

RISPOSTE ALLE DOMANDE E AGLI ESERCIZI SUI CAPITOLI 8, 9 E 10 DI KREPS “MICROECONOMIA PER MANAGER”

Le risposte sono in carattere più piccolo e in grassetto per distinguerle dalle domande.

DOMANDE E RISPOSTE

1. Discutete in dettaglio la distinzione tra costi economici e costi contabili.

I costi economici inglobano i costi opportunità ed escludono i costi irredimibili: il costo opportunità è il valore della migliore alternativa possibile a cui si rinuncia quando si compie una scelta, il costo irredimibile è il costo che una volta effettuato non può più essere recuperato in alcun modo.

2. Discutete l'importanza dei rendimenti di scala per la dimensione efficiente dell'impresa.

I rendimenti di scala determinano l'andamento dei costi medi e la dimensione efficiente dell'impresa è quella che minimizza i costi medi. Quindi la dimensione efficiente dell'impresa si colloca in corrispondenza dell'ammontare di produzione associato al passaggio da rendimenti di scala crescenti a decrescenti, sempre che esista tale situazione.

3. Discutete il significato di isoquanti inclinati positivamente.

Isoquanti inclinati positivamente significano che all'aumentare di tutti i fattori della produzione, il livello di produzione resta costante. Quindi i fattori della produzione o sono inutilizzati o si annullano a vicenda.

4. Supponiamo di avere 2 inputs, l'input 1 e l'input 2. L'input 2 è il bene numerario – cioè il suo prezzo è pari a 1 e costante. Il prezzo del bene 1 è p , il costo minimo di produzione è C e le quantità dei due fattori sono indicate con q_1 e q_2 . Supponiamo di avere un'impresa A e di sapere che la sua tecnologia di produzione è rappresentata da una funzione di produzione a rendimenti di scala costanti che può avere la forma seguente
 - a. sostituti perfetti 1:a,
 - b. complementi perfetti 1:a,
 - c. Cobb-Douglas con parametro a .

Tuttavia non sappiamo di che tipo è la tecnologia e ignoriamo pure il valore del parametro α . Invece abbiamo le osservazioni sulla domanda dell'impresa A riportate nella tabella seguente. Considera osservazione per osservazione a partire dalla osservazione 1. Dopo ciascuna osservazione rispondi se riesci ad inferire il *tipo* di tecnologia che caratterizza l'impresa in esame (in particolare se sei in grado di dire in positivo che è di un tipo o di un altro o almeno se sei in grado di escludere che sia di un tipo). Inoltre chiarisci se sei in grado di inferire il valore del parametro α . Nel caso in cui non sia possibile dire nulla sul tipo di tecnologia o sul valore del parametro, dillo esplicitamente.

Impresa A:

osservazioni	P	C	q_1	q_2
1	1	160	96	64
2	1	320	192	128
3	2	160	60	40
4	2	320	120	80

Osservazione 1:

La funzione di produzione può essere una Cobb-Douglas di parametro $a=0.6$, oppure sostituti perfetti con $a=1$, oppure complementi perfetti con $a=2/3$.

Osservazione 2:

Questa osservazione non fornisce alcuna ulteriore restrizione sull'insieme delle possibili tecnologie.

Osservazione 3:

La funzione di produzione può essere caratterizzata solo da complementi perfetti con $a=2/3$.

Osservazione 4:

Ormai questa osservazione è irrilevante.

5. Esattamente come al punto precedente procedete all'esame delle seguenti osservazioni relative all'impresa B:

Impresa B:

osservazioni	p	C	q_1	q_2
1	1	160	160	0
2	1	320	320	0
3	2	160	0	160
4	2	320	0	320

Osservazione 1:

L'unica tecnologia compatibile con questa osservazione è caratterizzata da sostituti perfetti con parametro a maggiore o uguale a 1.

