- Home
- TagsCloud
- Links
- **About**Me

十个利用矩阵乘法解决的经典题目

Program Impossible | ② 2007-8-04 4:01 | 🤜 Comments | 本文内容遵从CC版权 协议 转载请注明出自matrix67.com

好像目前还没有这方面题目的总结。这几天连续看到四个问这类题目的人,今天在这里简单写一下。这里我们不 介绍其它有关矩阵的知识,只介绍矩阵乘法和相关性质

不要以为数学中的矩阵也是黑色屏幕上不断变化的绿色字符。在数学中,一个矩阵说穿了就是一个二维数组 一个n行m列的矩阵可以乘以一个m行p列的矩阵,得到的结果是一个n行p列的矩阵,其中的第i行第j列位置上的数等于前一个矩阵第i行上的m个数与后一个矩阵第j列上的m个数对应相乘后所有m个乘积的和。比如,下面的算式表示一个2行2列的矩阵乘以2行3列的矩阵,其结果是一个2行3列的矩阵。其中,结果的那个4等于 2*2+0*1: $\binom{1}{1}\binom{0}{2}\binom{3}{3}=\binom{1}{3}\binom{5}{5}$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 0 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$

下面的算式则是一个 1×3 的矩阵乘以 3×2 的矩阵,得到一个 1×2 的矩阵:

$$(8 \ 8 \ 6) \begin{pmatrix} 3 \ 2 \\ 1 \ 3 \\ 6 \ 5 \end{pmatrix} = (84 \ 70)$$

矩阵乘法的两个重要性质:一,矩阵乘法不满足交换律;二,矩阵乘法满足结合律。为什么矩阵乘法不满足交换律呢?废话,交换过来后两个矩阵有可能根本不能相乘。为什么它又满足结合律呢?仔细想想你会发现这也是废话。 假设你有三个矩阵A、B、C,那么(AB)C和A(BC)的结果的第i行第j列上的数都等于所有A(ik)*B(k1)*C(1,j)的和(枚举 所有的k和1)。

经典题目1 给定n个点,m个操作,构造0(m+n)的算法输出m个操作后各点的位置。操作有平移、缩放、翻转和旋转 这里的操作是对所有点同时进行的。其中翻转是以坐标轴为对称轴进行翻转(两种情况),旋转则以原点为中 如果对每个点分别进行模拟,那么m个操作总共耗时O(mn)。利用矩阵乘法可以在O(m)的时间里把所有操作合并为 一个矩阵,然后每个点与该矩阵相乘即可直接得出最终该点的位置,总共耗时0(m+n)。假设初始时某个点的坐标为x 和y,下面5个矩阵可以分别对其进行平移、旋转、翻转和旋转操作。预先把所有m个操作所对应的矩阵全部乘起来, 再乘以(x,y,1),即可一步得出最终点的位置。

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & p \\ 0 & 1 & q \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x + p \\ y + q \\ 1 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} L & 0 & 0 \\ 0 & L & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \times L \\ y \times L \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} x \times L \\ y \times L \\ y \times L \\ y \times L \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2} = \begin{pmatrix} -x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2}$$

经典题目2 给定矩阵A,请快速计算出A^n(n个A相乘)的结果,输出的每个数都mod p。

由于矩阵乘法具有结合律,因此 $A^2 = A * A * A * A = (A*A) * (A*A) = A^2 * A^2$ 。我们可以得到这样的结当n为偶数时, $A^2 = A^2$ 0。我们可以得到这样的结当n为偶数时, $A^2 = A^2$ 0。这个证明, $A^2 = A^2$ 0。我们可以得到这样的结果,我们可以得到这样的结果。 就告诉我们, 计算A^n也可以使用二分快速求幂的方法。例如, 为了算出A^25的值, 我们只需要递归地计算出A^12、 A^6、 A^3的值即可。根据这里的一些结果,我们可以在计算过程中不断取模,避免高精度运算。

经典题目3 POJ3233 (感谢rmq)

题目大意:给定矩阵A,求A + A^2 + A^3 + … + A^k的结果(两个矩阵相加就是对应位置分别相加)。输出的 数据mod m。k<=10⁹。

这道题两次二分,相当经典。首先我们知道,A^i可以二分求出。然后我们需要对整个题目的数据规模k进行二

比如,当k=6时,有: A + A^2 + A^3 + A^4 + A^5 + A^6 = $(A + A^2 + A^3)$ + A^3* $(A + A^2 + A^3)$

