

RSA (공개키 암호) (비대칭 키) (RSA-2048 / 3072 / 4096)

1. 키 생성
2. 암호화
3. 복호화

*키 생성은 복호화하는 사람이 한다. 암호화는 암호화하는 자, 복호화는 복호화 하는 자.

*이 알고리즘은 두 개의 큰 소수를 이용한다. 이 수들의 곱과 추가연산을 통해 하나는 공개키, 다른 하나는 개인키를 구성.

-RSA 알고리즘에서는 모든 사람이 고유한 n 값(두 소수의 곱, p 와 q 의 곱)을 가진다.

영희의 공개키인 n 값은 모두에게 공개된다.

그렇다면 영희에게 메시지를 보내고 싶은 사람은 n 값을 어떤 알고리즘으로 암호화한 후 영희에게 보낸다. 여기서 영희의 개인키는 p 와 q 이다.

여기서 $b=e$ 이다.

<키 생성>

RSA 암호화를 위해 2개의 큰 소수 p 와 q 를 선택하여 비밀로 한다. 그렇지만 그 곱인 $n=pq$ 는 공개한다.

$\phi(n)=\phi(pq)=\phi(p)\phi(q)=(p-1)(q-1)$ 이다. Compute $n = pq$ and $\phi = (p - 1)(q - 1)$.

1. 암호화 키로 쓰이는 수 b 는 $\phi(n)$ 과 서로소인 수 중에서 선택하고, n 과 마찬가지로 공개한다. Select a random integer e , $1 < e < \phi$, such that $\gcd(e, \phi) = 1$.

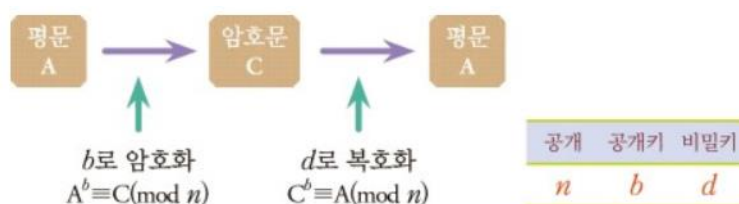
2. 암호를 보낼 때에는 $A^b \equiv C \pmod{n}$ 를 계산하여 C 를 보낸다.

3. 암호문을 받은 사람이 복호화하기 위해서는 키 d 가 필요하다.

D 는 $bd \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$, 을 만족하는 수이다. $\rightarrow d$ 는 n, b 와 달리 비밀키이다.

암호문 C 를 전해 받은 사람은 복호화 키 d 를 이용하여 A 를 알아낼 수 있다.

$$\begin{aligned} C^d &\equiv (A^b)^d \equiv A^{bd} \\ &\equiv A^{1+k\phi(n)} \equiv AA^{k\phi(n)} \quad (\because \text{오일러의 정리에 의해 } A^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod{n}) \\ &\equiv A \pmod{n} \end{aligned}$$



A's public key is (n, e) ; A's private key is d .

구체적인 수를 가지고 위의 과정을 밟아보자. 계산을 간편화하기 위해 $A=2$ 를 암호화한다고 가정하자. 두 소수 p 와 q 를 각각 3과 11로 선택하면, $n=3 \times 11=33$ 이다. $\phi(33)=\phi(3)\phi(11)=(3-1)(11-1)=20$ 이므로 20과 서로소인 수 $b=7$ 을 선택하자. 이를 이용하여 암호화하면 $2^7=128 \equiv 29 \pmod{33}$ 이고, 29를 공개된 $(33, 7)$ 과 함께 보낸다.

받은 메시지 29를 복호화할 때는 비밀키 d 를 알아야 한다. d 는 $7 \cdot d \equiv 1 \pmod{20}$ 을 만족하는 수로, $7 \cdot 3=21 \equiv 1 \pmod{20}$ 이므로 $d=3$ 이 된다. 이 키를 알면 $29^3 \equiv (2^7)^3 = 2^{21} = 2^{20} \cdot 2^1 = 2^{\phi(33)} \cdot 2^1 \equiv 1 \cdot 2 \equiv 2 \pmod{33}$ 이므로 처음에 암호화한 수가 2임을 쉽게 알 수 있다.

