

۲. لایلا س. ریس مائرس

$$F(s) \triangleq \int_0^{\infty} f(t) e^{-st} dt$$

~~۵٪~~ - زمین های زیر سرکه ب  
با صنایع خردی غلات و حبوبات

✓. فرقہ نشین نہیں

👉 جَعَلْنَا رَايَ سَعْدَةَ

۵۱. نیکوکاری در دینی

ج. ۲

$\delta(t)$

$\delta^{(n)}$

$u(t)$

$t^h$

$k e^{\text{rat}}$

$kt^h$

$$k t e^{at}$$

Sinat

Cosat

T: درود نبوی

$$e^{-at} \cos \beta t$$

$$e^{at} \sin \beta t$$

$$ae^{-at} \cos \beta t + \frac{b-a\alpha}{\beta} e^{-at} \sin \beta t$$

$$r|k|e^{-\alpha t} \cos(\beta t + \Delta k)$$

$$\alpha(h(\tau)) = H(\varphi)$$

$$V(t) = \int_0^t h(t-\tau) e(\tau) d\tau$$

دردی ← با رخ صبر

$$V(t) = k(t) * e(t)$$

$$\hookrightarrow V(s) = h(s) \times e(s)$$

تبدیل لاطین

1

$$S^n \quad (n = 1, 2, \dots)$$

$\frac{1}{2}$

$$\frac{1}{s^{n+1}}$$

$$\frac{k}{k_0}$$

$$\frac{k n!}{n!}$$

$$\frac{S^{n+1}}{K}$$

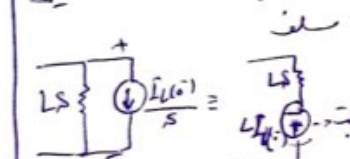
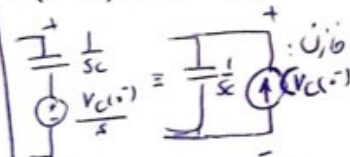
5-a) 2  
a

$$\frac{sr + ar}{s}$$

$$\frac{p}{5^r + a^r}$$

)

$$L(t^n f(t)) = (-1)^n F^{(n)}(s)$$



1

الگوب - ~~تجزیه~~ - تجزیه های پله ای کتاب - تجزیه های فونیکس (در ترمی بگرم)  
 $F(s) = \int_0^{\infty} f(t) e^{-st} dt$  با ضریب خردی خاصها هم

لاپلاس درش باترس

فرکانس طبیعی

صفایای شبکه

نسبیه های درختی

$$\mathcal{L}[c_1 f_1 + c_2 f_2] = c_1 \mathcal{L}(f_1) + c_2 \mathcal{L}(f_2)$$

$$\mathcal{L}[f^{(n)}(t)] = s^n \mathcal{L}(f(t)) - s^{n-1} f(0^-) - s^{n-2} f'(0^-) - \dots - f^{(n-1)}(0^-)$$

$$\mathcal{L}\left[\int_0^t f(t') dt'\right] = \frac{1}{s} \mathcal{L}(f(t))$$

تابع

$$\delta(t)$$

$$\delta^{(n)}(t)$$

$$u(t)$$

$$\frac{t^n}{n!}$$

$$k e^{at}$$

$$k t^n$$

$$k t e^{at}$$

$$\sin at$$

$$\cos at$$

تابع ساد :  $F(s) = \frac{\mathcal{L}(f(t))}{1 - e^{-Ts}}$

$$e^{-at} \cos \beta t$$

$$e^{at} \sin \beta t$$

$$a e^{-at} \cos \beta t + \frac{b - a\alpha}{\beta} e^{-at} \sin \beta t$$

$$r|k| e^{-at} \cos(\beta t + \angle k)$$

$$\mathcal{L}(h(t)) = H(s)$$

$$v(t) = \int_0^t h(t-\tau) e(\tau) d\tau$$

درودی ← تابع مزید

$$v(t) = h(t) * e(t)$$

$$v(s) = h(s) \times e(s)$$

تبدیل لاپلاس

$$1$$

$$s^n \quad (n = 1, 2, \dots)$$

$$\frac{1}{s}$$

$$\frac{1}{s^{n+1}}$$

$$\frac{k}{s-a}$$

$$\frac{k n!}{s^{n+1}}$$

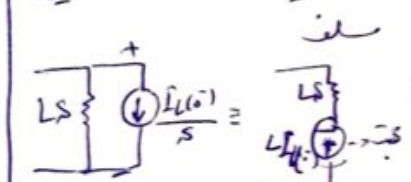
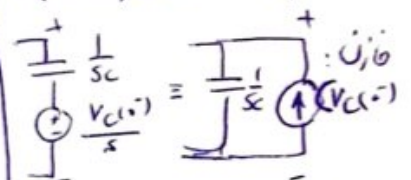
$$\frac{k}{(s-a)^2}$$