Osservazione 2:

Questa osservazione non aggiunge alcuna ulteriore informazione/restrizione.

Osservazione 3:

L'unica tecnologia compatibile con queste osservazioni è caratterizzata da sostituti perfetti con a compreso tra 1 e 2.

Osservazione 4:

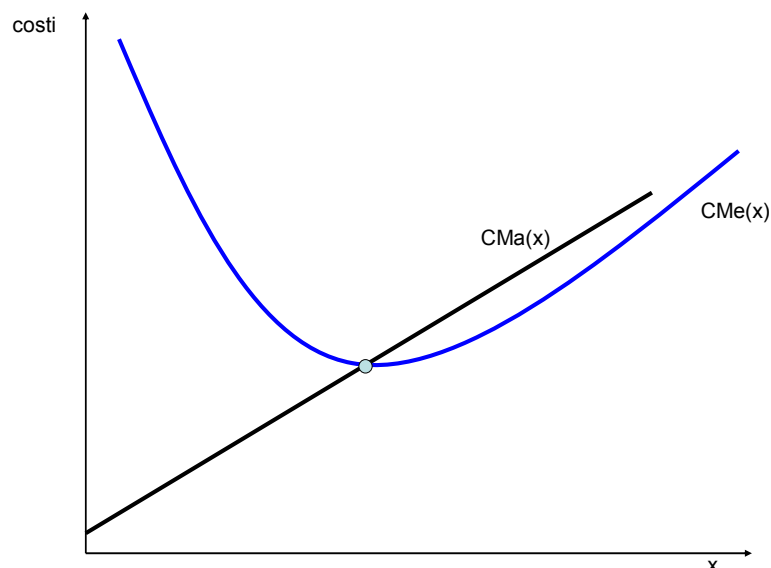
Questa osservazione non aggiunge alcuna ulteriore informazione/restrizione.

ESERCIZI

1. Immaginate un'impresa con la funzione di costo totale $CT(x) = 10.000.000 + 50x + x^2/16.000$. Ne consegue che la funzione di costo marginale è $CMa(x) = 50 + x/8000$.
 - a. Sulla base di queste informazioni, come vi aspettate sia qualitativamente il grafico delle funzioni del costo medio e del costo marginale di questa impresa e motivate la vostra risposta.

La funzione di costo totale $CT(x) = 10.000.000 + 50x + x^2/16.000$ ha un termine costante che non dipende da x , quindi ha un costo fisso. Di conseguenza la funzione di costo medio ha una forma a U, perché per un livello di produzione minimo il costo fisso incide moltissimo, ma al crescere dell'ammontare prodotto il costo fisso si spalma su una quantità maggiore e quindi incide sempre meno sul costo unitario di produzione, fino a quando il costo variabile aumenta e più che compensa la diminuzione del costo fisso in termini unitari. Il costo marginale è lineare e passa per il minimo dei costi medi.

Un disegno qualitativo è il seguente:



- b. Qual è la funzione di costo medio dell'impresa? Per quali valori di x il costo marginale è minore del costo medio, e per quali valori di x il costo marginale è maggiore del costo medio?

Il costo medio per definizione è:

$$\begin{aligned}
 CMe(x) &= \frac{CT(x)}{x} = \frac{10.000.000 + 50x + x^2/16.000}{x} = \\
 &= \frac{10.000.000}{x} + 50 + \frac{x}{16.000}
 \end{aligned}$$

Per trovare i valori di x per i quali il costo marginale è minore (maggiore) del costo medio si possono usare diversi metodi. Il più ovvio è risolvere la disequazione $CMa(x) \leq CMe(x)$, cioè

$$50 + \frac{x}{8.000} \leq \frac{10.000.000}{x} + 50 + \frac{x}{16.000} \quad \text{che implica} \quad \frac{x}{16.000} \leq \frac{10.000.000}{x}, \quad \text{cioè}$$

$x^2 \leq 16.000.000.000$, quindi il costo marginale è minore del costo medio per $x \leq 400.000$ e maggiore altrimenti, ricordando che i valori negativi non sono ammissibili.

