

# مشخصه های موتورهای DC

\* مهمترین منحنی مشخصه ها در حالت موتوری:

+ منحنی مشخصه گشتاور سرعت (مشخصه خروجی)

+ منحني مشخصه گشتاور جريان

+ منحنی مشخصه سرعت جریان

## مشخصه خروجي موتورهاي DC شنت

❖منظور از مشخصه خروجی مشخصه گشتاور بر حسب سرعت موتور شنت است.

با افزایش بار روی محور موتور شنت، گشتاور بار از گشتاور القایی بیشتر می شود. لذا سرعت موتور شروع به کند شدن می کند. با کاهش سرعت، ولتاژ تولید شده داخلی  $(E_A=K\phi\omega)$  کاهش می یابد و جریان آرمیچر افزایش می یابد ( $I_A=(V_T-E_A)/R_A$ ) یابد ( $I_A=(V_T-E_A)/R_A$ ). با افزایش جریان آرمیچر گشتاور القایی بیشتر می شود  $(T_{ind}=K\phi I_A)$  و نهایتا گشتاور القایی با گشتاور بار در سرعت مکانیکی کمتری برابر می شوند.

$$V_T = E_A + I_A R_A$$
  $E_A = k\phi\omega$ ,  $I_A = \frac{\tau_{ind}}{k\phi}$ 

$$V_T = k\phi\omega + \frac{\tau_{ind}}{k\phi}R_A \implies \omega = \frac{V_T}{k\phi} - \frac{\tau_{ind}}{(k\phi)^2}R_A$$

# مشخصه خروجی موتورهای DC شنت

$$\omega = \frac{V_{T}}{k\phi} - \frac{\tau_{ind}}{(k\phi)^{2}} R_{A}$$

مشخصه موتور تحریک جداگانه هم به همین شکل بدست می آید.

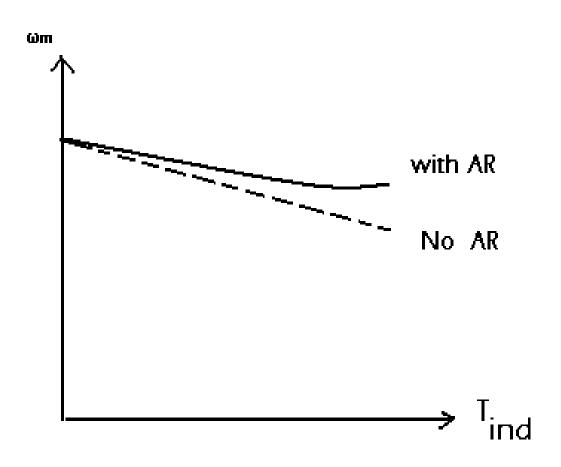
\*عکس العمل آرمیچر روی این مشخصه تاثیر می گذارد . وجود عکس العمل آرمیچر باعث تضعیف شار می شود و طبق رابطه فوق با کاهش شار سرعت افزایش می یابد.

په جنانچه ماشین دارای سیم پیچی جبرانساز باشد، شار ثابت باقی می ماند و مشخصه تغییری هست نخواهد کرد.

T<sub>ind</sub>

# مشخصه خروجی موتورهای DC شنت

$$\omega = \frac{V_T}{k\phi} - \frac{\tau_{ind}}{(k\phi)^2} R_A$$



#### **EXAMPLE:**

A 50 hp, 250 V, 1200 r/min dc shunt motor with compensating windings,  $R_A$  =0.06  $\Omega$  (including brushes, comp. windings, & inter-poles). The field circuit has a total resistance of  $R_{adj}$  +  $R_F$  of 50  $\Omega$  which develops a no load speed of 1200 r/min. There are 1200 turns per pole on shunt field winding

- (a) Find speed of this motor when its input current is 100 A
- (b) Find speed of this motor when its input current is 200 A
- (c) Find the speed of this motor when its input current is 300 A
- (d) plot torque-speed characteristic of this motor

#### **SOLUTION:**

 $E_A$ =K' $\phi$ n, since  $I_F$  is constant ( $V_T$  &  $R_F$  const.) & since there are no A.R.  $\rightarrow \phi$  would be constant