$$\frac{a}{s^2 + a^2}$$

$$\frac{s}{s^2 + a^2}$$

$$\frac{s^2 + a^2}{s^2 + a^2}$$

$$\mathcal{L}(t^n f(t)) = (-1)^n F^{(n)}(s)$$



T: دردی

$$\frac{s+a}{(s+a)^2 + \beta^2}$$

$$\frac{\beta}{(s+a)^2 + \beta^2}$$

$$\frac{(s+a)^2 + \beta^2}{as+b}$$

$$\frac{(s+a)^2 + \beta^2}{(s+a)^2 + \beta^2}$$

$$\frac{k}{s+a-j\beta} + \frac{\bar{k}}{s+a+j\beta}$$

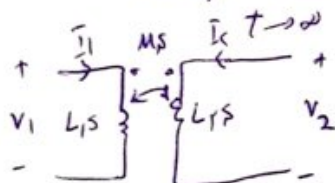
$$\frac{k}{s+a-j\beta} + \frac{\bar{k}}{s+a+j\beta}$$

تبدیل لاپلاس با منبع ضربه حال تابع شبکه است



قصہ فدا کردہ :

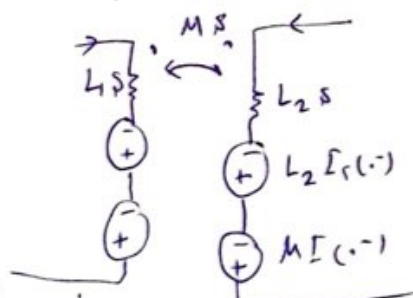
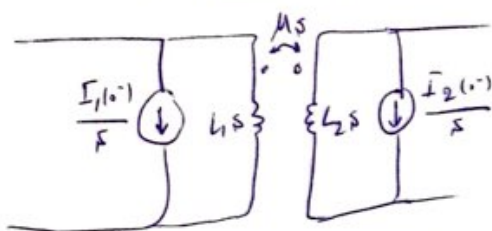
قصہ فکر خانی :



$$v_1 = L_1 s \bar{I}_1 + M s \bar{I}_2$$

$$V_2 = MS\bar{I}_1 + L_1S\bar{I}_2$$

سلف تدریج سرہ



لقد تخرجت من مدرسة الادب في مصر

$$V_1 = L_1 S \left( \bar{I}_1 - \frac{\bar{I}_1^{(0)}}{\delta} \right) + M S \left( \bar{I}_2 - \frac{\bar{I}_2^{(0)}}{s} \right)$$

$$V_r = M_s \left( \bar{I}_1 - \frac{\bar{I}_1^{(0)}}{s} \right) + L_r s \left( \bar{I}_2 - \frac{\bar{I}_2^{(0)}}{s} \right)$$

$$V_1 = L_1 \frac{dI_1}{dt} + M \frac{dI_2}{dt} - L_2 \frac{dI_2}{dt} - M \frac{dI_1}{dt}$$

$$V_f = \mu_s \hat{f}_1 + L_c s \hat{f}_1 - \mu \hat{f}_1(\cdot) - L_c \hat{f}_1(\cdot)$$

$$H(s) = \frac{L[\text{تابع خروجی}]}{L[\text{تابع ورودی}]}$$

نرکانس طبعی : • بزرگترین عارضہٴ کسحہ ہے جسے عارضہٴ نرکانس طبعی کہتے ہیں۔  
• اسے عارضہٴ نرکانس کہتے ہیں۔

دہریاں

نزدکاتن صلبی برابر : غیر صفوها : رتبه های کمتر از ۳ : درستی

$$\det[Z(s)] = 0, \det[Y(s)] = 0, \det(sI - A) = 0$$

در صددار: تعداد سلف ها و خزان ها - تعداد کارکنان سلفی - تعداد طبقه های فیزیکی - تعداد افسران خزان ها  
تعداد کارکنان سلفی ها - غیر مستقیم

