# SPECIFICATION TECHNIQUE DE BESOIN

Version : **0.4**

Date : **14.11.2013**

Rédigé par : **Delphine Meyrieux**

Relu par : **Julien Szlamowicz, Tony Coriolle, Ibrahima Sory Barry, Clément Etendard, Timothée Guegan**

Approuvé par : **Christophe Carré**

**Signature :**

# MISES A JOUR

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Version | Date | Modifications réalisées |
| 0.1 | 14/11/2013 | Création |
| 0.2 | 22/11/2013 | Mise à jour |
| 0.3 | 28/11/2013 | Mise à jour |
| 0.4 | 16/01/2014 | Modification suite à remarque du professeur de Gestion de projet |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |

Ce document est destiné à traduire les besoins des utilisateurs du logiciel et à établir une référence pour sa validation. Son but est de recenser les principales exigences que l’équipe de développement s’engage à satisfaire dans le cadre du projet.

## Objet :

L’objectif principal de ce projet est de développer un logiciel permettant de décomposer de grands nombres entiers en facteurs premiers grâce à l’algorithme de Dixon.

L’objectif technique est de proposer à l’utilisateur deux méthodes d’exécution par le biais de deux architectures pour en comparer les performances : Une méthode d’exécution **sérialisée** programmée en Sage et une seconde **parallélisée** programmée en C++. Cette dernière devra être exécutée en utilisant l’architecture CUDA. Il est pour cela nécessaire de maitriser entièrement CUDA, le projet portant essentiellement sur l’implémentation parallélisée.

Le but final de ce projet sera de comparer la vitesse d’exécution de l’algorithme entre les deux plateformes afin de démontrer que l’architecture CUDA permet d’effectuer des calculs complexes dans un temps beaucoup plus court.

## Documents applicables et de référence :

Pour cette version, les documents de références sont :

* Le sujet du projet proposé par M. Carré.

## Terminologie et sigles utilisés :

CUDA : fonctionnalité proposée sur les cartes graphiques récentes du constructeur NVIDIA, permettant d’utiliser la puissance de calcul de ces dernières pour paralléliser et exécuter des tâches extrêmement rapidement.

## Exigences fonctionnelles :

### Présentation des fonctionnalités du produit

Le projet s’articule en 4 parties distinctes, nous les différencierons de la manière suivante :

* Sage (SG)
* CUDA (CD)
* User Interface (UI)
* Miscellaneous (MC)

Ci-après, le tableau récapitulatif des fonctionnalités principales (backlog).

# Tableau des fonctionnalités principales

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Dom | Id | Intitulé | Priorité |
| SG | 1 | Algorithme de Dixon (Sage) | Indispensable |
| SG | 2 | Heuristiques (Sage) | Facultatif |
| CD | 1 | Algorithme de Dixon (CUDA) | Indispensable |
| CD | 2 | Implémentation des Heuristiques (CUDA) | Facultatif |
| UI | 1 | Choix de la méthode d’exécution | Indispensable |
| UI | 2 | Choix de l’heuristique | Facultatif |
| UI | 3 | Choix du nombre à factoriser | Indispensable |
| UI | 4 | Description de l’algorithme | Important |
| UI | 5 | Surveillance de l’exécution | Important |
| UI | 6 | Affichage du rapport d’exécution | Important |
| MC | 1 | Générer un rapport au format *.xml* | Facultatif |
| MC | 2 | Comparaison de deux rapports | Facultatif |
| MC | 3 | Interruption/Reprise de l’exécution | Facultatif |
| MC | 4 | Conseil sur l’heuristique à utiliser | Facultatif |
| MC | 5 | Décimal, Hexa, Binaire | Important |
| MC | 6 | Etude sur l’algorithme de Dixon | Indispensable |
| MC | 7 | Optimisation du code | Important |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |

### Description des fonctionnalités

Dans la suite, la complexité sera pondérée en utilisant les premiers termes de la suite de Fibonacci pour qu’il n’y ait pas de valeurs trop similaires et ainsi pouvoir mettre en évidence les plus importants :

* Très Faible : 1
* Faible : 2
* Moyen : 3
* Elevé : 5
* Très Elevé : 8
* Critique : 13

<SG 1> Algorithme de Dixon (Sage).

