## TECHNISCHE UNIVERSITÄT DORTMUND

Fakultät Informatik Design Automation for Embedded Systems Group

## TODO Titel

## FACHPROJEKT

Jack Diep, Florian Köhler, Yannick Naumann

Betreuung: M.Sc. Mikail Yayla

31. August 2021

# Inhaltsverzeichnis

$\mathbf{A}$	bbild	ungsverzeichnis	ii
1	Ein	leitung	1
	1.1	Motivation	1
2	Neu	ronale Netzwerke	3
	2.1	Neuronen	4
	2.2	Schichten und Kanten	4
	2.3	Aktivierungsfunktionen	5
	2.4	Training	7
		2.4.1 Ablauf	7
		2.4.2 Backpropagation (?)	7
3	Das	BNN	8
	3.1	Aktivierungsfunktion	8
	3.2	Binärer Linear-Layer	8
	3.3	BatchNorm	8
	3.4	Auswertung	10
		3.4.1 logsoftmax vs. softmax	10
	3.5	Verluste durch binäre Linear-Layer	10
4	Tra	ining des BNNs	12
	4.1	title	12
5	Bin	arisierung	13
6	Exp	oort	14
	6.1	Export der Kantengewichte	14
	6.2	Export der Schwellwerte	15

Literatur	16	j

# Abbildungsverzeichnis

2.1	Struktur eines neuronalen Netzwerks	3
2.2	Berechnung eines Neuronenwertes mit der $tan H$ Aktivierungsfunktion $$	5
2.3	ReLU	6
2.4	Sigmoid	6
2.5	Softmax	6
2.6	tanH	6
3.1	Training mit und ohne BatchNorm	9
3.2	Verlustmessung für den <i>Linear-Layer</i>	10

## Einleitung

Neuronale Netzwerke bilden eine Unterkategorie des Machine-Learning und erlauben Auswertungen von Eingaben auf Basis von zuvor angelernten, empirischen Ergebnissen. Ein neuronales Netzwerk bildet ein System aus Neuronen ab, welche Schichtweise verbunden sind einen unidirektionalen Datenfluss erzeugen. Dieses System besteht üblicherweise aus einer Eingabeschicht, einer Ausgabeschicht und dazwischen beliebig viele versteckte Schichten, welche die eigentliche Arbeit des Netzwerks verrichten. Die Anzahl der Neuronen in den Eingabe- und Ausgabeschichten ist intuitiv wählbar. Die Größe der Eingabeschicht wird häufig durch die Anzahl der möglichen Eingaben bestimmt, die Größe der Ausgabeschicht durch die Anzahl der möglichen Ergebnisse. Die Größe und Anzahl der dazwischen liegenden Schichten hingegen muss je nach Anforderung und Gegebenheiten individuell ermittelt werden. Je größer das Netzwerk desto höher sind die Anforderungen an die benötigte Hardware um dieses zu betreiben. Bei schwächerer Hardware oder Einschränkungen bezüglich der Energieversorgung können kleinere Netzwerke eingesetzt werden, wenn auch häufig mit geringerer Genauigkeit verglichen mit einem größeren Netzwerk.

#### 1.1 Motivation

Die Größe eines Netzwerks kann beim Entwurf dessen direkt beeinflusst werden. In Anwendungsgebieten, bei denen der Fokus auf geringen Hardwareanforderungen liegt, stoßen schnell das Problem der schwindenden Genauigkeit. Auf IoT-Geräten oder mobilen Platformen finden klassische neuronale Netzwerke daher nur eingeschränkt Nutzen.

#### Kapitel 1 Einleitung

2016 veröffentlichten M. Courbariaux und Y. Bengio [1] eine wissenschaftliche Arbeit und stellen dort das binarisierte neuronale Netzwerk (kurz BNN) vor. Dieses könne im Vergleich zu einem klassischen neuronalen Netzwerk eine theoretische Geschwindigkeitssteigerung auf das 32-fache erreichen. Die Genauigkeit des BNN liege jedoch nur knapp unter derer klassischer Netzwerke. Das BNN ermöglicht dank dieser Eigenschaften den Einsatz von neuronalen Netzen auf vergleichsweise schwacher Hardware und verspricht zugleich nur geringe Genauigkeitseinbüße.

