浅谈

在信息学中

浙江绍兴一中 唐文斌

#### 引入

"调整"??



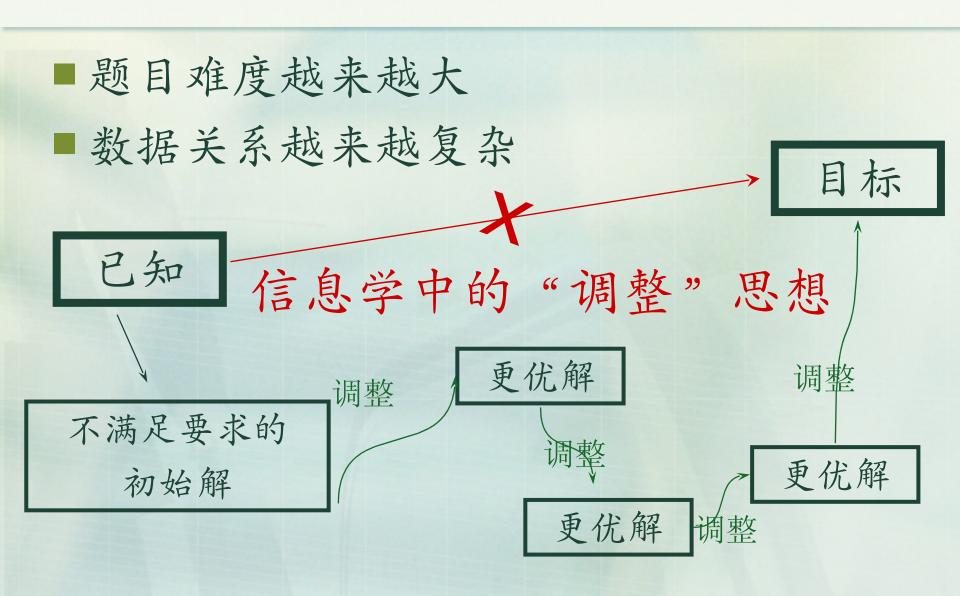
- "调整"的本义为:
  - ■改变原有的情况,使之更适应客观环境和要求

- ■产业结构调整
- ■军事战略调整

单纯形算法

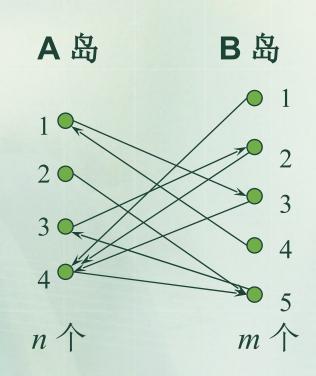
模拟退火算法

#### 引入



#### [例一]远程通信(Baltic2001)

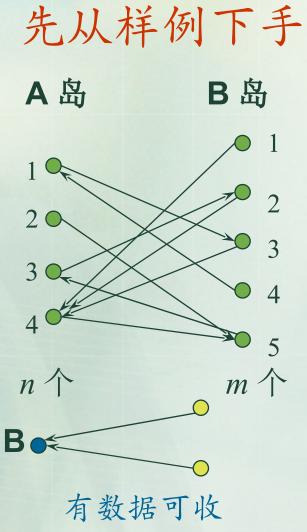
- ■波罗的海上有两个小岛
- ■每个小岛上都有一些远程 通信端口
- ■每个端口都连接着对方小岛上的一个端口,称为"目标端口"
- ■每个端口可以工作在
  - ■发送模式(黄色标记)
  - ■接收模式(蓝色标记)



- 发送端口
- 接收端口

- ■请设置这 n+m 个端口的工作模式,使得所有端口都处于工作状态。(n+m<10<sup>5</sup>)
- ■即要求:
  - ■对于发送端口A,其目标端 口必须处于接收模式
  - ■对于接收端口B, 至少存在另一个端口以B为目标端口且处于发送模式

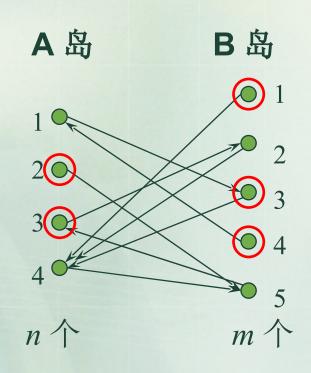
发出去的数据有人接



- 发送端口
- 接收端口

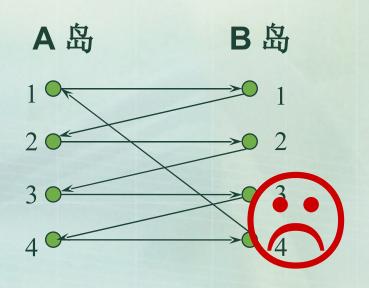
- ■从样例下手:
- ■A岛的2号
- ■B岛的1号、4号
- ■只能设置为发送模式