In alternativa possiamo cercare il minimo dei costi medi ponendo la derivata degli stessi uguale a zero e sapendo che i costi marginali sono minori dei costi medi per quantità minori del livello di produzione che minimizza i costi medi e maggiori altrimenti:

$$\frac{dCMe(x)}{dx} = -\frac{10.000.000}{x^2} + \frac{1}{16.000} = 0, \text{ che implica } x^2 = 16.000.000.000, \text{ cioè } x = 400.000,$$

ricordando che i valori negativi non sono ammissibili. Quindi, come ci attendevamo, ritroviamo i risultati precedenti.

- c. Qual è la scala efficiente dell'impresa? Qual è il costo medio dell'impresa in corrispondenza della sua scala efficiente?

La scala efficiente dell'impresa è al minimo dei costi medi, quindi per i calcoli fatti al punto (b) è quando si produce l'ammontare $x = 400.000$. Sostituendo questo valore nella funzione dei costi

medi è facile trovare $CMe(400.000) = \frac{10.000.000}{400.000} + 50 + \frac{400.000}{16.000} = 100$.

- d. Supponete che l'impresa sia soggetta alla funzione di domanda inversa $P(x) = 250 - x/4000$. Per quali valori di x l'impresa ha un profitto positivo?

Per trovare i valori di x per i quali il profitto è positivo si deve risolvere la disequazione $\pi(x) \geq 0$,

cioè $\pi(x) = \left(250 - \frac{x}{4.000}\right)x - 10.000.000 - 50x - \frac{x^2}{16.000} \geq 0$

che implica $-\frac{5x^2}{16.000} + 200x - 10.000.000 \geq 0$, cioè $54.760 \leq x \leq 585.330$.

- e. Per quali valori di x l'impresa ha un profitto crescente?

Per trovare per quali valori di x l'impresa ha un profitto crescente si possono usare diversi metodi. Il più ovvio è porre la derivata del profitto maggiore o uguale a zero e risolvere la disequazione

$\pi'(x) \geq 0$, cioè $\pi'(x) = 250 - \frac{x}{2.000} - 50 - \frac{x}{8.000} \geq 0$ che implica $\frac{x}{1600} \leq 200$, cioè $x \leq 320.000$.

In alternativa possiamo cercare per quali valori di x l'impresa ha un profitto crescente studiando quando il ricavo marginale eccede i costi marginali. Per definizione

$RMa(x) = \frac{dRT(x)}{dx} = 250 - \frac{x}{2.000}$, mentre il costo marginale calcolato prima è

$CMa(x) = \frac{dCT(x)}{dx} = 50x + \frac{x}{8.000}$. Quindi la disequazione $RMa(x) \geq CMa(x)$ implica

$250 - \frac{x}{2.000} \geq 50 + \frac{x}{8.000}$ cioè $\frac{x}{1600} \leq 200$, quindi $x \leq 320.000$: come ci attendevamo, ritroviamo i risultati precedenti.

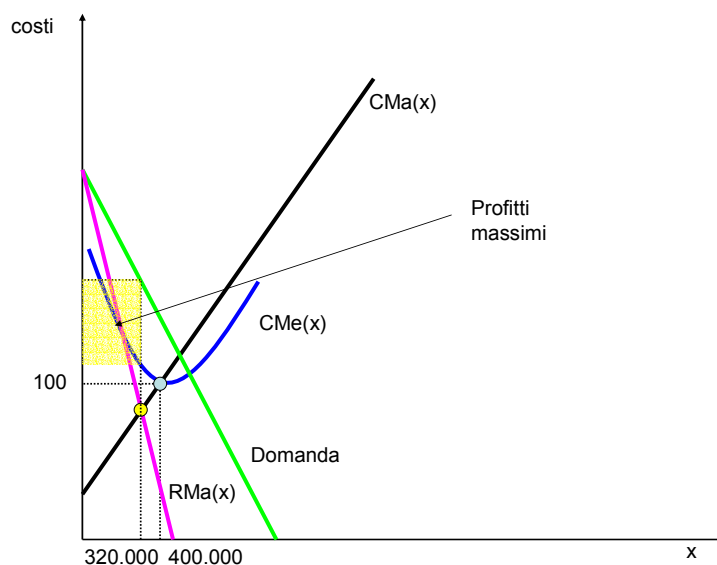
- f. Quale livello di x massimizza il profitto dell'impresa?