In dieser Ausarbeitung wird die allgemeine Funktionsweise von neuronalen Netzwerken erläutert und anschließend der Entwurf eines binarisiertes Netzwerk mit Fokus auf Handschriftenerkennung auf Basis des MNIST Datensatzes dokumentiert. Dabei werden grundlegende Überlegungen, das Vorgehen, Herausforderungen sowie dazu erarbeitete Lösungen vorgestellt.

## Neuronale Netzwerke

Unter einem neuronalen Netzwerk versteht man ein System aus Neuronen. Diese sind schichtweise organisiert wobei jedes Neuron einer Schicht jeweils zu allen Neuronen der direkt anliegenden Schichten verbunden ist. Abbildung 2.1 zeigt beispielhaft ein neuronales Netzwerk aus 19 Neuronen mit insgesamt 5 Schichten.

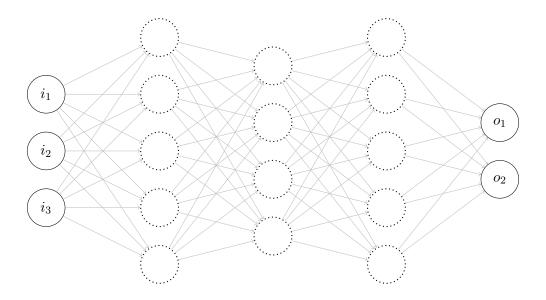


Abbildung 2.1: Struktur eines neuronalen Netzwerks

### 2.1 Neuronen

Unter einem Neuron versteht sich bei neuronalen Netzen lediglich ein Knoten, in dem üblicherweise ein 32-bit großer Wert hinterlegt ist. Häufig kommen hier Gleitkommazahlen zwischen -1.0 und 1.0 zum Einsatz, da sich dieser Wertebereich besonders gut zum Rechnen eignet und Eigenschaften bezüglich der Multiplikation besitzt, die eine Wertexplosion verhindern. Die Werte aller Neuronen, mit Ausnahme derer in der Eingabeschicht, setzen sich jeweils aus den Werten aller Neuronen der direkt davor liegenden Schicht zusammen. Das genaue Vorgehen bei der Wertermittlung hängt jeweils vom Netzwerk und den dort verwendeten Aktivierungsfunktionen ab.

### 2.2 Schichten und Kanten

In einem neuronalen Netzwerk ist jedes Neuron einer Schicht mit allen Neuronen der jeweiligen davor liegenden und danach liegenden Schicht über Kanten verbunden. Neuronale Netzwerke sind unidirektionale Graphen, demnach fließen Informationen über Schichten (und folglich Kanten) nur in eine Richtung.

Allen Kanten wird initial eine Gewichtung zugewiesen, welche erneut netzwerkabgängig generiert werden oder durch zuvor angelernte Daten bestimmt werden. Beim Trainieren des Netzwerks werden diese bei jeder Lerniteration (auch *Epoch* genannt) justiert, während sie beim Betrieb für gewöhnlich keine Änderungen mehr erfahren. Die Genauigkeit eines Netzwerks wird überwiegend durch diese Gewichte bestimmt, daher ist das Ziel beim Trainieren eines Netzes die Optimierung jener.

Kantengewichte wirken sich maßgeblich auf die Wertberechnung von Neuronen aus. Diese wird in zwei Schritten ausgeführt. Im ersten Schritt wird aus den Kantengewichten aller eingehenden Kanten und den Werten der darüber verbundenen Neuronen die Produktsumme gebildet. Für den zweiten Schritt sind jeweils Aktivierungsfunktionen notwendig, welche im nachfolgenden Kapitel erläutert werden.

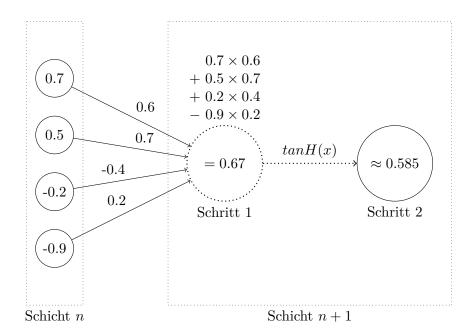


Abbildung 2.2: Berechnung eines Neuronenwertes mit der tanH Aktivierungsfunktion

## 2.3 Aktivierungsfunktionen

Im zweiten Schritt wird der zuvor errechnete Wert durch eine weitere Funktion modifiziert. Sogenannte Aktivierungsfunktionen können beliebig gewählt werden, müssen jedoch offensichtlich alle möglichen Eingaben auf einen Wert abbilden können. Die verwendete Aktivierungsfunktion kann je nach Schicht variieren. Einmal gewählt, ist diese jedoch für die jeweilige Schicht im Netzwerk für die Laufzeit fest.