فردا سناں ہاں صفر . طوطہ سناں  
+ کات سناں طوطہ

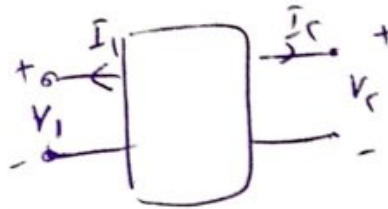
• اندام قلب های سنی در ریه است و می باشد سینه سینه را در است  
• روی محور باشد - نوزاد ساز

$$\sum_{k=1}^M V_k \bar{I}_k = 0$$

قضیه تلگان :

$$\sum V_k \bar{I}_k = \sum \hat{V}_k \bar{I}_k$$

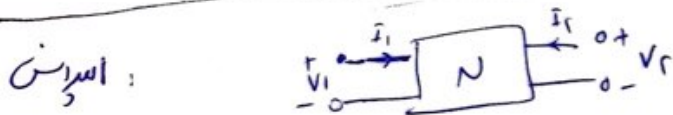
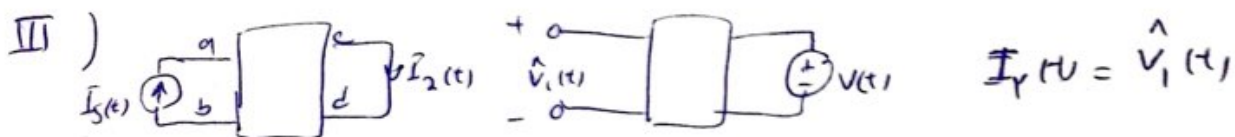
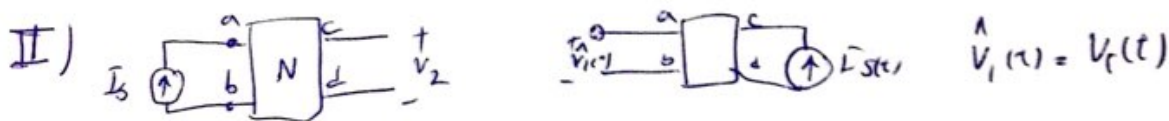
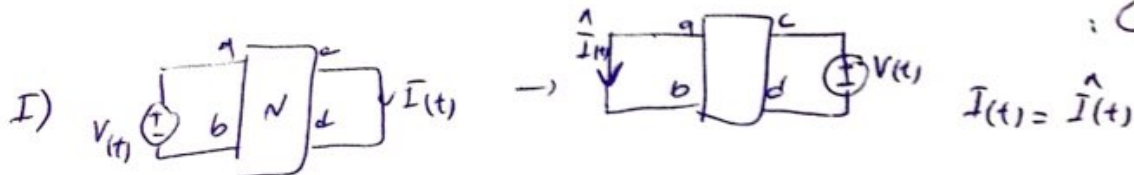
$$\sum \hat{V}_k \bar{I}_k = \sum V_k \hat{I}_k$$



در حالت (غنی سنوپی) :

$$\sum \frac{1}{r} V_k \bar{I}_k = 0$$

قضیه هم‌رسانی :



دفعه‌ای :

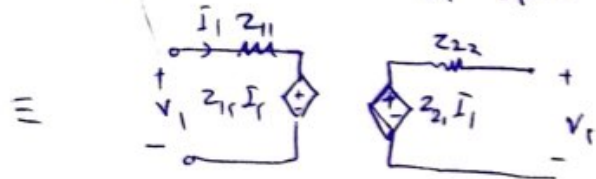
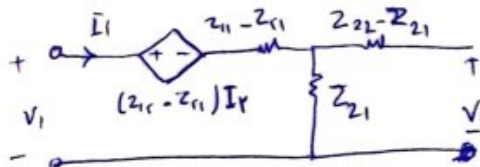
$$\begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Z_{11} & Z_{12} \\ Z_{21} & Z_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \bar{I}_1 \\ \bar{I}_2 \end{bmatrix}$$

$$Z_{11} = \frac{V_1}{\bar{I}_1} \Big|_{\bar{I}_2=0}$$

$$Z_{12} = \frac{V_1}{\bar{I}_2} \Big|_{\bar{I}_1=0}$$

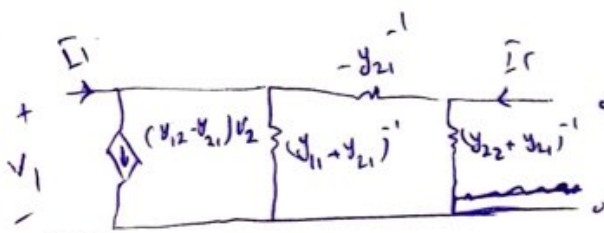
$$Z_{21} = \frac{V_2}{\bar{I}_1} \Big|_{\bar{I}_2=0}$$