그러나 n 을 소인수분해한 p 와 q 는 비밀로 되어 있기 때문에, $\phi(n)=(p-1)(q-1)$ 을 계산할 수가 없고, 따라서 $bd \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$ 을 만족하는 d 를 알아내기 어렵다. 즉, 소인수분해하는 데 오랜 시간이 걸린다는 점 때문에 비밀 키 d 를 밝혀내기 어려운 것이다.

RSA가 2048비트라면 p 와 q 는 1024비트씩.

<암호화>

*공개키는 누구나 암호화할 수 있어야 하나 풀 수 있는 것은 alice만.

*public키는 bob들(모두를위해)을 위해. private키는 alice를 위해.

1. 숫자를 고른다 . 1과 $n-1$ 까지의 숫자중.(m)

$$\text{Enc}(m1)=C1=(m1^e) \bmod (n)$$

C1을 보낸다 → Alice는 c1에 d 승(private key)을 하고 $\bmod n$ 만 해주면 원래의 $m1$ 이 나온다.(복호화)

*alice에서 나오는 것은 RSA 전자서명. RSA 암호화 메시지는 BOB들이 만듦.

*공개키는 데이터가 짧을 때, 막대한 데이터에는 ㄷㄷ 칭키.

<복호화>

Key d 는 $ed \equiv 1 \pmod{\phi}$ 이것을 만족한다.

$ed = 1 + k\phi$. Now, if $\gcd(m, p) = 1$ 라면 $m^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$. 이다.

$$m^{1+k(p-1)(q-1)} \equiv m \pmod{p} \quad (k(q-1)\text{승을 해주고 양 변에 } m \text{을 곱해준다.)}$$

$$m^{ed} \equiv m \pmod{p}.$$

$$m^{ed} \equiv m \pmod{q}.$$

primes, it follows that

$$m^{ed} \equiv m \pmod{n}. \rightarrow c^d \equiv (m^e)^d \equiv m \pmod{n}. \quad \text{👉}$$

<DH KEY EXCHANGE>

공개적으로 교환할 발생기 generator로 p 를 소수 g 를 생성자라고 하겠습니다.

- 1) 엘리스는 개인키 a 를 이용하여 $g^a \bmod p$ 를 생성합니다.
- 2) 밥은 개인키 b 를 이용하여 $g^b \bmod p$ 를 생성합니다.
- 3) 엘리스는 밥에게 $g^a \bmod p$ 를 보내고 밥은 엘리스에게 $g^b \bmod p$ 를 송신합니다.
- 4) 엘리스는 자신의 개인키 a 를 이용하여 $G^{ab} \bmod p$ 를 생성하고 밥은 자신의 개인키 b 를 이용하여 $g^{ab} \bmod p$ 를 만듭니다.
- 5) 이제 엘리스와 밥은 새롭게 생성된 키를 대칭키(비밀키)로 이용합니다
// 이때 엘리스와 밥이 교환하여 결합한 값이 서로 같다는 것!

- 비대칭키(공개키) 알고리즘에서 사용되는 키 교환 방식이다.
- 상대방의 공개키와 나의 비밀키를 이용하여 비밀키를 생성한다.
- A의 공개키와 B의 개인키를 DH연산하면 B의 비밀키가 되고
- B의 공개키와 A의 개인키를 DH연산하면 A의 비밀키가 된다.
- 이산대수법에 의거한 수학적 공식에 의해 A의 비밀키와 B의 비밀키는 같아진다.
- 송신자와 수신자는 이 비밀키를 사용하여 데이터를 암호화한 후 전달한다.

디피-헬만법은 이산대수의 어려움을 이용한 알고리즘이다. 쉽게 말해 주어진 g, x, p 를 이용하여 $y = g^x \bmod p$ 를 구하기는 쉽지만 g, y, p 값을 이용하여 원래의 x 를 찾기 어렵다는 원리를 이용한 것이다.

An appropriate prime p and generator α of \mathbb{Z}_p^* ($2 \leq \alpha \leq p-2$)

→ $p-1$ 은 원시근이 될 수 없다. 제곱하면 1이고 세제곱하면 $-1 / 1$ 도 원시근이 될 수 없다

$$A \rightarrow B : \alpha^x \bmod p \quad (1)$$

$$A \leftarrow B : \alpha^y \bmod p \quad (2)$$

→ MESSAGE

- (a) A chooses a random secret x , $1 \leq x \leq p-2$, and sends B message (1).
- (b) B chooses a random secret y , $1 \leq y \leq p-2$, and sends A message (2).
- (c) B receives α^x and computes the shared key as $K = (\alpha^x)^y \bmod p$.
- (d) A receives α^y and computes the shared key as $K = (\alpha^y)^x \bmod p$.

