "Cuadrático", "Cúbico"), lty = 1:3)</pre>
```

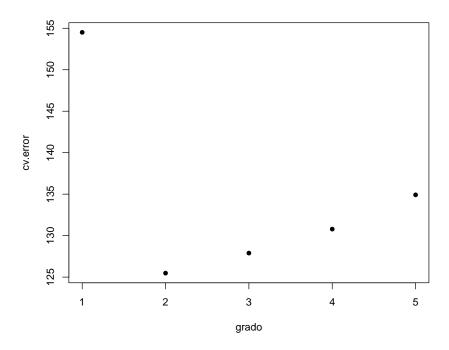


Vamos a escribir una función que nos devuelva, para cada dato (fila) de *Prestige*, la predicción en ese punto ajustando el modelo con todos los demás puntos.

```
cv.lm <- function(formula, datos) {
    n <- nrow(datos)
    cv.pred <- numeric(n)
    for (i in 1:n) {
        modelo <- lm(formula, datos[-i, ])
        cv.pred[i] <- predict(modelo, newdata = datos[i, ])
    }
    return(cv.pred)
}</pre>
```

Por último, calculamos el error de predicción (en este caso el *error cuadrático medio*) en los datos de validación. Repetimos el proceso para cada valor del parámetro (grado del ajuste polinómico) y minimizamos.

```
grado <- 1:5
cv.error <- numeric(5)
for(p in grado){
   cv.pred <- cv.lm(prestige ~ poly(income, p), Prestige)
   cv.error[p] <- mean((cv.pred - Prestige$prestige)^2)
}
plot(grado, cv.error, pch=16)</pre>
```



grado[which.min(cv.error)]

## [1] 2

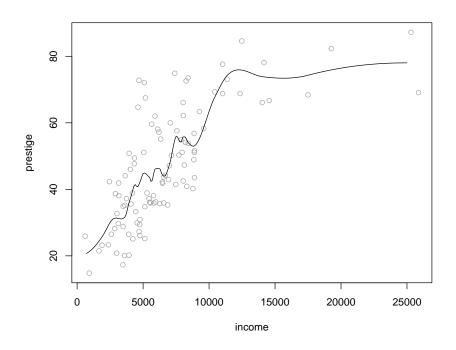
# 10.4.2 Segundo ejemplo

En este segundo ejemplo vamos a aplicar una técnica de modelado *local* al problema de regresión del ejemplo anterior. El enfoque es *data-analytic* en el sentido de que no nos limitamos a una familia de funciones que dependen de unos parámetros (enfoque paramétrico), que son los que tenemos que determinar, sino que las funciones de regresión están determinadas por los datos. Aun así, sigue habiendo un parámetro que controla el proceso, cuyo valor debemos fijar siguiendo algún criterio de optimalidad.

Vamos a realizar, utilizando la función loess, un *ajuste polinómico local robusto*, que depende del parámetro span, que podemos interpretar como la proporción de datos empleada en el ajuste.

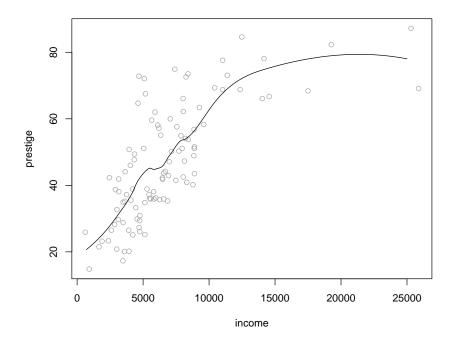
Utilizando un valor span=0.25:

```
plot(prestige ~ income, Prestige, col = 'darkgray')
fit <- loess(prestige ~ income, Prestige, span = 0.25)
valores <- seq(0, 25000, 100)
pred <- predict(fit, newdata = data.frame(income = valores))
lines(valores, pred)</pre>
```



# Si utilizamos span=0.5:

```
plot(prestige ~ income, Prestige, col = 'darkgray')
fit <- loess(prestige ~ income, Prestige, span = 0.5)
valores <- seq(0, 25000, 100)
pred <- predict(fit, newdata = data.frame(income = valores))
lines(valores, pred)</pre>
```

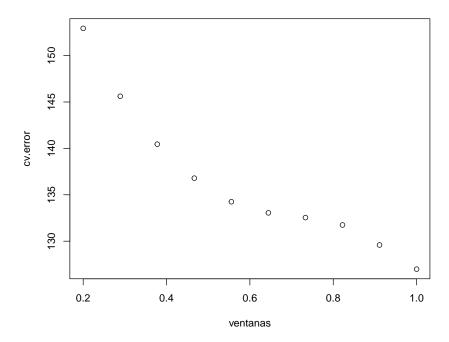


Nuestro objetivo es seleccionar un valor razonable para **span**, y lo vamos a hacer utilizando validación cruzada y minimizando el error cuadrático medio de la predicción en los datos de validación.

### Utilizando la función

y procediendo de modo similar al caso anterior:

```
ventanas <- seq(0.2, 1, len = 10)
np <- length(ventanas)
cv.error <- numeric(np)
for(p in 1:np){
    cv.pred <- cv.loess(prestige ~ income, Prestige, ventanas[p])
    cv.error[p] <- mean((cv.pred - Prestige$prestige)^2)
    # cv.error[p] <- median(abs(cv.pred - Prestige$prestige))
}
plot(ventanas, cv.error)</pre>
```



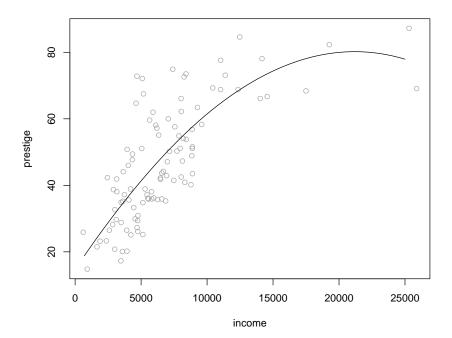
obtenemos la ventana "óptima" (en este caso el valor máximo):

```
span <- ventanas[which.min(cv.error)]
span</pre>
```

## [1] 1

y la correspondiente estimación:

```
plot(prestige ~ income, Prestige, col = 'darkgray')
fit <- loess(prestige ~ income, Prestige, span = span)
valores <- seq(0, 25000, 100)
pred <- predict(fit, newdata = data.frame(income = valores))
lines(valores, pred)</pre>
```



# Capítulo 11

# Generación de informes

### 11.1 R Markdown

R-Markdown es recomendable para difundir análisis realizados con R en formato HTML, PDF y DOCX (Word), entre otros.

### 11.1.1 Introducción

R-Markdown permite combinar Markdown con R. Markdown se diseñó inicialmente para la creación de páginas web a partir de documentos de texto de forma muy sencilla y rápida (tiene unas reglas sintácticas muy simples). Actualmente gracias a múltiples herramientas como pandoc permite generar múltiples tipos de documentos (incluido LaTeX; ver Pandoc Markdown)

Para más detalles ver http://rmarkdown.rstudio.com.

También se dispone de información en la ayuda de RStudio:

- Help > Markdown Quick Reference
- Help > Cheatsheets > R Markdown Cheat Sheet
- Help > Cheatsheets > R Markdown Reference Guide

Al renderizar un fichero rmarkdown se generará un documento que incluye el código R y los resultados incrustados en el documento. En *RStudio* basta con hacer clic en el botón **Knit HTML**. En R se puede emplear la funcion render del paquete *rmarkdown* (por ejemplo: render("8-Informes.Rmd")). También se puede abrir directamente el informe generado:

```
library(rmarkdown)
browseURL(url = render("8-Informes.Rmd"))
```

## 11.1.2 Inclusión de código R

Se puede incluir código R entre los delimitadores  $```\{r\}$  y ````. Por defecto, se mostrará el código, se evaluará y se mostrarán los resultados justo a continuación:

```
head(mtcars[1:3])
```

```
## mpg cyl disp
## Mazda RX4 21.0 6 160
```

```
## Mazda RX4 Wag
                      21.0
                              6
                                 160
## Datsun 710
                              4
                                 108
                      22.8
## Hornet 4 Drive
                              6
                                 258
## Hornet Sportabout 18.7
                                 360
                              8
## Valiant
                      18.1
                              6
                                 225
```

summary(mtcars[1:3])

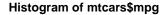
```
##
         mpg
                           cyl
                                            disp
##
    Min.
           :10.40
                             :4.000
                                       Min.
                                               : 71.1
                     Min.
    1st Qu.:15.43
                     1st Qu.:4.000
                                       1st Qu.:120.8
##
##
    Median :19.20
                     Median :6.000
                                       Median :196.3
                                               :230.7
##
    Mean
            :20.09
                     Mean
                             :6.188
                                       Mean
##
    3rd Qu.:22.80
                     3rd Qu.:8.000
                                       3rd Qu.:326.0
            :33.90
                             :8.000
                                               :472.0
##
    Max.
                     Max.
                                       Max.
```

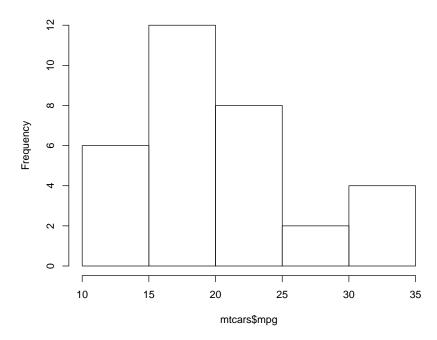
En RStudio pulsando "Ctrl + Alt + I" o en el icono correspondiente se incluye un trozo de código.

Se puede incluir código en línea empleando `r código`, por ejemplo `r 2 + 2` produce 4.

## 11.1.3 Inclusión de gráficos

Se pueden generar gráficos:





Los trozos de código pueden tener nombre y opciones, se establecen en la cabecera de la forma ```{r nombre, op1, op2} (en el caso anterior no se muestra el código, al haber empleado ```{r, echo=FALSE}). Para un listado de las opciones disponibles ver http://yihui.name/knitr/options.

En *RStudio* se puede pulsar en los iconos a la derecha del chunk para establecer opciones, ejecutar todo el código anterior o sólo el correspondiente trozo.

11.1. R MARKDOWN 153

Tabla 11.2: Una kable knitr											
	mpg	cyl	disp	hp	drat	wt	qsec	vs	am	gear	carb
Mazda RX4	21.0	6	160	110	3.90	2.620	16.46	0	1	4	4
Mazda RX4 Wag	21.0	6	160	110	3.90	2.875	17.02	0	1	4	4
Datsun 710	22.8	4	108	93	3.85	2.320	18.61	1	1	4	1
Hornet 4 Drive	21.4	6	258	110	3.08	3.215	19.44	1	0	3	1
Hornet Sportabout	18.7	8	360	175	3.15	3.440	17.02	0	0	3	2
Valiant	18.1	6	225	105	2.76	3.460	20.22	1	0	3	1

### 11.1.4 Inclusión de tablas

Las tablas en markdown son de la forma:

```
| First Header | Second Header |
|------| -------|
| Row1 Cell1 | Row1 Cell2 |
| Row2 Cell1 | Row2 Cell2 |
```

Por ejemplo:

Variable	Descripción
mpg	Millas / galón (EE.UU.)
cyl	Número de cilindros
$\operatorname{disp}$	Desplazamiento (pulgadas cúbicas)
hp	Caballos de fuerza bruta
drat	Relación del eje trasero
wt	Peso (miles de libras)
qsec	Tiempo de 1/4 de milla
vs	Cilindros en $V/S$ traight (0 = cilindros en $V$ , 1 = cilindros en línea)
am	Tipo de transmisión $(0 = automático, 1 = manual)$
gear	Número de marchas (hacia adelante)
carb	Número de carburadores

Para convertir resultados de R en tablas de una forma simple se puede emplear la función ktable del paquete knitr:

```
knitr::kable(
  head(mtcars),
  caption = "Una kable knitr"
)
```

Otros paquetes proporcionan opciones adicionales: xtable, stargazer, pander, tables y ascii.

## 11.1.5 Extracción del código R

Para generar un fichero con el código R se puede emplear la función purl del paquete *knitr*. Por ejemplo: purl("8-Informes.Rmd")

Si se quiere además el texto rmarkdown como comentarios tipo spin, se puede emplear:

```
purl("8-Informes.Rmd", documentation = 2)
```

# 11.2 Spin

Una forma rápida de crear este tipo de informes a partir de un fichero de código R es emplear la funcion spin del paquete *knitr* (ver p.e. http://yihui.name/knitr/demo/stitch).

Para ello se debe comentar todo lo que no sea código R de una forma especial:

• El texto rmarkdown se comenta con #'. Por ejemplo:

```
#' # Este es un título de primer nivel
#' ## Este es un título de segundo nivel
```

• Las opciones de un trozo de código se comentan con #+. Por ejemplo:

```
#+ setup, include=FALSE
opts_chunk$set(comment=NA, prompt=TRUE, dev='svg', fig.height=6, fig.width=6)
```

Para generar el informe se puede emplear la funcion spin del paquete *knitr*. Por ejemplo: spin("Ridge\_Lasso.R")). También se podría abrir directamente el informe generado:

```
browseURL(url = knitr::spin("Ridge_Lasso.R"))
```

Pero puede ser recomendable renderizarlo con rmarkdown:

```
library(rmarkdown)
```

```
browseURL(url = render(knitr::spin("Ridge_Lasso.R", knit = FALSE)))
```

En RStudio basta con pulsar "Ctrl + Shift + K" o seleccionar  $File > Knit\ Document$  (en las últimas versiones también  $File > Compile\ Notebook$  o hacer clic en el icono correspondiente).

# Referencias

Ver Apéndice A.

# Bibliografía complementaria

Beeley (2015). Web Application Development with R Using Shiny. Packt Publishing.

Bivand et al. (2008). Applied Spatial Data Analysis with R. Springer.

James et al. (2008). An Introduction to Statistical Learning: with Applications in R. Springer.

Kolaczyk y Csárdi (2014). Statistical analysis of network data with R. Springer.

Munzert et al. (2014). Automated Data Collection with R: A Practical Guide to Web Scraping and Text Mining. Wiley.

Ramsay et al. (2009). Functional Data Analysis with R and MATLAB. Springer.

Van der Loo y de Jonge (2012). Learning RStudio for R Statistical Computing. Packt Publishing.

Williams (2011). Data Mining with Rattle and R. Springer.

Wood (2006). Generalized Additive Models: An Introduction with R. Chapman.

Yihui Xie (2015). Dynamic Documents with R and knitr. Chapman.

# Apéndice A

# **Enlaces**

Recursos para el aprendizaje de R ( https://rubenfcasal.github.io/post/ayuda-y-recursos-para-el-aprendizaje-de-r ): A continuación se muestran algunos recursos que pueden ser útiles para el aprendizaje de R y la obtención de ayuda...

#### Ayuda online:

- Ayuda en línea sobre funciones o paquetes: RDocumentation
- Buscador RSeek
- StackOverflow

Cursos: algunos cursos gratuitos:

- Coursera:
  - Introducción a Data Science: Programación Estadística con R
  - Mastering Software Development in R
- DataCamp:
  - Introducción a R
- Stanford online:
  - Statistical Learning
- Curso UCA: Introducción a R, R-commander y shiny
- Udacity: Data Analysis with R
- Swirl Courses: se pueden hacer cursos desde el propio R con el paquete swirl.

Para información sobre cursos en castellano se puede recurrir a la web de R-Hispano en el apartado formación. Algunos de los cursos que aparecen en entradas antiguas son gratuitos. Ver: Cursos MOOC relacionados con R.

#### Libros

- Iniciación:
  - 2011 The Art of R Programming. A Tour of Statistical Software Design, (No Starch Press)
  - R for Data Science (online, O'Reilly)
  - Hands-On Programming with R: Write Your Own Functions and Simulations, by Garrett Grolemund (O'Reilly)

- Avanzados:
  - 2008 Software for Data Analysis: Programming with R Chambers (Springer)
  - Advanced R by Hadley Wickham (online: 1<sup>a</sup> ed, 2<sup>a</sup> ed, Chapman & Hall)
  - R packages by Hadley Wickham (online, O'Reilly)
- Bookdown: el paquete bookdown de R permite escribir libros empleando R Markdown y compartirlos. En https://bookdown.org está disponible una selección de libros escritos con este paquete (un listado más completo está disponible aquí). Algunos libros en este formato en castellano son:
  - Prácticas de Simulación (disponible en el repositorio de GitHub rubenfcasal/simbook).
  - Escritura de libros con bookdown (disponible en el repositorio de GitHub rubenfca-sal/bookdown\_intro).
  - R para profesionales de los datos: una introducción.
  - Estadística Básica Edulcorada.

Material online: en la web se puede encontrar mucho material adicional, por ejemplo:

- CRAN: Other R documentation
- Blogs en inglés:
  - https://www.r-bloggers.com/
  - https://www.littlemissdata.com/blog/rstudioconf2019
  - RStudio: https://blog.rstudio.com
  - Microsoft Revolutions: https://blog.revolutionanalytics.com
- Blogs en castellano:
  - https://www.datanalytics.com
  - http://oscarperpinan.github.io/R
  - http://rubenfcasal.github.io
- Listas de correo:
  - Listas de distribución de r-project.org: https://stat.ethz.ch/mailman/listinfo
  - Búsqueda en R-help: http://r.789695.n4.nabble.com/R-help-f789696.html

  - Archivos de R-help-es: https://stat.ethz.ch/pipermail/r-help-es

### A.1 RStudio

### RStudio:

- Online learning
- Webinars
- sparklyr
- shiny

A.1. RSTUDIO 159

# tidy verse:

- dplyr
- tibble
- tidyr
- stringr
- $\bullet$  readr
- Databases using R, dplyr as a database interface

# Cheat Sheets:

- $\bullet$  rmarkdown
- $\bullet$  shiny
- dplyr
- tidyr
- stringr

# Apéndice B

# Instalación de R

En la web del proyecto R (www.r-project.org) está disponible mucha información sobre este entorno estadístico.



# The R Project for Statistical Computing

#### [Home]

**Download**CRAN

## R Project

About R Logo Contributors What's New? Reporting Bugs Development Site Conferences Search

### **Getting Started**

R is a free software environment for statistical computing and graphics. It compiles and runs on a wide variety of UNIX platforms, Windows and MacOS. To **download R**, please choose your preferred CRAN mirror.

If you have questions about R like how to download and install the software, or what the license terms are, please read our answers to frequently asked questions before you send an email.

#### News

 The R Foundation welcomes five new ordinary members: Jennifer Bryan, Dianne Cook, Julie Josse, Tomas Kalibera, and Balasubramanian Narasimhan.

#### R-project



CRAN

Mirrors What's new? Task Views Search

About R

R Homepage The R Journal

Software

R Sources
R Binaries
Packages
Other

Documentation
Manuals
FAQs
Contributed

The Comprehensive R Arch

Download and Install R

Precompiled binary distributions of the base contributed packages, Windows and Mac us want one of these versions of R:

- Download R for Linux
- Download R for (Mac) OS X
- Download R for Windows

R is part of many Linux distributions, you sh your Linux package management system in a above.

Source Code for all Platforms

Windows and Mac users most likely want to precompiled binaries listed in the upper box, code. The sources have to be compiled befor If you do not know what this means, you pro to do it!

- The latest release (Monday 2016-10-3 Patch) R-3.3.2.tar.gz, read what's new
- Sources of R alpha and beta releases (co

CRAN

Las descargas se realizan a través de la web del CRAN (The Comprehensive R Archive Network), con múltiples mirrors:

- Oficina de software libre (CIXUG) ftp.cixug.es/CRAN.
- Spanish National Research Network (Madrid) (RedIRIS) es cran.es.r-project.org.

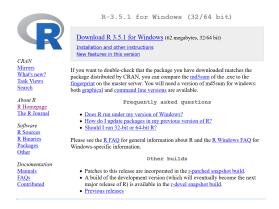


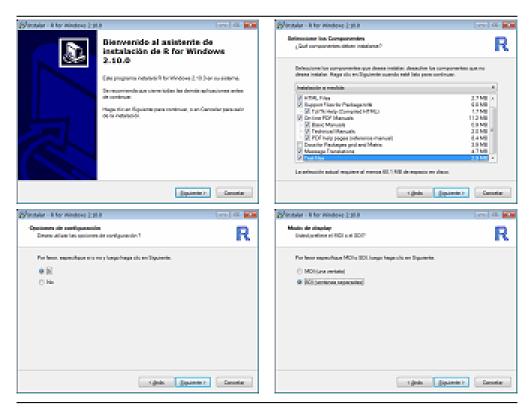
Figura B.1:

## B.1 Instalación de R en Windows

Seleccionando Download R for Windows y posteriormente base accedemos al enlace con el instalador de R para Windows (actualmente de la versión 3.6.1).

#### B.1.1 Asistente de instalación

Durante el proceso de instalación la recomendación (para evitar posibles problemas) es seleccionar ventanas simples SDI en lugar de múltiples ventanas MDI (hay que utilizar opciones de configuración).



Una vez terminada la instalación, al abrir el programa R, aparece la ventana de la consola (simula una ventana de comandos de Unix) que permite ejecutar comandos de R al irlos introduciendo.

## B.1.2 Instalación de paquetes

Después de la instalación de R, puede ser necesario instalar paquetes adicionales.

Para ejecutar los ejemplos mostrados en el libro será necesario tener instalados los siguientes paquetes:

```
# probar a ejecutar en lugar de lo anterior:
# install.packages(pkgs, dependencies=TRUE) # Instala todos...
```

(puede que haya que seleccionar el repositorio de descarga, e.g. Spain (Madrid)).

La forma tradicional es esta:

- 1. Se inicia R y se selecciona Paquetes > Instalar paquetes
- 2. Se selecciona el repositorio.
- 3. Se selecciona el paquete y automáticamente se instala.

Alternativamente se podrían instalar los siguientes paquetes: Rcmdr, RcmdrPlugin.FactoMineR, dplyr y rattle, ya que sus dependencias incluyen los empleados en este libro. La instalación de los paquetes Rcmdr y rattle (que incluyen interfaces gráficas) se describe en el Apéndice C.

# Apéndice C

# Interfaces gráficas

Aunque la consola de R dispone de un editor básico de códido (script), puede ser recomendable trabajar con un editor de comandos más cómodo y flexible.

En los últimos años han surgido *interfaces gráficas* que permiten realizar las operaciones más comunes a través de periféricos como el ratón. Una lista de de estas interfaces puede ser encontrada en www.sciviews.org/SciViews-R

## C.1 RStudio

Un entorno de R muy recomendable es el **RStudio**, http://rstudio.org:

Para instalarlo descargar el archivo de instalación de http://rstudio.org/download/desktop.

## C.2 RCommander

RCommander es una de las interfaces más populares para R. Algunas de sus ventajas son:

- Se distribuye también bajo licencia GPL de GNU
- Fácil instalación
- Numerosa documentación en castellano
- Adecuado para la iniciación en la Estadística
- Introduce a la programación de R al mostrar el código asociado a las acciones de los menús.

#### C.2.0.1 Instalación de R-Commander

Por ejemplo, la instalación de la interfaz gráfica R-Commander se puede hacer directamente desde la ventana de consola tecleando

#### > install.packages("Rcmdr")

Otra posibilidad es seleccionar el menú Paquetes e Instalar paquetes...

A continuación se abrirá una nueva ventana con todos los posibles espejos, donde conviene seleccionar el espejo de Madrid.

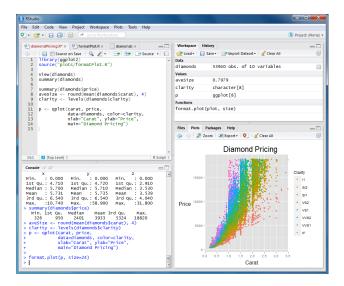


Figura C.1:

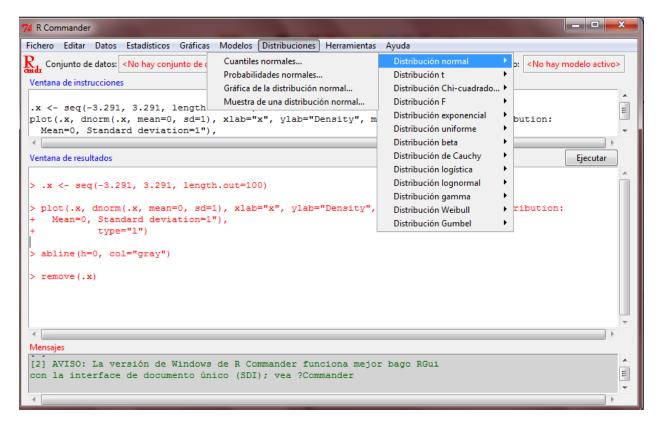


Figura C.2:

C.2. RCOMMANDER 167

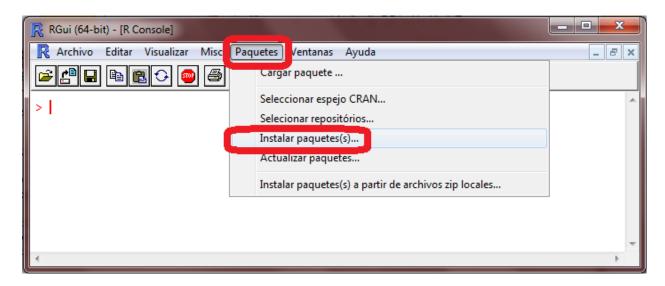


Figura C.3:

Una vez elegido el espejo (figura de la izquierda) se seleccionará el paquete Rcmdr (figura de la derecha).

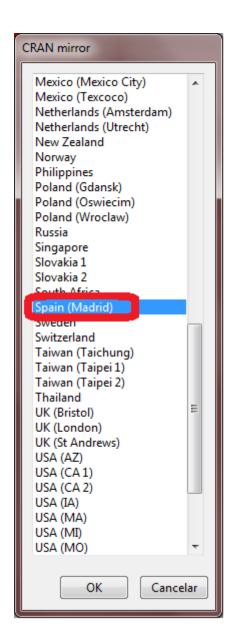
El programa R realizará la correspondiente instalación y, una vez finalizada, mostrará la pantalla de consola. Entonces se escribe en la consola

### >library(Rcmdr)

y se abrirá la siguiente ventana de R-Commander.

La ayuda sobre este paquete se obtiene con

>help(package="Rcmdr")



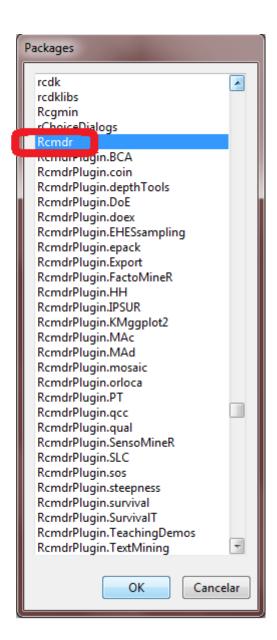


Figura C.4:

C.2. RCOMMANDER 169

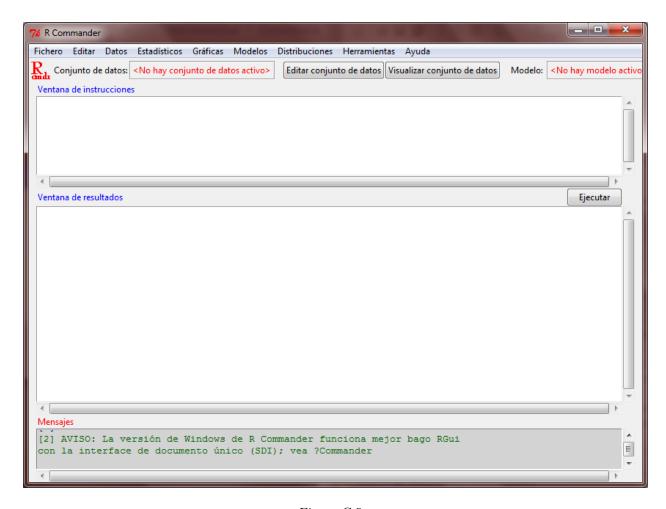


Figura C.5:

# Apéndice D

# Manipulación de datos con dplyr

# D.1 El paquete dplyr

