## FY1001/TFY4109/TFY4145. Institutt for fysikk, NTNU. Høsten 2015. Øving 5. Veiledning: 28. september - 1. oktober.

#### Oppgave 1: Parry People Movers

Energien i en tung roterende skive ("flywheel"; svinghjul) kan utnyttes til å drive en trikk eller buss framover og oppover, som et alternativ til eksterne strømførende ledninger, bensin eller gass. I en Parry People Movers trikk benyttes kompakte stålskiver på 500 kg, diameter 1 m, og rotasjonshastighet opp mot 2500 rpm ("revolutions per minute"). I spørsmålene nedenfor antar vi maksimal rotasjonshastighet, der det er relevant.





http://www.parrypeoplemovers.com/products.htm

- a) Hva er svinghjulets treghetsmoment  $I_0$  mhp hjulets sylinderakse (dvs en akse sammenfallende med akslingen)?
- A)  $62.5 \text{ kg m}^2$  B)  $62.5 \cdot 10^3 \text{ kg m}^2$  C)  $62.5 \cdot 10^{-3} \text{ kg m}^2$  D)  $62.5 \cdot 10^5 \text{ kg m}^2$
- b) Hva er svinghjulets omløpstid (periode)?
- A) 2.4 s B) 0.24 s C) 24 ms D) 24  $\mu s$
- c) Hva er svinghjulets vinkelhastighet?
- A)  $0.417 \text{ s}^{-1}$  B)  $2.62 \text{ s}^{-1}$  C)  $41.7 \text{ s}^{-1}$  D)  $262 \text{ s}^{-1}$
- d) Hva er svinghjulets kinetiske energi?
- A) 0.59 Wh B) 0.59 kWh C) 59 Wh D) 59 kWh
- e) Hva er svinghjulets dreieimpuls?
- A) 4.61 Js B) 16.4 Js C) 4.61 kJs D) 16.4 kJs

# Oppgave 2: Idrett og treghetsmoment

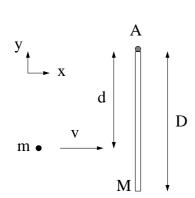
(Bruk resultatene i Frivillig ekstraoppgave side 4. Slå opp tallverdier eller gjør rimelige estimater.)

- a) Hva er treghetsmomentet til en bordtennisball mhp en akse gjennom CM?

- A)  $7.2 \cdot 10^{-5} \text{ kg m}^2$  B)  $7.2 \cdot 10^{-7} \text{ kg m}^2$  C)  $7.2 \cdot 10^{-9} \text{ kg m}^2$  D)  $7.2 \cdot 10^{-11} \text{ kg m}^2$
- b) Hva er treghetsmomentet til ei friidrettskule (for menn) mhp en akse gjennom CM?

- A)  $10 \text{ kg m}^2$  B)  $1.0 \text{ kg m}^2$  C)  $0.10 \text{ kg m}^2$  D)  $0.010 \text{ kg m}^2$

#### Oppgave 3: Kollisjon mellom tynn stav og lita kule



En tynn stav med lengde D og masse M kan rotere friksjonsfritt om sin ene ende (A). Ei kule med masse m og hastighet v kolliderer fullstendig uelastisk med staven i avstand d fra A. Kula kan her regnes som en punktmasse.

- a) Hva er treghetsmomentet I til systemet stav + kule etter sammenstøtet, mhp aksen gjennom A (normalt planet)?

- A)  $md^2 + MD^2/3$  B)  $(m+M)D^2/3$  C)  $md^2 + MD^2/12$  D)  $(m+M)D^2/12$
- b) Hva er systemets impuls  $\boldsymbol{p}_i$  før sammenstøtet?
- A) 0 B)  $mv\hat{x}$
- C)  $(m+M)v\hat{x}$  D)  $(m+M)v(d/D)\hat{x}$
- c) Hva er systemets dreieimpuls  $L_i$  mhp A før sammenstøtet?
- B)  $mvd\hat{z}$ A) 0
- C)  $(m+M)vd\hat{z}$  D)  $(m+M)v(d+D)\hat{z}$
- d) Hva er systemets dreieimpuls  $L_f$  mhp A umiddelbart etter sammenstøtet?
- A) 0 B)  $mvd\hat{z}$
- C)  $(m+M)vd\hat{z}$  D)  $(m+M)v(d+D)\hat{z}$
- e) Hva er systemets vinkelhastighet  $\omega$  umiddelbart etter sammenstøtet?
- A)  $\hat{x} mvd/(md^2 + MD^2/12)$  B)  $\hat{x} mvd/(md^2 + MD^2/3)$  C)  $\hat{z} mvd/(md^2 + MD^2/12)$  D)  $\hat{z} mvd/(md^2 + MD^2/3)$

f)Hva er systemets impuls $\boldsymbol{p}_f$ umiddelbart etter sammenstøtet?

A) 
$$p_i \cdot (1 + MD/2md)/(1 + MD^2/3md^2)$$
 B)  $p_i \cdot (1 - MD/2md)/(1 - MD^2/3md^2)$ 

C) 
$$p_i \cdot (1 + MD/md)/(1 + MD^2/7md^2)$$
 D)  $p_i$ 

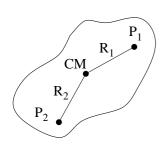
g) For hvilken verdi av d er  $p_f = p_i$ ?

A) Alltid B) 
$$D/3$$
 C)  $2D/3$  D)  $D$ 

h) Hva er  $|\Delta K/K_i| = |(K_f - K_i)/K_i|$ , dvs relativ endring i systemets kinetiske energi i sammenstøtet?

A) 
$$1/(1+3md^2/MD^2)$$
 B)  $1/(1-3md^2/MD^2)$  C)  $1+3md^2/MD^2$  D)  $1-3md^2/MD^2$ 

### Oppgave 4: Mer om I og L



a) For legemet i figuren er  $R_1=R_2$ , og CM angir tyngdepunktet. Treghetsmomentene om parallelle akser gjennom CM,  $P_1$  og  $P_2$  er hhv  $I_0$ ,  $I_1$  og  $I_2$ . (Punktene CM,  $P_1$  og  $P_2$  ligger alle i papirplanet, og de tre aksene står normalt på papirplanet.) Da er

b) Du kjører en liten personbil rett østover fra Trondheim og holder omtrent fartsgrensen på 90 km/h. Hva er da bilens dreieimpuls relativt

Oslo sentrum, sånn omtrent, angitt i SI-enheter?

A) 
$$I_0 = I_1 = I_2$$
.

B) 
$$I_0 > I_1 = I_2$$
.

C) 
$$I_0 < I_1 = I_2$$
.

D) 
$$I_0 < I_1 < I_2$$
.



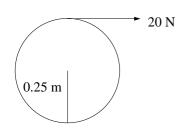
A) Eksakt null.

B) 
$$10^5$$
.

C) 
$$10^{10}$$
.

D) 
$$10^{20}$$
.

http://www.kaosdesign.no/photogallery.htm



c) Ei tynn, masseløs snor er trukket rundt en slipestein med radius 0.25 m. Steinen kan rotere friksjonsfritt om symmetriaksen. En konstant kraft på 20 N i snora får steinen til å øke vinkelhastigheten fra null til 60 rad/s på 12 sekunder. Da er slipesteinens treghetsmomentet, i enheten kg m²,

- A) 1.00.
- B) 3.00.
- C) 5.00.
- D) 7.00.

### Frivillig ekstra<br/>oppgave: $\mathcal{I}_0$ for kuleskall og kompakt kule

Vis at  $I_0=2MR^2/3$  for et tynt kuleskall og at  $I_0=2MR^2/5$  for ei kompakt kule.

Tips, kuleskall: Del opp kuleskallet i tynne ringer med omkrets  $2\pi R \sin \theta$  og "bredde"  $R d\theta$ , dvs masse  $dm = M dA/A = M \cdot 2\pi R \sin \theta \cdot R d\theta/4\pi R^2$ , og "legg sammen" (dvs integrer). Tegn figur! Du kan få bruk for  $\sin^3 x = (3/4) \sin x - (1/4) \sin 3x$ .

Tips, kompakt kule: Del opp kula i tynne kuleskall med radius r, tykkelse dr, og dermed masse  $dm = MdV/V = M \cdot 4\pi r^2 dr/(4\pi R^3/3)$ , og "legg sammen" (dvs integrer). Tegn figur!