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Sage |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | Implémenter l’algorithme de Dixon en Sage pour permettre à l’utilisateur de décomposer des nombres en facteurs premiers.  Entrée : nombre N, borne B  Sortie : Liste des facteurs premiers du nombre passé en entrée.  Début :  P <- ensemble des premiers < B  k <- card(P)  R <- ensemble vide  Div <- ensemble vide  Tester la primalité de N  Tant que  != N faire  // élimination des facteurs triviaux  Pour x choisi aléatoirement dans [ ; N – 1] faire jusqu’à m > k + 1  y ← x² mod N  Si y est B-friable et y pas dans Div alors  Ajouter (x,y) à R  m ← card(R)  Fin si  Finpour  Pour 1 ≤ i ≤ m faire  vi,p tq yi =  finpour  M ← matrice (vi,p mod 2)p∊P, 1≤ I ≤m  E ← vecteur non nul noyau de M  u ←  v←  si pgcd(u-v,N) n’est pas dans {1,N} alors  Ajouter u-v à Div  Sinon si pgcd(u+v,N) n’est pas dans {1,N} alors  Ajouter u+v à Div  Sinon  Erreur  finsi  Fintantque  Retourner DIv  Fin |  | SG 1 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | N est un entier relatif. |  | Indispensable |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Vérification et approbation du consultant technique (client).  Résultat correct : la suite des nombres retournée correspond bien aux facteurs premiers de N.  Temps d’exécution optimisé au maximum : O(LN(1/2; 2)) |  | 13 |  |
|  |  |  |  |  |

<SG 2> Heuristiques (Sage).

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Sage |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | Implémenter les heuristiques de l’algorithme de Dixon pour permettre à l’utilisateur d’adapter l’algorithme en fonction de ses besoins.  Liste des heuristiques :   * Crible quadratique (optimisé pour des nombres à moins de 100 chiffres) (QS) * Factorisation par crible sur les corps de nombres généralisé (GNFS) (optimisé pour des nombres à plus de 100 chiffres) * Fractions continues (CFRAC)   Algorithme du crible quadratique :  Notons p1, … , pk les nombres premiers de la base des facteurs avec K ≈  On suppose T ≥ B.  (1) Pour x = 0 à T, poser v[x] ←1  (2) Pour i = 1 à K, faire  (a) Poser p ← pi, e ← 1  (b) Faire R ← racines\_de\_ f(N, pe)  (c) Si tous les éléments de R sont > T, passer à la prochaine valeur en 2  (d) Pour tout x ∊ R, Faire  Tant que x ≤ T  v[x] ← v[x] · p  x ← x + pe  (e) Faire e ← e + 1 et retourner en 2.b  (3) Renvoyer (x, f(x)) pour tous les x = 0, … , T tels que v[x] = f(x)  Les deux autres algorithmes font partie de la recherche pour le moment. |  | SG 2 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Précondition : Avoir implémenté et vérifié la version générale de l’algorithme en Sage. |  | Facultatif |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Vérification et approbation du consultant technique (client)  Temps d’exécution optimisé pour chaque heuristique LN(1/2,1).  Résultat correct : la suite des nombres retournée correspond bien aux facteurs premiers de N. |  | 8 |  |
|  |  |  |  |  |

<CD 1> Algorithme de Dixon (CUDA).

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : CUDA |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | Implémenter et paralléliser l’algorithme de Dixon en C++ sur CUDA pour permettre à l’utilisateur d’adapter l’algorithme en fonction de ses besoins.  Entrée : nombre N, borne B  Sortie : Liste des facteurs premiers du nombre passé en entrée.  Début :  P <- ensemble des premiers < B  k <- card(P)  R <- ensemble vide  Div <- ensemble vide  Tester la primalité de N  Tant que  != N faire  // élimination des facteurs triviaux  Pour x choisi aléatoirement dans [ ; N – 1] faire jusqu’à m > k + 1  Création d’un thread  y <- x² mod N  Si y est B-friable et y pas dans Div alors  Ajouter (x,y) à R  m <- card(R)  Fin si  finpour  Pour 1 <= i <= m faire  vi,p tq yi =  finpour  M <- matrice (vi,p mod 2)p∊P, 1<=i<=m  E <- vecteur non nul noyau de M  u ←  v←  si pgcd(u-v,N n’est pas dans {1,N} alors  Ajouter u-v à Div  Sinon si pgcd(u+v,N) n’est pas dans {1,N} alors  Ajouter u+v à Div  Sinon  Erreur  finsi  Fintantque  Retourner Div  Fin |  | CD 1 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | N est un entier relatif. |  | Indispensable |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Résultat correct satisfaisant après soumission au client.  Temps d’exécution optimisé au maximum : O(LN(1/2; 2))  Résultat correct : la suite des nombres retournée correspond bien aux facteurs premiers de N. |  | 13 |  |
|  |  |  |  |  |

<CD 2> Heuristiques (CUDA).

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : CUDA |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | Implémenter et paralléliser les heuristiques de l’algorithme de Dixon en C++ sur CUDA pour permettre à l’utilisateur de décomposer des nombres en facteurs premiers.  Liste des heuristiques :   * Crible quadratique (optimisé pour des nombres à moins de 100 chiffres) (QS) * Factorisation par crible sur les corps de nombres généralisé (GNFS) (optimisé pour des nombres à plus de 100 chiffres) : utilisant de la théorie algébrique des nombres et reposant sur la factorisation d’idéaux dans des anneaux d’entiers * Fractions continues (CFRAC)   Algorithme du crible quadratique : cf. SG2 |  | CD 2 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Précondition : Avoir implémenté et vérifié la version générale de l’algorithme pour CUDA. |  | Facultatif |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Vérification et approbation du consultant technique (client)  Temps d’exécution optimisé pour chaque heuristique LN(1/2,1).  Résultat correct : la suite des nombres retournée correspond bien aux facteurs premiers de N. |  | 8 |  |
|  |  |  |  |  |

<UI 1> Choix de la méthode d’exécution.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : User Interface |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur doit pouvoir choisir la méthode d’exécution de l’algorithme : Sage ou CUDA. |  | UI 1 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | NA. |  | Indispensable |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | L’action enregistre le choix de la méthode à exécuter et mène à l’exécution de la bonne méthode. |  | 2 |  |
|  |  |  |  |  |

<UI 2> Choix de l’heuristique.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : User Interface |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur doit pouvoir choisir l’heuristique de l’algorithme de Dixon qu’il souhaite utiliser. |  | UI 2 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | NA. |  | Facultatif |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | L’action enregistre bien l’heuristique choisie et mène à l’exécution du bon algorithme. |  | 2 |  |
|  |  |  |  |  |

<UI 3> Choix du nombre à factoriser.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : User Interface |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur doit pouvoir choisir le nombre à factoriser. |  | UI 3 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Une méthode d’exécution et un algorithme ont été choisis. |  | Indispensable |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | L’action enregistre le nombre à factoriser et lance la factorisation. |  | 3 |  |
|  |  |  |  |  |

<UI 4> Description de l’algorithme.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : User Interface |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur doit pouvoir avoir une description rapide de l’algorithme (ou de l’heuristique) qu’il s’apprête à utiliser pour être sûr qu’il fait un choix cohérent. |  | UI 4 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Condition de déclenchement : L’utilisateur présélectionne une heuristique.  Condition d’arrêt : L’utilisateur effectue une autre action. |  | Facultatif |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Description correcte et synthétique. |  | 2 |  |
|  |  |  |  |  |

<UI 5> Surveillance de l’exécution.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : User Interface |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur peut connaitre l’état d’avancement des calculs, le nombre d’instructions par seconde ou l’état général du système en temps réel et des détails comme combien de colonnes de la matrice a été trouvé dans la phase 1 de l’algorithme de Dixon. |  | UI 5 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Condition de déclenchement : L’utilisateur lance une factorisation.  Condition d’arrêt : Le nombre a été factorisé. |  | Important |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Les valeurs rapportées sont exactes et s’actualisent en temps réel. |  | 5 |  |
|  |  |  |  |  |

<UI 6> Affichage du rapport d’exécution.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : User Interface |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur peut avoir un compte rendu de l’exécution à la fin de celle-ci.  Le rapport est composé de temps d’exécution, liste des facteurs avec leurs puissances, le nombre d’instructions effectuées, l’entier de départ, l’algorithme utilisé, la méthode utilisée et les caractéristiques matérielles. |  | UI 6 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Condition de déclenchement : La factorisation est terminée. |  | Important |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Les valeurs doivent être celles rendues par l’algorithme. Présentation claire. |  | 5 |  |
|  |  |  |  |  |

<MC 1> Générer un rapport au format *.xml*.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Miscellaneous |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur peut générer un rapport d’exécution au format .*xml*. |  | MC 1 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Condition de déclenchement : La factorisation est terminée. |  | Facultatif |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Pas d’erreur de syntaxe dans le langage. Hérite des caractéristiques de l’UI 6. |  | 5 |  |
|  |  |  |  |  |

<MC 2> Comparaison de deux rapports.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Miscellaneous |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur peut comparer deux rapports de précédentes exécutions, sous forme de tableau avec une coloration des données : rouge pour les moins performantes et vert pour les plus performantes. |  | MC 2 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Précondition : les rapports concernent une factorisation du même nombre, les rapports sont au format .xml |  | Facultatif |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Comparatif synthétique et correct des deux rapports. Mise en avant des données performantes. |  | 5 |  |
|  |  |  |  |  |

<MC 3> Interruption/Reprise de l’exécution.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Miscellaneous |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur peut mettre en pause la factorisation pour la reprendre plus tard, ou simplement l’interrompre. |  | MC 3 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | NA. |  | Facultatif |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Le programme libère correctement les ressources. |  | 8 |  |
|  |  |  |  |  |

<MC 4> Conseil sur l’heuristique à utiliser.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Miscellaneous |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur est conseillé sur l’heuristique à utiliser en fonction de l’entier qu’il souhaite factoriser.  (Certaines heuristiques sont plus efficaces pour certains types de nombres) |  | MC 4 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Condition de déclenchement : L’utilisateur a choisi un nombre à factoriser. |  | Facultatif |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Conseil approprié à la taille de l’entier. |  | 2 |  |
|  |  |  |  |  |

<MC 5> Décimal, Hexa, Binaire.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Miscellaneous |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | L’utilisateur peut entrer le nombre à factoriser dans plusieurs bases : décimale, hexadécimale, binaire car il peut être amené à entrer de très grands nombres.  Conversion des nombres entrés dans l’application. |  | MC 5 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | La base choisie doit être soit décimale, hexadécimale ou binaire. |  | Important |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Le nombre entré et le nombre converti sont égaux. |  | 5 |  |
|  |  |  |  |  |

<MC 6> Etude sur l’algorithme de Dixon

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Miscellaneous |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | Réaliser une étude préliminaire des algorithmes et heuristiques nécessaires au développement de l’application. |  | MC 6 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | NA. |  | Indispensable |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | NA. |  | 8 |  |
|  |  |  |  |  |

<MC 7> Optimisation du code

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | CudaFactor |  |  |  |
|  | Module : Miscellaneous |  |  |  |
|  | Description de la fonctionnalité : |  | Identificateur : |  |
|  | Apporter des corrections et optimisations sur les implémentations des algorithmes en SAGE et CUDA. |  | MC 7 |  |
|  | Préconditions et Conditions de déclenchement/d’arrêt |  | Priorité : |  |
|  | Précondition : Avoir implémenté et vérifié la version générale et les heuristiques de l’algorithme. |  | Important |  |
|  | Conditions d’acceptation : |  | Complexité : |  |
|  | Résultat satisfaisant après soumission au client.  Code correct. |  | 13 |  |
|  |  |  |  |  |

## Exigences opérationnelles :

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Nom** | **Identificateur** | **Priorité** |
| Une carte graphique NVIDIA supportant CUDA nous permettant le développement en CUDA | EO 1 | Indispensable |
| Un système d’exploitation UNIX nous permettant le développement du projet ainsi que son exécution | EO 2 | Indispensable |

Ces exigences sont nécessaires à la réalisation de toutes les exigences fonctionnelles citées précédemment.

## Exigences de qualité

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Nom** | **Identificateur** | **Priorité** |
| Exécution rapide de l’algorithme en SAGE | EQ 1 | Indispensable |
| Exécution de l’algorithme en CUDA optimisée par rapport au temps d’exécution obtenu avec SAGE | EQ 2 | Indispensable |

## Exigences d’interface

L’interface n’étant pas une priorité pour la réussite du projet, nos exigences seront les suivantes :

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Nom** | **Identificateur** | **Priorité** |
| Simple | EI 1 | Important |
| Fonctionnelle | EI 2 | Important |
| Fluide | EI 3 | Important |
| Ergonomique | EI 4 | Important |

## Cas d’utilisation

Système