

# Sprawozdanie [lista 1]

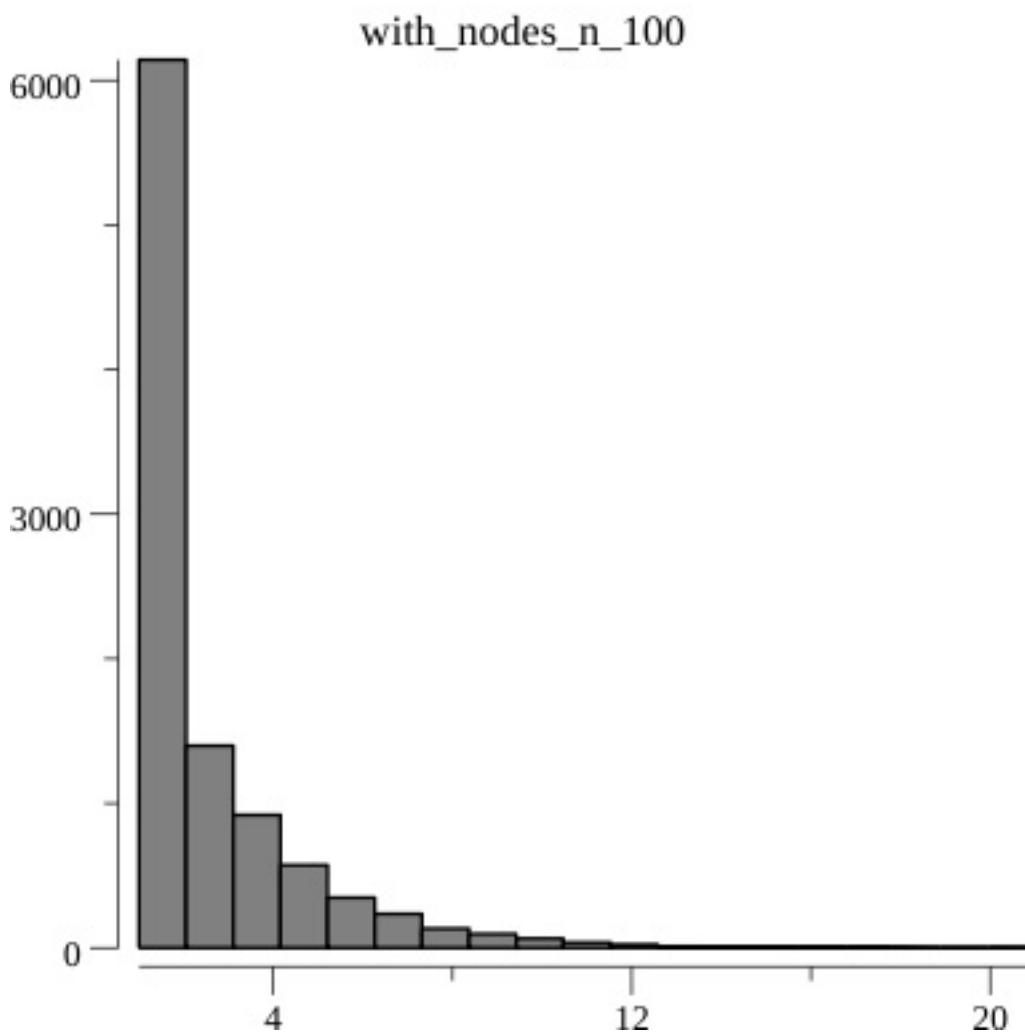
Jakub Gogola

236412

Lista 1. na laboratoria polegała na zaimplementowaniu algorytmu **wyboru lidera** oraz jego analizie w ramach zadań nr 2, 3 oraz 4.