→ ACTION

Could use $K = g^{ab} \bmod p$ as symmetric key

트루디가 엘리스와 밥 중간에서 엘리스의 a 값을 t 로 변경하여 밥에게 송신하고 밥에게 받은 b 의 값을 t 로 바꾸어 엘리스에게 송신하고 있습니다.

즉, $g^{at} \bmod p$ 와 $g^{bt} \bmod p$ 를 만들었습니다. 하지만 엘리스와 밥은 이 사실을 인지하지 못하고 트루디가 준 $g^t \bmod p$ 를 이용하여 서로 $g^{at} \bmod p$ 와 $g^{bt} \bmod p$ 를 생성합니다. 이로 인하여 엘리스와 밥 그리고 트루디는 모두 같은 대칭키를 가지게 되었습니다. 즉 트루디는 공격을 할 수 있게 되었습니다. 이런 MITM(중간자공격)을 어떻게해야 방지할 수 있을까요?

- 1) 대칭키로 디피헬만 교환값을 암호화
- 2) 공개키로 디피헬만 교환값을 암호화
- 3) 디피헬만 교환값을 개인키로 서명

<RSA 전자서명> : 메시지 무결성, 출처인증 보장 (출처인증은 부인방지)

전자서명의 조건	
전자서명	· 위조불가 (unforgeable)
	· 서명자 인증(user authentication)
	· 부인불가 (non-repudiation)
	· 변경불가 (unalterable)
	· 재사용 불가 (not reusable)
1. 개인키(비밀키)를 가진 사람만이 서명을 생성할 수 있어야 함.	* 전자서명은 기밀성을 제공하지 않는다.
2. 서명은 문서마다 변경되어야 함.	
3. '서명생성'은 입력으로 메시지 x 와 개인키 를 갖는 함수로 구현	
4. '서명검증'은 입력으로 공개키 와 메시지 x 를 갖는 함수로 구현	

-키 생성

*사용자 PUBLIC KEY(n, e)

: 임의의 두소수 p 와 q 의 곱인 n 을 공개하고 $(p-1)(q-1)$ 의 서로수인 random숫자 e 를 공개한다.

Compute $n = pq$ and $\phi = (p-1)(q-1)$. Select a random integer e , $1 < e < \phi$, such that $\gcd(e, \phi) = 1$.

*사용자 private key(d)

: d , $1 < d < \phi$, such that $ed \equiv 1 \pmod{\phi}$.

-서명 & 검증

*서명 : $S = M^d \bmod n$: 어떤 메시지 M에 대하여 개인키 d를 사용하여 서명 생성.

*검증 : $M = S^e \bmod n$: signature에 e승을 해서 맞는지 확인.

*서명 검증은 일반인의 몫, 서명 생성은 alice

*RSA는 서명을 검증하는데 빠르고 DSA는 서명을 생성하는데 빠르다.

<DSA 전자서명> : 자기가 남긴 메시지가 내꺼다라고 증명하고 싶음.

DSA는 이산대수문제, RSA는 소인수분해

-키 생성

소수 p의 크기 $2^{159} \leq p \leq 2^{160}$, 160비트

소수 q의 크기 $2^{511} \leq q \leq 2^{1024}$, 512비트부터 최대 1024비트, 64의 배수

*q는 p-1로 나누어져야 한다. Q는 (p-1)의 약수이다.

$\alpha = g^{(p-1)/q} \bmod p$. → 여기서 g는 원시근. (알파는 생성자.) 1승부터 q승까지. 그룹군 중에 하나를 고름.

*private key: random integer a such that $1 \leq a \leq q - 1$.

*public key: $y = \alpha^a \bmod p$.

A's public key is (p, q, α, y) ; A's private key is a .

전자서명 : 분리가능, 비밀키 복제(hard), digital

인감도장 : 분리불가, 도장 복제 (easy), analog

-서명 생성 (서명생성, 키생성 모두 alice)

0에서 q사이에서 k를 하나 고름.
지수만 다룰때는 mod q
전체를 다룰때는 mod p.

1. Select a random secret integer $k, 0 < k < q$. k는 나중에 지수에 쓰일 것이다.

2. $r = (\alpha^k \bmod p) \bmod q$ 계산

3. $s = k^{-1}\{h(m) + ar\} \bmod q$. 계산. → 서명생성할 때 k도 안다는 것을 증명하기 위해 k^{-1} 을 곱함.

