



**UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA**  
**CENTRO TECNOLÓGICO (CTC)**  
**SISTEMAS DE INFORMAÇÃO**  
**INE5622 - Introdução a Compiladores**

**Docente:** Daniel Santana de Freitas

**Grupo:** Arthur Lorenzetti da Rosa  
Jacqueline Correia Beber

**Matrícula:** 19200621

**Matrícula:** 19200634

**Parte 2**

❖ **Gramática LSI-2025-2 transformada:**

$MAIN \rightarrow STMT \mid FLIST \mid \epsilon$

$FLIST \rightarrow FDEF FLIST'$

$FLIST' \rightarrow FLIST \mid \epsilon$

$FDEF \rightarrow \text{def id ( PARLIST ) \{ STMTLIST \}}$

$PARLIST \rightarrow \text{int id PARLIST}' \mid \epsilon$

$PARLIST' \rightarrow , PARLIST \mid \epsilon$

$VARLIST \rightarrow \text{id VARLIST}'$

$VARLIST' \rightarrow , VARLIST \mid \epsilon$

$STMT \rightarrow \text{int VARLIST ;}$

$\mid \text{ATRIBST ;}$

$\mid \text{PRINTST ;}$

$\mid \text{RETURNST ;}$

$\mid \text{IFSTMT}$

$\mid \{ STMTLIST \}$

$\mid ;$

$ATRIBST \rightarrow \text{id = EXPR}$

$PARLISTCALL \rightarrow \text{id PARLISTCALL}' \mid \epsilon$

$PARLISTCALL' \rightarrow , PARLISTCALL \mid \epsilon$

**PRINTST**  $\rightarrow$  print **EXPR**

**RETURNST**  $\rightarrow$  return **RETURNST'**

**RETURNST'**  $\rightarrow$  id |  $\epsilon$

**IFSTMT**  $\rightarrow$  if ( **EXPR** ) { **STMT** } **IFSTMT'**

**IFSTMT'**  $\rightarrow$  else { **STMT** } |  $\epsilon$

**STMTLIST**  $\rightarrow$  **STMT** **STMTLIST'**

**STMTLIST'**  $\rightarrow$  **STMTLIST** |  $\epsilon$

**EXPR**  $\rightarrow$  **NUMEXPR** **EXPR'**

**EXPR'**  $\rightarrow$  **OP** **NUMEXPR** |  $\epsilon$

**OP**  $\rightarrow$  < | > | <= | >= | == | !=

**NUMEXPR**  $\rightarrow$  **TERM** **NUMEXPR'**

**NUMEXPR'**  $\rightarrow$  + **TERM** **NUMEXPR'**

          | - **TERM** **NUMEXPR'**

          |  $\epsilon$

**TERM**  $\rightarrow$  **FACTOR** **TERM'**

**TERM'**  $\rightarrow$  \* **FACTOR** **TERM'**

          | / **FACTOR** **TERM'**

          |  $\epsilon$

**FACTOR**  $\rightarrow$  num | ( **NUMEXPR** ) | id **FACTOR'**

**FACTOR'**  $\rightarrow$  ( **PARLISTCALL** ) |  $\epsilon$

### ➤ Recursão à Esquerda:

As produções que possuem recursão à esquerda fazem com que o parser preditivo fique em loop infinito. Para resolver isso devemos tratar a recursão à esquerda, reescrevendo a produção, aplicando a transformação:

$$S \rightarrow S\alpha \mid \beta$$

$$S \rightarrow \beta S'$$

$$S' \rightarrow \alpha S' \mid \epsilon$$

Abaixo temos as produções originais que possuíam recursão à esquerda e como que reescrevemos elas.

**1 - Produção Original:**  $\text{NUMEXPR} \rightarrow \text{NUMEXPR} + \text{TERM}$   
 $\quad \quad \quad | \text{NUMEXPR} - \text{TERM}$   
 $\quad \quad \quad | \text{TERM}$

Reescrevendo a produção, aplicando a transformação, temos:

$\text{NUMEXPR} \rightarrow \text{TERM NUMEXPR}'$   
 $\text{NUMEXPR}' \rightarrow + \text{TERM NUMEXPR}'$   
 $\quad \quad \quad | - \text{TERM NUMEXPR}'$   
 $\quad \quad \quad | \varepsilon$

