Algorytmy grafowe – najkrótsza ścieżka w grafie

Zadanie 1

• Zaimplementuj wybrany algorytm poszukiwania najkrótszej ścieżki:

Alg. Dijkstry - 3 pkt.
 Alg. Floyda-Warshalla - 4 pkt.
 Alg. Bellmana-Forda - 4 pkt.
 Alg. A* - 5 pkt.
 Alg. Johnsona - 6 pkt.

- Wklej kod źródłowy z komentarzami opisującymi realizowane kroki
- Algorytm ma zwracać długość minimalnej ścieżki oraz listę wierzchołków przez które przechodzimy

Zadanie 2

- Jakie własności grafu mogą być istotne, z punktu widzenia działania algorytmu
- Zdefiniuj dane oraz zaprezentuj uzyskane wyniki dla powyższych przypadków
- Przyjmij liczbę wierzchołków grafu n=10

Zadanie 3

Określ złożoność obliczeniową algorytmu

- Czasową / pamięciową
- Optymistyczną / pesymistyczną / średnią

Algorytm

Algorytm Dijksty.

```
G: Graf
V: zbiór wierzchołków G
a: funkcja wag krawędzi a(u,v)
s: wierzchołek startowy - opcjonalnie k: wierzchołek końcowy
Q: zbiór wierzchołków, bez wyznaczonej min ścieżki
p[u]: poprzednik wierzchołka u
d[u]: aktualny koszt osiągniecia u (z wierzchołka s przez p[u])
N[u]: lista sąsiedztwa wierzchołka u
u, u*: bieżący i ostatnio wybrany wierzchołek
Dijkstra(G,a,s):
                                                     //Dijkstra(G,a,s,k)
01 dla każdego u E V
02
        d[u] \leftarrow \infty
03 p[u] \leftarrow 0
04 Q ← V
\begin{array}{ccc}
\widetilde{Q} \leftarrow Q - \{s\} \\
06 & d[s] \leftarrow 0
\end{array}
07 u^* \leftarrow s
                                                     //u^* \neq k
08 dopóki Q ≠ Ø
09 dla każdego (u \in Q i u \in N[u^*])
                 jeśli d[u^*]+a(u^*,u) < d[u] to d[u] \leftarrow d[u^*]+a(u^*,u); p[u] \leftarrow u^*
10
jes⊥i d[u*
11 dla każdego u ∈ Q
12
                u^* \leftarrow arg min (d[u])
13 Q \leftarrow Q - \{u^*\}
14 zwróć (dla każdego u \in V: d[u]) //zwróć (d[k]
```

Sprawozdanie

Na platformie UPEL (Sprawozdanie 4) w terminie ćwiczeń (Sprawozdanie 4 wstępne) - pliki edycji doc / pdf / txt - kod, zrzuty ekranów, pliki wynikowe.

Zadania domowe

Przygotowanie do kolejnych - ćwiczeń 4 – znajomość algorytmów poszukiwania najkrótszej ścieżki w grafu .