A's signature for m is the pair (r, s) . 메시지 m에 대하여 DSA 전자서명 값 (r, s) 의 각각 크기는 160비트
즉, 임의의 길이 메시지에 대해 실제 DSA 서명 값은 겨우 320비트임

-서명 검증

1. 메시지 m 과 전자서명 (r,s) 를 얻은 후
2. Obtain A 's authentic public key (p, q, α, y) .
3. Verify that $0 < r < q$ and $0 < s < q$; if not, then reject the signature.
4. Compute $w = s^{-1} \bmod q$ and $h(m)$.
5. Compute $u_1 = w \cdot h(m) \bmod q$ and $u_2 = rw \bmod q$.
6. Compute $v = (\alpha^{u_1} y^{u_2} \bmod p) \bmod q$.
7. v 와 r 이 같아야 한다.

실제 검증자는 서명에 사용된 난수 k 를 알지 못함

실제 검증자는 서명에 사용된 비밀키 a 를 알지 못함

수신한 메시지 m' 에 대하여 검증자는 서명자의 공개키를 이용해서 메시지 m' 가 위.변조 되었는지? (메시지의 integrity 확인 가능)

그 서명이 정말 서명자가 맞는 지? (메시지 출처 인증 가능)

$$k = \frac{H(M) + xr}{s} \quad \text{으로 } k \text{를 정리해볼 수 있습니다.}$$

$$u_1 = \frac{H(M)}{s} \quad u_2 = \frac{r}{s} \quad \text{검증자는 이 두 값을 검증하기 위해 임의로 만들어 줍니다.}$$

$$v = ((g^{u_1} \cdot Y^{u_2}) \bmod p) \bmod q = g^{\frac{H(M)}{s}} \cdot Y^{\frac{r}{s}} = g^{\frac{H(M)}{s}} \cdot (g^x)^{\frac{r}{s}} = g^{\frac{H(M)+xr}{s}} = g^k$$

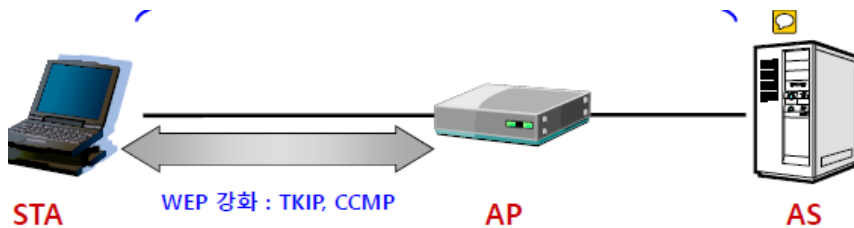
v 값이 서명할 때 만들었던 r 값과 같으면 서명검증이 됩니다.

(여기서 g 는 알파. a 는 x)

<무선통신과 암호 및 정보보안>

-무선랜(LAN, local area) 과 암호 및 정보보안

*STA (무선 단말기), AP(통신사) : WEP 강화 → WEP 키를 주기적으로 변경함으로써 무선랜의 보안성을 향상시키는 방식.



<LTE Security & Network Architecture>

-LTE ARCHITECTURE

: 이전 시스템인 회로 교환 (circuit-switched) 모델과 비교하여 LTE는 패킷교환만 지원하도록 디자인 되었다.

-LTE Network

: E-UTRAN(3G) + EPC(Evolved Packet Core)=Evolved Packet System(EPS)=All – IP Network

*UE : 사용자 단말 (smartphone)

*eNB: LTE 기지국. UE와 LTE간에 무선연결을 제공하는 장비.

*MME : LTE망의 두뇌, UE를 인증. 인증 프로토콜은 EPS-AKA. UE를 인증하기 위한 KEY는 HSS에 들어 있다. KEY정보를 HSS로부터 받아서 UE를 인증.

*HSS : LTE망의 중앙 DB. 각 UE(가입자)별로 인증을 위한 KEY정보와 가입자 프로파일을 가지고 있다.

*S-GW(Serving Gateway) : E-UTRAN과 EPC의 종단점.

Enb 간 핸드오버 (eNB에서 다른 Enb로 넘어갈 때) 시 anchoring point가 된다.