Per trovare per quali valori di x l'impresa ha un profitto massimo si possono usare diversi metodi. Il più ovvio è porre la derivata del profitto uguale a zero e risolvere l'equazione $\pi'(x) = 0$, cioè

$\pi'(x) = 250 - \frac{x}{2.000} - 50 - \frac{x}{8.000} = 0$ che implica $\frac{x}{1600} = 200$, cioè $x = 320.000$.

In alternativa possiamo cercare per quali valori di x l'impresa ha un profitto massimo, uguagliando il ricavo marginale al costo marginale. Per definizione $RMa(x) = \frac{dRT(x)}{dx} = 250 - \frac{x}{2.000}$, mentre il costo marginale calcolato prima è $CMa(x) = \frac{dCT(x)}{dx} = 50 + \frac{x}{8.000}$. Quindi l'equazione da risolvere è $RMa(x) = CMa(x)$ che implica $250 - \frac{x}{2.000} = 50 + \frac{x}{8.000}$ cioè $\frac{x}{1600} = 200$, quindi $x = 320.000$: come ci attendevamo, ritroviamo i risultati precedenti.

g. Rappresentate anche graficamente la soluzione ai diversi quesiti.

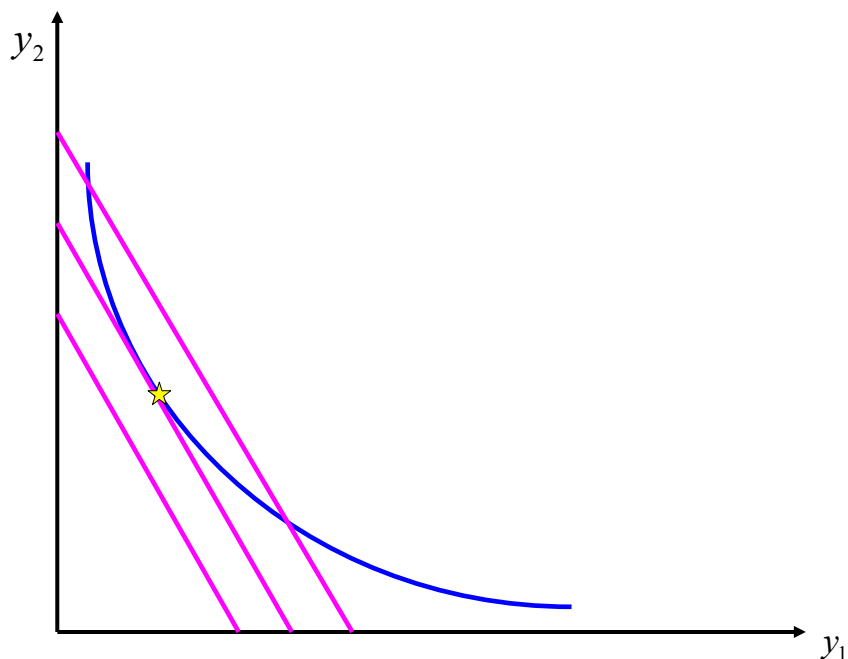


2. Considerate un'impresa in concorrenza perfetta sul mercato dei fattori produttivi, che produce il bene x usando due input il cui prezzo in concorrenza perfetta è rispettivamente $r_1=4$ e $r_2=1$ usando la seguente funzione di produzione: $x = y_1^{1/2} y_2^{1/2}$. Calcolate la funzione di costo di questa impresa e rappresentate graficamente il problema.