**2 - Produção Original:**  $\text{TERM} \rightarrow \text{TERM} * \text{FACTOR}$   
 $\quad \quad \quad | \text{TERM} / \text{FACTOR}$   
 $\quad \quad \quad | \text{FACTOR}$

Reescrevendo a produção, aplicando a transformação, temos:

$\text{TERM} \rightarrow \text{FACTOR TERM}'$   
 $\text{TERM}' \rightarrow * \text{FACTOR TERM}'$   
 $\quad \quad \quad | / \text{FACTOR TERM}'$   
 $\quad \quad \quad | \varepsilon$

### ➤ **Fatoração à Esquerda:**

As produções que possuem fatoração à esquerda são aquelas onde a escolha entre duas produções não é clara. Por exemplo:

$$A \rightarrow \alpha\beta^1 \mid \alpha\beta^2$$

Quando o parser lê o  $\alpha$  ele não sabe imediatamente qual produção escolher, não sabendo se A deve ser expandido para  $\alpha\beta^1$  ou  $\alpha\beta^2$ . Para resolver isso, podemos adiar a decisão, conforme o exemplo abaixo:

$$\begin{array}{ll} A \rightarrow \alpha\beta^1 \mid \alpha\beta^2 & A \rightarrow \alpha A' \\ & A' \rightarrow \beta^1 \mid \beta^2 \end{array}$$

As gramáticas em LL(1) só podem olhar um símbolo à frente por esse motivo devemos acabar com a fatoração à esquerda antes de conseguir fazer o parser preditivo.

Abaixo temos as produções originais que possuíam fatoração à esquerda e como que reescrevemos elas.

**1 - Produção Original:**  $FLIST \rightarrow FDEF\ FLIST \mid FDEF$

Reescrevendo a produção:

$$FLIST \rightarrow FDEF\ FLIST'$$

$$FLIST' \rightarrow FLIST \mid \varepsilon$$

**2 - Produção Original:**  $PARLIST \rightarrow \text{int id}, PARLIST \mid \text{int id} \mid \varepsilon$

Reescrevendo a produção:

$$PARLIST \rightarrow \text{int id}\ PARLIST' \mid \varepsilon$$

$$PARLIST' \rightarrow ,\ PARLIST \mid \varepsilon$$

**3 - Produção Original:**  $VARLIST \rightarrow \text{id}, VARLIST \mid \text{id}$

Reescrevendo a produção:

$$VARLIST \rightarrow \text{id}\ VARLIST'$$

$$VARLIST' \rightarrow ,\ VARLIST \mid \varepsilon$$

**4 - Produção Original:**  $ATRIBST \rightarrow \text{id} = \text{EXPR} \mid \text{id} = \text{FCALL}$

Reescrevendo a produção:

$$ATRIBST \rightarrow \text{id} = \text{ATRIBST}'$$

$$\text{ATRIBST}' \rightarrow \text{EXPR} \mid \text{FCALL}$$

Aqui temos um problema, tanto EXPR e FCALL podem derivar id:

$$\text{FCALL} \rightarrow \text{id} ( \text{PARLISTCALL} )$$

$$\text{EXPR} \rightarrow \text{NUMEXPR} \rightarrow \text{TERM} \rightarrow \text{FACTOR} \rightarrow \text{id}$$

Quando o parser vê  $id = id$ , não se sabe se  $id = \text{EXPR}$ , onde  $\text{EXPR}$  deriva  $id$ , ou  $id = \text{FCALL}$ , onde  $\text{FCALL}$  é  $id ( \text{PARLISTCALL} )$ . Podemos resolver isso eliminando o não terminal  $\text{FCALL}$  e integrando ele no  $\text{FACTOR}$ , pois:

$$\text{FACTOR} \rightarrow \text{num} \mid ( \text{NUMEXPR} ) \mid id$$

Então temos as seguintes mudanças:

$$\text{ATRIBST} \rightarrow id = \text{EXPR}$$

$$\text{FACTOR} \rightarrow \text{num} \mid ( \text{NUMEXPR} ) \mid id \mid id ( \text{PARLISTCALL} )$$