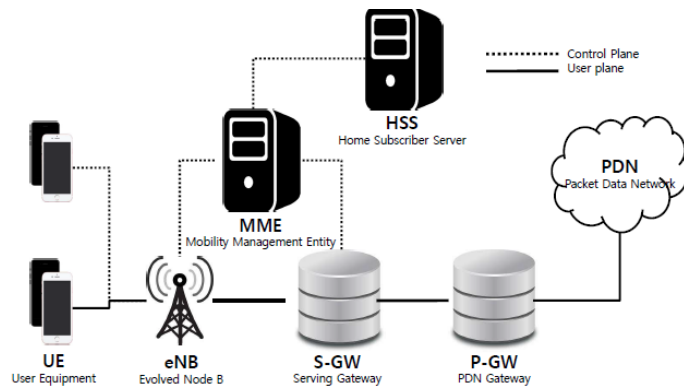
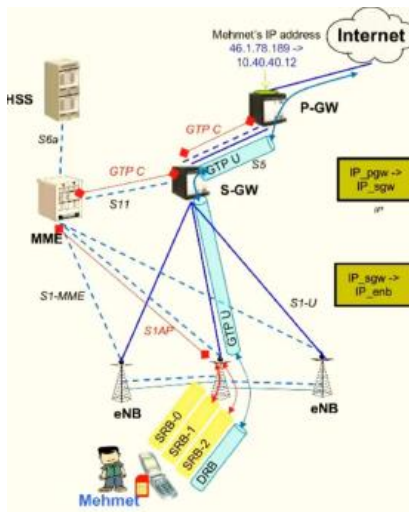
*P-GW(PDN Gateway)

: 각 가입자 별로 언제 접속했고 데이터를 얼마나 사용했는지 기록.

UE를 외부 PDN 망과 연결.

S-GW의 핸드오버시 anchoring point.

UE에 IP주소 할당.



-LTE Aechitecture-User plane (All-IP, 모든 것을 IP를 통해서)



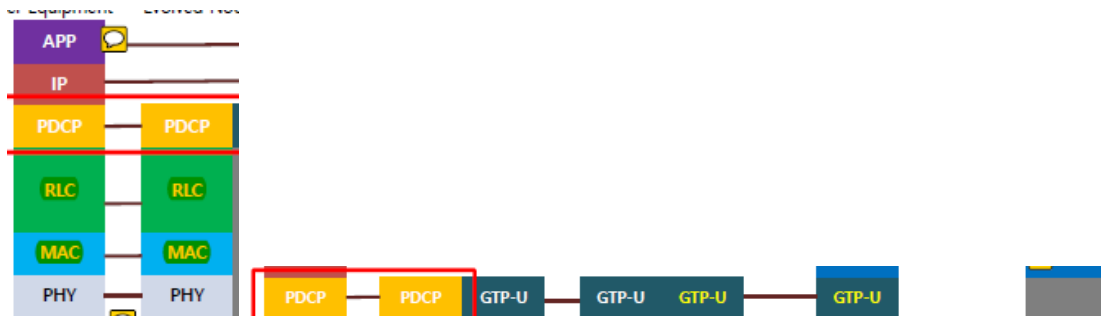
*UE와 Enb만 무선. 여기를 제어하는 것이 MAC, MAC을 제어하는 것이 RLC

*RLC와 MAC은 암호화호화 필요.(AES, ZUC, SNOW) -> 키 일치가 필요.

*PDCP : IP패킷이 무선링크를 통해 효율적으로 전송될 수 있도록.

*RLC : 무선링크 제어

*MAC : 무선 자원을 UE들에게 동적 할당.



*UE가 보낸 IP 패킷은 eNB에서 P-GW까지 GTP 터널을 통해 전송된다. 이 말은 단말이 IP패킷의 DESTINATION IP 주소에 어떤 값을 기록하던 상관없이 단말이 보낸 패킷은 항상 Enb를 통해 P-GW까지 전송이 된다는 의미이다. GTP-U 터널이라고 "U"를 붙인건 User Plane의 약자로 즉 사용자 데이터가 흐르는 것

*무선 구간인 UE와 eNB사이에 기밀성이 있다. 무선구간에서 암호화 한다.

→ 블록암호 사용 (AES,ZUC,SNOW) (대칭키 암호, UE가 암호화하고 eNB가 복호화함)

대칭 키 암호이기 때문에 복호화와 암호화할 때 키가 같음. 키 일치과정이 필요.