应用这个式子后,规模k减小了一半。我们二分求出A^3后再递归地计算A + A^2 + A^3,即可得到原问题的答 案。

经典题目4 VOJ1049

题目大意:顺次给出m个置换,反复使用这m个置换对初始序列进行操作,问k次置换后的序列。m<=10,k<2^31。 首先将这m个置换"合并"起来(算出这m个置换的乘积),然后接下来我们需要执行这个置换k/m次(取整,若 有余数则剩下几步模拟即可)。注意任意一个置换都可以表示成矩阵的形式。例如,将1234置换为3124,相当 于下面的矩阵乘法:

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

置换k/m次就相当于在前面乘以k/m个这样的矩阵。我们可以二分计算出该矩阵的k/m次方,再乘以初始序列即 可。做出来了别忙着高兴,得意之时就是你灭亡之日,别忘了最后可能还有几个置换需要模拟。

经典题目5 《算法艺术与信息学竞赛》207页(2.1代数方法和模型,[例题5]细菌,版次不同可能页码有偏差) 大家自己去看看吧,书上讲得很详细。解题方法和上一题类似,都是用矩阵来表示操作,然后二分求最终状态。

经典题目6 给定n和p,求第n个Fibonacci数mod p的值,n不超过2^31

根据前面的一些思路,现在我们需要构造一个2 x 2的矩阵,使得它乘以(a,b)得到的结果是(b,a+b)。每多乘一次这个矩阵,这两个数就会多迭代一次。那么,我们把这个2 x 2的矩阵自乘n次,再乘以(0,1)就可以得到第n个Fibonacci数了。不用多想,这个2 x 2的矩阵很容易构造出来:

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} b \\ a+b \end{pmatrix}$$

经典题目7 VOJ1067

我们可以用上面的方法二分求出任何一个线性递推式的第n项,其对应矩阵的构造方法为:在右上角的 (n-1)*(n-1)的小矩阵中的主对角线上填1,矩阵第n行填对应的系数,其它地方都填0。例如,我们可以用下面的矩阵乘法来二分计算f(n)=4f(n-1)-3f(n-2)+2f(n-4)的第k项:

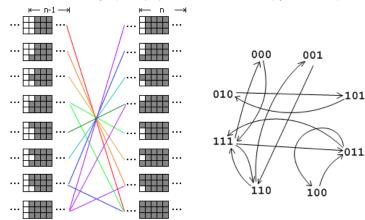
$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & -3 & 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \\ d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} b \\ c \\ d \\ 2a - 3c + 4d \end{pmatrix}$$

利用矩阵乘法求解线性递推关系的题目我能编出一卡车来。这里给出的例题是系数全为1的情况。

经典题目8 给定一个有向图, 问从A点恰好走k步 (允许重复经过边) 到达B点的方案数mod p的值

把给定的图转为邻接矩阵,即A(i,j)=1当且仅当存在一条边i->j。令C=A*A,那么 $C(i,j)=\sum A(i,k)*A(k,j)$,实际上就等于从点i到点j恰好经过2条边的路径数(枚举k为中转点)。类似地,C*A的第i行第j列就表示从i到j经过3条边的路径数。同理,如果要求经过k步的路径数,我们只需要二分求出A k 即可。

经典题目9 用1 x 2的多米诺骨牌填满M x N的矩形有多少种方案,M<=5,N<2^31,输出答案mod p的结果



我们以M=3为例进行讲解。假设我们把这个矩形横着放在电脑屏幕上,从右往左一列一列地进行填充。其中前n-2列已经填满了,第n-1列参差不齐。现在我们要做的事情是把第n-1列也填满,将状态转移到第n列上去。由于第n-1列的状态不一样(有8种不同的状态),因此我们需要分情况进行讨论。在图中,我把转移前8种不同的状态放在左边,转移后8种不同的状态放在右边,左边的某种状态可以转移到右边的某种状态就在它们之间连一根线。注意为了保证方案不重复,状态转移时我们不允许在第n-1列竖着放一个多米诺骨牌(例如左边第2种状态不能转移到右边第4种状态),否则这将与另一种转移前的状态重复。把这8种状态的转移关系画成一个有向图,那么问题就变成了这样:从状态111出发,恰好经过n步回到这个状态有多少种方案。比如,n=2时有3种方案,111->011->111、111->110->111和111->000-> 111,这与用多米诺骨牌覆盖3×2矩形的方案——对应。这样这个题目就转化为了我们前面的例题8。