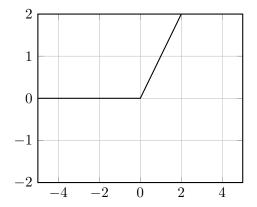
Die beiden erläuterten Berechnungsschritte werden schichtweise in Richtung des Datenflusses des Netzwerks für alle Neuronen durchgeführt. Im folgenden Beispiel wird bildhaft dargestellt, wie solch eine Neuronenwertberechnung für ein Netzwerk aussieht, welche in der betrachteten Schicht die tanH-Aktivierungsfunktion verwendet.

Die Wahl der Aktivierungsfunktion beeinflusst die möglichen Werte, die Neuronen innerhalb einer Schicht annehmen können. Um eine Wertexplosion zu vermeiden (z.B. bei Verwendung von ReLU(x):  $\max(0,x)$  als Aktivierungsfunktion), können zusätzliche Normalisierungsschichten verwendet werden, welche die Neuronenwerte einer Schicht auf einen erwünschten Zielbereich einschränken. Es existieren jedoch auch Aktivierungs-

### Kapitel 2 Neuronale Netzwerke

funktionen, die diese Squashing-Eigenschaft direkt besitzen. Darunter zählt auch die im vorherigen Beispiel verwendetete Funktion tanH, bei der alle Eingaben auf den Zielbereich [-1,1] abgebildet werden.

Im Folgenden sind sind einige, für neuronale Netzwerke übliche Aktivierungsfunktionen abgebildet.



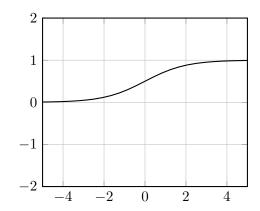
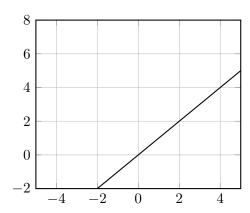


Abbildung 2.3: ReLU

Abbildung 2.4: Sigmoid



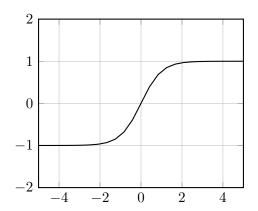


Abbildung 2.5: Softmax

Abbildung 2.6: tanH

## 2.4 Training

Die Stärken und Schwächen eines neuronalen Netzwerks liegen neben der Struktur der Neuronen, der Schichten und den gewählten Aktivierungsfunktionen vor allem in den verwendeten Kantengewichten. Diese zu optimieren kann ein langwieriger und rechenintensiver Prozess sein. Kleine Änderungen im Aufbau des Netzwerks können große Teile von zuvor erlernten Gewichten unbrauchbar machen, daher werden Netzwerke häufig an sich selbst trainiert. Das bedeutet, dass beim Trainieren eines neuen Netzwerks die initialen Kantengewichte keine emprischen Daten aus anderen (ähnlichen) Netzwerk verwenden, sondern diese zu Beginn pseudozufällig gewählt werden.

### **2.4.1** Ablauf

### 2.4.2 Backpropagation (?)

## Das BNN

### 3.1 Aktivierungsfunktion

### 3.2 Binärer Linear-Layer

### 3.3 BatchNorm

Die Rolle des BatchNorm-Layers in nicht-binären Neuronalen-Netzwerken ist eine leicht andere als in unserem BNN. Durch BatchNorm werden die Gewichte einer Schicht normalisiert. Hier wird dafür gesorgt, dass Batches einen Mittelwert von Null und eine Standartabweichung von Eins haben .

Durch diese reduzierte Streuung der Werte, können in Neuronalen Netzen höhere Lernraten verwendet werden.