1. 인증(개체인증, 메시지인증, 3세대때부터 양방향 인증(MUTUAL))
2. 키일치 (AKA : 1+2)
3. 기밀성(무선구간보호)
4. 무결성 (MAC, 메시지 인증 코드)
5. 출처인증

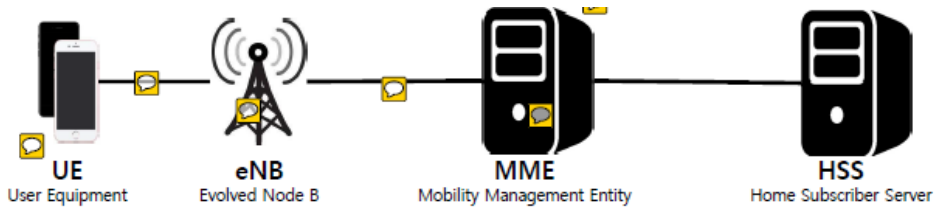
→ LTE에 들어 있는 보안, (1번과 2번은 USIM / 3,4,5는 단말기)

기밀성을 제공해주는 암호화 알고리즘 필요.
사용자의 개인 정보들을 암호화.
-암호화알고리즘(AES,SNOW3G,ZUC)
eNB안에 이 세가지 알고리즘이 들어있음.
CONTROL PLANE 통신사에서 어떤 알고리즘을 쓸지 결정.

encapsulation : 캡슐화.
여기까지.
내가 원하는 데이터는 PDN에 있다. .
통신사가 보안을 도와주지 않음.
데이터를 전달하는 역할만 함.
LTE는 이삿짐센터역할만 함.
이동통신사들은 자기의 LTE를 위한 보안과 사용자들의 보안만 걱정.
그것만 고민하면 됨.

P-GW까지.

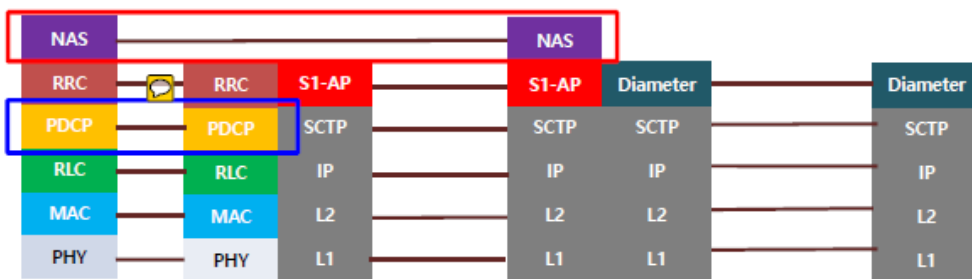
-LTE Aechitecture - Control plane



*usim의 home은 hss. (hss와 말을 하고 싶지만 거리가 멀어서 도와주는 것이 eNB와 MME)

*MME : 인증했다고 도장을 찍어줌, 이동한다고 알려줌, 이동성을 관리.

*eNB와 MME는 현지. 우리의 HOME은 KT, 유플러스 .



배달온사람이 eNB. 우리가보는사람
MME는 전화를 받는 사람.
NAS -> 짜장면 주세요
RRC(RADIO, 무선)-> 배달 총괄
NAS에서 NON ACCESS
MAC은 ACCESS과정.

eNB와 MME가 AKA
eNB가 USIM에게 누구냐고 물어봄.
HSS가 증표를 줌으로서
그 증표를 만들 수 있는 사람이 HSS밖에 없기 때문에
USER는 eNB와 MME를 믿게 됨.

*NAS : NON ACCESS, UE와 MME 간의 메시지 전송.

*RRC : 무선 자원 제어 계층

*PDCP : CP, UP데이터 전송

-LTE Security ARCHITECTURE (user to network security) : EPS-AKA

*EPS-AKA는 E-UTRAN에서 사용해야 하는 인증 및 키 일치 과정이다.

*EPS-AKA는 RRC, NAS무결성 보호 키 뿐만 아니라 UP, RRC, NAS암호 키에 대한 기반을 형성해야 한다.

- UE-MME : NAS Signaling – Integrity, Ciphering
- UE-eNB : RRC Signaling – Integrity, Ciphering
- UE-eNB : User traffic - Ciphering

*NAS Signaling : 짜장면이요 하고 신호를 준다.

*eNB : 직접배달, AES 암호 하나로 INTEGRITY(무결성), CIPHERING(암호화) 다됨.

*실제 트래픽은 암호화만. INTEGRITY까지 하면 서비스 속도가 떨어짐.