→ relationships between speeds & internal generated voltages of motor at 2 different load conditions is:  $E_{A2}/E_{A1}=[K'φn_2]/[K'φn_1]$ 

constant K' cancels, also φ canceled →

 $n_2 = E_{A2}/E_{A1} \cdot n_1$ 

at no load  $I_A$  is zero so  $E_{A1}=V_T=250 \text{ V}$ 

While speed n<sub>1</sub>=1200 r/min

If internal generated voltage at any other load is determined, motor speed at the load can be determined

#### **SOLUTION:**

(a) if  $I_L=100$  A then armature current :  $I_A=I_L-I_F=I_L-V_T$  /  $R_F=100-250$ / 50=95 A

→ E<sub>A</sub>=V<sub>T</sub>-R<sub>A</sub>I<sub>A</sub>=250 –(95)(0.06)=244.3 V Resulting speed:

n<sub>2</sub>=EA<sub>2</sub>/EA<sub>1</sub>xn<sub>1</sub>=244.3/250 x<sub>1</sub>200=1173 r/min

(b)  $IL=200 A \rightarrow IA=200-250/50=195 A$  EA=250-(95)(0.06)=238.3 V $n2=238.3/250 \times 1200=1144 \text{ r/min}$ 

#### **SOLUTION:**

```
(c) if I_L=300 A, then I_A=I_L-I_F=300-250/50=295 A E_A=250-(295)(0.06)=232.3 V n_2=232.3/250 x 1200=1115 r/min
```

(d) torque versus speed At no load induced torque is zero

Pconv=EAIA=Tind ω
Tind= EAIA / ω

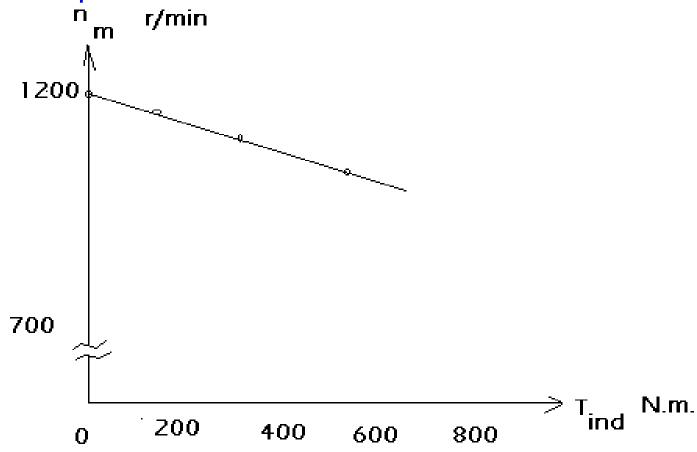
From this equation I<sub>L</sub>=100 A →

 $T_{ind}=(244.3)(95)/[1173x1/60x2\pi]=190 \text{ N.m.}$ 

I<sub>L</sub>=200 A  $\rightarrow$  T<sub>ind</sub>= 238.3x195/[1144x1/60x2π]=388 N.m. I<sub>L</sub>=300 A  $\rightarrow$  T<sub>ind</sub>=587 N.m.

#### **SOLUTION:**

Torque – speed characteristic of motor



## تحلیل غیر خطی موتورهای DC شنت

❖شار ماشین و در نتیجه ولتاژ داخلی آن، تابعی غیرخطی از نیرو محرکه مغناطیسی هستند. بنابراین هر چیزی که نیرو محرکه مغناطیسی را تغییر دهد، اثر غیر خطی بر E<sub>A</sub> می گذارد.

بجریان میدان و عکس العمل آرمیچر دو عامل اصلی در نیرو محرکه مغناطیسی ماشین است.

به ازای سرعت معین رسم می شود، اثر  $\mathbf{E}_{A}$  بر حسب  $\mathbf{I}_{F}$  به ازای سرعت معین رسم می شود، اثر تغییر  $\mathbf{I}_{F}$  را از روی این منحنی می توان تعیین کرد.

