

Stručné shrnutí semináře 4

Histogram je odhadem hustoty pravděpodobnosti dané náhodné proměnné.

Pokud histogram normujeme, tak že výšky sloupečků jednotlivých binů N_i vydělíme celkovým počtem naměřených hodnot N a šířkou binu Δ_i , je normovaný histogram $\xi_i = \frac{N_i}{N\Delta_i}$ roven hustotě pravděpodobnosti v limitě, kdy šířka binu jde k nule a počet naměřených hodnot k nekonečnu.

$E[\]$ je **operátor očekávané hodnoty**.

Pro diskrétní náhodnou proměnnou znamená aplikace operátoru $E[\]$ výpočet váženého průměru, kde váhy P_i jsou pravděpodobnosti i -tého výsledku $E[x] = \sum_{i=1}^N x_i P_i$.

Pro spojitou náhodnou proměnnou znamená aplikace operátoru $E[\]$ integrál přes všechny možné výsledky x násobené hustotou pravděpodobnosti $E[x] = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx$.

Pro libovolnou funkci g náhodné proměnné x je

$$E[g(x)] = \sum_{i=1}^N g(x_i) P_i \text{ pro diskrétní náhodnou proměnnou}$$

$$E[g(x)] = \int_{-\infty}^{\infty} g(x) f(x) dx \text{ pro spojitou náhodnou proměnnou}$$

$E[\]$ je lineární operátor. Pro libovolné konstanty a, b a náhodnou proměnnou x tedy platí

$$E[ax + b] = aE[x] + b.$$

n -tý moment rozdělení náhodné proměnné x je $\mu_n = E[x^n]$

n -tý centrální moment rozdělení náhodné proměnné x je $\mu'_n = E[(x - \mu)^n]$

Očekávaná hodnota μ náhodné proměnné x je první moment $\mu = E[x]$.

Očekávaná hodnota σ^2 náhodné proměnné x je druhý centrální moment $\sigma^2 = E[(x - \mu)^2]$, což lze vyjádřit také jako $\sigma^2 = E[x^2] - \mu^2$.

Standardní odchylka σ je odmocnina z rozptylu $\sigma = \sqrt{E[(x - \mu)^2]}$

Nejstručnější a ještě smysluplnou informaci o náhodné proměnné podáme uvedením očekávané hodnoty μ (míra polohy) a standardní odchylky σ (míra velikosti fluktuací)

Šikmost $\gamma_3 = \frac{\mu'_3}{\sigma^3}$ je mírou asymetrie rozdělení.

Špičatost $\gamma_4 = \frac{\mu'_4}{\sigma^4}$ je mírou toho, jak často se v rozdělení vyskytují extrémní hodnoty (tj. hodnoty velmi vzdálené od průměru).