*모든 무선 통신망(Wi-Fi, WiBro 그리고 LTE)은 "가입자 인증(User Authentication)"과 "무선구간에서의 보안(무결성 확인 및 암호화)" 기능을 제공

*LTE 는 EPS-AKA 라는 방식을 사용하여 인증한다. 여기서 인증은 상호인증!

UE 는 MME 에게 Attach request, MME 는 UE 에게 User Authentication request

UE 와 HSS 모두에 가입자 고유 식별자인 IMSI 와 LTE K 값이 있어야 한다. (USIM 안에 들어있다.)

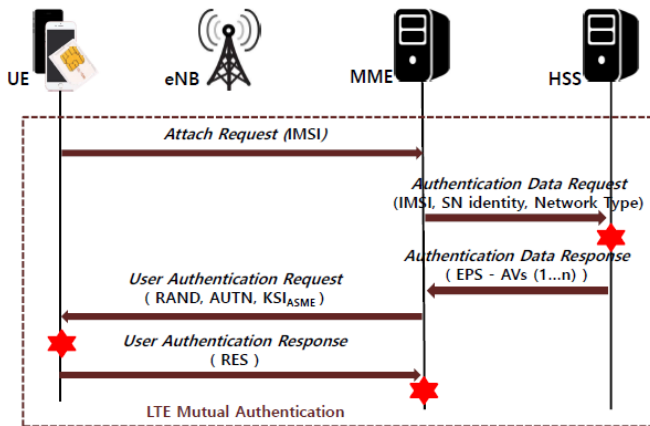
가입자가 전원을 키면 UE 는 망에 인증을 요청(attach request)

이 메시지를 수신한 MME 는 HSS 에게 해당 가입자(IMSI 로 식별)를 인증하기 위한 인증정보를 받아옴.

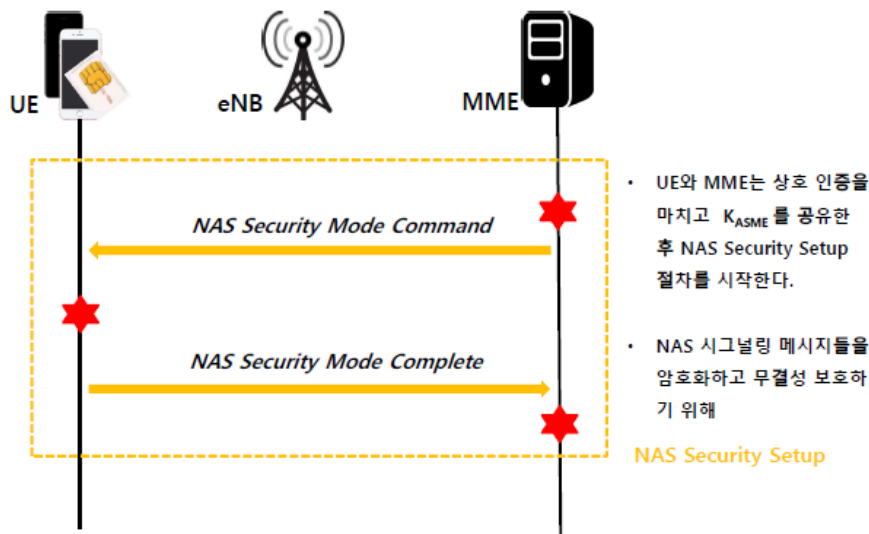
MME 는 이 인증정보를 이용하여 가입자를 인증.

*인증이 끝난 후 무선 구간 보안.

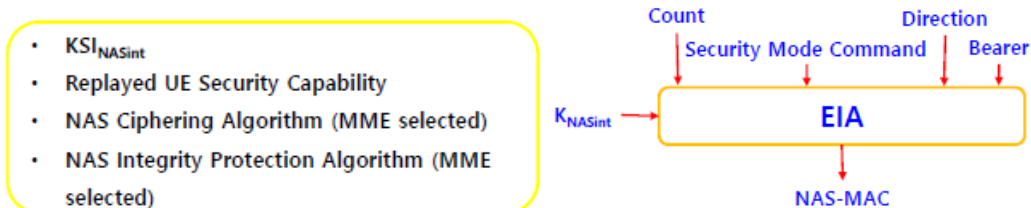
; 인증이 끝나면 결과로 master key 가 나온다. 이 master key 를 이용하여 복잡한 알고리즘을 돌려 무선구간에서 무결성과 암호화를 할 수 있는 key 를 생성. 이 Master Key를 K_{ASME}