后面我写了一份此题的源代码。你可以再次看到位运算的相关应用。

经典题目10 POJ2778

题目大意是,检测所有可能的n位DNA串有多少个DNA串中不含有指定的病毒片段。合法的DNA只能由ACTG四个字符构成。题目将给出10个以内的病毒片段,每个片段长度不超过10。数据规模n<=2 000 000 000。

下面的讲解中我们以ATC,AAA,GGC,CT这四个病毒片段为例,说明怎样像上面的题一样通过构图将问题转化为例题8。我们找出所有病毒片段的前缀,把n位DNA分为以下7类:以AT结尾、以AA结尾、以G结尾、以?A结尾、以?G结尾、以?C结尾和以??结尾。其中问号表示"其它情况",它可以是任一字母,只要这个字母不会让它所在的串成为某个病毒的前缀。显然,这些分类是全集的一个划分(交集为空,并集为全集)。现在,假如我们已经知道了长度为n-1的各类DNA中符合要求的DNA个数,我们需要求出长度为n时各类DNA的个数。我们可以根据各类型间的转移构造一个边上带权的有向图。例如,从AT不能转移到AA,从AT转移到??有4种方法(后面加任一字母),从?A转移到AA有1种方案(后面加个A),从?A转移到??有2种方案(后面加G或C),从GG到??有2种方案(后面加C将构成病毒片段,不合法,只能加A和T)等等。这个图的构造过程类似于用有限状态自动机做串匹配。然后,我们就把这个图转化成矩阵,让这个矩阵自乘n次即可。最后输出的是从??状态到所有其它状态的路径数总和。

题目中的数据规模保证前缀数不超过100,一次矩阵乘法是三方的,一共要乘10g(n)次。因此这题总的复杂度是 $100^3*10g(n)$, AC了。

最后给出第9题的代码供大家参考(今天写的,熟悉了一下C++的类和运算符重载)。为了避免大家看代码看着看着就忘了,我把这句话放在前面来说:

Matrix67原创,转贴请注明出处。

#include <cstdio>
#define SIZE (1<<m)
#define MAX_SIZE 32
using namespace std;</pre>

class CMatrix
{
 public:

第2页 共6页 2008年04月21日 12:44

```
long element[MAX_SIZE][MAX_SIZE];
        void setSize(int);
        void setModulo(int);
        CMatrix operator* (CMatrix);
        CMatrix power(int);
    private:
        int size;
        long modulo;
};
void CMatrix::setSize(int a)
    for (int i=0; i<a; i++)
        for (int j=0; j<a; j++)
            element[i][j]=0;
    size = a;
void CMatrix::setModulo(int a)
    modulo = a;
CMatrix CMatrix::operator* (CMatrix param)
    CMatrix product;
    product.setSize(size);
    product.setModulo(modulo);
    for (int i=0; i<size; i++)
        for (int j=0; j < size; j++)
            for (int k=0; k < size; k++)
                product.element[i][j]+=element[i][k]*param.element[k][j];
                product.element[i][j]%=modulo;
    return product;
}
CMatrix CMatrix::power(int exp)
    CMatrix tmp = (*this) * (*this);
    if (exp==1) return *this;
    else if (exp & 1) return tmp.power(exp/2) * (*this);
    else return tmp.power(exp/2);
int main()
    const int validSet[]={0,3,6,12,15,24,27,30};
    long n, m, p;
    CMatrix unit;
    scanf("%d%d%d", &n, &m, &p);
    unit.setSize(SIZE);
    for(int i=0; i<SIZE; i++)</pre>
        for(int j=0; j<SIZE; j++)

if( ((~i)&j) == ((~i)&(SIZE-1)) )
                bool isValid=false;
                for (int k=0; k<8; k++)isValid=isValid||(i\&j)==validSet[k];
                unit.element[i][j]=isValid;
            }
    unit.setModulo(p);
    printf("%d", unit.power(n).element[SIZE-1][SIZE-1]);
    return 0;
}
```



第3页 共6页 2008年04月21日 12:44

卡勒幅磁共振 数字新影像 上海卡勒幅专业从事磁共振的生产 研发和 操作简便,耐水透气性强,可X光透视 减轻 患者痛苦,完全替代传统骨科石膏 销售.咨询电话:021-57858407