Per trovare la domanda di fattori della produzione risolvo il seguente sistema:

$$\begin{cases} \frac{PMa_1}{r_1} = \frac{PMa_2}{r_2} \\ x = y_1^{1/2} y_2^{1/2} \end{cases} = \begin{cases} \frac{y_2^{1/2}}{2y_1^{1/2}} = \frac{y_1^{1/2}}{2y_2^{1/2}} \\ x = y_1^{1/2} y_2^{1/2} \end{cases} = \begin{cases} y_2 = 4y_1 \\ x = y_1^{1/2} y_2^{1/2} \end{cases} = \begin{cases} y_1 = \frac{1}{2}x \\ y_2 = 2x. \end{cases}$$

Quindi i costi sono $CT(x) = 4 \times y_1 + 1 \times y_2 = 4 \times \frac{1}{2}x + 1 \times 2x = 4x$.



3. Considerate un'impresa caratterizzata da una tecnologia di produzione a coefficienti fissi (e rendimenti di scala costanti), ove x unità di prodotto richiedono 3 unità del primo input, m , e $x/5$ unità del secondo input, l .
- Supponete che i prezzi dei fattori m e l ammontino rispettivamente a € 1 e € 10 per unità. Qual è la funzione di costo totale?

Per definizione il costo totale è il seguente: $CT(x) = r_l l^*(x) + r_m m^*(x) = 10 \times \frac{x}{5} + 1 \times 3x = 5x$.

- Supponete che questa impresa sia soggetta alla curva di domanda inversa $P(x) = 23 - x/5$. Qual è il livello di produzione che massimizza il profitto, quale prezzo chiede l'impresa e a quanto ammonta il suo profitto?

Per massimizzare il profitto devo uguagliare il ricavo marginale e il costo marginale. Il costo marginale è $CMa(x) = \frac{\partial CT(x)}{\partial x} = 5$. **Se la funzione di domanda inversa** $P(x) = 23 - x/5$ **è facile**

derivare il ricavo totale $RT(x) = P(x) \times x = (23 - x/5)x = 23x - x^2/5$, **e quindi il ricavo marginale** $RMa(x) = \frac{\partial RT(x)}{\partial x} = 23 - \frac{2x}{5}$. **La condizione di massimizzazione del profitto** $RMa(x) = CMa(x)$ **diventa**

