

Seminární úlohy 7

1. Vlnová funkce základního stavu elektronu atomu vodíku (kvantová čísla $N = 1$, $l = 0$, $m = 0$) je ve sférických souřadnicích $\Psi_{100}(r, \vartheta, \varphi) = R_{10}(r)Y_{00}(\vartheta, \varphi)$, kde

$$R_{10}(r) = \frac{2}{\sqrt{a_0^3}} \exp\left(-\frac{r}{a_0}\right)$$

$$Y_{00}(\vartheta, \varphi) = \frac{1}{\sqrt{4\pi}}$$

(a_0 je Bohrovův poloměr). Hustota pravděpodobnosti výskytu elektronu v bodě o souřadnicích (r, ϑ, φ) je $\Psi_{100}\Psi_{100}^*$. Vypočítejte marginální hustotu pravděpodobnosti pro vzdálenost elektronu od jádra.

Řešení:

$$[f_r(r) = \frac{4}{a_0^3} r^2 \exp\left(-\frac{2r}{a_0}\right)]$$

2. Při experimentu bylo provedeno 10 opakovaných měření náhodných proměnných a, b, c, které mají normální rozdělení. Byly získány následující hodnoty:

a	b	c
30	10.1	9.9
31	9.5	9.5
39	12.1	9.2
40	12.5	9.0
41	13.5	9.1
42	12.4	8.9
39	11.4	9.3
45	12.6	8.8
36	8.8	10.2
46	13	8.7

Na základě naměřených dat vyšetřete korelaci náhodných proměnných a, b, c. Proveďte odhad

očekávané hodnoty a chyby veličiny $y = \frac{3ab}{c^2}$.

Řešení:

$$[\rho(a, b) = 0.73 \pm 0.16, \rho(a, c) = -0.74 \pm 0.15, \rho(b, c) = -0.81 \pm 0.12, y = 15.8 \pm 5.5]$$