اگر ماشین عکس العمل آرمیچر داشته باشد، با افزایش بار شار آن کم می شود. نیرو محرکه کل عبار تست از:

$$\mathbf{F_{net}} = \mathbf{N_F} \mathbf{I_F} - \mathbf{F_{AR}}$$

❖چون منحنی مغناطیس شوندگی بر حسب جریان تحریک است یک جریان معادل تعریف می شود و می توان E<sub>A</sub> را با توجه به جریان معادل از روی منحنی مغناطیس شوندگی بدست آورد:

$$I_F^* = I_F - \frac{F_{AR}}{N_F}$$

## تحلیل غیر خطی موتورهای DC شنت

\*منحنی مغناطیس شوندگی معمولا به ازای سرعت نامی ماشین رسم می شود. اگر ماشین در سرعت دیگری بچرخد، چگونه می توان این اثرات را در نظر گرفت؟

$$\mathbf{E_A} = \mathbf{k'} \phi \mathbf{n_m}$$

♦به ازای یک جریان میدان موثر مشخص شار درون ماشین ثابت است. بنابراین:

$$rac{E_A}{E_{A0}} = rac{n_m}{n_0}$$
از معادله  $rac{E_A}{E_{A0}}$ 

مقادیر مرجع ولتاژ و سرعت از روی منحنی مغنّاطیس شوندگی

## مبانی ماشینهای DC

# کنترل سرعت موتورهای DC شنت

$$\omega = \frac{V_T}{k\phi} - \frac{\tau_{ind}}{(k\phi)^2} R_A$$

۱: تغییر مقاومت مدار میدان و در نتیجه شار میدان

۲: تغییر ولتاژ اعمال شده به آرمیچر

۳: سری کردن مقاومت با مدار آرمیچر

# کنترل سرعت موتورهای DC شنت: تغییر مقاومت میدان

مثال: در موتور شنت زیر اگر شار ۱٪ کم شود چه اتفاقی می افتد؟

$$I_A = \frac{V_T - E_A}{R_A} = \frac{250 - 245}{0.25} = 20A$$

جریان آرمیچر در حالت اول:

اگر شار ۱٪ کم شود بنابراین ولتاژ داخلی تولید شده نیز ۱٪ کم می شود:

$$E_{A2} = K\phi\omega_m = 0.99E_{A1} = 242.55V$$

جریان آرمیچر جدید ۴۹٪ زیاد می شود:

 $\tau_{\rm ind} > \tau_{\rm load}$ 

$$I_{A_2} = \frac{V_T - E_{A2}}{R_A} = \frac{250 - 242.55}{0.25} = 29.8 A$$
 $au_{I_F} au_{I_F} au_{I$ 

با افزایش گشتاور القایی موتور سرعت می گیرد لذا ولتاژ داخلی ایجاد شده زیاد می شود و  $oldsymbol{I}_{oldsymbol{A}}$  و گشتاور القایی افت می کند تا در سرعت بیشتری گشتاورها متعادل شوند.

## کنترل سرعت موتورهای DC شنت: تغییر مقاومت میدان

$$R_{F} \uparrow$$

$$I_{F} \downarrow = \frac{V_{T}}{R_{F}} \uparrow \qquad \qquad \phi \downarrow \propto I_{F} \downarrow$$



$$\phi \downarrow \propto I_F \downarrow$$



$$\tau_{ind} \uparrow = K\phi \downarrow I_A \uparrow$$



$$\tau_{ind} \uparrow = K\phi \downarrow I_A \uparrow \qquad \qquad I_A \uparrow = \frac{V_T - E_A \downarrow}{R_A} \qquad \qquad E_A \downarrow = K\phi \downarrow \omega_m$$



$$\mathbf{E}_{\mathbf{A}} \downarrow = \mathbf{K} \phi \downarrow \omega_{\mathbf{m}}$$



$$\tau_{ind} \uparrow > \tau_{load}$$



$$\omega_{\mathbf{m}} \uparrow$$



$$E_A \uparrow = K\phi\omega_m \uparrow$$



$$au_{ ext{ind}} = au_{ ext{load}}$$
 در سرعت بالاتر

$$\tau_{ind} \downarrow = K \phi I_A \downarrow$$



$$\tau_{\text{ind}} \downarrow = K\phi I_A \downarrow \qquad I_A \downarrow = \frac{V_T - E_A \uparrow}{R_A}$$

## کنترل سرعت موتورهای DC شنت: تغییر مقاومت میدان

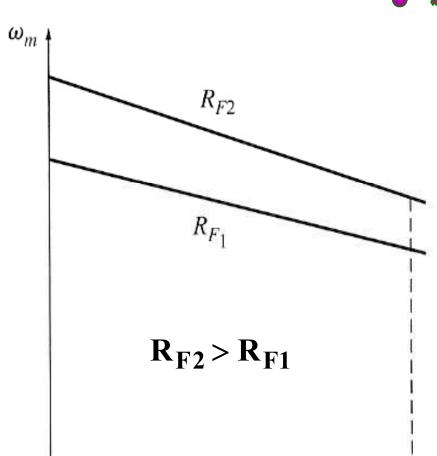
مشخصه پایانه ای موتور در گستره بی باری تا بار کامل:

$$\omega = \frac{V_T}{k\phi} - \frac{\tau_{ind}}{(k\phi)^2} R_A$$

❖وقتی شار ماشین کاهش می یابد سرعت بی بار موتور افزایش می یابد و شیب مشخصه گشتاور – سرعت تندتر می شود.