$\text{FCALL}$  é absorvido por  $\text{FACTOR}$ , mas agora temos que fazer uma fatoração em  $\text{FACTOR}$ , pois as duas últimas produções começam com  $id$ :

$$\text{FACTOR} \rightarrow \text{num} \mid ( \text{NUMEXPR} ) \mid id \text{FACTOR}'$$

$$\text{FACTOR}' \rightarrow ( \text{PARLISTCALL} ) \mid \varepsilon$$

**5 - Produção Original:**  $\text{PARLISTCALL} \rightarrow id, \text{PARLISTCALL} \mid id \mid \varepsilon$

Reescrevendo a produção:

$$\text{PARLISTCALL} \rightarrow id \text{PARLISTCALL}' \mid \varepsilon$$

$$\text{PARLISTCALL}' \rightarrow , \text{PARLISTCALL} \mid \varepsilon$$

**6 - Produção Original:**  $\text{RETURNST} \rightarrow \text{return } id \mid \text{return}$

Reescrevendo a produção:

$$\text{RETURNST} \rightarrow \text{return } \text{RETURNST}'$$

$$\text{RETURNST}' \rightarrow id \mid \varepsilon$$

**7 - Produção Original:**  $\text{IFSTMT} \rightarrow \text{if } (\text{EXPR}) \{ \text{STMT} \} \text{ else } \{ \text{STMT} \} \mid \text{if } (\text{EXPR}) \{ \text{STMT} \}$

Reescrevendo a produção:

$$\text{IFSTMT} \rightarrow \text{if } (\text{EXPR}) \{ \text{STMT} \} \text{ IFSTMT}'$$

$$\text{IFSTMT}' \rightarrow \text{else } \{\text{STMT}\} \mid \varepsilon$$

**8 - Produção Original:**  $\text{STMTLIST} \rightarrow \text{STMT STMTLIST} \mid \text{STMT}$

Reescrevendo a produção:

$$\text{STMTLIST} \rightarrow \text{STMT STMTLIST}'$$

$$\text{STMTLIST}' \rightarrow \text{STMTLIST} \mid \varepsilon$$

**9 - Produção Original:**  $\text{EXPR} \rightarrow \text{NUMEXPR} < \text{NUMEXPR}$   
 $\mid \text{NUMEXPR} \leq \text{NUMEXPR}$   
 $\mid \text{NUMEXPR} > \text{NUMEXPR}$   
 $\mid \text{NUMEXPR} \geq \text{NUMEXPR}$   
 $\mid \text{NUMEXPR} == \text{NUMEXPR}$   
 $\mid \text{NUMEXPR} != \text{NUMEXPR}$   
 $\mid \text{NUMEXPR}$

Reescrevendo a produção:

Para simplificar, criamos um novo não terminal para armazenar as operações:

$$\text{OP} \rightarrow < \mid > \mid == \mid !=$$

Isso faz com que EXPR fique da seguinte forma:

$$\text{EXPR} \rightarrow \text{NUMEXPR OP NUMEXPR} \mid \text{NUMEXPR}$$

Agora, podemos perceber que ainda temos que fazer uma fatoração para que a gramática seja aceita como LL(1) pois quando vemos NUMEXPR não sabemos se devemos ir para OP ou se acabou. EXPR com a nova fatoração fica:

$$\text{EXPR} \rightarrow \text{NUMEXPR EXPR}'$$

$$\text{EXPR}' \rightarrow \text{OP NUMEXPR} \mid \varepsilon$$

Agora sim a linguagem LSI-2025-2 é uma LL(1).

Total de não terminais = 28

MAIN STMT FLIST FLIST' FDEF PARLIST PARLIST' (7)  
 STMTLIST STMTLIST' VARLIST VARLIST' ATRIBST (5)  
 PRINTST RETURNST RETURNST' IFSTMT IFSTMT' (5)  
 EXPR EXPR' PARLISTCALL PARLISTCALL' (4)  
 NUMEXPR NUMEXPR' OP TERM TERM' (5)  
 FACTOR FACTOR' (2)

Total de terminais = 25

int id print return if else { } ; def num , ( (13)

) < > = == != <= >= + - \* / (12)

❖ **FIRST:**

MAIN	STMT	FLIST	FLIST'	FDEF	PARLIST	PARLIST'	STMTLIST
int id print return if { ; def ε	int id print return if { ;	def	def ε	def	int ε	, ε	int id print return if { ;

STMTLIST'	VARLIST	VARLIST'	ATRIBST	PRINTST	RETURNST	RETURNST'
int id print return if { ; ε	id	, ε	id	print	return	id ε

IFSTMT	IFSTMT'	EXPR	EXPR'	PARLISTCALL	PARLISTCALL'	NUMEXPR
if	else $\epsilon$	num ( id	< > <= >= == != $\epsilon$	id $\epsilon$	, $\epsilon$	num ( id