```
library(dplyr)
```

dplyr Permite sustituir funciones base de R (como split(), subset(), apply(), sapply(), lapply(), tapply() y aggregate()) mediante una "gramática" más sencilla para la manipulación de datos:

- select() seleccionar variables/columnas (también rename()).
- mutate() crear variables/columnas (también transmute()).
- filter() seleccionar casos/filas (también slice()).
- arrange() ordenar o organizar casos/filas.
- summarise() resumir valores.
- group\_by() permite operaciones por grupo empleando el concepto "dividir-aplicar-combinar" (ungroup() elimina el agrupamiento).

Puede trabajar con conjuntos de datos en distintos formatos:

- data.frame, data.table, tibble, ...
- bases de datos relacionales (lenguaje SQL), ...
- bases de datos *Hadoop* (paquete plyrmr).

En lugar de operar sobre vectores como las funciones base, opera sobre objetos de este tipo (solo nos centraremos en data.frame).

# D.1.1 Datos de ejemplo

El fichero *empleados.RData* contiene datos de empleados de un banco. Supongamos por ejemplo que estamos interesados en estudiar si hay discriminación por cuestión de sexo o raza.

```
load("datos/empleados.RData")
data.frame(Etiquetas = attr(empleados, "variable.labels"))  # Listamos las etiquetas
```

```
## Etiquetas
## id Código de empleado
## sexo Sexo
## fechnac Fecha de nacimiento
## educ Nivel educativo (años)
## catlab Categoría Laboral
```

## salario

# D.2 Operaciones con variables (columnas)

Salario actual

# D.2.1 Selectionar variables con select()

```
emplea2 <- select(empleados, id, sexo, minoria, tiempemp, salini, salario)
head(emplea2)
##
    id
         sexo minoria tiempemp salini salario
                            98 27000
## 1 1 Hombre
                   No
## 2 2 Hombre
                            98 18750
                                        40200
                   No
## 3 3 Mujer
                   No
                            98 12000
                                        21450
## 4 4 Mujer
                   No
                            98 13200
                                        21900
## 5 5 Hombre
                                21000
                                        45000
                   No
## 6 6 Hombre
                                        32100
                   No
                            98 13500
Se puede cambiar el nombre (ver también ?rename())
head(select(empleados, sexo, noblanca = minoria, salario))
##
      sexo noblanca salario
## 1 Hombre
                 No
                     57000
## 2 Hombre
                 No 40200
                      21450
## 3 Mujer
                 No
## 4 Mujer
                 No
                      21900
## 5 Hombre
                      45000
                 No
## 6 Hombre
                 No
                      32100
Se pueden emplear los nombres de variables como índices:
head(select(empleados, sexo:salario))
      sexo
              fechnac educ
                                   catlab salario
## 1 Hombre 1952-02-03 15
                                Directivo
                                            57000
                       16 Administrativo
## 2 Hombre 1958-05-23
                                            40200
## 3 Mujer 1929-07-26 12 Administrativo
                                           21450
## 4 Mujer 1947-04-15 8 Administrativo
                                            21900
## 5 Hombre 1955-02-09 15 Administrativo
                                            45000
## 6 Hombre 1958-08-22
                       15 Administrativo
                                            32100
head(select(empleados, -(sexo:salario)))
    id salini tiempemp expprev minoria
                                           sexoraza
## 1
    1 27000
                    98
                           144
                                    No Blanca varón
                    98
## 2 2 18750
                            36
                                    No Blanca varón
## 3 3 12000
                    98
                           381
                                    No Blanca mujer
## 4 4 13200
                    98
                           190
                                    No Blanca mujer
```

```
## 5 5 21000 98 138 No Blanca varón
## 6 6 13500 98 67 No Blanca varón
```

Hay opciones para considerar distintos criterios: starts\_with(), ends\_with(), contains(), matches(), one\_of() (ver ?select).

```
head(select(empleados, starts_with("s")))
```

```
## sexo salario salini sexoraza
## 1 Hombre 57000 27000 Blanca varón
## 2 Hombre 40200 18750 Blanca varón
## 3 Mujer 21450 12000 Blanca mujer
## 4 Mujer 21900 13200 Blanca mujer
## 5 Hombre 45000 21000 Blanca varón
## 6 Hombre 32100 13500 Blanca varón
```

### D.2.2 Generar nuevas variables con mutate()

```
head(mutate(emplea2, incsal = salario - salini, tsal = incsal/tiempemp ))
```

```
##
    id
        sexo minoria tiempemp salini salario incsal
## 1 1 Hombre
                         98 27000
                                    57000 30000 306.12245
               No
## 2 2 Hombre
                         98 18750 40200 21450 218.87755
                No
                       98 12000 21450
## 3 3 Mujer
                No
                                           9450 96.42857
                       98 13200 21900
## 4 4 Mujer
                No
                                         8700 88.77551
## 5 5 Hombre
                 No
                         98 21000
                                  45000 24000 244.89796
## 6 6 Hombre
                         98 13500
                                    32100 18600 189.79592
                 No
```

96 11550

# D.3 Operaciones con casos (filas)

### D.3.1 Selectionar cases con filter()

```
head(filter(emplea2, sexo == "Mujer", minoria == "Sí"))
     id sexo minoria tiempemp salini salario
                            98 16800
## 1 14 Mujer
                   Sí
                                        35100
                   Sí
## 2 23 Mujer
                            97 11100
                                        24000
## 3 24 Mujer
                   Sí
                            97
                                 9000
                                        16950
## 4 25 Mujer
                   Sí
                            97
                                 9000
                                        21150
## 5 40 Mujer
                   Sí
                            96
                                 9000
                                        19200
```

### D.3.2 Organizar casos con arrange()

Sí

## 6 41 Mujer

```
head(arrange(emplea2, salario))
```

23550

```
id sexo minoria tiempemp salini salario
## 1 378 Mujer
                  No
                           70 10200
                                      15750
                           74 10200
## 2 338 Mujer
                  No
                                      15900
## 3 90 Mujer
                 No
                         92
                                9750
                                     16200
## 4 224 Mujer
                           82 10200
                                     16200
                  No
```

```
## 5 411 Mujer
                   No
                           68 10200
                                       16200
## 6 448 Mujer
                   Sí
                            66 10200
                                       16350
head(arrange(emplea2, desc(salini), salario))
##
          sexo minoria tiempemp salini salario
## 1 29 Hombre
                   No
                            96 79980
                                      135000
## 2 343 Hombre
                   No
                            73 60000 103500
## 3 205 Hombre
                   No
                            83 52500
                                        66750
## 4 160 Hombre
                   No
                            86 47490
                                        66000
## 5 431 Hombre
                   No
                             66 45000
                                        86250
## 6 32 Hombre
                   No
                             96 45000 110625
```

# D.4 Resumir valores con summarise()

```
summarise(empleados, sal.med = mean(salario), n = n())
## sal.med n
## 1 34419.57 474
```

# D.5 Agrupar casos con group\_by()

```
summarise(group_by(empleados, sexo, minoria), sal.med = mean(salario), n = n())
## # A tibble: 4 x 4
## # Groups: sexo [2]
    sexo minoria sal.med
##
    <fct> <fct>
                    <dbl> <int>
## 1 Hombre No
                    44475.
                             194
## 2 Hombre Sí
                    32246.
## 3 Mujer No
                    26707.
                             176
## 4 Mujer Sí
                    23062.
```

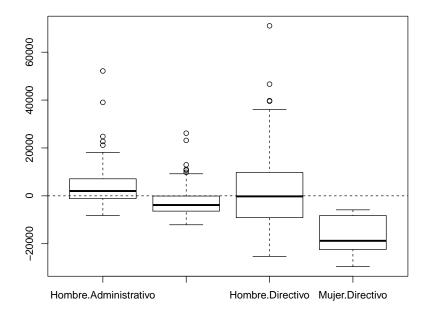
# D.6 Operador pipe % > % (tubería, redirección)

Este operador le permite canalizar la salida de una función a la entrada de otra función. segundo (primero (datos)) se traduce en datos %>% primero %>% segundo (lectura de funciones de izquierda a derecha).

Ejemplos:

```
empleados %>% filter(catlab == "Directivo") %>%
         group_by(sexo, minoria) %>%
         summarise(sal.med = mean(salario), n = n())
## # A tibble: 3 x 4
              sexo [2]
## # Groups:
          minoria sal.med
    sexo
    <fct> <fct>
                    <dbl> <int>
## 1 Hombre No
                    65684.
                              70
## 2 Hombre Sí
                    76038.
## 3 Mujer No
                    47214.
                              10
```

```
empleados %>% select(sexo, catlab, salario) %>%
    filter(catlab != "Seguridad") %>%
    group_by(catlab) %>%
    mutate(saldif = salario - mean(salario)) %>%
    ungroup() %>%
    boxplot(saldif ~ sexo*droplevels(catlab), data = .)
abline(h = 0, lty = 2)
```



Para mas información sobre dplyr ver por ejemplo la 'vignette' del paquete: Introduction to dplyr.

# Apéndice E

# Compañías que usan R

Cada vez son más las empresas que utilizan R.

- Grupo de empresas que apoyan a la Fundación R y a la comunidad R.
- Otras compañías:
  - Facebook, Twitter, Bank of America, Monsanto, ...

### E.0.1 Microsoft

- Diseñado para entornos Big Data y computación de altas prestaciones.
- Versión de R con rendimiento mejorado.
  - Microsoft R Application Network:

MRAN: https://mran.microsoft.com

• Integracion de R con: SQL Server, PowerBI, Azure y Cortana Analytics.

### E.0.2 RStudio

Además del entorno de desarrollo (IDE) con múltiples herramientas, descrito en el Apéndice C.1:



Figura E.1:



Figura E.2:



Figura E.3:

- Interfaz web que permite ejecutar RStudio en el servidor.
  - Evita el movimiento de datos a los clientes.
  - Ediciones Open Source y Professional.
- Compañía muy activa en el desarrollo de R:
  - Múltiples paquetes: Shiny, rmarkdown, knitr, ggplot2, dplyr, tidyr, ...
  - Hadley Wickham (Jefe científico de RStudio).

Ver enlaces en el Apéndice A.1.