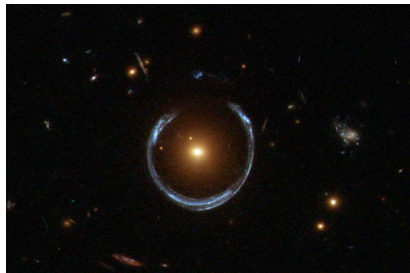


# Być albo nie być czarną dziurą

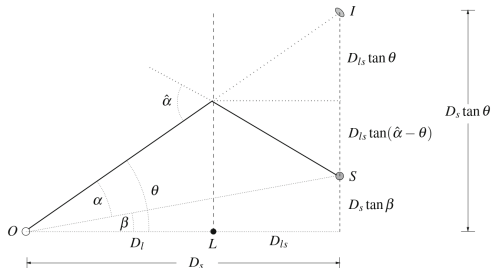
Franciszek Handsorfer   Jacek Winiarczyk   Łukasz Parda  
Tomasz Gruss  
Opiekun projektu: dr hab. Radosław Poleski

11 czerwca 2024

- Ogólna teoria względności  
 $\implies$
- Masa zakrzywia czasoprzestrzeń  $\implies$
- Światło idące w pobliżu masy jest odchylane  $\implies$
- Obserwator widzi obiekty za zakrzywiającą masą w inny sposób  $\implies$
- Soczewkowanie grawitacyjne



ESA/Hubble, NASA



Principles of Gravitational Lensing, Arthur B. Congdon, Charles R. Keeton

## Równanie soczewki:

$$\beta = \theta - \alpha(\theta)$$

**Równanie soczewki:**

$$\beta = \theta - \alpha(\theta)$$

Dla punktowej masy mamy:

$$\alpha(\theta) = \frac{4GM}{c^2\theta} \frac{D_s - D_l}{D_s D_l}$$

$$\theta_E = \sqrt{\frac{4GM}{c^2} \frac{D_s - D_l}{D_s D_l}}$$

Wtedy:

$$\beta = \theta - \frac{4GM}{c^2} \frac{D_s - D_l}{D_s D_l} \frac{1}{\theta}$$

# Mikrosoczewkowanie

$$M \sim M_{\odot}$$

Na przykład dla  $D_s = 8$  kpc,  
 $D_l = 4$  kpc,  $M = 1M_{\odot}$ :

$$\theta_E = 0.32 \text{ mas}$$

Dla  $u = \frac{\beta}{\theta_E}$  wzmocnienie źródła określa  
wzór:

$$A(u) = \frac{u^2 + 2}{u\sqrt{u^2 + 4}}$$

$u$  możemy natomiast obliczyć znając  
 $u_0, t_0, t_E$ :

$$u(t) = \sqrt{u_0^2 + \left(\frac{t - t_0}{t_E}\right)^2}$$

Animation by B.S. Gaudi -  
[microlensing-source.org](http://microlensing-source.org)