Bei binären Netzwerken hat dies, aufgrund der diskreten Kantengewichte, kaum einen Effekt und hat somit kaum Auswirkungen auf die verwendbare Lernrate. In BNNs erfüllt die BatchNorm Schicht eine zentrale Rolle für das Lernen des Netzwerkes. Primär dient die Normalisierung der Schicht dazu, das expolding-gradient Problem zu verhindern. Hier wird beim Training des Netzwerkes, welches die Error-Werte reduzieren soll, ein sehr hoher Error-Wert akkumuliert. Dies führt zu einer zu starken Anpassung der Gewichte, welche folgend zu einer niedrigeren Genauigkeit führt. Da durch wiederholtes auftreten die Genauigkeit stark abgesenkt wird, kann dieses Netzwerk sich, ab einer gewissen Schwelle, nicht mehr verbessern.

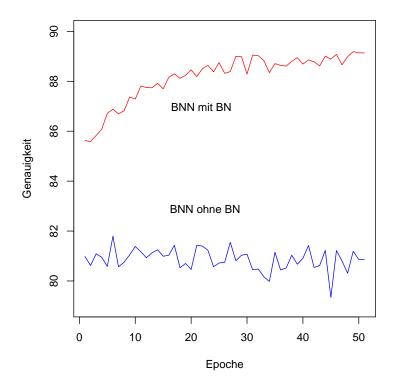


Abbildung 3.1: Training mit und ohne BatchNorm

Der Versuch in Abbildung 3.1 zeigt einen Vergleich des Netzwerkes mit und ohne *BatchNorm*. Hierfür wurde ein Netzwerk für 50 Epochen trainiert, nach jeder Epoche wurde die Genauigkeit getestet. Anschließend wurde weiter Trainiert. Um eine bessere Vergleichbarkeit zu erzielen, wurden die Bilder über die Schwellwert-Methode binarisiert.

Wie in Abbildung 3.1 zu sehen ist, performt das Netzwerk mit BatchNorm Schicht zu jeder Trainingsdauer besser als ohne BatchNorm Schicht. Während in den ersten 20 Epochen mit BatchNorm ein klarer Aufwärtstrend zu erkennen ist, bleibt die Genauigkeit ohne BatchNorm immer zwischen 79% und 82%. Hier sind besonders gut die starken Einbrüche nach Unten zu erkennen, die mit BN deutlich schwächer sind. Diese zeigen besonders deutlich den starken Genauigkeitsverlust, der durch  $exploding\ gradients$  verursacht wird. Die Konsequenz ist, dass eine längere Trainingsdauer keine Verbesserung des Netzwerkes mehr bedeutet, was bedeutet, dass die Konvergenz-Schwelle bei < 82 erreicht ist. Ab dieser Schwelle verbessert sich das Netzwerk ohne BN nicht mehr.

### 3.4 Auswertung

Um am Ende das Ergebnis des Netzwerkes auszuwerten, müssen die Ergebnisse des letzten Linear-Layers normalisiert werden. Diese Normalisierung entscheidet, ob ein Neuron feuert oder nicht. Für die Normalisierung der Daten wird hier die logsoftmax(x) Funktion verwendet. Durch softmax(x) werden die Aktivierungen der letzten Schicht so normalisiert, dass ihre Summe eins ergibt. Dies ist mit Wahrscheinlichkeiten zu vergleichen, mit der das Bild die jeweilig zugeordnete Zahl widerspiegelt. Um bessere Ergebnisse in Kombination mit der Verlustfunktion,  $negative\ log\ likelihood\ loss$ , zu erzielen, wird die logsoftmax-Funktion verwendet.

Da bei der Anwendung des MNIST-Datensatzes immer nur das Neuron ausgewählt werden sollte, da immer nur eine Zahl auf einem Bild abgebildet ist, wird am bei der Auswertung über die *argmax*-Funktion das aktivste Neuron ausgewählt. Dieses entspricht dann der Zahl, die am wahrscheinlichsten abgebildet ist.

#### 3.4.1 logsoftmax vs. softmax

### 3.5 Verluste durch binäre Linear-Layer

Durch die binarisierung der *Linear-Layer* ist zu vermuten, dass diese, im Vergleich zu normalen *Linear-Layer*, etwas schlechter performen. Dies ist der Fall, da die Anzahl der möglichen Kantengewichte stark, auf Null und Eins, eingeschränkt ist.

Durchgang	binarär	normal
1	88.29	97.43
2	87.32	96.98
3	87.19	97.2

Abbildung 3.2: Verlustmessung für den Linear-Layer

Trainiert wurde hier das gleiche Netzwerk, ein mal mit binären *Linear-Layern*, das andere mal mit normalen *Linear-Layer*. Jedes Netzwerk wurde für 50 Epochen trainiert, bevor die Genauigkeit ausgewertet wurde. Um sicher zu gehen, ob die Genauigkeit gegen diesen Wert konvergiert, wurde jede Messung drei mal wiederholt.

#### Kapitel 3 Das BNN

Wie in Abbildung 3.2 zu sehen, leidet die Genauigkeit des Netzwerkes beachtlich unter der Binarisierung der *Linear-Layer*. Der Mittelwert für das Training mit normalem *Linear-Layer* ist hierbei 97,2%, während bei binären Schichten ein Durchschnitt von 87,6% erreicht wird. Es ist klar zu sehen, dass die Einschränkung der Gewichte auf Null und Eins und der damit einhergehende Granularitätsverlust, sich stark auf die Genauigkeit des Netzwerkes, bei gleicher Größe, auswirken.

## Training des BNNs

Wie bereits in Kapitel 2.4 beschrieben, werden Netzwerke über eine rechenintensive Annäherung der Kantengewichte an das optimale Ergebnis trainiert. Diese Konvergenz in Richtung eines besseren Ergebnisses kann hierbei, selbst bei schlechtem Training, meist erreicht werden, da selbst marginale Verbessrungen eine Auswirkung haben. Da BNNs jedoch die stärkste Form von quantisierten Netzwerken sind, können hier keine stetigen Änderungen an den Kantengewichten vorgenommen werden.

### 4.1 title

Binarisierung

## Export

Nachdem das Netzwerk nun trainiert wurde, müssen die Ergebnisse, die Kantengewichte und Schwellwerte der Neuronen, nun exportiert werden. Im Folgenden sollen diese dann in den BNN-Beschleuniger Baustein importiert und verwendet werden. Da der Import in VHDL stattfindet, eignen sich hier simple Formate, sprich eine einfache Textdatei. Diese kann dann, Zeichen nach Zeichen, von dem Import-Buffer eingelesen und in einer Matrix gespeichert werden.

### 6.1 Export der Kantengewichte

Da es sich bei unserem Netzwerk um ein FullyConnected Neural Network handelt, ist insbesondere jedes Neuron mit jedem Neuron der Folgenden Schicht verbunden. Bei unserem BNN ergibt sich also folgende Kantenanzahl

$$784 \cdot 500 + 500 \cdot 1024 + 1024 \cdot 1024 = 1.952.576$$

Diese Gewichte müssen alle, mit möglichst wenig Mehrkosten, in die Datei geschrieben werden. Da es sich bei den Gewichten lediglich um binäre Werte, Einsen und Nullen, handelt, ist kein Trennzeichen zwischen den Gewichten notwendig. Die Gewichte sind außerdem, trivialer Weise, präfixfrei und können fortlaufend in die Datei geschrieben werden.

Um die Gewichte zu extrahieren, wird zuerst über jeden *Layer* iteriert. In jedem *Layer* wird nun jedes Neuron abgelaufen. Jedes dieser Neuronen hat nun jeweils eine Kante

zu jedem Neuron in der nachfolgenden Schicht. Hier wird ebenfalls über alle Kanten iteriert und das jeweilige Gewicht wird hinten an eine Variabel an gehangen. Ist nun ein *Layer* fertig, wird der Inhalt der Variable, welche als Zwischenspeicher dient, in die Datei weights.txt geschrieben. So wird für jede Schicht ein IO-Zugriff gemacht.

## 6.2 Export der Schwellwerte

## Literatur

[1] Matthieu Courbariaux und Yoshua Bengio. "BinaryNet: Training Deep Neural Networks with Weights and Activations Constrained to +1 or -1". In: CoRR abs/1602.02830 (2016). arXiv: 1602.02830. URL: http://arxiv.org/abs/1602.02830.