她,如何让我30天会说英语

Google 提供的广告

Posted in Program Impossible

Tags: C语言, 矩阵, 算法, 趣题, POJ, Vi.jos, 分治, 动态规划, 图论, 数列, 位运算 Trackback: http://www.matrix67.com/blog/archives/276/trackback 我猜您可能还喜欢:

- 位运算简介及实用技巧(二):进阶篇(1)
- Matrix67生日邀请赛 完全题解发布
- 07年NOIp模拟赛by Matrix67 趣题:一个与Hamilton回路有
- 位运算简介及实用技巧(四)
- 非传统题型练习: 三道答案提交类题目
- 开始学算法: 十种排序算法介绍

8 条回复



楼层: 沙发 | 2007-8-04 8:42 | windywinter 说:

重载双目运算符尽量放到类定义的外面,以避免不同编译器的区别。

回复:谢谢指点;这方面的东西我还不太熟,过几天来研究



楼层: 板凳 | 2007-8-04 8:43 | windywinter 说:

另外,matrix67大牛为什么不写一个矩阵快速乘法呢?这个一直弄不明白怎么做。

回复: 是不是这个?

http://www.comp.nus.edu.sg/~xujia/mirror/algorithm.myrice.com/algorithm/commonalg/misc/strassen/stra



楼层: 地毯 | 2007-8-05 20:31 | yiyi 说:

第6题的那个用矩阵乘法求第n个Fibonacci数的算法很感兴趣,可看的还是不大明白,能说的再详细一点吗?

回复: usera.imagecave.com/matrix67/fib_using_matrix.GIF



楼层: 地板 | 2007-8-10 20:08 | 1sy1sy2 说:

矩阵=matrix



楼层: 地下室 | 2007-8-17 22:51 | Kimm 说:

经典题目9 能否再解释下 看不是很懂 左边的状态是怎么转移到右边的 111又是怎么转移到011的?



楼层: 地基 | 2007-10-21 13:56 | hey 说:

给个建议, 规范 C++ 书写.

#include <cstdio>, #define, scanf, printf 之类的东西不该出现哦.



楼层: 地壳 | 2007-11-15 16:36 | 晗熙 说:

第九题 超经典 能否写个pascal???



楼层: 地幔 | 2008-1-13 16:43 | rmq 说:

啊,太荣幸了,大牛居然贴我blog上的一个小题目 ~~

回复: 您牛的blog我每天都上, 都是经典题目啊

您也随便说几句吧:

您的昵称 (必填)
您的E-mai1地址(必填)
您的网站 (可选)

请注意:如果您是第一次在本站发表评论,您的评论需要通过管理员的审核。

您可以在Gravatar设置您的头像。

提交评论

Category

- Brain Storm (154)
- Design of Design (18)
- Internet Vision (62) Movie Time (43)
- Program Impossible (103)
- This is My Life (70)
- Tough Computer (26)

Subscribe

- 鲜果
- Live
- Goog1e
- Netvibes
- **Bloglines**

Control Panel

- <u>注册</u> 登录 日志 RSS
- 评论 RSS

Random Articles

- Matrix67生日邀请赛 比赛成绩公布 乌鸦嘴? 五月清扫期,Drive已撤出Schedule 文科生的悲哀:55页的高三数学课本 史上最强数字找规律题

- 十大另类程序语言(下
- 今年的最后一篇日志 真正值得膜拜的牛人: 3月25日亲眼目睹"最牛钉子户" 美剧新剧时间: 只关注DRIVE

Recent Comments

Readers 373

- 3fen 发表于 Atropos: 仍然具有可玩性的状态共用型组合游戏
- Matrix78 发表于 分享: N多国外大学的教学录像
 Matrix78 发表于 分享: N多国外大学的教学录像
 Matrix78 发表于 分享: N多国外大学的教学录像
 Matrix78 发表于 分享: N多国外大学的教学录像
 XeCycle 发表于 位运算简介及实用技巧(一): 基础篇

- XeCycle 发表于 谬论:所有角都是直角
- XeCycle发表于(火星) MBTI职业性格测试XeCycle发表于eBay 旅行商问题新解

Search

搜索

Blogro11

- Ai.Freedom
- AsukaNoKaze
- ConcreteVitamin
- Eag1eFantasy
- Gnocui1
- HeavenFox
- Tianyi Zhiqiang

Support



Powered by WordPress. Theme by Smarter Templates & Web Hosting Geeks, Revised by Matrix67.com Entries RSS | Comments RSS

第6页 共6页 2008年04月21日 12:44