❖محدوده کنترل سرعت از سرعت پایه (نامی) تا سرعت های بالاتر است.

در سرعتهای کمتر از سرعت پایه افزایش جریان تحریک ممکن است به سیم پیچی های میدان آسیب بزند.  $au_{\mathrm{ind}}$ 



 $au_{\mathrm{FL}}$ 

## کنترل سرعت موتورهای DC شنت: تغییر مقاومت میدان

مشخصه پایانه ای موتور در گستره بی باری تا سکون:

نه در سرعت های خیلی کم افزایش مقاومت میدان در واقع باعث کاهش سرعت موتور می شود. زیرا در سرعتهای خیلی کم، افزایش جریان آرمیچر ناشی از کاهش  $E_A$  دیگر خیلی بزرگ نیست که بتواند کاهش شار معادله گشتاور را جبران کند.

❖وقتی کاهش شار عملا بزرگتر از افزایش جریان آرمیچر باشد، گشتاور القایی کم می شود و سرعت موتور کاهش می یابد

 $R_{FI}$  بعضی موتورهای کوچک که در سیستمهای کنترلی بکار می روند، در سرعتهای بسیار کم کار می کنند. برای این موتورها افزایش مقاومت میدان ممکن است حتی باعث کاهش سرعت موتور شود.  $R_{F2} > R_{F1}$ 

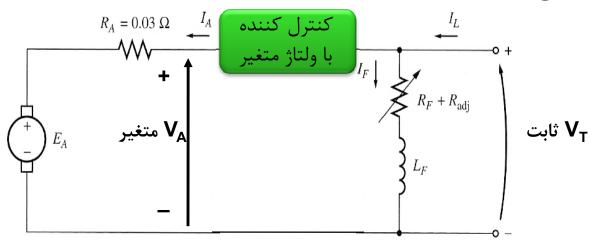
❖چون نتیجه قابل پیش بینی نیست برای این موتورها نمی توان از روش تغییر مقاومت میدان برای کنترل سرعت استفاده کرد.

 $au_{
m FL}$ 

 $\omega_m$ 

## کنترل سرعت موتورهای DC شنت: تغییر ولتاژ آرمیچر

- $\omega = \frac{V_A}{k\phi} \frac{\tau_{ind}}{(k\phi)^2} R_A$ 
  - ❖در این روش باید ولتاژ آرمیچر بدون تغییر ولتاژ اعمال شده به مدار میدان تغییر کند.
    - ❖ موتور باید تحریک جداگانه باشد یا در موتور شنت از کنترل کننده استفاده شود.
      - **↔**محدوده کنترل سرعت، از سرعت های کم تا سرعت پایه است.
  - اگر سرعت بخواهد در بیش از سرعت پایه کنترل شود ولتاژ آرمیچر باید بسیار زیاد شود که احتمالاً به سیم پیچی آرمیچر آسیب می رساند.



## کنترل سرعت موتورهای DC شنت: تغییر ولتاژ آرمیچر

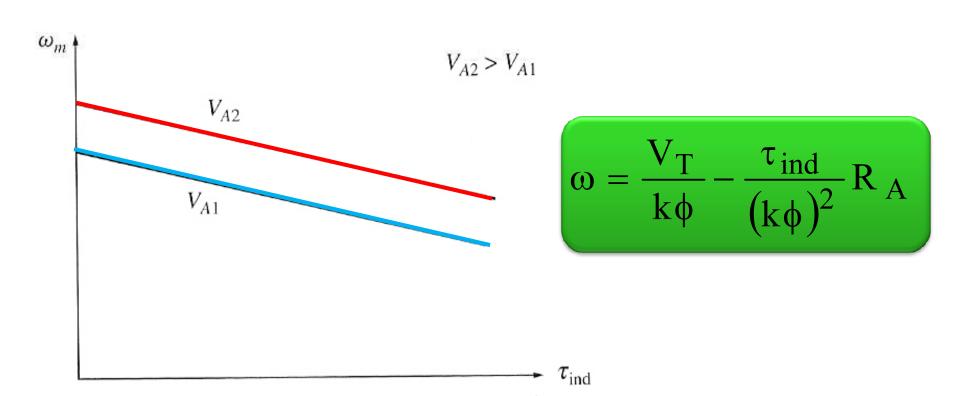
$$V_{A} \uparrow \qquad \qquad I_{A} \uparrow = \frac{V_{A} \uparrow - E_{A}}{R_{A}} \qquad \qquad \tau_{ind} \uparrow = K \phi I_{A} \uparrow$$

$$E_{A} \uparrow = K \phi \omega_{m} \uparrow \qquad \qquad \omega_{m} \uparrow \qquad \qquad \tau_{ind} \uparrow > \tau_{load}$$

$$I_A \downarrow = rac{V_A - E_A \uparrow}{R_A}$$
  $au_{ind} \downarrow = K \phi I_A \downarrow$   $au_{ind} = au_{load}$  در یک سرعت بزرگتر

## کنترل سرعت موتورهای DC شنت: تغییر ولتاژ آرمیچر

با این روش کنترل سرعت، سرعت بی باری موتور تغییر می کند ولی شیب منحنی تغییر نمی کند.



## کنترل سرعت موتورهای DC شنت: گذاشتن مقاومت سری در مدار آرمیچر

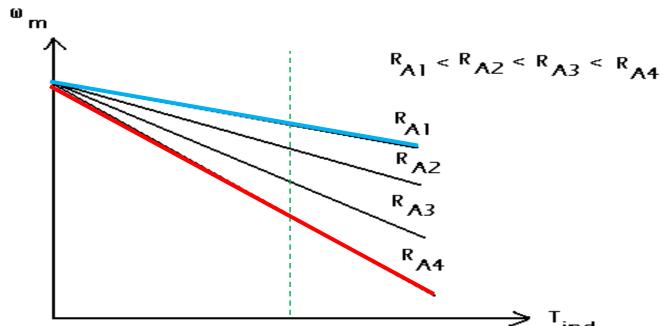
$$\omega = \frac{V_T}{k\phi} - \frac{\tau_{ind}}{(k\phi)^2} R_A$$

♦ اگر مقاومتی با مدار آرمیچر سری شود، شیب مشخصه گشتاور − سرعت موتور به شدت زیاد می شود.

💠 تغییر شیب باعث می شود که موتور دارای بار کندتر بچرخد.

این روش یک روش اسرافکارانه است زیرا تلفات در مقاومت گذاشته شده بسیار زیاد است.

❖ فقط در مواردی که ارزانی مساله مهمی است یا موتور اکثر اوقات با سرعت کامل کار می کند، از این روش استفاده می شود.



## کنترل سرعت موتورهای DC شنت:

❖معمولا از دو روش کنترل سرعت متداول، به صورت مکمل هم استفاده می شود.

برای سرعت های کمتر از سرعت پایه روش ولتاژ آرمیچر و برای سرعت های بزرگتر از سرعت پایه روش کنترل میدان مناسب است.

❖محدودیت گشتاور و توان در ماشینهایی که به این دو روش کنترل می شوند بسیار متفاوت است. عامل محدود گننده در هر دو حالت گرمای تولید شده در سیم پیچی آرمیچر است که حد بالایی را برای اندازه جریان آرمیچر تعیین می کند.

## کنترل سرعت موتورهای DC شنت:

در روش کنترل ولتاژ آرمیچر شار موتور ثابت است بنابراین ماکزیمم گشتاور موتور ثابت است و مستقل از سرعت چرخش است و مقدار ثابتی دارد.

 $\tau_{\max} = K \phi I_{A,\max}$ 

این روش ماکزیمم توان خروجی موتور با سرعت کار آن نسبت مستقیم دارد.

 $P_{max} = \tau_{max} \omega_m$ 

❖در موتور گنترل شده با مقاومت میدان، شار تغییر می کند. بنابراین به ازای حداکثر توان حداکثر توان حداکثر توان خروجی یک موتور dc گنترل شده با جریان میدان ثابت است و گشتاور حداکثر با عکس سرعت موتور تغییر می کند.

# کنترل سرعت موتورهای DC شنت:

