1 Rusqueda Rinaria

# JakeMate14

# Contents

•		queda Binaria																-
	1.1	LB y UP																1
	1.2	Busqueda con numeros reales		٠		•			•							 . <b>.</b>	•	1
2	Esti	ructuras de Datos																1
	2.1	Segment Tree														 		1
	2.2	Segment Tree Lazy																2
	2.3	Suffix Array																3
3 Grafos														4				
	3.1	DFS en Grids														 . <b>.</b>		4
4	Arb	noles																4
•	4.1	Distancia de cada nodo desde la raiz														 		4
	4.2	Distancia de la raiz a cualquier nodo																5
	4.3	Diametro de un arbol																5
	4.4	Tamaño del subarbol del nodo x $$														 . <b>.</b>		5
5	Mat	Iath 5																
6	DP																	5
J	6.1	Coin Problem																5
	6.2	Digitos																6
				·		•		·	•		·	·	•	•	•			
7	Geo	ometry																7
8	Stri	ngs																7
9	Fluj	jos																7
10	Var	ios																7
-	10.1	Generar permutaciones de un arreglo .														 		7
		Cadena a vector de enetros																7
		Template																7
		<u>*</u>																

# 1 Busqueda Binaria

## 1.1 LB y UP

```
_{1} |//Devuelve el maximo indice tal que v[i]<=x
int closestToTheLeft(vector<int>& v, int x) {
       int l = -1, r = v.size(),m;
       while (r > 1 + 1) {
           m = 1+(r - 1) / 2;
           if (v[m] \le x) 1 = m;
           else r = m;
       return 1;
9
10
   //Devuelve el indice del primer elemento v[i]>=x
   int closestToTheRight(vector<int>& v, int x){
       int l=-1,r=n,m;
       while(r>l+1){
           m = 1+(r-1)/2;
           if(a[m] < x) l=m;
           else
18
       return r;
20
```

## 1.2 Busqueda con numeros reales

# 2 Estructuras de Datos

## 2.1 Segment Tree

```
//Para procesar querys de tipo k-esimo es necesario crear un arbol
binario perfector(llenar con 0's)
template<typename T>
```

```
3 | struct SegmentTree{
     int N;
4
     vector<T> ST;
5
     //Creacion a partir de un arreglo O(n)
     SegmentTree(int N, vector<T> & arr): N(N){
8
       ST.resize(N << 1);
9
       for(int i = 0; i < N; ++i)
10
         ST[N + i] = arr[i]; //Dato normal
11
         ST[N + i] = creaNodo(); //Dato compuesto
12
       for(int i = N - 1; i > 0; --i)
13
         ST[i] = ST[i << 1] + ST[i << 1 | 1];
                                                   //Dato normal
14
        ST[i] = merge(ST[i << 1] , ST[i << 1 | 1]); //Dato compuesto</pre>
15
     }
16
17
     //Actualizacion de un elemento en la posicion i
18
     void update(int i, T value){
19
       ST[i += N] = value;
                              //Dato normal
20
      ST[i += N] = creaNodo();//Dato compuesto
21
       while(i >>= 1)
22
        23
         ST[i] = merge(ST[i << 1] , ST[i << 1 | 1]); //Dato compuesto</pre>
24
     }
25
26
     //query en [1, r]
27
     T query(int 1, int r){
28
      T res = 0; //Dato normal
29
      nodo resl = creaNodo(), resr = creaNodo();//Dato compuesto
30
      for(1 += N, r += N; 1 <= r; 1 >>= 1, r >>= 1){
31
         if(1 & 1)
                        res += ST[1++]; //Dato normal
32
         if(!(r & 1)) res += ST[r--]; //Dato normal
33
34
         if(1 & 1)
                        resl = merge(resl,ST[1++]); //Dato compuesto
35
         if(!(r & 1))
                        resr = merge(ST[r--],resr); //Dato compuesto
36
       }
37
                                  //Dato normal
       return res;
38
       return merge(resl,resr);
                                //Dato compuesto
39
     }
40
41
     //Para estas querys es necesario que el st tenga el tam de la
42
         siguiente potencia de 2
    //11 \text{ nT} = 1;
43
    // while(nT<n) nT<<=1;</pre>
```

```
//vector<int> a(nT,0);
45
46
     //Encontrar k-esimo 1 en un st de 1's
47
     int Kth_One(int k) {
48
       int i = 0, s = N >> 1;
49
       for(int p = 2; p < 2 * N; p <<= 1, s >>= 1) {
         if(k < ST[p]) continue;</pre>
         k = ST[p++]; i += s;
       }
53
       return i;
     }
55
56
     //i del primer elemento >= k en todo el arr
57
     int atLeastX(int k){
58
       int i = 0, s = N >> 1;
59
       for(int p = 2; p < 2 * N; p <<= 1, s >>= 1) {
60
         if(ST[p] < k) p++, i += s;
61
       }
62
       if(ST[N + i] < k) i = -1;
       return i;
     }
65
66
     //i del primer elemento >= k en [1,fin]
67
     //Uso atLeastX(k,1,1,nT)
68
     int atLeastX(int x, int 1, int p, int s) {
69
       if(ST[p] < x \text{ or } s \le 1) \text{ return } -1;
70
       if((p << 1) >= 2 * N)
71
      return (ST[p] >= x) - 1;
72
       int i = atLeastX(x, 1, p << 1, s >> 1);
73
       if(i != -1) return i;
74
       i = atLeastX(x, 1 - (s >> 1), p << 1 | 1, s >> 1);
75
       if(i == -1) return -1;
76
       return (s >> 1) + i:
77
78
79 };
```

#### 2.2 Segment Tree Lazy

```
//Lazy propagation con incremento de u en rango y minimo
//Hay varias modificaciones necesarias para suma en ambos
template<typename T>
struct SegmentTreeLazy{
int N,h;
```

```
vector<T> ST, d;
6
                                                                                     47
7
     //Creacion a partir de un arreglo
                                                                                          }
8
                                                                                     48
     SegmentTreeLazy(int n, vector<T> &a): N(n){
9
                                                                                     49
       //En caso de inicializar en cero o algo similar, revisar que la
                                                                                     50
10
           construccion tenga su respectivo neutro mult y 1
                                                                                    51
       ST.resize(N << 1);
                                                                                     52
11
       d.resize(N);
                                                                                     53
12
       h = 64 - __builtin_clzll(n);
13
14
       for(int i = 0; i < N; ++i)
15
                                                                                     56
         ST[N + i] = a[i];
16
                                                                                     57
       //Construir el st sobre la query que se necesita
17
       for(int i = N - 1; i > 0; --i)
18
         ST[i] = min(ST[i << 1], ST[i << 1 | 1]);
                                                                                     60
19
     }
20
                                                                                    61
21
                                                                                    62
     //Modificar de acuerdo al tipo modificacion requerida, +,*,|,^,etc
22
     void apply(int p, T value) {
                                                                                     64
23
       ST[p] += value;
24
       if(p<N) d[p]+= value;</pre>
25
26
27
     // Modifica valores de los padres de p
28
     //Modificar de acuerdo al tipo modificacion requerida, +,*,|,^,etc y a
                                                                                     70
29
          la respectiva query
                                                                                     71
     void build(int p){
                                                                                    72
30
       while(p>1){
                                                                                     73
31
         p >>= 1;
                                                                                    74
32
         ST[p] = min(ST[p << 1], ST[p << 1 | 1]) + d[p];
                                                                                     75
33
         //ST[p] = (ST[p \ll 1] \& ST[p \ll 1 | 1]) | d[p]; Ejemplos con
                                                                                          }
                                                                                     76
34
             bitwise
                                                                                     77
                                                                                     <sub>78</sub> };
       }
35
     }
36
37
     // Propagacion desde la raiz a p
38
     void push(int p){
39
       for (int s = h: s > 0: --s) {
                                                                                     2
40
         int i = p \gg s;
41
                                                                                     3
         if (d[i] != 0) {
42
                                                                                     4
           apply(i << 1, d[i]);
43
                                                                                     5
           apply(i << 1 | 1, d[i]);
44
                                                                                     6
           d[i] = 0; //Tener cuidado si estoy haciendo multiplicaciones
45
                                                                                     7
```

```
}
46
      }
    // Sumar v a cada elemento en el intervalo [1, r)
    void increment(int 1, int r, T value) {
      1 += N, r += N;
      int 10 = 1, r0 = r;
      for (; 1 < r; 1 >>= 1, r >>= 1) {
        if(1 & 1) apply(1++, value);
        if(r & 1) apply(--r, value);
      build(10);
      build(r0 - 1);
    }
    // min en el intervalo [1, r)
    T range_min(int 1, int r) {
      1 += N. r += N:
      push(1);
      push(r - 1);
      T res = LLONG_MAX;
      //T res = (1 << 30) - 1; Requerir operacion and
      for (; 1 < r; 1 >>= 1, r >>= 1) {
        if(1 & 1) res = min(res, ST[1++]);
        //if(res >= mod) res -= mod;
        if (r \& 1) res = min(res, ST[--r]);
        //if(res >= mod) res -= mod:
      }
      return res;
```

## 2.3 Suffix Array

```
vector<int> sort_cyclic_shifts(string const& s) {
   int n = s.size();
   const int alphabet = 256;

vector<int> p(n), c(n), cnt(max(alphabet, n), 0);
   for (int i = 0; i < n; i++)
       cnt[s[i]]++;</pre>
```

```
for (int i = 1; i < alphabet; i++)</pre>
            cnt[i] += cnt[i-1];
9
       for (int i = 0; i < n; i++)
10
           p[--cnt[s[i]]] = i;
11
       c[p[0]] = 0;
12
       int classes = 1;
13
       for (int i = 1; i < n; i++) {
14
           if (s[p[i]] != s[p[i-1]])
15
                classes++;
16
           c[p[i]] = classes - 1;
17
       }
18
19
       vector<int> pn(n), cn(n);
20
       for (int h = 0: (1 << h) < n: ++h) {
21
           for (int i = 0; i < n; i++) {
22
                pn[i] = p[i] - (1 << h);
23
                if (pn[i] < 0)
24
                    pn[i] += n;
25
26
           fill(cnt.begin(), cnt.begin() + classes, 0);
27
           for (int i = 0; i < n; i++)
28
                cnt[c[pn[i]]]++;
29
           for (int i = 1; i < classes; i++)</pre>
30
                cnt[i] += cnt[i-1];
31
           for (int i = n-1; i >= 0; i--)
32
                p[--cnt[c[pn[i]]]] = pn[i];
33
           cn[p[0]] = 0;
34
           classes = 1;
35
           for (int i = 1; i < n; i++) {
36
                pair<int, int> cur = \{c[p[i]], c[(p[i] + (1 << h)) \% n]\};
37
                pair<int, int> prev = \{c[p[i-1]], c[(p[i-1] + (1 << h)) \% n\}
38
                    ]};
                if (cur != prev)
39
                    ++classes:
40
                cn[p[i]] = classes - 1;
41
42
           c.swap(cn);
43
       }
44
       return p;
45
46
47
   vector<int> suffix_array_construction(string s) {
       s += "$";
49
```

```
vector<int> sorted_shifts = sort_cyclic_shifts(s);
sorted_shifts.erase(sorted_shifts.begin());
return sorted_shifts;
}

//Para imprimer el arreglo
forn(i,s.size())
cout << s.substr(res[i],s.size()-res[i]) << endl;</pre>
```

#### 3 Grafos

#### 3.1 DFS en Grids

```
void dfs(int x, int y){
       if(x<0 || y<0 || x>=n || y>=m || vis[x][y] || grafo[x][y] == 0)
2
           return:
3
       vis[x][y] = true;
4
5
       dfs(x+1,y);
6
       dfs(x,y+1);
7
       dfs(x-1,y);
8
       dfs(x,y-1);
9
10
       return;
11
12 }
```

### 4 Arboles

#### 4.1 Distancia de cada nodo desde la raiz

```
vector<vector<int>> arbol;
   vi distInd(n+1);
   void dfs(int nodo, int padre, vi &a){
       for(auto u: arbol[nodo]){
5
           if(u==padre)
                           continue;
6
           a[u] = a[nodo]+1;
7
           dfs(u,nodo,a);
       }
9
   }
10
11
12 dfs(1,0,distInd);
```

9

10

11

12

13 }

}

15 dfs(1,0);

#### 4.2 Distancia de la raiz a cualquier nodo

```
//Calculo de la distancia mas larga iniciando desde cualquier nodo
   vector<vector<int>> arbol;
   vi a(n+1),b(n+1),distInd(n+1);
   void dfs(int nodo, int padre, vi &a){
       for(auto u: arbol[nodo]){
6
           if(u==padre)
                            continue;
7
           a[u] = a[nodo]+1;
8
           dfs(u,nodo,a);
       }
10
11
12
   void distMaximas(){
13
       dfs(1.0.distInd):
14
       int n1 = max_element(all(distInd))-distInd.begin();
15
16
       dfs(n1,0,a);
17
       int n2 = max_element(all(a))-a.begin();
18
19
       dfs(n2,0,b);
20
21
       //La respuesta de cada nodo i es
22
       max(a[i],b[i]);
23
24 | }
```

#### 4.3 Diametro de un arbol

```
//Es la distancia mas larga entre dos nodos en el arbol
   vector<vector<int>> arbol;
2
   void dfs(int nodo, int padre, vi &a){
4
       for(auto u: arbol[nodo]){
5
           if(u==padre)
                            continue;
6
           a[u] = a[nodo]+1;
           dfs(u,nodo,a);
8
       }
9
10
11
   int diametro(){
12
       vi a(n+1), b(n+1);
13
       dfs(1,0,a);
14
```

```
int d1 = max_element(all(a))-a.begin();
15
16
17
       dfs(d1,0,b);
       int d2 = max_element(all(b))-b.begin();
18
19
       return max(a[d1],b[d2]);
20
21 }
               4.4 Tamaño del subarbol del nodo x
1 //Se calcula la cantidad de nodos del subarbol del nodo x
   const int maxV = 2*1e5+1:
   vector<vector<int>> arbol;
   int cantNodos[maxV];
```

void dfs(int nodo, int padre){

for(int u: arbol[nodo]){

if(u==padre) continue;

cantNodos[nodo] +=cantNodos[u];

cantNodos[nodo] = 1;

dfs(u,nodo);

### 5 Math

#### 6 DP

#### 6.1 Coin Problem

```
int dp[ESTADO_MAX+1];
vector<int>coins(ESTADO_MAX+1,INF);

dp[0] = 0;
memset(dp,INF,sizeof(dp));
for (int x = 1; x <= n; x++) {
    value[x] = INF;
    for (auto c : coins) {
        if (x-c >= 0) {
            dp[x] = min(dp[x], dp[x-c]+1);
        }
}
```

}

12

```
13 }
                                6.2 Digitos
res = solve(b) - solve(a-1);
  vector<int>num;
   int dp[20][20][2];
   int solve(lli b){
       num.clear();
       while(b>0){
7
           num.push_back(b%10);
8
           b/=10;
9
10
       reverse(num.begin(), num.end());
11
12
       memset(dp, -1, sizeof(dp));
13
       lli res = mem(0, 0, 0);
       return res;
15
16
17
    //Numeros con a los mas 3 digitos distintos de cero
18
    //4, 200000, 10203
19
   int mem(int pos, int cant, int goodAll){
       if(cant>3) return 0;
21
       if(pos==num.size()){
22
           if(cant<=3) return 1;</pre>
23
           return 0;
^{24}
       }
25
26
       int &a = dp[pos][cant][goodAll];
27
       if(a!=-1) return a;
28
       a = 0;
29
30
       int limite = goodAll==0?num[pos]:9;
31
       fore(dig,0,limite){
32
           int nG = goodAll;
33
           int nCant = cant;
34
           if(goodAll==0 && dig<limite)</pre>
                                             nG=1;
35
           if(dig!=0) nCant++;
36
           if(nCant<=3)</pre>
                            a+=mem(pos+1,nCant,nG);
37
       }
38
```

```
39
       return a;
40
   }
41
^{42}
   //Numeros donde el digito d ocurre exactamente k veces
   int call(int pos, int cnt, int f){
       if(cnt > k) return 0;
45
46
       if(pos == num.size()){
47
           if(cnt == k)
                            return 1;
           return 0;
49
       }
50
51
       if(DP[pos][cnt][f] != -1) return DP[pos][cnt][f];
52
       int res = 0;
53
54
       int LMT;
55
56
       if(f == 0) LMT = num[pos];
57
       else
                    LMT = 9;
59
       for(int dgt = 0; dgt<=LMT; dgt++){</pre>
60
           int nf = f;
61
           int ncnt = cnt;
62
           if(f == 0 && dgt < LMT) nf = 1;
63
           if(dgt == d) ncnt++;
64
           if(ncnt <= k) res += call(pos+1, ncnt, nf);</pre>
65
       }
66
67
       DP[pos][cnt][f] = res;
       return DP[pos] [cnt] [f];
69
70 }
```

- 7 Geometry
  - 8 Strings
  - 9 Flujos
- 10 Varios

#### 10.1 Generar permutaciones de un arreglo

```
//Generar todas las permutaciones de un arreglo
sort(all(a));
do{
//hacer lo que quieras con la perm generada
}while(next_permutation(all(a)));
```

#### 10.2 Cadena a vector de enetros

```
//Convertir una cadena de numeros separados por " " en vector de enteros
//Leer varias de esas querys
cin.ignore();
while(q--){
   string s;
   getline(cin, s);
   vector<int> qr;
   stringstream ss(s);
   int num;
   while (ss >> num) qr.push_back(num);
}
```

# 10.3 Template

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

#define IO ios::sync_with_stdio(0);cin.tie(0);cout.tie(0);
#define forn(i,n) for(int (i)=0; i<n; i++)
#define forr(i,a,n) for(int i=(a); i<n; i++)
#define fore(i,a,n) for(int i=(a); i<=n; i++)
#define all(v) v.begin(),v.end()
#define borra(s) s.erase(unique(all(s)),s.end())
#define YES cout << "YES\n"
#define NO cout << "NO\n"</pre>
```

```
#define debug(a)
                        cout << a << "\n"
   #define sz(a)
                        (int)a.size()
14
   typedef long long 11;
   typedef vector<int> vi;
   typedef pair<int,int> pii;
   void sol(){
20
21
22
   int main(){IO
23
     int t=1;
24
     cin>>t;
25
     while(t--)
26
       sol();
27
28 }
```