$$Z_{22} = \frac{V_2}{\bar{I}_2} \Big|_{\bar{I}_1=0}$$



اگر  $Z_{12} = Z_{21}$  ← دقتی متقابل در حالت T

اگر  $Y_{12} = Y_{21}$  ← دقتی متقابل در حالت Y

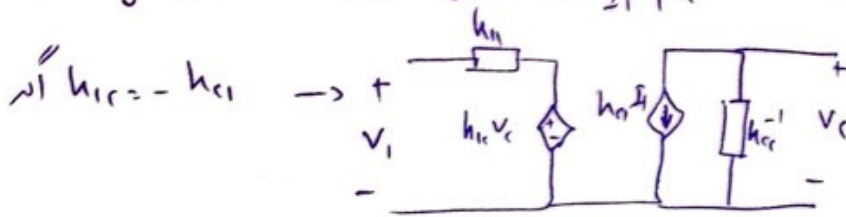


برای استخراج پارامترهای هاینبرگ:

$$\begin{bmatrix} V_1 \\ \bar{I}_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} \\ h_{21} & h_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \bar{I}_1 \\ V_2 \end{bmatrix}$$

$$h_{11} = \frac{V_1}{\bar{I}_1} \Big|_{V_2=0} \quad h_{12} = \frac{V_1}{V_2} \Big|_{\bar{I}_1=0}$$

$$h_{21} = \frac{\bar{I}_1}{\bar{I}_1} \Big|_{V_2=0} \quad h_{22} = \frac{\bar{I}_1}{V_2} \Big|_{\bar{I}_1=0}$$



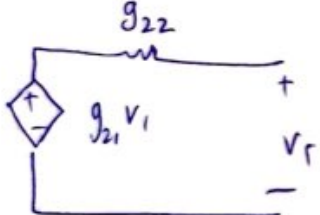
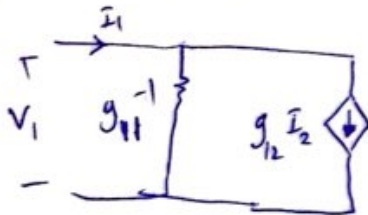
$$\begin{bmatrix} \bar{I}_1 \\ V_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} g_{11} & g_{12} \\ g_{21} & g_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ \bar{I}_2 \end{bmatrix}$$

$$[G] = [H]^{-1}$$

برای استخراج پارامترهای گاین:

$$g_{11} = \frac{\bar{I}_1}{V_1} \Big|_{\bar{I}_2=0} \quad g_{12} = \frac{V_2}{V_1} \Big|_{\bar{I}_2=0}$$

$$g_{21} = \frac{\bar{I}_2}{V_1} \Big|_{V_2=0} \quad g_{22} = \frac{V_2}{V_1} \Big|_{\bar{I}_2=0}$$



$$\begin{bmatrix} V_1 \\ \bar{I}_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t_{11} & t_{12} \\ t_{21} & t_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_2 \\ -\bar{I}_2 \end{bmatrix}$$

