

## Stručné shrnutí semináře 9

**Přenos nejistoty.** Závisí-li veličina  $y$  na veličinách  $x_i$  jako  $y = f(x_i)$ , souvisí nejistota  $u_y$  s nejistotami  $u_{x_i}$  veličin  $x_i$  jako:

$$u_y = \sqrt{\sum_{i=1}^n \left( \frac{\partial y}{\partial x_i} \right)^2_{\mu_i} u_{x_i}^2}$$

kde  $\mu_i$  jsou střední hodnoty veličin  $x_i$ .

**Postup zpracování nepřímě měřené veličiny** – viz `neprime_mereni.pdf`

**Interpolace funkčních závislostí (fitování).** Studujeme chování veličiny  $y$  v závislosti na  $x$ , máme tedy k dispozici  $n$  dvojic  $(x_i, y_i)$  ... např. naměřená data. Nejistotu nezávislé veličiny  $x$  považujeme obvykle za zanedbatelnou vůči nejistotě závislé veličiny  $y$ .

Předpokládáme nějaký konkrétní tvar funkční závislosti  $y=f(x)$  a chceme posoudit jeho platnost, resp. získat hodnoty parametrů této závislosti. K tomu lze využít **metodu nejmenších čtverců**, která spočívá v minimalizaci veličiny

$$\chi^2(\alpha, \beta, \gamma, \dots) = \sum_{i=1}^N \frac{(f(x_i | \alpha, \beta, \gamma, \dots) - y_i)^2}{\sigma_{y_i}^2}$$

Hodnoty hledaných parametrů jsou ty, které minimalizují  $\chi^2$ .

Je-li  $f(x)$  **lineární** funkcí parametrů  $\alpha, \beta, \gamma, \dots$ , lze pro problém minimalizace  $\chi^2$  nalézt **analytické** řešení a hovoříme o **lineární regresi**. Některé nelineární funkce lze linearizovat (exponenciálu lze zlogaritmovat).

V ostatních případech analytické řešení nemáme a minimum  $\chi^2$  je nutno hledat **numericky**. Pak jde o **nelineární regresi**, iterativní numerický proces, který je nutno uživatelsky kontrolovat. Pro složitější  $f(x)$  často velice záleží na počáteční volbě parametrů  $\alpha, \beta, \gamma, \dots$ . Při nevhodné volbě parametrů může algoritmus uvíznout v lokálním minimu  $\chi^2$ , a tak dospět k nesprávnému výsledku.