NUMEXPR'	OP	TERM	TERM'	FACTOR	FACTOR'
+ - $\epsilon$	< > <= >= == !=	num ( id	* / $\epsilon$	num ( id	( $\epsilon$

❖ FOLLOW:

MAIN	STMT	FLIST	FLIST'	FDEF	PARLIST	PARLIST'	STMTLIST
\$	\$ } int id print return if { ;	\$	\$	\$ def	)	)	}

STMTLIST'	VARLIST	VARLIST'	ATRIBST	PRINTST	RETURNST	RETURNST'
}	;	;	;	;	;	;



IFSTMT	IFSTMT'	EXPR	EXPR'	PARLISTCALL	PARLISTCALL'	NUMEXPR
\$ } int id print return if { ;	\$ } int id print return if { ;	; )	; )	)	)	< > <= >= == != ) ;

NUMEXPR'	OP	TERM	TERM'	FACTOR	FACTOR'
< > <= >= == != ) ;	num ( id	+ - < > <= >= == != ) ;	+ - < > <= >= == != ) ;	* / + - < > <= >= == != ) ;	* / + - < > <= >= == != ) ;

❖ **Tabela de reconhecimento sintático:**

Para melhor visualização, criamos a tabela no Google Sheets, segue o link:

[https://docs.google.com/spreadsheets/d/1cVK4ZIDSYa3Rqk-xt89RHHR0i-8UtpqUAAtw74EK-S\\_U/edit?usp=sharing](https://docs.google.com/spreadsheets/d/1cVK4ZIDSYa3Rqk-xt89RHHR0i-8UtpqUAAtw74EK-S_U/edit?usp=sharing)

❖ **Exemplo de aplicação:**

Programa de entrada: print(num\*num);\$

Matched	Pilha	Entrada	Ação
	MAIN\$	print(num*num);\$	
	STMT\$	print(num*num);\$	MAIN → STMT

	PRINTST;\$	print(num*num);\$	STMT $\rightarrow$ PRINTST;
	print EXPR;\$	print(num*num);\$	PRINTST $\rightarrow$ print EXPR
<b>print</b>	EXPR;\$	(num*num);\$	match <b>print</b>
<b>print</b>	NUMEXPR EXPR';\$	(num*num);\$	EXPR $\rightarrow$ NUMEXPR EXPR'
<b>print</b>	TERM NUMEXPR' EXPR';\$	(num*num);\$	NUMEXPR $\rightarrow$ TERM NUMEXPR'
<b>print</b>	FACTOR TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	(num*num);\$	TERM $\rightarrow$ FACTOR TERM'
<b>print</b>	(NUMEXPR) TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	(num*num);\$	FACTOR $\rightarrow$ (NUMEXPR)
<b>print(</b>	NUMEXPR) TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	num*num);\$	match (
<b>print(</b>	TERM NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	num*num);\$	NUMEXPR $\rightarrow$ TERM NUMEXPR'
<b>print(</b>	FACTOR TERM' NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	num*num);\$	TERM $\rightarrow$ FACTOR TERM'
<b>print(</b>	num TERM' NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	num*num);\$	FACTOR $\rightarrow$ num
<b>print(num</b>	TERM' NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	*num);\$	match <b>num</b>
<b>print(num</b>	* FACTOR TERM' NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	*num);\$	TERM' $\rightarrow$ * FACTOR TERM'
<b>print(num*</b>	FACTOR TERM' NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	num);\$	match *
<b>print(num*</b>	num TERM' NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	num);\$	FACTOR $\rightarrow$ num
<b>print(num*num</b>	TERM' NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	);\$	match <b>num</b>
<b>print(num*num</b>	NUMEXPR') TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	);\$	TERM' $\rightarrow \epsilon$
<b>print(num*num</b>	) TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	);\$	NUMEXPR' $\rightarrow \epsilon$
<b>print(num*num)</b>	TERM' NUMEXPR' EXPR';\$	;\$	match )

<b>print(num*num)</b>	NUMEXPR' EXPR';\$	;\$	TERM' $\rightarrow \epsilon$
<b>print(num*num)</b>	EXPR';\$	;\$	NUMEXPR' $\rightarrow \epsilon$
<b>print(num*num)</b>	;\$	;\$	EXPR' $\rightarrow \epsilon$
<b>print(num*num);</b>	\$	\$	match ;
<b>print(num*num);</b>	\$	\$	<b>FIM</b>