$$t_{11} = \frac{V_1}{V_2} \Big|_{\bar{I}_2=0}$$

$$t_{12} = \frac{V_1}{-\bar{I}_2} \Big|_{V_2=0}$$

$$t_{21} = \frac{\bar{I}_1}{V_2} \Big|_{\bar{I}_2=0}$$

$$t_{22} = \frac{\bar{I}_1}{-\bar{I}_2} \Big|_{V_2=0}$$

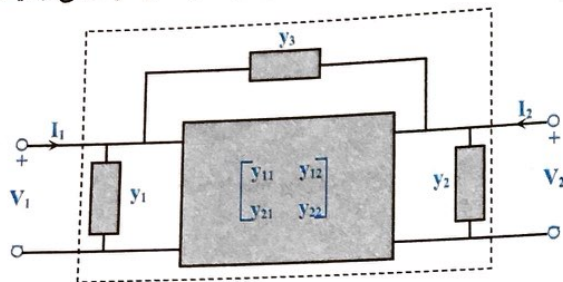
و



	$Z = \begin{bmatrix} \text{ندارد} \end{bmatrix}$	$Y = \begin{bmatrix} \text{ندارد} \end{bmatrix}$	$T = \begin{bmatrix} 0 & \frac{N_2}{N_1} \\ \frac{1}{\alpha} & 0 \end{bmatrix}$	$H = \begin{bmatrix} \text{ندارد} \end{bmatrix}$
	$Z = \begin{bmatrix} 0 & \alpha \\ -\alpha & 0 \end{bmatrix}$	$Y = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{\alpha} \\ \frac{1}{\alpha} & 0 \end{bmatrix}$	$T = \begin{bmatrix} 0 & -\alpha \\ -\frac{1}{\alpha} & 0 \end{bmatrix}$	
	$Z = \begin{bmatrix} L_1S & \pm MS \\ \pm MS & L_2S \end{bmatrix}$		$Y = \frac{1}{L_1L_2S^2 - M^2S^2} \begin{bmatrix} L_2S & \mp MS \\ \mp MS & L_1S \end{bmatrix}$	
	$Z = \begin{bmatrix} jX_{L_1} & \pm jX_M \\ \pm jX_M & jX_{L_2} \end{bmatrix}$		$Y = \frac{1}{-X_{L_1}X_{L_2} + X_M^2} \begin{bmatrix} jX_{L_2} & \mp jX_M \\ \mp jX_M & jX_{L_1} \end{bmatrix}$	

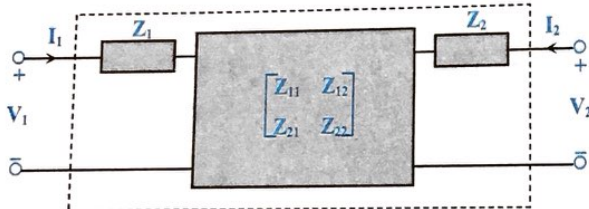
## اتصال دوقطبی ها

حالت اول: اگر ماتریس ادمیتانس یک دوقطبی به صورت  $\begin{bmatrix} y_{11} & y_{12} \\ y_{21} & y_{22} \end{bmatrix}$  باشد، آنگاه با اتصال عناصر به این دوقطبی ماتریس ادمیتانس دوقطبی جدید (دوقطبی داخل نقطه چین) به صورت زیر خواهد بود:



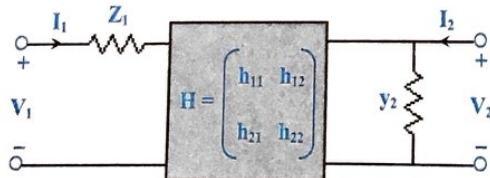
$$Y \text{ جدید} = \begin{bmatrix} y_{11} + y_1 + y_3 & y_{12} - y_3 \\ y_{21} - y_3 & y_{22} + y_2 + y_3 \end{bmatrix}$$

حالت دوم: اگر ماتریس امپدانس یک دوقطبی به صورت  $\begin{bmatrix} z_{11} & z_{12} \\ z_{21} & z_{22} \end{bmatrix}$  باشد، آنگاه با اتصال سری عناصر به آن، ماتریس امپدانس دوقطبی جدید (دوقطبی داخل نقطه چین) به صورت زیر بیان می شود:



$$Z \text{ جدید} = \begin{bmatrix} Z_1 + z_{11} & z_{12} \\ z_{21} & z_{22} + Z_2 \end{bmatrix}$$

حالت سوم: در صورتی که امپدانس  $Z_1$  و ادمیتانس  $y_2$  در ورودی و خروجی یک شبکه هایبرید اضافه شود، ماتریس  $H$  جدید به صورت زیر تعریف می شود:



$$H \text{ جدید} = \begin{bmatrix} h_{11} + Z_1 & h_{12} \\ h_{21} & h_{22} + y_2 \end{bmatrix}$$

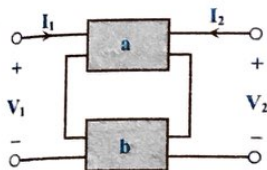
در استفاده از فرمول های ذکر شده در بالا، باید به واحد نوشته شده در کنار المان های اطراف شبکه دقت شود، زیرا در برخی موارد اندازه امپدانس المان داده شده است، در صورتی که باید اندازه ادمیتانس آنها در فرمول ها وارد شود.

## گسترش دوقطبی‌ها

### ۱- سری کردن دوقطبی‌ها

اگر دو شبکه a و b به صورت روبرو با هم سری شوند، ماتریس امپدانس آنها با یکدیگر جمع شده و ماتریس امپدانس نهایی را تشکیل می‌دهند.

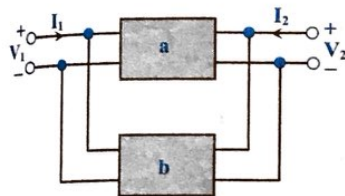
$$[Z_T] = [Z_a] + [Z_b]$$



### ۲- موازی کردن دوقطبی‌ها

اگر دو شبکه به صورت روبرو با هم موازی شوند، ماتریس admittances آنها با یکدیگر جمع شده و ماتریس admittances نهایی را تشکیل می‌دهند.

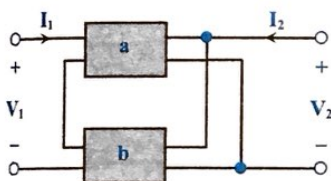
$$[Y_T] = [Y_a] + [Y_b]$$



### ۳- سری و موازی کردن دوقطبی‌ها

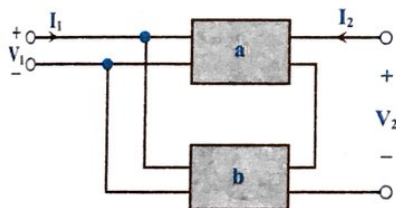
حالت اول: اگر ترمینال‌های یک دوقطبی در ورودی سری و در خروجی موازی شود، رابطه زیر برقرار است:

$$[H_T] = [H_a] + [H_b]$$



حالت دوم: اگر ترمینال‌های یک دوقطبی در خروجی سری و در ورودی موازی شود، رابطه زیر برقرار است:

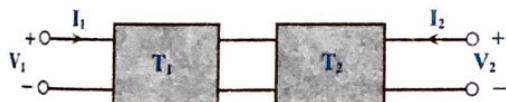
$$[G_T] = [G_a] + [G_b]$$



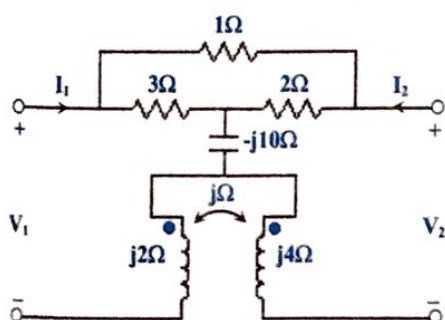
### ۴- متوالی کردن دوقطبی‌ها

در صورتی که دو شبکه به صورت متوالی به هم متصل شوند، رابطه زیر برقرار است:

$$[T_T] = [T_1][T_2]$$



مثال ۴۸: برای مدار زیر ماتریس امپدانس Z کدام است؟



$$Z = \begin{bmatrix} -j8 + 1 & 1 - j9 \\ -1 + j9 & 1/3 - j4 \end{bmatrix}$$

$$Z = \begin{bmatrix} j8 + 1/5 & j9 - 1 \\ j9 - 1 & 1/33 - j10 \end{bmatrix}$$

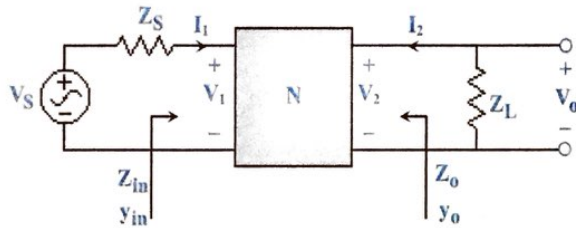
$$Z = \begin{bmatrix} -j8 + 1/5 & -j9 + 1 \\ +1 - j9 & 1/33 - j4 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$Z = \begin{bmatrix} -j8 - 1/5 & -j9 - 1 \\ -j9 - 1 & 1/33 - j4 \end{bmatrix} \quad (4)$$