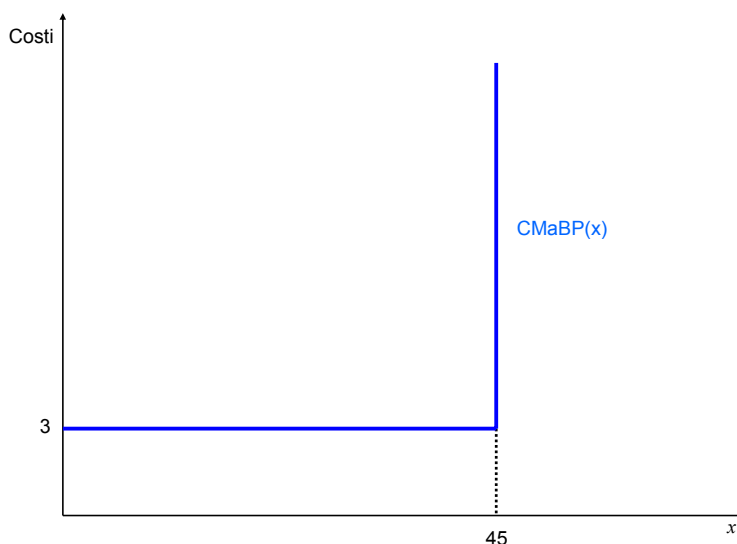
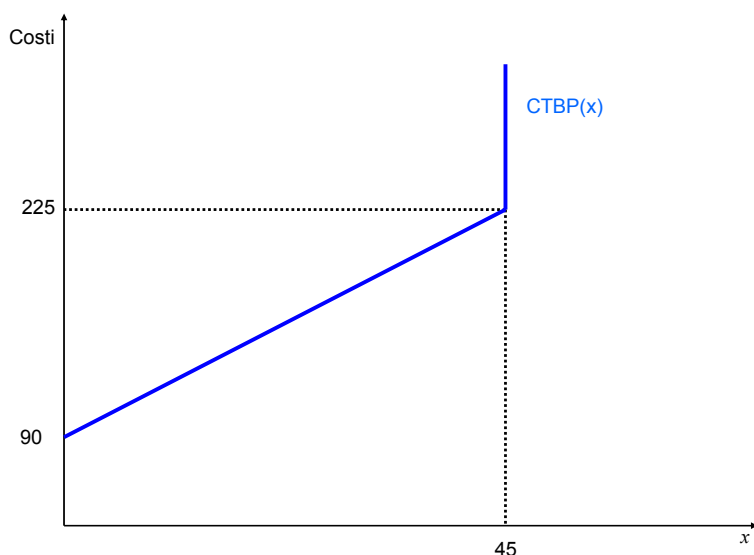
$23 - \frac{2x}{5} = 5$, **che implica** $x^* = 45$ **con prezzo unitario pari a** $P(x) = 14$.

- Supponete che, nel breve periodo, l'impresa possa variare liberamente le quantità di m impiegate ma non possa variare l . Qual è la forma della funzione di costo totale di breve periodo? Come reagirà l'impresa (nel breve e nel lungo periodo) se la domanda inversa si sposta improvvisamente a $P(x) = 23,5 - x/5$? Come reagirà (nel breve e nel lungo periodo) se la domanda inversa si sposta improvvisamente a $P(x) = 25 - x/5$?

Se nel breve periodo, l'impresa può variare liberamente le quantità di m impiegate ma non può variare l , allora la produzione non può crescere oltre il livello di status quo, $x=45$. L'impresa deve pagare il costo fisso delle 9 unità di lavoro usate al prezzo di 10 € l'ora, quindi il costo fisso è € 90. D'altra parte l'impresa può diminuire la produzione risparmiando 3 unità di m e quindi 3 € per ogni unità di x in meno. Quindi la funzione di costo tale di breve periodo è:

$$CTBP(x) = \begin{cases} 90 + 3x & x \leq 45 \\ \infty & x > 45. \end{cases}$$

Graficamente abbiamo i seguenti disegni per i costi totali e i costi marginali:



Se la domanda inversa si sposta improvvisamente a $P(x) = 23,5 - x/5$, il ricavo marginale è $RMa(x) = 23,5 - 2x/5$.

Nel breve periodo non può aumentare la produzione oltre $x=45$, quindi può aumentare solo il prezzo a $P(45) = 23,5 - 45/5 = 14,5$.

Nel lungo periodo la produzione può aumentare e in particolare al livello che risolve la seguente equazione: $23,5 - 2x/5 = 5$, che implica $x^* = 46,25$.

Se la domanda inversa si sposta improvvisamente a $P(x) = 25 - x/5$, il ricavo marginale è $RMa(x) = 25 - 2x/5$.

Nel breve periodo non può aumentare la produzione oltre $x=45$, quindi può aumentare solo il prezzo a $P(45) = 25 - 45/5 = 16$.

Nel lungo periodo la produzione può aumentare e in particolare al livello che risolve la seguente equazione: $25 - 2x/5 = 5$, che implica $x^* = 50$.

- d. Supponete che, nel breve periodo, l'impresa possa variare liberamente le quantità di m impiegate e possa variare l sino a un certo punto: può assumere unità aggiuntive di l al costo di € 15 per unità aggiuntiva e congedare tutte le unità di l che desidera pagando un salario ridotto di € 5 per ogni unità di l congedata. Quali sono le funzioni di costo totale e marginale di breve periodo? Come reagirà l'impresa (nel breve e nel lungo periodo) se la domanda inversa si sposta improvvisamente a $P(x) = 23,5 - x/5$? Come reagirà (nel breve e nel lungo periodo) se la domanda inversa si sposta improvvisamente a $P(x) = 25 - x/5$?

Se nel breve periodo l'impresa può variare liberamente le quantità di m impiegate e può variare l sino a un certo punto, nel senso che può assumere unità aggiuntive di l al costo di € 15 per unità aggiuntiva e congedare tutte le unità di l che desidera pagando un salario ridotto di € 5 per ogni unità di l congedata, è necessario distinguere per aumenti o diminuzioni di x rispetto allo status quo di 45, che richiede $m = 3 \times 45 = 135$ e $l = 45/5 = 9$.

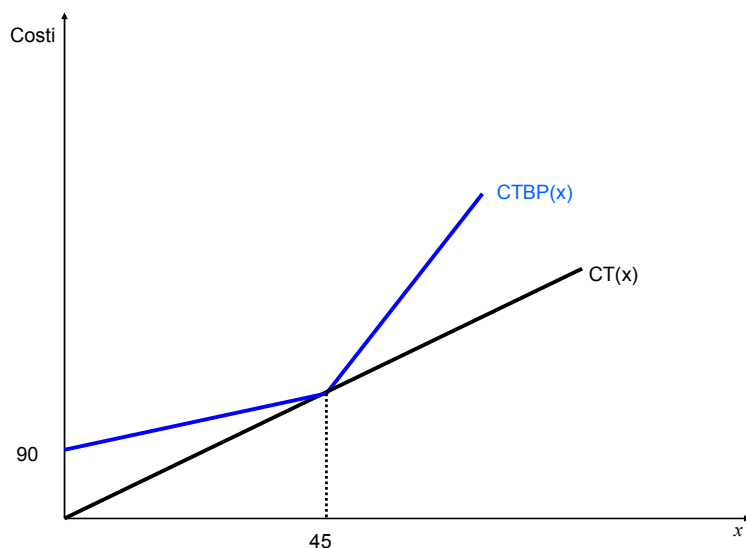
Per aumenti di produzione oltre a $x=45$, il costo è $3x$ per le materie prime e $[90 + 15(x-45)/3] = 3x - 45$ per il lavoro, per diminuzioni di produzione rispetto a $x=45$, il costo è $3x$ per le materie prime e $10x/5 + 5(45-x)/5 = 2x + 45 - x = x + 45$ per il lavoro. Quindi la funzione di costo tale di breve periodo è:

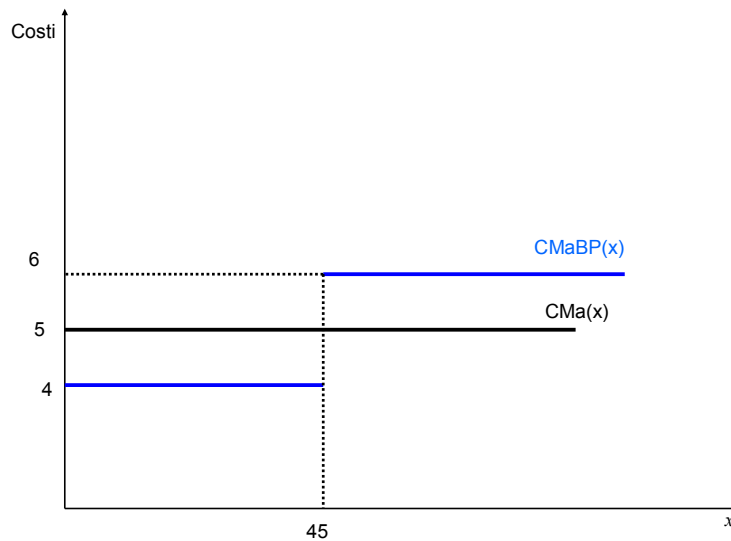
$$CTBP(x) = \begin{cases} 45 + 4x & x \leq 45 \\ -45 + 6x & x > 45. \end{cases}$$

