بسمه تعالى

نام و نام خانوادگی : نوید نادری علی زاده - شماره ی دانشجویی : ۸۶۱۰۸۷۴۴ - رشته : مهندسی برق -گروه : ۱ - زیر گروه : ۲ - تاریخ انجام آزمایش : ۸۷/۲/۱۴ - ساعت : ۲۰:۳۰ -دستیار آموزشی : خانم فضل علی

آزمایش شماره ی ۸

عنوان آزمایش: برخورد (بقای تکانه)

هدف: بررسی برخورد کشسان و غیر کشسان دو جسم و پایستگی اندازه حرکت در یک بعد

وسایل مورد نیاز: ۱- ریل هوا با پایه ۲- آغازگر حرکت متصل به ریل هوا (تفنگ فنری) ۳- دو عدد زمان سنج (Step by Step) ۴- دو عدد سنسور نوری ۵- دو عدد سره ۶- دو عدد تیغه ی پایه دار ۱۰ سانتیمتری ۷- وزنه ی سوراخ دار ۵۰ گرم ۸- ضربه گیر آلومینیومی حاوی خمیر بازی ۹- سوزن برخورد قابل اتصال به سره ۱۰- تیغه ی برخورد ۱۱- ضربه گیر لاستیکی قابل اتصال به سره

نظریه :

تکانه (اندازه حرکت) یک جسم، برابر حاصلضرب کمیت اسکالر جرم جسم در کمیت برداری سرعت جسم است؛ بنابراین تکانه، کمیتی برداری است و از قانون جمع بردارها پیروی می کند؛ به همین دلیل، تکانه ی یک سیستم، برابر با جمع برداری یا برآیند تکانه های تک تک اعضای سیستم است.

با استفاده از قوانین دوم و سوم نیوتن، ثابت می شود که اگر نیرویی از خارج بر سیستم وارد نشود، مشتق تکانه ی سیستم نسبت به زمان، برابر صفر و در نتیجه تکانه ی سیستم، نسبت به زمان ثابت است. از جمله نیروهای خارجی که باعث می شوند این اصل در زندگی روزانه، قابل لمس نباشد، نیروی اصطکاک است؛ به همین دلیل برای انجام درست آزمایش، با استفاده از تخت هوا، اصطکاک را به حداقل ممکن می رسانیم؛ ولی باز هم در نتایج آزمایش خواهیم دید که اصطکاک هرگز دست بردار نیست و باز هم بر نتایج آزمایش (هر چند به مقدار کم) تاثیر می گذارد.

از لحاظ ابعاد حرکتی، حرکت می تواند در یک، دو یا سه بعد باشد (البته ابعاد بالاتر هم در ریاضی معرفی می شوند که آنها را بررسی نمی کنیم). در این آزمایش، حرکت اجسام بر روی ریل هواست؛ بنابراین پایستگی تکانه را در یک بعد مطالعه خواهیم کرد.

همچنین برخوردها، بسته به اینکه انرژی جنبشی مجموع آنها ثابت می ماند یا خیر (به این نکته توجه داریم که پایستگی انرژی جنبشی با پایستگی انرژی مکانیکی متفاوت است؛ زیرا ممکن است انرژی مکانیکی ثابت بماند ولی مقداری از انرژی مخانیکی، انرژی جنبشی ثابت نماند.)، برخوردها به یعنی، ممکن است علی رغم ثابت ماندن انرژی مکانیکی، انرژی جنبشی ثابت نماند.)، برخوردها به ترتیب به دو دسته ی کشسان (elastic) و غیر کشسان (inelastic) تقسیم می شوند؛ بنابراین در برخورد غیر کشسان، اتلاف انرژی جنبشی خواهیم داشت و این اتلاف زمانی به بیشترین مقدار خود می رسد که دو جسم پس از برخورد، کاملا به هم بچسبند که در این صورت، برخورد را کاملا غیر کشسان می نامیم؛ به هر حال ، برای سنجش میزان کشسان بودن یک برخورد، کمیتی بدون واحد به نام ضریب بازگشت تعریف می شود که مقدار آن، برای برخورد کشسان، ۱ و برای برخورد کاملا غیر کشسان، صفر است؛ در حالت کلی، مقدار این کمیت، هر چه به ۱ نزدیک تر باشد، برخورد مورد نظر، کشسان تر است.

روند انجام آزمایش:

الف) برخورد کشسان سره با دیواره ی صلب

ابتدا پمپ هوا را روشن و ریل هوا را طراز می کنیم؛ سپس سنسور اول را در فاصله ی ۳۰ سانتی متری از تفنگ فنری و سنسور دوم را در فاصله ی ۳۰ سانتی متری از انتهای ریل قرار می دهیم. تیغه ی برخورد را به سوراخ پایینی یک طرف سره ی اول وصل می کنیم و طرف دیگر سره ی اول را در تماس با تفنگ فنری قرار می دهیم. به سوراخ پایینی یک طرف سره ی دوم، ضربه گیر لاستیکی را متصل می کنیم و طرف دیگر سره ی دوم را به انتهای ریل، تکیه می دهیم و در حین آزمایش، با دست آنرا به سمت انتهای ریل فشار می دهیم تا همانند یک دیواره ی صلب رفتار کند. تفنگ فنری را تا انتها می کشیم و به سره ی اول، ضربه می زنیم؛ زمان عبور سره ی اول از دو سنسور را یادداشت می کنیم؛ سره ی اول پس از برخورد کشسان با دیواره ی صلب، بر می گردد و در حین برگشت نیز زمان عبور آن از سنسورها را عبار تکرار می کنیم.