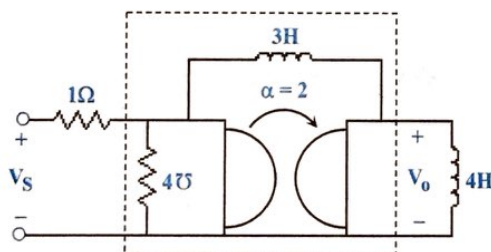


### امپدانس‌های خروجی و ورودی و بهره ولتاژ در دوقطبی‌ها



در صورتی که برای شبکه N پارامترهای Z و Y و T و H وجود داشته باشد، می‌توان امپدانس ورودی و خروجی و بهره ولتاژ  $\frac{V_o}{V_S}$  را از فرمول‌های جدول زیر محاسبه کرد:

بهره ولتاژ $(\frac{V_o}{V_S})$	امپدانس یا ادmittانس خروجی	امپدانس یا ادmittانس ورودی	ماتریس موجود
$\frac{Z_{r1} \cdot Z_L}{(Z_{rr} + Z_L)(Z_{11} + Z_S) - (Z_{1r} Z_{r1})}$	$Z_o = Z_{rr} - \frac{Z_{r1} Z_{1r}}{Z_{11} + Z_S}$	$Z_{in} = Z_{11} - \frac{Z_{1r} Z_{r1}}{Z_{rr} + Z_L}$	$Z = \begin{bmatrix} Z_{11} & Z_{1r} \\ Z_{r1} & Z_{rr} \end{bmatrix}$
$\frac{-y_{r1} \cdot Z_S^{-1}}{(y_{rr} + Z_L^{-1})(y_{11} + Z_S^{-1}) - y_{1r} y_{r1}}$	$y_o = y_{rr} - \frac{y_{1r} y_{r1}}{y_{11} + \frac{1}{Z_S}}$	$y_{in} = y_{11} - \frac{y_{1r} y_{r1}}{y_{rr} + \frac{1}{Z_L}}$	$y = \begin{bmatrix} y_{11} & y_{1r} \\ y_{r1} & y_{rr} \end{bmatrix}$
$\frac{-h_{r1}}{(h_{rr} + Z_L^{-1})(h_{11} + Z_S) - h_{1r} h_{r1}}$	$y_o = h_{rr} - \frac{h_{1r} h_{r1}}{h_{11} + Z_S}$	$Z_{in} = h_{11} - \frac{h_{1r} h_{r1}}{h_{rr} + Z_L^{-1}}$	$H = \begin{bmatrix} h_{11} & h_{1r} \\ h_{r1} & h_{rr} \end{bmatrix}$
$\frac{Z_L}{(A + CZ_S)Z_L + B + DZ_S}$	$Z_o = \frac{DZ_S + B}{CZ_S + A}$	$Z_{in} = \frac{AZ_L + B}{CZ_L + D}$	$T = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}$



مثال ۵.۳: در مدار زیر مقدار تابع شبکه  $\frac{V_o}{V_S}$ ، در حالت  $S=1$  کدام است؟

- (۱) -۰/۰۶
- (۲) -۰/۰۵
- (۳) -۰/۰۴
- (۴) -۰/۰۳

پاسخ: گزینه «۲» برای بدست آوردن تابع شبکه، ابتدا می‌توان ماتریس Y مدار مشخص شده به صورت خط‌چین را محاسبه کرد. با توجه به موازی بودن ژیراتور با المان‌های اطراف آن، ماتریس  $Y_T$  به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$Y \text{ (ژیراتور)} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{\alpha} \\ \frac{1}{\alpha} & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow Y_T = \begin{bmatrix} 0 + 4 + (3S)^{-1} & -\frac{1}{2} - (3S)^{-1} \\ \frac{1}{2} - (3S)^{-1} & 0 + (3S)^{-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 + \frac{1}{3S} & -\frac{1}{2} - \frac{1}{3S} \\ \frac{1}{2} - \frac{1}{3S} & \frac{1}{3S} \end{bmatrix}$$

با توجه به روابط پارامترهای ادmittانس داریم:

$$\frac{V_o}{V_S} = \frac{-y_{r1} Z_S^{-1}}{(y_{rr} + Z_L^{-1})(y_{11} + Z_S^{-1}) - y_{1r} y_{r1}} \Rightarrow \frac{V_o}{V_S} = \frac{-\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3S}\right)(1)}{\left(\frac{1}{3S} + \frac{1}{3S}\right)\left(4 + \frac{1}{3S} + 1\right) - \left(-\frac{1}{2} - \frac{1}{3S}\right)\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3S}\right)}$$

$$\frac{V_o}{V_S} = -0.0512 \approx -0.05$$

عدد یک قرار دهیم، داریم: