© DLSI (Univ. Alicante)

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

TEMA 1 Introducción a los TADs. Los tipos lineales

PROGRAMACIÓN Y ESTRUCTURAS DE DATOS

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

Introducción. Los tipos lineales

- 1. Introducción a los TADs
- 2. Vectores
- 3. Listas
- 4. Pilas
- 5. Colas

1. Introducción a los TADs

- TAD: Tipo Abstracto de Datos
- Tipo de datos:
 - Clasifica los objetos de los programas (variables, parámetros, constantes)
 y determina los valores que pueden tomar
 - También determina las operaciones que se aplican
 - Entero: operaciones aritméticas enteras (suma, resta, ...)
 - Booleano: operaciones lógicas (y, o, ...)
- Abstracto:
 - La manipulación de los datos sólo dependen del comportamiento descrito en su <u>especificación</u> (qué hace) y es independiente de su <u>implementación</u> (cómo se hace)
 - Una especificación → Múltiples implementaciones

3

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

- Especificación de un TAD:
 - Consiste en establecer las propiedades que lo definen
 - Para que sea útil debe ser:
 - Precisa: sólo produzca lo imprescindible
 - General: sea adaptable a diferentes contextos
 - Legible: sea un comunicador entre especificador e implementador
 - No ambigua: evite problemas de interpretación
 - Definición informal (lenguaje natural) o formal (algebraica)

1. Introducción a los TADs

- Implementación de un TAD:
 - Consiste en determinar una representación para los valores del tipo y en codificar sus operaciones a partir de esta representación
 - Para que sea útil debe ser:
 - Estructurada: facilita su desarrollo
 - Eficiente: optimiza el uso de recursos → Evaluación de distintas soluciones mediante la complejidad (espacial y temporal)
 - Legible: facilita su modificación y mantenimiento

5

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (I)

- Especificación algebraica (ecuacional): establece las propiedades de un TAD mediante ecuaciones con variables cuantificadas universalmente, de manera que las propiedades dadas se cumplen para cualquier valor que tomen las variables
- Pasos:
 - Identificación de los objetos del TAD y sus operaciones (declaración del TAD, módulos que usa, parámetros)
 - Definición de la signatura (sintaxis) de un TAD (nombre del TAD y perfil de las operaciones)
 - Definición de la semántica (significado de las operaciones)
- Operación: es una función que toma como parámetros (entrada) cero o más valores de diversos tipos, y produce como resultado un solo valor de otro tipo. El caso de cero parámetros representa una constante del tipo de resultado

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales 1. Introducción a los TADs ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (II) MODULO ... USA ... (bool, entero, natural...) MODULO VECTOR USA BOOL, ENTERO //en todas las ecuaciones, $c \le i, j \le f$ PARAMETRO TIPO ... PARAMETRO TIPO item **OPERACIONES OPERACIONES** c, f: \rightarrow int //límites inf. y sup. error() > item **FPARAMETRO FPARAMETRO** TIPO vector TIPO (GÉNERO) ... **OPERACIONES** crear() -> vector **OPERACIONES** asig(vector, int, item) → vector recu(vector, int) → item esvaciapos(vector, int) → bool **FMODULO**

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (III)

MODULO NATURAL1

TIPO natural

OPERACIONES

cero : → natural

suc : natural → natural

FMODULO

Mediante aplicación sucesiva de cero y suc se obtienen los distintos valores del tipo:

cero, suc(cero), suc(suc(cero)), ...

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (IV)

MODULO NATURAL2

TIPO natural OPERACIONES

cero : → natural

suc : natural → natural

suma : natural natural -> natural

FMODULO

¿suma(cero, suc(cero)) y suc(cero) denotan valores distintos?

¿ suma(cero, suc(cero)) y suma(suc(cero), cero) denotan el mismo valor?

9

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (V)

- Solución:
 - Utilización de ecuaciones de la forma t₁ = t₂, donde t₁ y t₂ son términos sintácticamente correctos del mismo tipo
 - $-\,$ Semánticamente, expresa que el valor construido mediante el término t_1 es el mismo que el valor construido mediante el término t_2
 - Para no tener que escribir infinitas ecuaciones, se admite que los términos que aparecen en una ecuación tengan variables

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (VI)

MODULO NATURAL3

TIPO natural

OPERACIONES

cero : \rightarrow natural \rightarrow natural

suma : natural natural → natural

VAR

x, y: natural

ECUACIONES

suma(x, cero) = x

suma(cero, x) = x

suma(x, suc(y)) = suc(suma(x, y))

FMODULO

11

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

EJERCICIOS

 Sea el conjunto de los números naturales con las operaciones cero y suc. Define la sintaxis y la semántica de las operaciones "==" y "<=" que permiten realizar una ordenación de los elementos del conjunto

1. Introducción a los TADs

EJERCICIOS

Completa en esta misma hoja las ecuaciones que aparecen a continuación y que expresan el comportamiento de las operaciones de: resta en el conjunto de los números Naturales en el que sólo existen las operaciones cero: → natural y la operación suc: natural → natural (devuelve el sucesor de un número Natural). Se asume que el primer operando de la resta es siempre mayor o igual que el segundo.

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (VII)

- ¿Cómo podemos estar seguros de que no son necesarias más ecuaciones?
- Propiedades importantes: consistencia y completitud
 - Si se ponen ecuaciones de más, se pueden igualar términos que están en clases de equivalencia diferentes, mientras que si se ponen de menos, se puede generar un número indeterminado de términos incongruentes con los representantes de las clases existentes

14

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (VIII)

- Clasificación de las operaciones:
 - Constructoras: devuelven un valor del tipo
 - <u>Generadoras</u>: permiten generar, por aplicaciones sucesivas, todos los valores del TAD a especificar
 - Modificadoras: el resto
 - Consultoras: devuelven un valor de un tipo diferente
- En general, <u>las operaciones modificadoras y consultoras se</u>
 <u>especifican en términos de las generadoras</u>. En ocasiones, una
 operación modificadora puede especificarse en términos de otras
 modificadoras o consultoras. Diremos que se trata de una
 operación derivada

15

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (IX)

• **Ecuación condicional**: es equivalente a un conjunto finito de ecuaciones no condicionales

```
si (n1 <> n2) entonces

saca(añade(s, n1), n2) = añade(saca(s, n2), n1)

sino

saca(añade(s, n1), n2) = saca(s, n2)

fsi
```

```
saca(añade(s, n1), n2) =
si (n1 <> n2) entonces añade(saca(s, n2), n1)
sino saca(s, n2)
fsi
```

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (X)

• Operaciones auxiliares: se introducen en una especificación para facilitar su escritura y legibilidad. Son invisibles para los usuarios del TAD (también se les llama ocultas o privadas)

17

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (XI)

 Tratamiento de errores: puede ocurrir que alguna operación sea una función parcial (no se puede aplicar sobre ciertos valores del dominio de los datos)

```
MODULO NATURAL4
    TIPO natural
    OPERACIONES
          cero : → natural
          suc, pred : natural → natural
          suma, mult : natural natural → natural
    VAR x, y: natural;
    ECUACIONES
          suma(cero, x) = x
          suma(x, cero) = x
          suma(x, suc(y)) = suc(suma(x, y))
          mult(cero, x) = cero
          mult(x, cero) = cero
          mult(suc(y), x) = suma(mult(y, x), x)
          pred(suc(x)) = x
FMODULO
```

¿Cuánto vale pred(cero)?

1. Introducción a los TADs

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (XII)

- Tratamiento de errores:
 - Se añade una constate a la signatura que modeliza un valor de error:
 error_{nat} → natural
 - Se añade una ecuación que completa la especificación de pred: pred(cero)
 error_{nat}
 - Se supondrá que los valores sobre los que se aplica una operación en una ecuación normal están libres de error

19

Tema 1. Introducción. Los tipos tin<mark>eales</mark> 1. Introducción a los TADs ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (XIII) MODULO NATURAL4 TIPO natural **OPERACIONES** error_{nat}: → natural cero: → natural suc, **pred**: natural → natural suma, **mult**: natural natural → natural VAR x, y: natural; **ECUACIONES** suma(cero, x) = xsuma(x, cero) = xsuma(x, suc(y)) = suc(suma(x, y))mult(cero, x) = ceromult(x, cero) = cero mult(suc(y), x) = suma(mult(y, x), x)pred(suc(x)) = x $pred(cero) = error_{nat}$ **FMODULO**

1. Introducción a los TADs

IMPLEMENTACIÓN (I)

- Dada una especificación de un tipo, se pueden construir diversas implementaciones
- Cada implementación se define en un módulo diferente, llamado módulo de implementación
- La construcción de estos módulos consta de dos fases:
 - Elección de una representación para los diferentes tipos definidos en la especificación
 - Codificación de las operaciones en términos de la representación elegida

21

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

1. Introducción a los TADs

IMPLEMENTACIÓN (II)

- Mecanismos de abstracción en los lenguajes de programación:
 - Encapsulamiento de la representación del TAD
 - Ocultación de la información, para limitar las operaciones posibles sobre el TAD
 - Genericidad, para lograr implementaciones genéricas válidas para distintos tipos
 - Herencia, para reutilizar implementaciones
- Los lenguajes de programación tradicionales (Fortran, Basic, Pascal, C) resultan ineficientes para utilizar los mecanismos de abstracción
- Es necesario emplear lenguajes modernos (ADA, C++, Java, C#)

1. Introducción a los TADs

Preguntas de tipo test: Verdadero vs. Falso

- EsVacia: PILA → BOOLEAN. Si P y Q son pilas: Q = EsVacia (P), es un uso sintácticamente correcto de la operación
- En la especificación de un TAD, una operación consultora devuelve un valor del tipo definido
- Sea el siguiente TAD:

```
MÓDULO NATURALEXAMEN
```

TIPO natural

OPERACIONES

 $\textit{uno:} \rightarrow \textit{natural; siguiente: natural} \rightarrow \textit{natural}$

sumar: natural natural → natural

FMODULO

Si *N* es un *natural*: *N* = *sumar(uno,siguiente(uno))* es un uso sintácticamente incorrecto de la operación *sumar*

23

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

2. Vectores

Un vector es un conjunto ordenado de pares <índice, valor>.
 Para cada índice definido dentro de un rango finito existe asociado un valor. En términos matemáticos, es una correspondencia entre los elementos de un conjunto de índices y los de un conjunto de valores

2. Vectores

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA

```
MODULO VECTOR USA BOOL, ENTERO
//en todas las ecuaciones, c \le i, j \le f
    PARAMETRO TIPO item
          OPERACIONES
              c, f: \rightarrow int //límites inf. y sup.
              error() → item
    FPARAMETRO
    TIPO vector
    OPERACIONES
       crear() → vector
       asig( vector, int, item ) → vector
       recu( vector, int ) → item
       esvaciapos( vector, int ) → bool
```

```
VAR v: vector; i, j: int; x, y: item;
ECUACIONES
    \mathbf{si} ( i <> j ) entonces
        asig(asig(v, i, x), j, y) = asig(asig(v, j, y), i, x)
    si no asig( asig( v, i, x ), j, y ) = asig( v, i, y ) fsi
    recu( crear( ), i ) = error( )
    recu(asig(v, i, x), j)
       si (i == j) entonces x
       si no recu( v, j ) fsi
    esvaciapos( crear( ), i ) = CIERTO
    esvaciapos( asig( v, i, x ), j )
       si (i == j) entonces FALSO
        si no esvaciapos( v, j ) fsi
```

FMODULO

25

Tema 1. Introducción. Los tipos lin<mark>eales</mark> 2. Vectores REPRESENTACIÓN DE VECTORES //Vector de item const int kTam = 10; friend ostream& operator << (ostream&, TVector&); public: TVector(); TVector(const TVector &v); ~TVector(); TVector& operator =(TVector &v); Cambio de Asig y Recu por la sobrecarga TItem & Recu(inti); del operador corchete: void Asig(int i, TItem c); TItem & operator [] (int i); bool Esvaciapos(inti); TItem& Titem fv[kTam]; //tamaño fijo TVector::operator[](int indice){ // TI<mark>tem *fv; tamaño dinámico</mark> if (indice>=1 && indice<=fLong)</pre> int fLong; return (fv[indice-1]); else return (error); } 26

2. Vectores

EJERCICIOS eliminar

• Sea un vector de números naturales. Utilizando exclusivamente las operaciones asignar y crear, define la sintaxis y la semántica de la operación eliminar que borra las posiciones pares del vector marcándolas con "0" (para calcular el resto de una división, se puede utilizar la operación MOD)

27

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

2. Vectores

EJERCICIOS operación M

• Dada la sintaxis y la semántica de la operación M que actúa sobre un vector:

M (vector) → vector

Var v: vector; i: int; x: item;

M(crear()) = crear()

si i == 1 entonces

M(asig(v, i, x)) = M(v)

si no M(asig(v, i, x)) = asig(M(v), i -1, x)

a) Aplicar la operación M al siguiente vector: asig(asig(asig(crear(), 3, a), 1, b), 2, c)

b) Explicar en un párrafo qué es lo que hace la operación M

2. Vectores

EJERCICIOS palíndromo

Utilizando las operaciones definidas en clase para la definición del tipo vector definir la sintaxis y la semántica de la operación palindromo que indica si un vector de naturales con 100 elementos es palíndromo. Por ejemplo, el vector 1,25,12,3,3,12,25,1 es palíndromo (se ha simplificado el ejemplo con un vector de 8 elementos). IMPORTANTE: se asume que el vector está creado con tamaño 100, está lleno y el rango de las posiciones es de 1 a 100 (en este orden).

29

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

2. Vectores

Preguntas de tipo test: Verdadero vs. Falso

- El tipo de datos vector se define como un conjunto en el que sus componentes ocupan posiciones consecutivas de memoria
- Un vector es un conjunto ordenado de pares <índice, valor>

3. Listas

- Una lista es una secuencia de cero o más elementos de un mismo tipo de la forma $e_1, e_2, ..., e_n \qquad \forall n \ge 0$
- De forma más general: e_p, e_{sig(p)}, ..., e_{sig(sig ... n) ... (p))}
 Al valor n se le llama longitud de la lista. Si n = 0 tenemos una lista vacía. A e₁ se le llama primer elemento, y a e_n último elemento
- Propiedades:
 - Se establece un orden secuencial estricto sobre sus elementos por la posición que ocupan dentro de la misma. De esta forma e, precede a e, sig(i) para i = 1, 2, ..., n-1 y e sig(i) sucede a e, para i = 1, 2, ..., n-1. Por último, el elemento e, ocupa la posición i
 - La lista nos permite conocer cualquier elemento de la misma accediendo a su
 posición, algo que no podremos hacer con las pilas y con las colas. Utilizaremos el
 concepto generalizado de posición, con una ordenación definida sobre la misma,
 por lo tanto no tiene por qué corresponderse exactamente con los números
 enteros, como clásicamente se ha interpretado este concepto
- Una lista ordenada es un tipo especial de lista en el que se establece una relación de orden definida entre los items de la lista

31

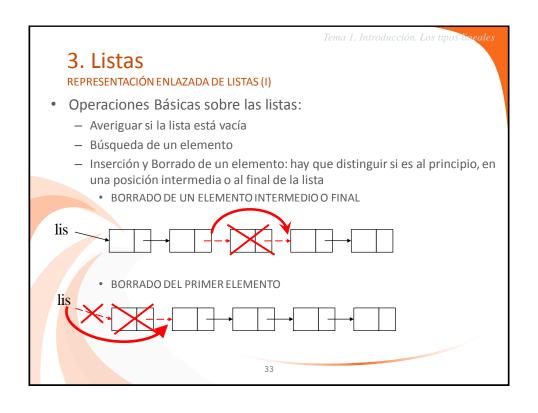
Tema 1. Introducción. Los tipos lin<mark>eales</mark>

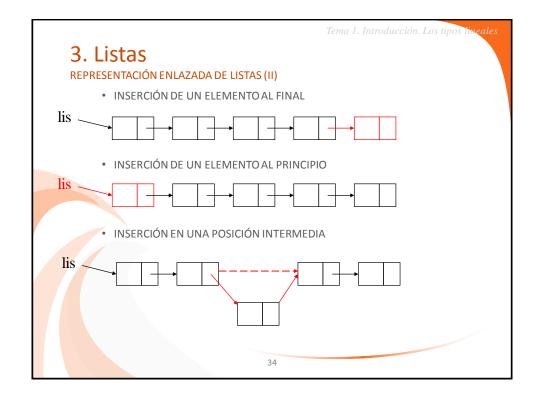
3. Listas

REPRESENTACIÓN DE LISTAS

- El TAD *lista* se utiliza para almacenar listas de un número <u>variable</u> de objetos.
- Representación secuencial (internamente un array)
 - A partir de tipos base ("arrays")
 - A partir de tipos definidos por el usuario ("tvector" -herencia o layering -)
- Representación enlazada (internamente punteros a nodo)
 - A partir de tipos base ("punteros a nodo")
 - Cada objeto se almacena en un nodo, que se enlaza con el siguiente.
 - La lista es un puntero al primer nodo, o NULL si está vacía.
 - Un nodo es un contenedor para almacenar información, y tiene dos partes:
 - La información del objeto que se desea guardar.
 - Uno o más punteros para enlazar el nodo con otros nodos y construir la estructura de datos.

lis 3





3. Listas

LISTAS ORDENADAS

- Una lista ordenada es una lista que en todo momento se mantiene ordenada.
- Se consigue insertando siempre los nodos en la posición que les corresponda según el orden definido (los borrados no desordenan la lista).
- Ventajas frente a la lista simple:
 - El tiempo medio de búsqueda se reduce (no es necesario recorrer toda la lista para comprobar que un nodo no está).
 - No es necesario ordenar la lista.

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

3. Listas

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (I)

MODULO LISTA USA BOOL, NATURAL

```
PARAMETRO TIPO item, posicion
         OPERACIONES
             == ( posicion, posicion ) → bool
             error item() → item
             error_posicion() → posicion
   FPARAMETRO
TIPO lista
OPERACIONES
         crear() → lista
         inscabeza(lista, item) → lista
         esvacia(lista) → bool
         concatenar(lista, lista) → lista
         longitud(lista) → natural
         primera, ultima( lista ) → posicion
         anterior, siguiente(lista, posicion) → posicion
         insertar(lista, posicion, item) → lista
         borrar(lista, posicion) → lista
         obtener(lista, posicion) → item <sup>36</sup>
```

3. Listas

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (II)

```
VAR L_1, L_2: lista; x: item; p: posicion;
ECUACIONES
    esvacia( crear( ) ) = CIERTO
    esvacia( inscabeza( L_1, x ) ) = FALSO
    concatenar( crear( ), L_1 ) = L_1
    concatenar( L_1, crear( ) ) = L_1
    concatenar( inscabeza( L_1, x), L_2) = inscabeza( concatenar( L_1, L_2), x)
    longitud(crear()) = 0
    longitud( inscabeza( L_1, x ) ) = 1 + longitud( L_1)
    primera( crear( ) ) = error_posicion( ); ultima( crear( ) ) = error_posicion( )
    si esvacia( L<sub>1</sub>) entonces
           ultima( inscabeza( L_1, x ) = primera( inscabeza( L_1, x ))
    si no ultima( inscabeza( L_1, x ) = ultima( L_1 )
    anterior(L_1, primera(L_1)) = error_posicion(); siguiente(L_1, ultima(L_1)) = error_posicion()
    si p != ultima(L_1) entonces anterior(L_1, siguiente(L_1, p)) = p
    anterior(inscabeza(L_1, x), primera(L_1)) = primera(inscabeza(L_1, x))
```

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

3. Listas

FMODULO

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA (III)

Tema 1. Introducción. Los tipos lin<mark>eales</mark>

3. Listas

ENRIQUECIMIENTO DE LAS LISTAS

```
OPERACIONES
```

```
sublista( lista, posicion, natural ) \Rightarrow lista inversa (lista ) \Rightarrow lista
```

VAR L: lista; x, y: item; n: natural; p: posicion;

ECUACIONES

```
\begin{aligned} & \text{sublista}(\ L,\,p,\,0\ ) = \text{crear}(\ ) \\ & \text{sublista}(\ \text{crear}(\ ),\,p,\,n\ ) = \text{crear}(\ ) \\ & \text{si}\ p == \text{primera}(\ \text{inscabeza}(\ L,\,x\ ))\ \text{entonces} \\ & \text{sublista}(\ \text{inscabeza}(\ L,\,x\ ),\,p,\,n) = \text{inscabeza}(\ \text{sublista}(\ L,\,\text{primera}(\ L\ ),\,n-1\ ),\,x\ ) \\ & \text{si}\ \textbf{no}\ \text{sublista}(\ \text{inscabeza}(\ L,\,x\ ),\,p,\,n) = \text{sublista}(\ L,\,p,\,n\ ) \\ & \text{inversa}(\ \text{crear}(\ )) = \text{crear}\ (\ ) \\ & \text{inversa}(\ \text{inscabeza}(\ \text{crear}(\ ),\,x\ )) = \text{inscabeza}(\ \text{crear}(\ ),\,x\ ) \\ & \text{inversa}(\ \text{inscabeza}(\ L,\,x\ )) = \text{insertar}(\ \text{inversa}(\ L\ ),\,\text{ultima}(\ \text{inversa}(\ L\ ),\,x\ ) \end{aligned}
```

39

3. Listas

REPRESENTACIÓN DE LISTAS (I)

```
class TLista {
    friend ostream&
        operator<<(ostream&, TLista&);
    friend class TPosicion;
    public:
        TLista();
        ~TLista();
        void InsCabeza(int);
        TPosicion Primera();
        int& Obtener(TPosicion&);
        void Borrar(TPosicion&);
        private:
        TNodo *lis;
};
```

```
class TNodo {
friend class TLista; friend class TPosicion;
public:
   TNodo(); ~TNodo();
private:
   int dato; TNodo *sig; };

class TPosicion {
friend class TLista;
public:
   TPosicion(); ~TPosicion();
   bool EsVacia();
   TPosicion Siguiente();
   TPosicion& operator=(TPosicion&);
   private:

40 TNodo* pos; };
```

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

```
Tema 1. Introducción. Los tipos lin<mark>eales</mark>
 3. Listas
 REPRESENTACIÓN DE LISTAS (II)
TLista::TLista() { lis = NULL; }
                                             void
                                             TLista::InsCabeza(int i) {
TLista::~TLista() {
                                              TNodo* aux = new TNodo;
                                              aux \rightarrow dato = i;
 TPosicion p, q;
 q = Primera();
                                              if(lis == NULL) {
 while(!q.EsVacia()) {
                                               aux \rightarrow sig = NULL;
                                               lis = aux;
  p = q;
  q = q.Siguiente();
  delete p.pos;
                                              else {
                                               aux \rightarrow sig = lis;
 lis = NULL;
                                               lis = aux;
                                             }
```

```
Tema 1. Introducción. Los tipos tineales
 3. Listas
 REPRESENTACIÓN DE LISTAS (III)
TPosicion
                                                TNodo::TNodo() {
TLista::Primera() {
                                                 dato = 0; sig = NULL; 
TPosicion p; p.pos = lis;
return p;}
                                                TNodo::~TNodo() {
                                                 dato = 0; sig = NULL; 
int&
TLista::Obtener(TPosicion& p) {
                                                TPosicion::TPosicion() { pos = NULL; }
return p.pos → dato;}
ostream&
                                                TPosicion::~TPosicion() {
operator<<(ostream& os, TLista& l) {
                                                 pos = NULL; }
TPosicion p;
p = 1.Primera();
                                                bool
 while(!p.EsVacia()) {
                                                TPosicion::EsVacia() {
  os << 1.Obtener(p) << ' ';
                                                 return pos == NULL; }
  p = p.Siguiente();}
 return os; }
```

```
Tema 1. Introducción. Los tipos tin<mark>eales</mark>
 3. Listas
 REPRESENTACIÓN DE LISTAS (IV)
TPosicion
                                                   int
TPosicion::Siguiente() {
                                                   main(void)
 TPosicion p;
 p.pos = pos \rightarrow sig;
                                                    TLista 1;
 return p;
                                                    1.InsCabeza(1); 1.InsCabeza(3);
// ¿si pos es NULL?
                                                    l.InsCabeza(5); l.InsCabeza(7);
                                                    cout << l << endl;
                                                    TPosicion p;
TPosicion&
                                                    p = 1.Primera();
TPosicion::operator=(TPosicion& p) {
                                                    cout << "Primer elemento: "
                                                       << l.Obtener(p) << endl;
 pos = p.pos;
                                                    p = p.Siguiente();
 return *this;
                                                    cout << "Segundo elemento: "
                                                       << l.Obtener(p) << endl;
                                           43
```



3. Listas

EJERCICIOS borraultimo

• Completa las ecuaciones que aparecen a continuación y que expresan el comportamiento de las operaciones de *borraultimo* (borra el último elemento de la lista) en una lista de acceso por posición:

La sintaxis de la operación es la siguiente:

borraultimo(lista) → lista | borraultimo:lista → lista

45

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

3. Listas

EJERCICIOS quita_pares

• Definir la sintaxis y la semántica de la operación *quita_pares* que actúa sobre una lista y devuelve la lista original en la que se han eliminado los elementos que ocupan las posiciones pares

3. Listas

EJERCICIOS operación X

• Explicar qué hace la operación X, cuya sintaxis y semántica aparecen a continuación:

```
X (lista) \rightarrow lista X : lista \rightarrow lista
```

```
X ( crear ( ) ) --> crear ( )
X ( inscabeza ( l, i ) ) <==>
si ( longitud ( l ) == 0 ) entonces crear ( )
si no inscabeza ( X ( l ), i )
```

```
Donde: l \in lista, i \in item
```

Simplificar la siguiente expresión: (IC = inscabeza)
 X (IC (IC (IC (IC (crear (), a), b) ,c) ,d))

47

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

3. Listas

Preguntas de tipo test: Verdadero vs. Falso

• La operación Borrarltem tiene la siguiente sintaxis y semántica:

```
BorrarItem: LISTA, ITEM -> LISTA

BorrarItem( Crear, i) = Crear

BorrarItem( IC(L1,j), i) = si ( i == j ) entonces L1

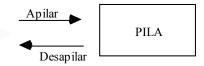
sino IC ( BorrarItem (L1, i ), j )
```

Esta operación borra todas las ocurrencias del item que se encuentra en la lista

• La complejidad temporal de obtener un elemento en un vector ordenado mediante búsqueda binaria o en una lista ordenada es la misma

4. Pilas

 Una pila es una lista en la que todas las inserciones y borrados se realizan en un único extremo, llamado tope o cima. Sabemos por tanto que el último elemento insertado en la pila será el primero en ser borrado de la misma, de ahí que también se les llame listas "LIFO" (Last In, First Out). También podemos conocer cuál es el elemento que se encuentra en la cima



49

4. Pilas

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA

MODULO PILA USA BOOL
PARAMETRO
TIPO item
OPERACIONES

error() → item

FPARAMETRO

TIPO pila

OPERACIONES

crear() → pila
apilar(pila, item) → pila
desapilar(pila) → pila
cima(pila) → item
esvacia(pila) → bool

VAR p: pila, e: item;

ECUACIONES

desapilar(crear()) = crear()
desapilar(apilar(p, e)) = p
cima(crear()) = error()
cima(apilar(p, e)) = e
esvacia(crear()) = CIERTO
esvacia(apilar(p, e)) = FALSO

Tema 1. Introducción. Los tipos tineales

FMODULO

4. Pilas

REPRESENTACIÓN SECUENCIAL DE PILAS (I)

- Representación secuencial (internamente un array)
 - A partir de tipos base ("arrays")
 - A partir de tipos definidos por el usuario ("tvector" –herencia o layering –)
- Tipos de algoritmos
 - Realizando las inserciones por la primera componente. Ineficiente
 - Utilizando un cursor que indique la posición actual del primer elemento de la pila
- Ventajas y desventajas
 - Desventaja: tamaño máximo de la pila
 - Ventaja: sencillez de implementación

51

Tema 1. Introducción. Los tipos tineales 4. Pilas

REPRESENTACIÓN SECUENCIAL DE PILAS (II)

```
const kMax = 10;
class TPila {
   public:
          TPila(); TPila(TPila &); ~TPila(); TPila& operator=(TPila &);
          TItem& Cima();
          void Apilar( TItem& );
   private:
          Titem fpila[ kMax ]; //tamaño fijo
          // TItem *fpila; tamaño dinámico
          int ftope;
   };
TPila::TPila() {
   fpila = new TItem[ 10 ]; //sólo si el vector es dinámico
   ftope = 0; }
TPila::Desapilar() {
         ftope --; }
```

Tema 1. Introducción. Los tipos lin<mark>eales</mark>

4. Pilas

REPRESENTACIÓN ENLAZADA DE PILAS (I)

- Representación enlazada (internamente punteros a nodo)
 - A partir de tipos base ("punteros a nodo")
 - A partir de tipos definidos por el usuario ("tlista" –herencia o layering—)
- Ventajas
 - Ventaja: no hay definido un tamaño para la pila

53

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales 4. Pilas

REPRESENTACIÓN ENLAZADA DE PILAS (II)

fp = fp -> sig;
delete aux; }

Tema 1. Introducción. Los tipos timeales 4. Pilas REPRESENTACIÓN ENLAZADA DE PILAS (III) //HERENCIA PRIVADA //LAYERING O COMPOSICIÓN class TPila: private TLista { class TPila { public: public: TPila(); TPila(TPila &); ~TPila(); TPila(); TPila(TPila &); ~TPila(); void Apilar(TItem&); void Apilar(TItem&); void Desapilar(); void Desapilar(); private: TLista L; **}**; TPila::TPila(): TLista() { }; TPila::TPila(): L() { }; TPila::TPila(TPila &p): TLista(p) { }; TPila::TPila(TPila &p): $L(p.L) \{ \}$; ~TPila() { } ~TPila() { } void void TPila::Apilar(TItem &a) { InsCabeza(a); } TPila::Apilar(TItem &a) { L.InsCabeza(a); } TPila::Desapilar() { Borrar(Primera()); } TPila::Desapilar() { L.Borrar(L.Primera()); 55

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

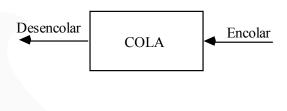
4. Pilas

EJERCICIOS

• Dar la sintaxis y la semántica de la operación **base**, que actúa sobre una pila y devuelve la base de la pila (el primer elemento que se ha apilado)

5. Colas

• Una cola es otro tipo especial de lista en el cual los elementos se insertan por un extremo (fondo) y se suprimen por el otro (tope). Las colas se conocen también como listas "FIFO" (First Int First Out). Las operaciones definidas sobre una cola son similares a las definidas para las pilas con la salvedad del modo en el cual se extraen los elementos



5/

5. Colas

ESPECIFICACIÓN ALGEBRAICA

```
MODULO COLA USA BOOL

PARAMETRO

TIPO item

OPERACIONES

error() → item

FPARAMETRO

TIPO cola

OPERACIONES

crear() → cola

encolar(cola, item) → cola

desencolar(cola) → item

esvacia(cola) → bool
```

```
VAR c: cola, x: item;

ECUACIONES

desencolar(crear()) = crear()

si esvacia(c) entonces

desencolar(encolar(c, x)) = crear()

si no desencolar(encolar(c, x)) =

encolar(desencolar(c), x)

cabeza(crear()) = error()

si esvacia(c) entonces

cabeza(encolar(c, x)) = x

si no cabeza(encolar(c, x)) = cabeza(c)

esvacia(crear()) = CIERTO

esvacia(encolar(c, x)) = FALSO

FMODULO
```

Tema 1. Introducción. Los tipos tineales

5. Colas

ENRIQUECIMIENTO DE LAS COLAS

OPERACIONES

concatena(cola, cola) → cola

VAR c, q: cola; x: item;

ECUACIONES

```
\begin{aligned} &\text{concatena( c, crear( ) ) = c} \\ &\text{concatena( crear( ), c ) = c} \\ &\text{concatena( c, encolar( q, x ) ) = encolar( concatena( c, q ), x )} \end{aligned}
```

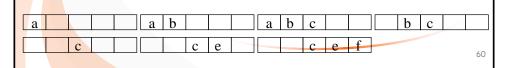
59

Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

5. Colas

REPRESENTACIÓN SECUENCIAL DE COLAS (I)

- Representación secuencial (internamente un array)
 - A partir de tipos base ("arrays")
 - A partir de tipos definidos por el usuario ("tvector" –herencia o layering–)
- Tipos de algoritmos
 - Utilizando un array (fv) para almacenar los elementos y dos enteros (tope y fondo) para indicar la posición de ambos extremos
 - Inicializar: tope = 0; fondo = -1;
 - Condición de cola vacía: fondo < tope
 - Inserción: fondo++; fv[fondo] = x;
 - Borrado: tope ++;



Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

5. Colas

REPRESENTACIÓN SECUENCIAL DE COLAS (II)

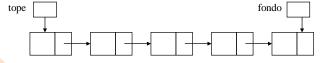
- Problema:
 - Hay huecos pero no puedo insertar
- Soluciones:
 - Cada vez que se borra un elemento, el resto se desplaza una posición a la izquierda para que tope siempre esté en la primera posición. ¿Qué problemas presenta esta solución? <u>aumentamos la complejidad</u> de la operación desencolar
 - Colas circulares. Array como un círculo en el que la primera posición
 sigue a la última. Condición de cola vacía tope == fondo
- Ventajas y desventajas
 - Desventaja: tamaño máximo de la cola
 - Ventaja: sencillez de implementación

61

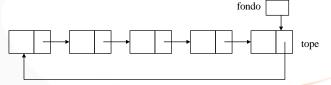
5. Colas

REPRESENTACIÓN ENLAZADA DE COLAS (I)

- Representación enlazada (internamente *punteros a nodo*)
 - A partir de tipos base ("punteros a nodo")



 Colas circulares enlazadas, en las que sólo se necesita un puntero. El siguiente elemento apuntado por fondo es el primero a desencolar



5. Colas

REPRESENTACIÓN ENLAZADA DE COLAS (II)

- A partir de tipos definidos por el usuario ("tlista" –herencia o layering-)
- Ventajas
 - Ventaja: no hay definido un tamaño para la cola

63

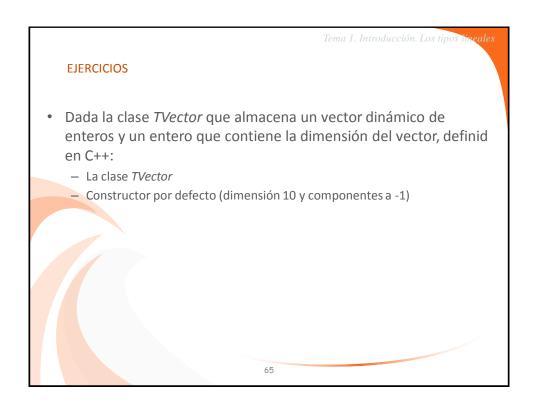
Tema 1. Introducción. Los tipos lineales

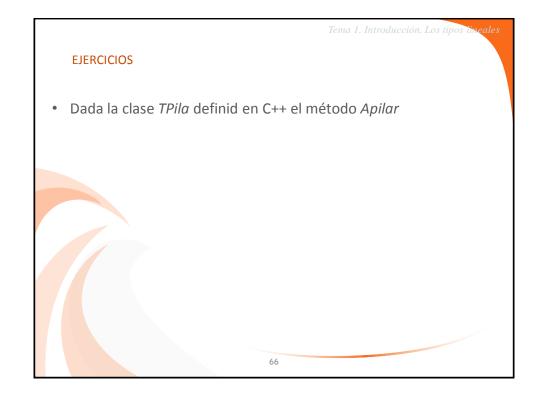
Pilas y Colas

Aplicaciones reales

- Gestión del uso de recursos compartidos: colas de impresión, colas de procesos pendientes de ejecución, colas de mensajes, etc.
- Los editores de texto proporcionan normalmente un botón deshacer que cancela las operaciones de edición recientes y restablece el estado anterior del documento (almacenamiento en una pila).
- Los Navegadores en Internet almacenan en una pila las direcciones de los sitios más recientemente visitados.







Pilas y colas

Preguntas de tipo test: Verdadero vs. Falso

 La semántica de la operación cima del tipo pila vista en clase es la siguiente:

```
VAR p: pila, e: item;
cima( crear( ) ) = error( )
cima( apilar( p, e ) ) = cima( p )
```

 Es posible obtener una representación enlazada de una cola utilizando un único puntero que apuntará al fondo de la cola