ب) برخورد کشسان دو جسم با جرم های مساوی

فاصله ی بین دو سنسور را حدود ۳ برابر طول یک سره قرار می دهیم. اتصالات سره ها را مانند آزمایش الف وصل می کنیم با این تفاوت که سره ی دوم، درست قبل از سنسور دوم قرار بگیرد. تفنگ فنری را تا انتها می کشیم و بر سره ی اول، ضربه وارد می کنیم تا از سنسور اول عبور کند؛ زمان عبور آن را از این سنسور، یادداشت می کنیم؛ سره ی اول پس از برخورد، از عبور از سنسور اول، به سره ی دوم برخورد می کند؛ به دلیل هم جرمی تقریبی آنها، سره ی اول، پس از برخورد، ساکن می ماند و سره ی دوم با سرعتی (که از لحاظ تئوری باید با سرعت اولیه ی سره ی اول برابر باشد) از زیر سنسور دوم عبور می کنیم. مراحل ذکر شده را ۶ مرتبه تکرار می کنیم.

ج) برخورد کشسان جسم با جرم کمتر با جسم ساکن با جرم بیشتر

همان آزمایش ب را تکرار می کنیم؛ با این تفاوت که بر روی سره ی دوم، دو وزنه ی ۵۰ گرمی قرار می دهیم. در این حالت، پس از برخورد، سره ی اول بر می گردد و از زیر سنسور ۱ عبور می کند؛ همچنین سره ی دوم نیز از زیر سنسور دوم می گذرد؛ این دو زمان عبور را به همراه زمان عبور سره ی اول از سنسور اول قبل از برخورد، یادداشت کرده، تمام مراحل را ۶ بار تکرار می کنیم.

د) برخورد کشسان جسم با جرم بیشتر با جسم ساکن با جرم کمتر

در این بخش، وزنه های روی سره ی دوم را بر می داریم و روی سره ی اول، ۶ وزنه ی ۵۰ گرمی قرار می دهیم؛ هر دو سره، پس از برخورد، در همان جهت سرعت اولیه ی سره ی اول، از سنسور دوم عبور می کنند؛ زمان عبور سره ی اول از سنسور اول (قبل از برخورد) و زمان های عبور دو سره از سنسور دوم (پس از برخورد) را یادداشت کرده، آزمایش را ۶ بار تکرار می کنیم.

ه) برخورد غیر کشسان دو جسم

به سره ی اول، به جای تیغه ی برخورد، سوزن برخورد و به سره ی دوم، به جای ضربه گیر لاستیکی، ضربه گیر آلومینیومی حاوی خمیر بازی را وصل می کنیم؛ سره ها را همانند حالت های قبل روی ریل قرار می دهیم . پس از برخورد، دو سره به هم می چسبند؛ زمان عبور سره ی اول از سنسور اول و سره ی دوم از سنسور دوم را یادداشت و آزمایش را ۶ بار تکرار می کنیم.

جداول:

زمان ها ، بر حسب میلی ثانیه، جرم ها بر حسب گرم و طول ها بر حسب سانتی متر هستند .

جدول ۱

| زمان عبور از سنسور دوم | زمان عبور از سنسور اول | زمان عبور از سنسور دوم | زمان عبور از سنسور اول | ردیف |
|------------------------|------------------------|------------------------|------------------------|------|
| بعد از برخورد | بعد از برخورد | قبل از برخورد | قبل از برخورد | ردیف |
| 729-117=147 | 740-98=14d | 117 | 98 | 1 |
| 740-1.0=14. | P71 = P | ۱۰۵ | ٨٩ | ٢ |
| 789-171=14A | 741-94=14V | 171 | 9.4 | ٣ |
| 781-118=180 | 7494=14V | 118 | ٩٣ | ۴ |
| $7\%A-1\cdot 1=1\%Y$ | 77 <i>9-</i> 777 | 1 • 1 | ٨٧ | ۵ |
| 780-118=107 | TT9-9·=149 | ١١٣ | ٩. | ۶ |

طول تيغه: ۶.۹

مجموع جرم سره و اتصالات روی آن: ۲۳۴.۵

فاصله ی سنسور اول تا انتهای ریل: ۱۳۸

جدول ۲

| زمان عبور سره ی دوم از سنسور دوم (بعد از برخورد) | زمان عبور سره ی اول از سنسور اول (قبل از برخورد) | رديف |
|---|---|------|
| 171 | ٩١ | ١ |
| 171 | ٨۴ | ۲ |
| 177 | ٨٨ | ٣ |
| 114 | ٧۵ | ۴ |
| 114 | ٨١ | ۵ |
| 119 | ۸۳ | ۶ |

طول تيغه ها: ۶.۹

مجموع جرم سره ی اول و اتصالات روی آن: ۲۳۴.۵ مجموع جرم سره ی دوم و اتصالات روی آن: ۲۲۹.۵

جدول ۳

| زمان عبور سره ی اول از سنسور اول بعد از برخورد | زمان عبور سره ی دوم از سنسور دوم بعد از برخورد | زمان عبور سره ی اول از سنسور اول قبل از برخورد | رديف |
|---|---|---|------|
| 1787-18=1814 | ۱۵۰ | ٨۴ | ١ |
| 19.4-1=122 | ۱۷۳ | ٨١ | ۲ |
| 1774-44=12.4 | ۱۷۵ | ٨۴ | ٣ |
| 14.4-41=1229 | 188 | ۸۲ | ۴ |
| 1814-11=18.4 | ۱۵۶ | ٨١ | ۵ |
| 121-44=1444 | 187 | ۸۳ | ۶ |

طول تيغه ها: ۶.۹

مجموع جرم سره ی اول و اتصالات روی آن: ۲۳۴.۵ مجموع جرم سره ی دوم و اتصالات روی آن: ۲۲۸.۵

جدول ۴

| زمان عبور سره ی اول از سنسور | زمان عبور سره ی دوم از سنسور | زمان عبور سره ی اول از سنسور | ردیف |
|------------------------------|------------------------------|------------------------------|------|
| دوم بعد از برخورد | دوم بعد از برخورد | اول قبل از برخورد | |
| ۵۰۹-۹۶=۴۱۳ | 98 | ۱۱۵ | ١ |
| 499-9D=4.4 | ۹۵ | 111 | ٢ |
| ۵۲۹-۹۲=۴۳۷ | 97 | ١١٣ | ٣ |
| ۱ ۸۴ = ۹۹ - ۰ ۸۵ | 99 | 117 | ۴ |
| ۵۳۱-۹۸=۴۳۳ | ۸۶ | 114 | ۵ |
| ۵۵۰-۹۷=۴۵۳ | ٩٧ | 17. | ۶ |

طول تيغه ها: ۶.۹

مجموع جرم سره ی اول و اتصالات روی آن: ۵۱۵.۵ مجموع جرم سره ی دوم و اتصالات روی آن: ۲۲۹.۵

جدول ۵

| زمان عبور سره ی دوم از سنسور دوم (بعد از برخورد) | زمان عبور سره ی اول از سنسور اول (قبل از برخورد) | رديف |
|---|---|------|
| 710 | ٨٠ | ١ |
| ۲۱۳ | ٨٠ | ٢ |
| 777 | 9.4 | ٣ |
| ١٨٢ | ٧۵ | ۴ |
| ۲۰۵ | YA | ۵ |
| 7.7 | ٨۶ | ۶ |

طول تيغه ها: ۶.۹

مجموع جرم سره ی اول و اتصالات روی آن: ۲۳۴.۱ مجموع جرم سره ی دوم و اتصالات روی آن: ۲۳۱.۹

خواسته ها:

خواسته ی ا

اعدادی که در جداول ۱ تا ۵ آورده شده اند، نشان دهنده ی مدت زمانی هستند که سره، طول خود (۶۰۹ سانتی متر) را طی می کند؛ بنابراین برای محاسبه ی سرعت های جسم در هر خانه از جداول بر حسب متر بر ثانیه، کافیست ۶۹ میلی متر را بر اعداد جدول بر حسب میلی ثانیه تقسیم کنیم؛ همچنین برای محاسبه ی تکانه هم کافیست سرعت را در جرم سره ی مورد نظر بر حسب کیلوگرم، ضرب کنیم.

آزمايش الف :

| اندازه ی سرعت در عبور از | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|------|
| سنسور دوم بعد از برخورد | سنسور اول بعد از برخورد | سنسور دوم قبل از برخورد | سنسور اول قبل از برخورد | ردیف |
| ٠.۴۶٩ | ٠.۴۶٣ | ٠.۶۱۶ | ٠.٧١٩ | ١ |
| ٠.۴٩٣ | ٠.۴٩۶ | ۰.۶۵۷ | ۰.۷۷۵ | ۲ |
| ٠.۴۶۶ | ٠.۴۶٩ | ٠.۵٧٠ | ٠.٧٣۴ | ٣ |
| ٠.۴٧۶ | ٠.۴۶٩ | ۵۹۵.۰ | ٠.٧۴٢ | ۴ |
| ٠.۵٠۴ | ٠.۴٩۶ | ۰.۶۸۳ | ۰.۷۹۳ | ۵ |
| ٠.۴۵۴ | ٠.۴۶٣ | ٠.۶١١ | ٠.٧۶٧ | ۶ |

| تکانه به هنگام عبور از | : ` |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|------|
| سنسور دوم بعد از برخورد | سنسور اول بعد از برخورد | سنسور دوم قبل از برخورد | سنسور اول قبل از برخورد | ردیف |
| -11 | -+.1 • 9 | ٠.١۴۴ | ٠.١۶٩ | ١ |
| -+.118 | -•.118 | ٠.١۵۴ | ٠.١٨٢ | ٢ |
| P • 1. • - | - • .1 1 • | ٠.١٣۴ | ٠.١٧٢ | ٣ |
| 117 | - • .1 1 • | ٠.١٣٩ | ٠.١٧۴ | ۴ |
| ۸۱۱.۰- | -•.118 | ٠.١۶٠ | ٠.١٨۶ | ۵ |
| 1 - 9 | -+.1 • 9 | ٠.١۴٣ | ٠.١٨٠ | ۶ |

| $\Delta P = \frac{P_i - P_f}{P_i} \times 100$ | تکانه ی میانگین بعد از برخورد | تکانه ی میانگین قبل از برخورد | رديف |
|---|----------------------------------|----------------------------------|------|
| 189.477 | -•.1•9 | ۰.۱۵۲ | ١ |
| 189.041 | -+.118 | ٠.١۶٨ | ٢ |
| ۵۶۸.۱۷۱ | -11 | ۰.۱۵۳ | ٣ |
| 17.7.1 | -+.111 | ٠.١۵٧ | ۴ |
| 184.84. | -+.NY | ٠.١٧٣ | ۵ |
| ۱۶۷.۰۸۱ | - · . \ · A | ٠.١۶١ | ۶ |

مشاهده می شود که تکانه در قبل از برخورد نیز در دو سنسور متفاوت است که نشان دهنده ی وجود اصطکاک است. مقدار ΔP هم در تئوری باید برابر ۲۰۰ باشد که در آزمایش، تقریبا برابر ۱۶۹٬۲۹۷ است که دلیل اصلی اختلاف، اصطکاک و کاملا کشسان نبودن برخورد دو سره است.

آزمایش ب :

| ΔΡ | تکانه ی سره ی دوم | اندازه ی سرعت سره ی | تکانه ی سره ی اول | اندازه ی سرعت سره ی | دف |
|--------|-------------------|---------------------|-------------------|---------------------|------|
| | بعد از برخورد | دوم بعد از برخورد | قبل از برخورد | اول قبل از برخورد | ردیف |
| 78.4.0 | ۱۳۱.۰ | ٠.۵٧٠ | ٠.١٧٨ | ۸۵۷.۰ | ١ |
| 77.174 | ۱۳۱.۰ | ۰.۵۲۰ | ٠.١٩٣ | ١٢٨.٠ | ٢ |
| ۳۲.۰۶۵ | ٠.١٢۵ | ۳۴۵.۰ | ٠.١٨۴ | ۶۸۷.۰ | ٣ |
| TV.95T | ٠.١٣۴ | ۵۸۵. ۰ | ٠.٢١۶ | ٠.٩٢٠ | ۴ |
| ٣٣.٠٠٠ | ٠.١٣۴ | ۵۸۵. ۰ | ٠٠٢.٠ | 764. • | ۵ |
| ۳۱.۷۹۵ | ٠.١٣٣ | ۰.۵۸۰ | ٠.١٩۵ | ۱۳۸.۰ | ۶ |

در این آزمایش، انتظار داریم که مقدار ΔP برابر صفر باشد؛ چون جرم دو جسم را برابر در نظر می گیریم؛ ولی ΔP میانگین در این آزمایش، برابر ΔP است که یکی از دلایل اختلاف موجود، برابر نبودن جرم دو سره و کشسان نبودن برخورد است؛ اما دلیل اصلی، وجود اصطکاک است.

آزمایش ج :

| اندازه ی سرعت سره ی اول بعد از | اندازه ی سرعت سره ی دوم بعد از | اندازه ی سرعت سره ی اول قبل از | ردیف, |
|--------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|-------|
| برخورد | برخورد | برخورد | ردیت |
| ٠.٠٤١ | ٠.۴۶٠ | ۲۲۸.۰ | ١ |
| ٠.٠٣٨ | ٠.٣٩٩ | ۲۵۸.۰ | ٢ |
| ۰.۰۵۳ | ٠.٣٩۴ | 174. • | ٣ |
| ۰.۰۵۲ | ٠.۴١۶ | ۱۴۸.۰ | ۴ |
| ٠.٠۴٣ | ٠.۴۴٢ | ۲۵۸.۰ | ۵ |
| ٠.٠۴٨ | ٠.۴٢۶ | ۱۳۸.۰ | ۶ |

| تکانه ی سره ی اول بعد از برخورد | تکانه ی سره ی دوم بعد از برخورد | تکانه ی سره ی اول قبل از برخورد | ردیف |
|---------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|------|
| -•.•1• | ٠.١۵١ | ٠.١٩٣ | ١ |
| - • . • • 9 | ٠.١٣١ | ٠٠٢٠٠ | ٢ |
| 17 | ٠.١٣٠ | ٠.١٩٣ | ٣ |
| 17 | ٠.١٣٧ | ٠.١٩٧ | ۴ |
| 1. | ٠.١۴۵ | ٠٠٢٠٠ | ۵ |
| -+.+11 | ٠.١۴٠ | ۰.۱۹۵ | ۶ |

| ΔΡ | مجموع تكانه ها بعد از برخورد | مجموع تكانه ها قبل از برخورد | ردیف |
|--------|------------------------------|------------------------------|------|
| 75.948 | •.141 | ٠.١٩٣ | ١ |
| ٣٩.٠٠٠ | ٠.١٢٢ | ٠٠٢٠٠ | ۲ |
| ۳۸.۸۶۰ | ٠.١١٨ | ٠.١٩٣ | ٣ |
| ۳۶.۵۴۸ | ٠.١٢۵ | ٠.١٩٧ | ۴ |
| ٣٢.۵٠٠ | ٠.١٣۵ | ٠٠٢.٠ | ۵ |
| ۳۳.۸۴۶ | ٠.١٢٩ | ٠.١٩۵ | ۶ |

در این آزمایش هم مقدار ΔP باید برابر صفر باشد؛ در حالی که باز هم به خاطر اصطکاک ΔP میانگین به دست آمده در این آزمایش، برابر ۳۴.۶۱۶ است.

آزمایش د :

| سرعت سره ی اول بعد از برخورد | سرعت سره ی دوم بعد از برخورد | سرعت سره ی اول قبل از برخورد | ردیف |
|------------------------------|------------------------------|------------------------------|------|
| ٠.١۶٧ | ۰.۷۱۹ | | ١ |
| ٠.١٧١ | ٠.٧٢۶ | ٠.۶٢٢ | ٢ |
| ٠.١۵٨ | ٠.٧۵٠ | ٠.۶١١ | ٣ |
| ٠.١۴٣ | ٠.۶٩٧ | ۰ ۹۵. ۰ | ۴ |
| ۰.۱۵۹ | ٠.٧٠۴ | ٠.۶٠۵ | ۵ |
| ٠.١۵٢ | ٠.٧١١ | ۰.۵۲۵ | ۶ |

| تکانه ی سره ی اول بعد از برخورد | تکانه ی سره ی دوم بعد از برخورد | تکانه ی سره ی اول قبل از برخورد | رديف |
|---------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|------|
| ٠.٠٨۶ | ٠.١۶۵ | ٠.٣٠٩ | ١ |
| ٠.٠٨٨ | ٠.١۶٧ | ٠.٣٢٠ | ٢ |
| ٠.٠٨١ | ٠.١٧٢ | ۰.۳۱۵ | ٣ |
| ٠.٠٧۴ | ٠.١۶٠ | ٠.٣٠۴ | ۴ |
| ۰.۰۸۲ | ٠.١۶٢ | ٠.٣١٢ | ۵ |
| ٠.٠٧٩ | ٠.١۶٣ | ۰.۲۹۶ | ۶ |

| ΔΡ | مجموع تكانه ها بعد از برخورد | مجموع تكانه ها قبل از برخورد | رديف |
|--------|------------------------------|------------------------------|------|
| ١٨.٧٧٠ | ۰.۲۵۱ | ٠.٣٠٩ | ١ |
| 70.71 | ٠.٢۵۵ | ٠.٣٢٠ | ٢ |
| 19.790 | ۰.۲۵۴ | ٠.٣١۵ | ٣ |
| 78.078 | ٠.٢٣۴ | ٠.٣٠۴ | ۴ |
| 41.17 | •.۲۴۴ | ٠.٣١٢ | ۵ |
| 11.744 | ٠.۲۴٢ | ٠.٢٩۶ | ۶ |

 Φ میانگین در این آزمایش، برابر ۲۰.۲۵۲ است که نسبت به آزمایشهای قبل، به صفر نزدیک تر است؛ ولی باز هم بدلیل وجود نیروهای اتلافی و کاملا کشسان نبودن برخورد، صفر نیست.

آزمایش ه : برای محاسبه ی تکانه پس از برخورد، مجموع دو جرم را در سرعت سره ی دوم ضرب می کنیم:

| ΔΡ | تکانه ی برآیند بعد از | اندازه ی سرعت سره ی | تکانه ی برآیند قبل | اندازه ی سرعت سره ی | |
|--------|-----------------------|---------------------|--------------------|---------------------|------|
| ΔΡ | بر <i>خ</i> ورد | دوم بعد از برخورد | از برخورد | اول قبل از برخورد | ردیف |
| 74.04 | ٠.١۵٠ | ١٣٣١. ٠ | 7 - 7 | ۰.۸۶۳ | ١ |
| ۲۵.۲۴۸ | ٠.١۵١ | ٠.٣٢۴ | ۲۰۲.۰ | ۰.۸۶۳ | ۲ |
| 18.779 | ٠.١۴۴ | ٠.٣٠٩ | ٠.١٧٢ | ۰.۷۳۴ | ٣ |
| 17.574 | ٠.١٧٧ | ۰.۳۷۹ | ۵۱۲.۰ | ٠.٩٢٠ | ۴ |
| 74.100 | ٠.١۵٧ | ٧٣٣. ٠ | ٧٠٢.٠ | ۵۸۸.۰ | ۵ |
| ۱۵.۹۵۸ | ٠.١۵٨ | ٠.٣٤٠ | ۸۸۱.۰ | 7.7 | ۶ |

 Φ میانگین در این آزمایش، برابر ۲۰٬۸۴۳ است که باز هم به علت وجود نیروهای اتلافی، مانند نیروی اصطکاک، مقاومت هوا، اثر نیروی گرانش به علت طراز نبودن ریل و در نتیجه ساکن نبودن سره ی دوم قبل از برخورد، صفر نیست.

خواسته ی ۲ آزمایش الف:

| $\left V_{2f}-V_{1f}\right $ | اندازه ی سرعت میانگین | اندازه ی سرعت میانگین | |
|-------------------------------------|-------------------------|-------------------------|------|
| $C = \frac{1}{1} (V_1 - V_2 - V_3)$ | سره ی اول بعد از برخورد | سره ی اول قبل از برخورد | ردیف |
| | (V _{\f}) | (V _{1i}) | |
| ٠.۶٩٩ | ٠.۴۶۶ | ٠.۶۶٧ | ١ |
| ٠.۶٩١ | ۸۴۹۵. | ٠.٧١۶ | ٢ |
| ٠.٧١٨ | ۸۶۴.۰ | ۰.۶۵۲ | ٣ |
| ٠.٧٠٨ | ٠.۴٧٣ | ٠.۶۶٨ | ۴ |
| ٠.۶٧٨ | ٠.۵٠٠ | ۸۳۷.۰ | ۵ |
| • .999 | <i>۹۵۹.</i> ۰ | ۰ .۶۸۹ | ۶ |

مقدار ضریب بازگشت از لحاظ تئوری باید برابر یک باشد؛ ولی در این آزمایش، ضریب بازگشت میانگین، برابر ۰.۶۹۳ است. در بین ۶ مرحله ی آزمایش، مرحله ی ۳، کشسان ترین برخورد و مرحله ی ۶، غیر کشسان ترین برخورد را داراست (البته منظور ما این است که خاصیت کشسان بودن برخورد مرحله ی ۶ از مراحل دیگر، کم تر است.).

آزمایش ب :

| $\varepsilon = \frac{\left V_{2f} - V_{1f} \right }{\left V_{2i} - V_{1i} \right } (V_{vf} = V_{vi} = \cdot)$ | اندازه ی سرعت سره ی دوم بعد از برخورد (۷ _{۲f}) | اندازه ی سرعت سره ی اول قبل از برخورد (۷ _{۱۱}) | ردیف |
|---|--|--|------|
| ٠.٧۵٢ | ٠.۵٧٠ | ۰.۷۵۸ | ١ |
| . 994 | ٠.۵٧٠ | ۲۲۸.۰ | ۲ |
| ٠.۶٩٣ | ۰.۵۴۳ | ۴۸۷.۰ | ٣ |
| • .585 | ۵۸۵.۰ | ٠.٩٢٠ | ۴ |
| · .9AY | ۵۸۵. ۰ | ۲۵۸.۰ | ۵ |
| ٠.۶٩٨ | ٠.۵٨٠ | ۱۳۸.۰ | ۶ |

مقدار ضریب بازگشت باز هم باید از لحاظ تئوری برابر یک باشد؛ ولی در این آزمایش، ضریب بازگشت میانگین، برابر ۰.۶۹۳ است. در بین ۶ مرحله ی آزمایش، مرحله ی ۱، کشسان ترین برخورد و مرحله ی ۴، غیر کشسان ترین برخورد را داراست (البته منظور ما این است که خاصیت کشسان بودن برخورد مرحله ی ۴ از مراحل دیگر، کم تر است.). نکته ی جالب دیگری که وجود دارد، این است که ضریب بازگشت میانگین برای ۶ مرحله ی این آزمایش با آزمایش قبل، برابر شد؛ این امر می تواند تصادفی نباشد؛ زیرا ضریب بازگشت را می توانیم وابسته به جنس تیغه ی برخورد و ضربه گیر پلاستیکی بدانیم که چون در دو آزمایش یکسانند، انتظار می رود که ضریب بازگشت هم در دو آزمایش، مقدار تقریبا ثابتی باشد.

آزمایش ج :

| $\varepsilon = \frac{\left V_{2f} - V_{1f} \right }{\left V_{2i} - V_{1i} \right } (V_{ri} = \cdot)$ | سرعت سره ی اول بعد از برخورد (۷ _{۱۲}) | سرعت سره ی دوم بعد از برخورد (۷۲۴) | سرعت سره ی اول قبل از برخورد (۷ _{۱۱}) | ردیف |
|--|---|---|---|------|
| ٠.۶١٠ | -•.•۴1 | ٠.۴۶٠ | ١ ٢٨.٠ | ١ |
| ۰.۵۱۳ | ۸۳۰.۰- | ٠.٣٩٩ | ۲۵۸.۰ | ٢ |
| ٠.۵۴۵ | -·.·۵٣ | ٠.٣٩۴ | ۱ ۲۸.۰ | ٣ |
| ۷۵۵۰ - | -·.· ۵۲ | ٠.۴١۶ | ٠.٨٤١ | ۴ |
| ۰.۵۶۹ | -•.•۴٣ | ٠.۴۴٢ | ۲۵۸.۰ | ۵ |
| ٠.۵٢٠ | ۰۰.۰۴۸ | ٠.۴٢۶ | ۱۳۸.۰ | ۶ |

مقدار ضریب بازگشت از لحاظ تئوری باید برابر یک باشد؛ ولی در این آزمایش، ضریب بازگشت میانگین، برابر ۰.۵۶۱ است. در بین ۶ مرحله ی آزمایش، مرحله ی ۱، کشسان ترین برخورد و مرحله ی ۲، غیر کشسان ترین برخورد را داراست (البته منظور ما این است که خاصیت کشسان بودن برخورد مرحله ی ۲ از مراحل دیگر، کم تر است.).

آزمایش د :

| $\varepsilon = \frac{\left V_{2f} - V_{1f} \right }{\left V_{2i} - V_{1i} \right } (V_{ri} = \cdot)$ | سرعت سره ی اول بعد از برخورد (۷ _{۱۴}) | سرعت سره ی دوم بعد از برخورد (۷ _{۲۲}) | سرعت سره ی اول قبل از برخورد (۷ _{۱i}) | ردیف |
|---|---|---|---|------|
| ٠.٩٢٠ | ٠.١۶٧ | ٠.٧١٩ | • .9• • | ١ |
| 794. | ٠.١٧١ | ۰.۷۲۶ | ٠.۶۲۲ | ٢ |
| ٠.٩۶٩ | ٠.١۵٨ | ٠.٧۵٠ | ٠.۶١١ | ٣ |
| ٠.٩٣٩ | ٠.١۴٣ | ۰.۶۹۷ | ۰ .۵۹ ۰ | ۴ |
| 1.9.1 | ۰.۱۵۹ | ٠.٧٠۴ | ٠.۶٠۵ | ۵ |
| ٠.٩٧٢ | ٠.١۵٢ | ٠.٧١١ | ۵۷۵. ۰ | ۶ |

مقدار ضریب بازگشت از لحاظ تئوری باید برابر یک باشد؛ ولی در این آزمایش، ضریب بازگشت میانگین، برابر ۰.۹۳۲ است که نسبت به آزمایش های قبل، خیلی به ۱ نزدیک تر است؛ یعنی، برخوردهای این آزمایش به طور کلی از آزمایش های قبلی، کشسان تر بوده اند. در بین ۶ مرحله ی آزمایش، مرحله ی ۶، کشسان ترین برخورد و مرحله ی ۲، غیر کشسان ترین برخورد را داراست (البته منظور ما این است که خاصیت کشسان بودن برخورد مرحله ی ۲ از مراحل دیگر، کم تر است.).

آزمایش ه :

در این آزمایش، چون از سوزن و ضربه گیر استوانه ای حاوی خمیر بازی استفاده کرده ایم، دو سره پس از برخورد به هم می چسبند و در نتیجه سرعت آنها، پس از برخورد با هم برابر می شود ($V_{1f}=V_{Yf}$) و چون سره ی دوم قبل از حرکت، ساکن بوده است ($V_{Yi}=V)$ ، در نتیجه ضریب بازگشت، برابر صفر و برخورد، کاملا غیر کشسان است.

خواسته ی ۳

در این بخش، به انرژی پتانسیل سره ها نمی پردازیم (سره ها در یک ارتفاع از زمین هستند؛ بنابراین انرژی پتانسیل آنها، برابر و ثابت است.)؛ بلکه فقط انرژی جنبشی سره ها را قبل و بعد از برخورد، بررسی و مقایسه می کنیم.

آزمايش الف :

| انرژی جنبشی میانگین سره ی اول بعد از برخورد (k _{۱f}) | انرژی جنبشی میانگین سره ی اول قبل از برخورد (k _{1i}) | اندازه ی سرعت میانگین سره ی اول بعد از برخورد (۷ _{۱۴}) | اندازه ی سرعت میانگین سره ی اول قبل از برخورد (۷ _{۱۱}) | رديف |
|--|--|---|---|------|
| ۵۲۰.۰ | ۰.۰۵۲ | ٠.۴۶۶ | ٠.۶۶٧ | ١ |
| ٠.٠٢٩ | ٠.٠۶٠ | ٠.۴٩۵ | ۰.۷۱۶ | ۲ |
| ٠.٠٢۶ | ٠.٠۵٠ | ٠.۴۶۸ | ۰.۶۵۲ | ٣ |
| ٠.٠٢۶ | ٠.٠۵٢ | ٠.۴٧٣ | ٠.۶۶٨ | ۴ |
| ٠.٠٢٩ | ٠.٠۶۴ | ٠.۵٠٠ | ۸۳۷.۰ | ۵ |
| ٠.٠٢۵ | ٠.٠۵۶ | <i>۹۹.۰</i> | ۰.۶۸۹ | ۶ |

انرژی جنبشی سره ی اول قبل از برخورد، به طور میانگین، برابر ۰.۰۵۶ ژول و بعد از برخورد، برابر ۰.۰۲۷ است. مشاهده می شود در حالی که انرژی جنبشی، باید قبل و بعد از برخورد ثابت بماند، ثابت نیست که دو دلیل اصلی آن، یکی کاملا کشسان نبودن برخورد و دیگری وجود اصطکاک است.

آزمایش ب :

| انرژی جنبشی سره ی دوم بعد از برخورد (k _{۲f}) | انرژی جنبشی سره ی اول قبل از برخورد (k _{۱i}) | اندازه ی سرعت سره ی دوم بعد از برخورد (۷ _{۲۴}) | اندازه ی سرعت سره ی اول قبل از برخورد (۷ _{۱۱}) | فیی |
|--|--|---|---|-----|
| ٠.٠٣٧ | ٠.٠۶٧ | ٠.۵٧٠ | ۸۵۷.۰ | ١ |
| ٠.٠٣٧ | ٠.٠٧٩ | ٠٠۵٧٠ | ۲۲۸.۰ | ٢ |
| ٠.٠٣۴ | ٠.٠٧٢ | ۰.۵۴۳ | ۴۸۷.۰ | ٣ |
| ٠.٠٣٩ | ٠.٠٩٩ | ۵۸۵. ۰ | ٠.٩٢٠ | ۴ |
| ٠.٠٣٩ | ٠.٠٨۵ | ۵۸۵. ۰ | ۲۵۸. ۰ | ۵ |
| ٠.٠٣٩ | ٠.٠٨١ | ۰ ۸۵۰ ۰ | ۱۳۸.۰ | ۶ |

انرژی جنبشی برای سره ی اول قبل از برخورد، به طور میانگین، برابر ۰.۰۸۱ ژول و برای سره ی دوم، بعد از برخورد، برابر ۰.۰۳۸ است. مشاهده می شود که باز هم انرژی جنبشی ، ثابت نیست که دو دلیل اصلی آن، یکی کاملا کشسان نبودن برخورد و دیگری وجود اصطکاک است.

آزمایش ج:

| سرعت سره ی اول بعد از | سرعت سره ی دوم بعد | سرعت سره ی اول | |
|----------------------------|-------------------------------|-----------------------------------|------|
| برخورد (V _{۱f}) | از برخورد (V _{۲f}) | قبل از برخورد (V _{۱i}) | ردیف |
| -+.+1 | ٠.۴۶٠ | ۲۲۸.۰ | ١ |
| ۸۳۰.۰- | ٠.٣٩٩ | ۲۵۸.۰ | ۲ |
| -٠.٠۵٣ | ٠.٣٩۴ | ۲۲۸.۰ | ٣ |
| -+.+ ۵۲ | ٠.۴١۶ | ٠.٨٤١ | ۴ |
| -+.+۴٣ | ٠.۴۴٢ | ۲۵۸.۰ | ۵ |
| ۰۰.۰۴۸ | ٠.۴٢۶ | ۱ ۳۸.۰ | ۶ |

| مجموع انرژی جنبشی | مجموع انرژی جنبشی | انرژی جنبشی سره | انرژی جنبشی سره | انرژی جنبشی | |
|---------------------|---------------------------|----------------------------|----------------------------|-------------------------------|------|
| سیستم بعد از برخورد | سیستم قبل از برخورد | ی اول بعد از | ی دوم بعد از | سرہ ی اول قبل | ردیف |
| (k _f) | (k _i) | برخورد (k _{۱f}) | برخورد (k _{۲f}) | از برخورد (k _{۱i}) | |
| ۰.۰۳۵ | ۰.۰۷۹ | *.*** | ٠.٠٣۵ | ۰.۰٧٩ | ١ |
| ٠.٠٢۶ | ٠.٠٨۵ | *.*** | ٠.٠٢۶ | ۰.۰۸۵ | ٢ |
| ٠.٠٢۶ | ۰.۰٧٩ | •.•• | ٠.٠٢۶ | ۰.۰٧٩ | ٣ |
| ٠.٠٢٩ | ۰.۰۸۳ | *.*** | ۸۲۰.۰ | ۰.۰۸۳ | ۴ |
| ٠.٠٣٢ | ٠.٠٨۵ | *.*** | ٠.٠٣٢ | ٠.٠٨۵ | ۵ |
| ٠.٠٣٠ | ٠.٠٨١ | *.*** | ٠.٠٣٠ | ٠.٠٨١ | ۶ |

باز هم دیده می شود که به همان دلایل قبلی، انرژی جنبشی کل پس از برخورد (که به طور میانگین، برابر ۰۰۳۰ است.)، کم تر است. است.)، از انرژی جنبشی کل پیش از برخورد (که به طور متوسط، برابر ۰۰۸۲ است.)، کم تر است. آزمایش د :

| سرعت سره ی اول بعد از | سرعت سره ی دوم بعد | سرعت سره ی اول | |
|----------------------------|-------------------------------|-----------------------------------|------|
| برخورد (V _{۱f}) | از برخورد (۷ _{۲f}) | قبل از برخورد (V _{۱i}) | ردیف |
| ٠.١۶٧ | ٠.٧١٩ | | ١ |
| ٠.١٧١ | ۰.۷۲۶ | ٠.۶۲۲ | ٢ |
| ۰.۱۵۸ | ٠.٧۵٠ | ٠.۶١١ | ٣ |
| ٠.١۴٣ | ۰.۶۹۷ | ۰ .۵۹ ۰ | ۴ |
| ۰.۱۵۹ | ۰.۷۰۴ | ٠.۶٠۵ | ۵ |
| ٠.١۵٢ | ٠.٧١١ | ۵۷۵. ۰ | ۶ |

| مجموع انرژی جنبشی | مجموع انرژی جنبشی | انرژی جنبشی سره | انرژی جنبشی سره | انرژی جنبشی | |
|---------------------|---------------------------|----------------------------|----------------------------|-------------------------------|------|
| سیستم بعد از برخورد | سیستم قبل از برخورد | ی اول بعد از | ی دوم بعد از | سرہ ی اول قبل | ردیف |
| (k _f) | (k _i) | برخورد (k _{۱f}) | برخورد (k _{۲f}) | از برخورد (k _{۱i}) | |
| ٠.٠۶۶ | ٠.٠٩٣ | ٠.٠٠٧ | ۰.۰۵۹ | ۰.۰۹۳ | ١ |
| ۰.۰۶۸ | •.1.• | ٠.٠٠٨ | ٠.٠۶١ | ٠.١٠٠ | ٢ |
| ٠.٠٧١ | ٠.٠٩۶ | ٠.٠٠۶ | ٠.٠۶۵ | ٠.٠٩۶ | ٣ |
| ٠.٠۶١ | ٠.٠٩٠ | ٠.٠٠۵ | ٠.٠۵۶ | ٠.٠٩٠ | ۴ |
| ٠.٠۶٣ | ٠.٠٩۴ | ٠.٠٠٧ | ٠.٠۵٧ | ٠.٠٩۴ | ۵ |
| ٠.٠۶۴ | ۰.۰۸۵ | ٠.٠٠۶ | ۰.۰۵۸ | ٠.٠٨۵ | ۶ |

باز هم دیده می شود که به همان دلایل قبلی، انرژی جنبشی کل پس از برخورد (که به طور میانگین، برابر ۱۰۰۶۶ است.)، از انرژی جنبشی کل پیش از برخورد (که به طور متوسط، برابر ۱۰۰۹۳ است.)، کم تر است؛ ولی به نظر می رسد که اتلاف انرژی جنبشی در این آزمایش، از آزمایش های قبل، کم تر است که این امر، با توجه به زیاد بودن ضریب بازگشت این آزمایش، چندان هم دور از انتظار نیست.

آزمایش ه :

| انرژی جنبشی کل سیستم بعد از برخورد (k _f) | انرژی جنبشی کل سیستم قبل از برخورد (k _i = k _{1i}) | اندازه ی سرعت سره ی دوم بعد از برخورد (۷ _{۲۲}) | اندازه ی سرعت سره ی اول قبل از برخورد (۷ _{۱۱}) | رديف |
|--|--|---|---|------|
| ٠.٠٢۴ | ٠.٠٨٧ | 177. | ٣٩٨. ٠ | 1 |
| ٠.٠٢۴ | ٠.٠٨٧ | ۰.۳۲۴ | ۰.۸۶۳ | ٢ |
| ٠.٠٢٢ | ٠.٠۶٣ | ٠.٣٠٩ | ۰.۷۳۴ | ٣ |
| ٠.٠٣٣ | ٠.٠٩٩ | ۰.۳۷۹ | ٠.٩٢٠ | ۴ |
| ٠.٠٢۶ | ٠.٠٩٢ | ٧٣٣. ٠ | ۵۸۸.۰ | ۵ |
| ٠.٠٢٧ | ۰.۰۷۵ | ٠.٣٤٠ | 7.4 | ۶ |

انرژی جنبشی سیستم قبل از برخورد، به طور میانگین، برابر ۰.۸۴ ژول و بعد از برخورد، برابر ۰.۰۲۶ است. مشاهده می شود که باز هم انرژی جنبشی ، ثابت نیست و اتلاف آن، در این آزمایش، بیش از آزمایش های قبل است که علت اصلی آن، کاملا غیر کشسان بودن برخورد دو سره است؛ ضمنا اثر اصطکاک را هم هیچ گاه نباید فراموش کرد.