I costi marginali quindi sono:

$$CMaBP(x) = \begin{cases} 4 & x \leq 45 \\ 6 & x > 45. \end{cases}$$

Graficamente abbiamo i seguenti disegni per i costi totali e i costi marginali



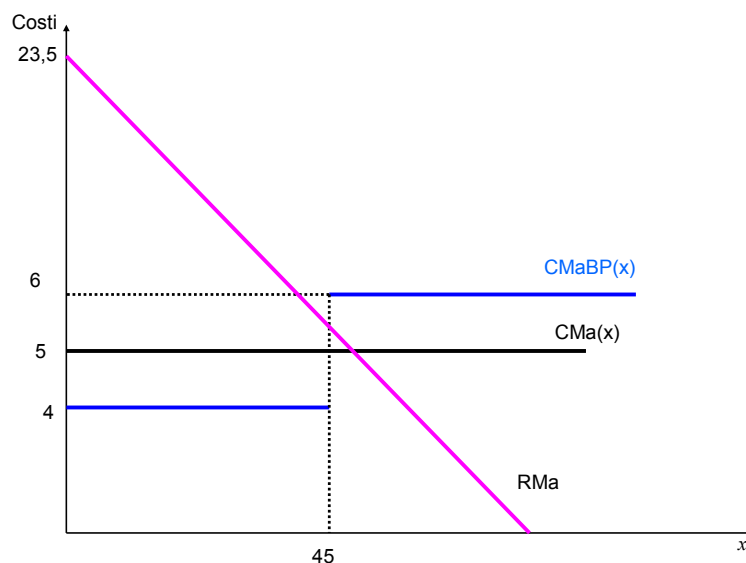


Se la domanda inversa si sposta improvvisamente a $P(x) = 23,5 - x/5$, il ricavo marginale è $RMa(x) = 23,5 - 2x/5$.

Nel lungo periodo la produzione può aumentare e in particolare al livello che risolve la seguente equazione: $23,5 - 2x/5 = 5$, che implica $x^* = 46,25$.

Nel breve periodo possiamo avere due eguaglianze tra ricavo marginale e costo marginale, cioè $23,5 - 2x/5 = 4$ oppure $23,5 - 2x/5 = 6$. Nel secondo caso $x = 43,75$ che è impossibile, mentre nel primo caso $x = 48,75$, ma poiché non può aumentare la produzione oltre $x = 45$ può aumentare solo il prezzo a $P(45) = 23,5 - 45/5 = 14,5$.

Graficamente la situazione è la seguente:



Se la domanda inversa si sposta improvvisamente a $P(x) = 25 - x/5$, il ricavo marginale è $RMa(x) = 25 - 2x/5$.

Nel lungo periodo la produzione può aumentare e in particolare al livello che risolve la seguente equazione: $25 - 2x/5 = 5$, che implica $x^* = 50$.

Nel breve periodo possiamo avere due eguaglianze tra ricavo marginale e costo marginale, cioè $25 - 2x/5 = 4$ oppure $25 - 2x/5 = 6$. Nel secondo caso $x = 47,5$, mentre nel primo caso $x = 52,5$, che è impossibile. Quindi nel breve periodo la produzione aumenta a $x = 47,5$ e il prezzo è $P(47,5) = 25 - 47,5/5 = 15,5$.

Graficamente la situazione è la seguente:

