

TMA4100

Høst 2014

Matematikk 1

Norges teknisk—naturvitenskapelige universitet Institutt for matematiske fag

Øving 9

For følgende oppgaver blir løsningene forelest:

- 1 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 6.2.26
- a) Bruk trapesmetoden med n = 4 delintervaller til å finne en tilnærmet verdi for integralet

$$\int_0^{\pi/3} e^{\sin\theta} d\theta.$$

- b) La $f(\theta) = e^{\sin \theta}$ være integranden i **a**). Vis at $|f''(\theta)| < 1.5$ når $0 \le \theta \le \pi/3$, og bruk dette til å vurdere feilen ved tilnærmingen i **a**). Hvor mange delintervaller ville du bruke i **a**) for å være sikker på at feilen ble mindre enn 10^{-4} ?
- 3 La

$$I = \int_0^{\sqrt{\pi/4}} \sin(t^2) \ dt.$$

- a) Finn en tilnærming til I ved å bruke Simpsons metode, hvor intervallet $[0, \sqrt{\pi/4}]$ skal deles i fire like deler.
- b) Finn en tilnærming til I ved å bruke Taylor-utviklingen av orden 3 til $f(x) = \sin x$ om x = 0.
- 4 Beregn

$$\int_0^\infty \frac{1}{(x+1)(x+2)(x+3)} \ dx.$$

For følgende oppgaver blir løsningene gitt skriftlig:

- 5 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 4.3.14
- 6 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 4.5.36
- 7 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 4.8.32

- 8 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 6.2.10
- 9 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 6.5.16
- 10 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 6.6.2
- 11 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 6.7.12
- 12 Adams & Essex' Calculus: A Complete Course 8th ed., Oppgave 6.8.11