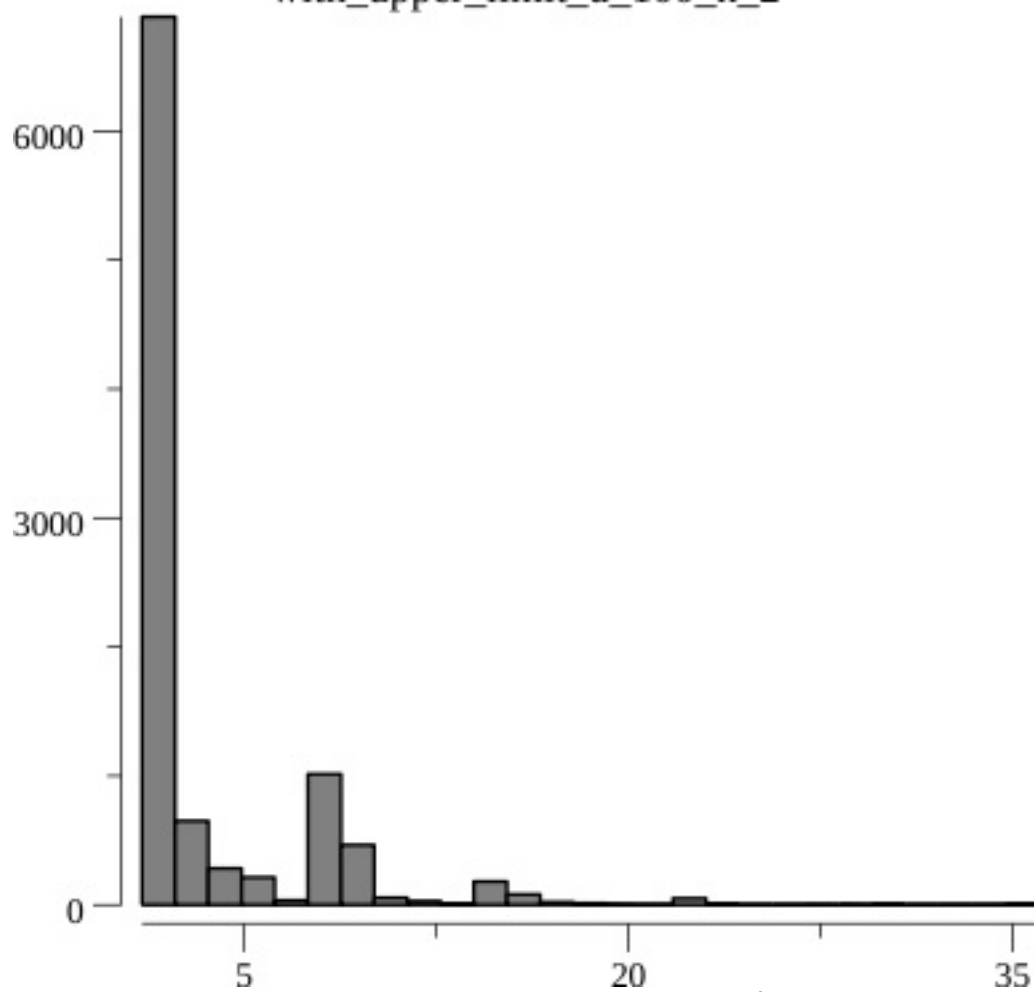
## Zadanie 2

W niniejszym zadaniu należało zobrazować rozkład empiryczny zmiennej losowej **L** definiowanej jako liczba slotów potrzebnych do wyboru lidera. Poniżej przedstawiono histogramy dla odpowiednich eksperymentów:

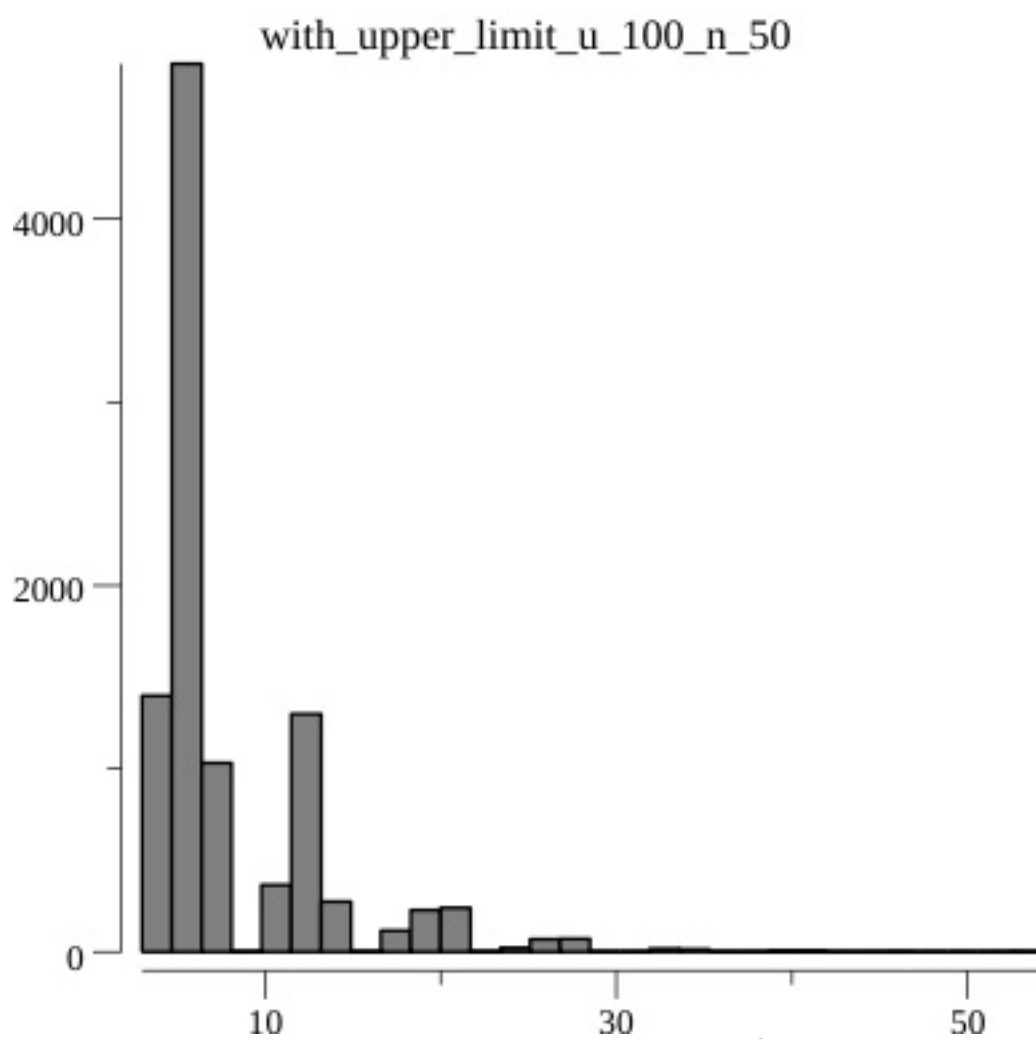


(Histogram dla scenariusza ze znaną liczbą węzłów  $n = 100$ )

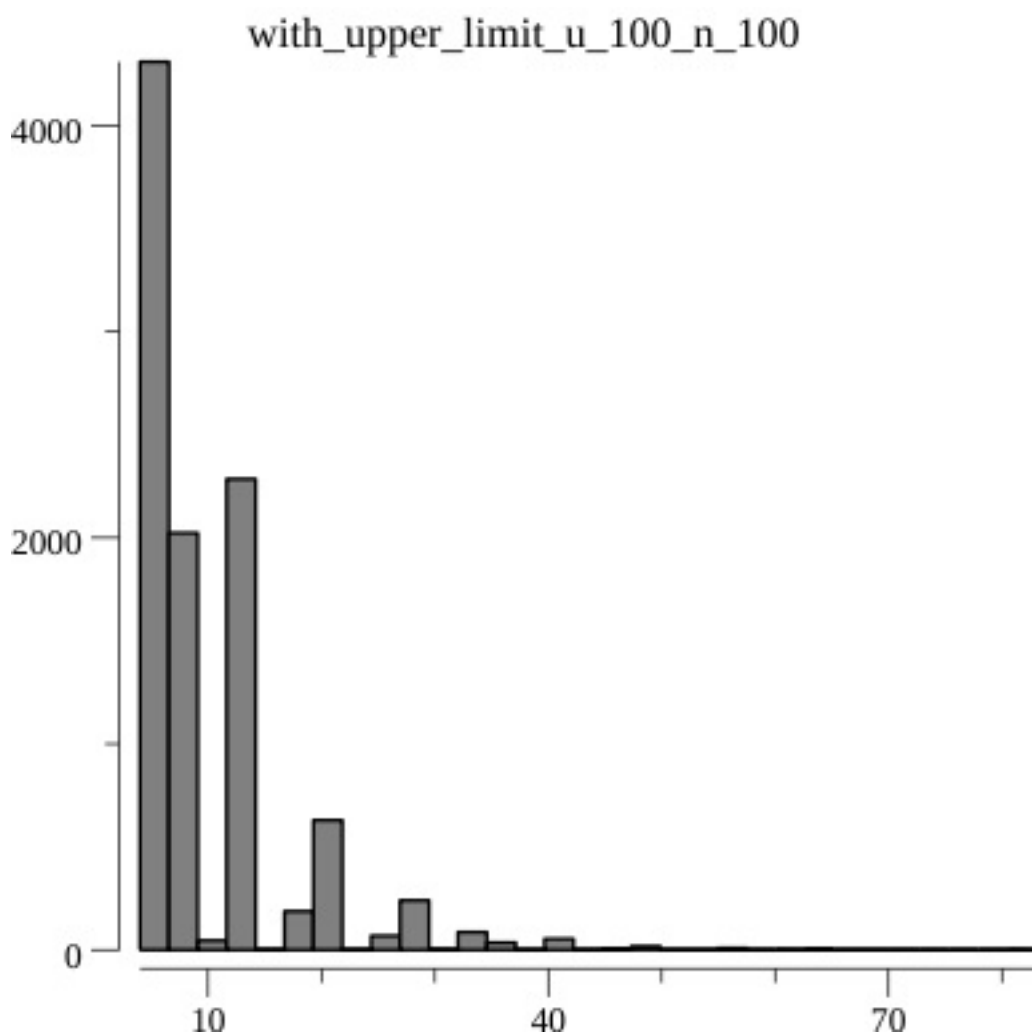
with\_upper\_limit\_u\_100\_n\_2



(Histogram dla scenariusza z zadanyim ogarniczniem górnym  $u = 100$ ,  $n = 2$ )



(Histogram dla scenariusza z zadanym ogranicznem górnym  $u = 100$ ,  $n = 50$ )



(Histogram dla scenariusza z zadaniem ogarnicznym  $u = 100$ ,  $n = 100$ )

Powyższe wykresy prezentują wyniki jedynie dla wybranych wartości zmiennych  $n$  oraz  $u$ , ponieważ ciężko byłoby zmieścić więcej w tak krótkim raporcie, jednak przeprowadzone zostały testy dla różnych wartości wspomnianych zmiennych oraz różnej liczby powtórzeń eksperymentu (iteracji) i za każdym razem otrzymywano zbliżony kształt wykresów do tych prezentowanych w tym dokumencie.

Na każdym z prezentowanych wykresów można zauważyć, że rozkład zmiennej losowej układa się w **rozkład geometryczny**. Rozkład ten opisuje prawdopodobieństwo zdarzenia, że pierwszy sukces (w przypadku analizowanego algorytmu za sukces przyjmuje się wybór lidera) zostanie osiągnięty w  $k$ -tej próbie (tutaj - słocie). Jest on zatem odwzorowaniem wyników uzyskanych podczas przeprowadzonych eksperymentów - w  $k$ -tym słocie został wybrany lider (tylko jeden z węzłów nadawał).

### Zadanie 3

W zadaniu tym należało dla scenariusza ze znaną liczbą węzłów policzyć (eksperymentalnie) wariancję oraz wartość oczekiwaną. Przeprowadzono eksperymenty dla wartości  $n = 1, \dots, 100$  i otrzymano następujące wyniki:

$n$	$EX$	$Var$
20	2.623800	4.262274
50	2.706200	4.649482

75 2.712600 4.674601  
100 2.711800 4.753741

Ze względów praktycznych w powyższej tabeli zaprezentowano jedynie wybrane wyniki.

Wiadomo, że wartość oczekiwana dla zmiennej losowej  $L$  w rozkładzie geometrycznym  $EX[L] = 1/p$  oraz wariancja  $Var[L] = (1 - p) / p^2$  oraz (z lematu 2.) wiadomo, że  $E[L] = 1/p < e$ . Stąd można oszacować, na podstawie podanych wzorów, że  $Var[L] = (1 - p) / p^2 < e^2 - e (\sim 4.67)$ , co zgadza się z wynikami otrzymanymi w ramach eksperymentu.

Warto zauważyć, że w przypadku eksperymentu wartość oczekiwana jest średnią arytmetyczną, a wariancja dla poszczególnych zmiennych (zmienna to numer slotu, w którym wybrano lidera) to średnia arytmetyczna kwadratów odchyleń ( $EX$ ) od ich średniej arytmetycznej.

## Zadanie 4

W zadaniu 4. należało, w sposób eksperymentalny, wyznaczyć wartość  $\lambda$  (ograniczenie z twierdzenia 1.). W tym celu przeprowadzono symulację dla scenariusza z zadanym ograniczeniem górnym i zliczano, w której rundzie nastąpił sukces. Zgodnie z treścią twierdzenia interesowały nas takie zdarzenia, gdzie lider został wybrany w pierwszej rundzie. W tym celu zliczano liczbę rund potrzebnych do wyboru lidera i za sukces uznawano takie zdarzenie, gdzie lider został wybrany w pierwszej rundzie. Otrzymano następujące wyniki:

$n$	$u$	$\lambda$
2	100	0.809800
50	100	0.724800
100	100	0.628000

Zgodnie z treścią twierdzenia  $\lambda$  jest w przybliżeniu równa 0.579. Twierdzenie to mówi, że prawdopodobieństwo wyboru lidera w pierwszej rundzie jest większe od tej wartości i prezentowane wyniki to potwierdzają.