# Árboles

- Presentar la estructura no lineal más importante en computación
- Mostrar la especificación e implementación de varios tipos de árboles
- Algoritmos de manipulación de árboles

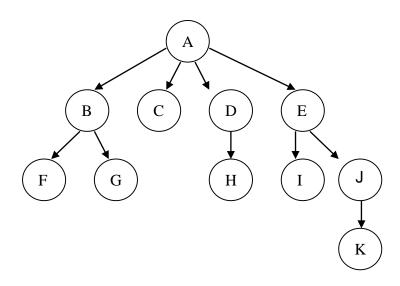
# Árboles

#### Contenido

- 1. Terminología fundamental
  - 1.1. Recorridos de un árbol
- 2. Árboles binarios
  - 2.1. Definición
  - 2.2. Especificación
  - 2.3. Implementación
- 3. Heap
- 4. Árboles binarios de búsqueda
  - 4.1. Definición
  - 4.2. Especificación
- 5. Árboles binarios equilibrados
  - 5.1. Árboles AVL
- 6. Árboles generales
  - 6.1. Especificación

# Árbol General

- Un árbol general es un árbol ordenado en el que cada nodo tiene un número arbitrario de hijos.
- También se les llama árboles multicamino.



#### Especificación

```
public class ArbolGeneral<E>{
   // Declaración de tipos: ArbolGeneral
   // Características: Un árbol general es un árbol ordenado donde cada nodo tiene un número
                      arbitrario de hijos. Los objetos son modificables
    \parallel
    public ArbolGeneral();
          // Produce Un árbol vacío
    public ArbolGeneral(E elemRaiz, ArbolGeneral<E>... hijos) throws NullPointerException;
          // Produce: Si hijos es null, lanza la excepción NullPointerException.
                      En caso contrario, construye el árbol de raíz elemRaiz, con los subárboles
                     contenidos en hijos.
    public boolean esVacio();
          // Produce: Cierto si this está vacío. Falso en caso contrario.
    public E raiz() throws ArbolVacioException;
          // Produce: Si this está vacío lanza la excepción ArbolVacio Excepcion,
                      sino devuelve el elemento almacenado en la raíz
```

```
public ArbolGeneral<E> hijoMasIzq() throws ArbolVacioExcepcion;
       // Produce: Si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                   sino devuelve el subárbol más a la izquierda
public ArbolGeneral<E> hermanoDer() throws ArbolVacioExcepcion;
       // Produce: Si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                   sino devuelve el hermano derecho
public boolean esta(E elemento);
       // Produce: Cierto si elemento está en this, falso en caso contrario
public void setRaiz(E elemRaiz) throws ArbolVacioExcepcion;
       // Modifica: this
       // Produce: Si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                   sino asigna el objeto elemRaíz a la raíz del árbol this
public void setHijo(ArbolGeneral<E> hijo) throws ArbolVacioExcepcion, NullPointerException;
       // Modifica: this
       // Produce: Si hijo es null, lanza la excepción NullPointerException.
                   En caso contrario, si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                   sino añade hijo como subárbol más a la derecha de this
public void suprimir();
       // Modifica: this
       // Produce: Elimina el árbol general
```

#### Implementación

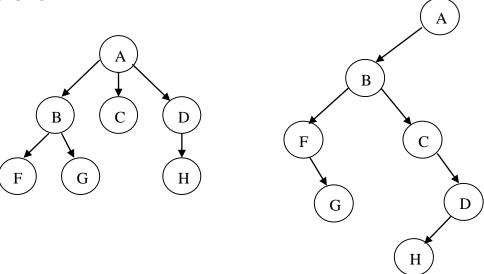
Paso 1: Definición interfaz
public interface ArbolGeneral<E>{
public boolean esVacio();
public E raiz() throws ArbolVacioExcepcion;
public ArbolGeneral<E> hijoMasIzq() throws ArbolVacioExcepcion;
public ArbolGeneral<E> hermanoDer() throws ArbolVacioExcepcion;
public boolean esta(E elemento);
public void setRaiz(E elemRaiz) throws ArbolVacioExcepcion;
public void setHijo(ArbolGeneral<E> hijo) throws ArbolVacioExcepcion,
NullPointerException;
public void suprimir();

- Paso 2: Clase implemente la interfaz
  - Mediante estructuras enlazadas genéricas
    - public class EnlazadoArbolGeneral<E> implements ArbolGeneral<E>

#### Representación

- La forma más común de implementación de árboles generales es mediante árboles binarios.
- □ El hijo izquierdo es el hijo más a la izquierda del árbol general y el hijo derecho es el siguiente hermano hacia la derecha.
- □ Ventaja de esta representación: Simplicidad.

Representación

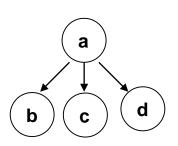


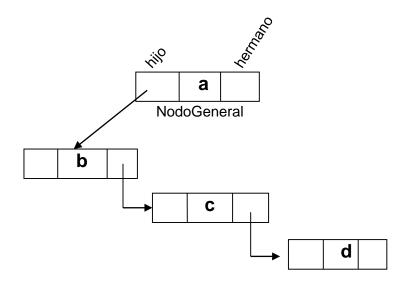
- □ Se define una clase NodoGeneral<E>, idéntica a la clase NodoBinario<E>, en la que se han cambiado el nombre a las referencias:
  - la referencia al hijo izquierdo en NodoBinario se llama hijo en la clase NodoGeneral,
  - la referencia al hijo derecho en NodoBinario se llama hermano en NodoGeneral.

#### Nodo General

```
public class NodoGeneral<E>{
            private E elemento;
                                                   // referencia al elemento del nodo
            private NodoGeneral<E> hijo;
                                                   // referencia al nodo hijo mas a la izquierda
            private NodoGeneral<E> hermano;
                                                   // referencia al nodo hermano derecha
            public NodoGeneral (E e, NodoGeneral<E> hi, NodoGeneral<E> her){
                         elemento = e;
                         hijo = hi;
                         hermano= her;
            public E getElemento() {
                         return elemento;
            public NodoGeneral<E> getHijo() {
                         return hijo;
            public NodoGeneral<E> getHer() {
                         return hermano;
            public void setElemento(E e) {
                         elemento = e;
            public void setlzq(NodoGeneral<E> hi) {
                         hijo = hi;
            public void setDer(NodoGeneral<E> her) {
                         hermano = her;
```

# Implementación árbol general

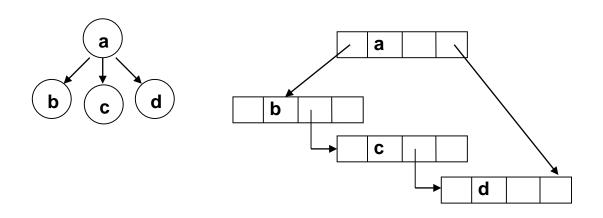




public class EnlazadoArbolGeneral<E> implements ArbolGeneral<E> {
 private NodoGeneral<E> nodoRaiz;

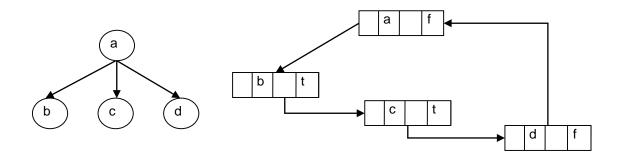
# Otras implementaciones

Si se necesita conocer con frecuencia cuál es el último hijo (hijo más a la derecha) de un determinado elemento, una solución consiste en usar una referencia extra en cada nodo para apuntar a su hijo más a la derecha.



# Otras implementaciones

Si se necesita conocer con frecuencia cuál es el padre de un determinado elemento, una solución consiste en usar la referencia hermano que está a null en el último hijo para apuntar al nodo padre. En este caso también necesitaríamos un atributo extra (boolean) en cada nodo para indicar si hemos llegado al final en la lista de hijos o no.



Recorrido en preorden:

```
public static <E> void preorden(ArbolGeneral<E> a){
      if (!a.esVacio()) {
             System.out.print(a.raiz() + " ");
             ArbolGeneral<E> hijo = a.hijoMasIzq();
             while (!hijo.esVacio()){
                    preorden(hijo);
                    hijo =hijo.hermanoDer();
```

Cuenta el número de nodos de un árbol general:

```
public static int contarNodos (ArbolGeneral<Integer> a){
     if (a.esVacio())
      return 0;
     else {
       int cont = 1;
       ArbolGeneral<Integer> hijo = a.hijoMasIzq();
       while (! hijo.esVacio()){
          cont+= contarNodos(hijo);
          hijo = hijo.hermanoDer();
       return cont;
```

Cuenta el número de hojas de un árbol general:

```
public static <E> int numHojas(ArbolGeneral<E> a){
     if (a.esVacio()) return 0;
     else if (a.hijoMasIzq().esVacio()) return 1;
          else {
            int cont = 0;
            ArbolGeneral<E> hijo = a.hijoMasIzq();
            while (! hijo.esVacio() ) {
               cont += numHojas(hijo);
               hijo = hijo.hermanoDer();
             return cont;
```

Determina si dos árboles generales son idénticos:

```
public static <E> boolean identicos(ArbolGeneral<E> a, ArbolGeneral<E> b){
    if (a.esVacio() && b.esVacio())
       return true;
    if (!a.esVacio() && !b.esVacio())
       if (!a.raiz().equals(b.raiz())) return false;
       else {
         ArbolGeneral<E> ha = a.hijoMaslzq();
         ArbolGeneral<E> hb = b.hijoMasIzq();
         while (! ha.esVacio() &&! hb.esVacio())
            if (!identicos(ha,hb)) return false;
            ha = ha.hermanoDer();
            hb = hb.hermanoDer();
         return ha.esVacio() && hb.esVacio();
    return false;
```

Más ejercicios de uso del TAD árbol General en la actividad 5 (grupos reducidos)