■其目标端口必须为接收模式

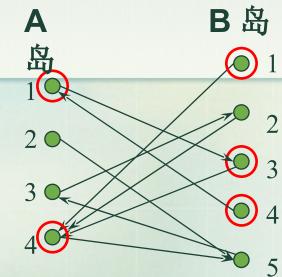


■A岛的3号和B岛的3号

- 发送端口
- 接收端口
- ■这个简单的事实,看起来似乎很有用!
- ■那它是否总是能帮助我们找到解答呢?
- ■答案是否定的



从一个不满足要求的"初始解"开始



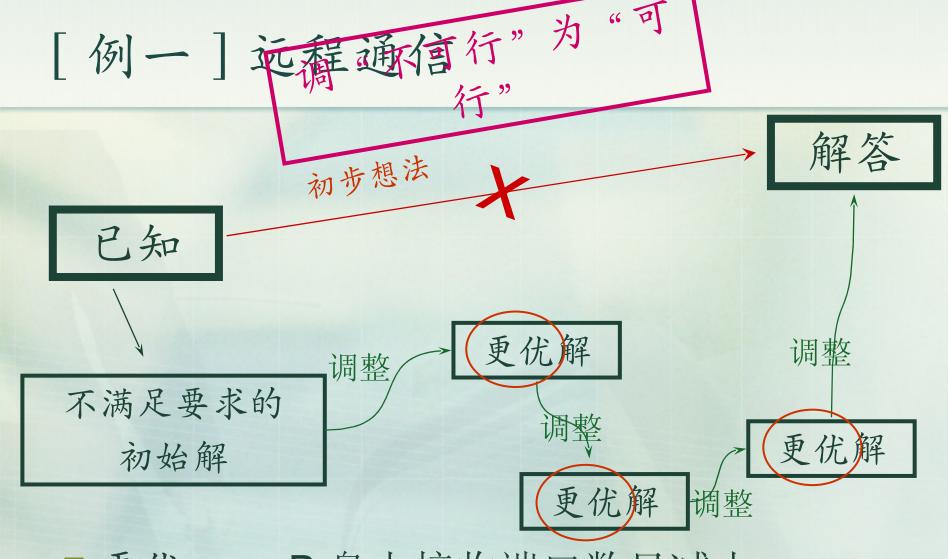
- "调整"算法
  - (1) 设置初始解 (不一定满足要求) 设 A 岛上的所有端口都是发送模式 设 B 岛上的所有端口都是接收模式

#### 调整"操作:

- (2) While B岛上存在无用接收端口x [
- ■(3) 改变 x 的状态, 设为发送模式
- ■(4) 设置 x 的目标端口为接收模式

- ■"调整"算法可行性:
  - ■每一次"调整"操作,会把B岛上的一个接收端口改为发送端口
  - ■B岛上最初一共有m个接收端口,所以调整次数不会超过m次
  - ■算法必然会结束,即算法可行

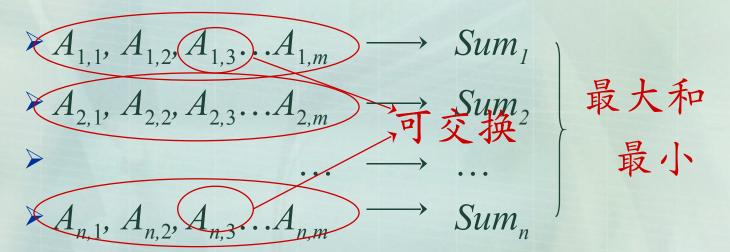
- ■"调整"算法正确性:
  - ■可采用"分类讨论"的方法很简单地证明



■更优: B岛上接收端口数目减少 因为问题总是出现在 B岛的接收端口上

### [例三]零件装配(CTSC2004提交答案

- 给定一个 N\*M 的整数矩阵 A(N,M≤500)
- ■同一列中的两个数可以调换
- ■请求出一个经过若干次调换的矩阵
- ●使得最大的行和最小

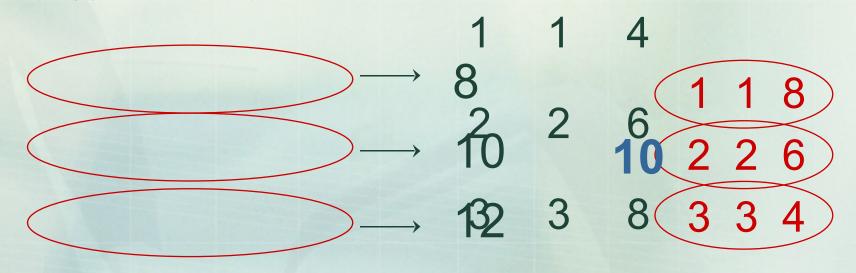


- 常规算法::

  - ■搜索直观的贪M;M思想大,搜藏天所搬出籐一起
  - 依 次 集 排 每 一 列 。
  - 当我们安排第 c 列时,前 c-1 列已经被安排好。 前 c-1 列 第 c 列



- ■然而这个贪心算法得到的解并不优。
- ■请看下面例子:



局部的最优,可能导致全局的不优

#### ■调整算法:

如果满足

 $|Sum_1'-Sum_2'| < |Sum_1-Sum_n|$ 

我们称此方案"可调整

"极优"方

案

- ■调整算法:
  - ■(1) 得到一个随机的初始方案 A
  - (2) While 方案 A" 可调整" DO
  - ■(3) 寻找数对进行调整操作
  - ■(4) 得到"极优"方案 A
- ■由于不同的初始方案可能得到不同的"极优"方案,所以我们可以采用多次随机初始方案,得到若干个极优方案从中取最优的方法,效果非常好。

- ■把最大的和最小的凑在一起
- ■第二种"调整"方法

从小到  $A_{1,1}$ ,  $A_{1,2}$ ,  $A_{1,3}$ ... $A_{1,m}$   $A_{2,1}$ ,  $A_{2,2}$ ,  $A_{2,3}$ ... $A_{2,m}$   $A_{n,1}$ ,  $A_{n,2}$ ,  $A_{n,3}$ ... $A_{n,m}$ 

从小到大排序

基准列

每次调整,方案很可能会更优,至少不会变差

按照贪心

## [例三]零矿器工作"更优"。 局部调整



■整体调整

"调整"操作

#### 回顾与总结

[例一]

调"不可行" 放光到街"

一类构造性问题

[例二]《混合图欧拉回路问题》

[例三]

调"可行"为从"楝臹优

一类非最优化的开放性问题中

[例四]Ural著名难题《皇帝的困惑

**调整**」思想的

想的精髓

# Than You!

#### 模拟退火算法简介(1)

- 模拟退火算法来源于固体退火原理。
- ■将固体加温至温度充分高,再让其徐徐冷却.
- ■加温时,固体内部粒子随着温度升高变为无 序状,内能增大;而徐徐冷却时粒子渐趋有 序, 在每个温度都达到平衡状态, 最后在常 温时达到基态,内能减为最小。
- ■根据 Metropolis 准则,粒子在温度 T 时趋于 平衡的概率为  $e-\frac{\Delta E(内能改变量)}{k(Boltzmann常数)*T}$

#### 模拟退火算法简介(2)

- (1) 初始化:初始温度 T(足够大),初始解 (S),L
- $\blacksquare$  (2)For k = 1  $\rightarrow$  L Do
- -(3) 产生新解 S'
- ■(4) 计算增量 dt' = C(S') C(S)
- (5) 如果 dt' < 0 接受新解 S' 作为当前解 否则以概率 exp(-dt'/T)接受 S'
- ■(6) 如果满足终止条件则终止
- (7) 温度 T 减小 (但保证 T>0), 回到第 (2) 步

#### [例一]调整算法正确性证明

- ■(2) While B岛上存在无用接收端口x Do
- ■(3) 改变 x 的状态, 设为发送模式
- 【4】 设置 x 的目标端口为接收模式

B岛上的接收端口

B岛上的发送端口

A岛上的接收端口

A岛上的发送蜡作

任意输入均有解

#### [例二]混合图欧拉回路

■给定一个混合图(有的边是有向边,有的边 是无向边),求其欧拉回路。

■首先将所有无向边任意定向

- ■调整操作:
  - ■从一个出度大于入度的点开始,沿着被定向的无向边走到一个入度大于出度的结点。把一路上所有边均反向。