- K_{ASME} 는 UE에 전달되지 않고, UE가 직접 생성 하지만 이에 대응하는 인덱스로 K_{S_{ASME}} 전송



*EIA(EPS INTEGRITY ALGORITHM)



- K_{S_{ASME}}
 - K_{S_{ASME}}
 - Replayed UE Security Capability
 - NAS Ciphering Algorithm (MME selected)
 - NAS Integrity Protection Algorithm (MME selected)
- MME는 UE에게 전송할 Security Mode Command 메시지를 구성하고, NAS-MAC을 생성한다.
- 생성된 NAS-MAC을 Security Mode Command에 포함시켜 UE에 전송하고 암호화는 없음

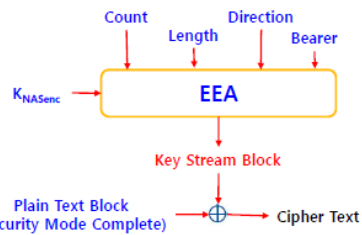
무결성확인/보호(Integrity Check): 송신측에서 자신이 가지고 있는 Key값과 메시지내용을 어떤 알고리즘을 돌려 32바이트(예를 들어 32바이트)짜리 어떤 값을 얻습니다. 그리고 그 값(A)을 메시지 맨 뒤에 붙여서 보냅니다. 그러면 이를 수

UE는 수신한 Security Mode Command에 포함된 NAS-MAC을 검증

- UE가 MME와 같은 방법으로 XNAS-MAC 생성 후 비교

*MME와 마찬가지로 K_{NASint} 와 K_{NASenc} 생성

*EEA(EPS ENCRYPTION ALGORITHM)



- 검증이 완료되면 UE는 MME에 전송할 Security

Mode Complete 메시지를 구성하고 암호화 한다.

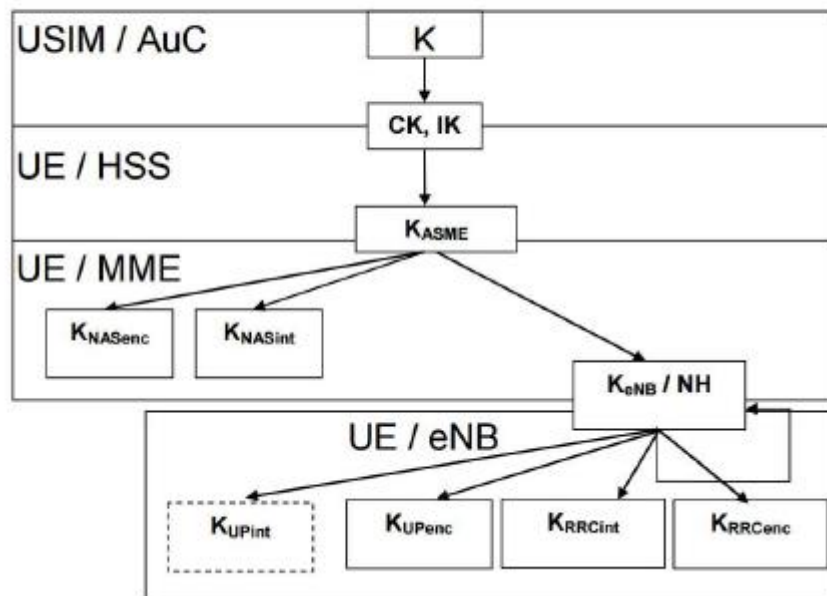
)

그런 후 이번에는 UE와 eNB간에 주고 받는 모든 control 메시지에 대한 무결성확인과 암호화를 위한 Key인 K_{RRCint} (RRC=RRC 메시지, int=Integrity)와 K_{RRCenc} (enc=encryption)를 생성하고, 이를 통해 UE와 MME간 control 메시지는 무결성보호 & 암호화 되어 안전하게 주고 받을 수 있게 됩니다.

- eNB는 UE에게 전송할 Security Mode Command 메시지를 생성하고 K_{RRCint} 를 사용하여 MAC-I 생성

- AS Security Setup 절차는 RRC 시그널링 메시지와 IP 패킷을 안전하게 전달하기 위한 키를 생성하는 절차이다.

- LTE Security KEYs



Nas, rrc → control 메시지만

Up(user plane) → 데이터 메시지