# 7 Relacje

# Uwagi ogólne

Celem ćwiczenia jest zapoznanie się z operacjami na strukturach i tablicach struktur.

Oprócz zadań opisanych w kolejnych sekcjach, program należy dodatkowo uzupełnic o funkcje:

- 1. add\_to\_relation(), która dodaje parę liczb do relacji, jeżeli ta para jeszcze w tej relacji nie występuje,
- 2. read\_relation(), która czyta liczbę par relacji (n), a następnie n par liczb całkowitych definiujących relację,
- 3.  $print_int_array()$ , która wypisuje długość tablicy całkowitej (n), a następnie n wartości tej tablicy.

#### Zadania

# 7.1 Własności relacji

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji:

- 1. is\_reflexive(), która sprawdza, czy relacja jest zwrotna
- 2. is\_irreflexive(), która sprawdza, czy relacja jest przeciwzwrotna
- 3. is\_symmetric(), która sprawdza, czy relacja jest symetryczna
- 4. is\_antisymmetric(), która sprawdza, czy relacja jest antysymetryczna
- 5. is\_asymmetric(), która sprawdza, czy relacja jest asymetryczna
- 6. is\_transitive(), która sprawdza, czy relacja jest przechodnia

Użyteczny link: https://en.wikipedia.org/wiki/Homogeneous\_relation.

#### • Wejście

1

- n (liczba elementów relacji)
- n linii składających się z par liczb naturalnych (first, second)
- Wyjście

Sześć wartości 0 lub 1 reprezentujących własności zadanej relacji

#### • Przykład:

Wejście:

```
1
10
2 3
2 4
3 4
0 1
0 2
0 3
0 4
1 3
1 2
1 4
Wyjście:
```

# 7.2 Porządki, wartości minimalne i maksymalne

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji:

- 1. is\_partial\_order(), która sprawdza, czy relacja jest relacją częściowego porządku
- 2. is\_total\_order(), która sprawdza, czy relacja jest relacją całkowitego porzadku
- 3. find\_max\_elements(), która dla relacji porządku znajduje elementy maksymalne
- 4. find\_min\_elements(), która dla relacji porządku znajduje elementy minimalne
- 5. find\_domain(), która znajduje dziedzinę relacji R (zbiór X, na iloczynie kartezjańskim którego opisana jest relacja, czyli  $R \subseteq X \times X$ )

Relacja  $R\subseteq X\times X$ jest relacją częściowego porządku jeżeli jest zwrotna, antysymetryczna i przechodnia.

Element  $g \in X$  jest elementem maksymalnym jeżeli nie istnieje element  $x \in X$ , taki że  $x \neq g$  i gRx. Podobnie element  $m \in X$  jest elementem minimalnym jeżeli nie istnieje element  $x \in X$  taki, że  $x \neq m$  i xRm.

Zbiór X częściowo uporządkowany przez relację R może zawierać kilka elementów maksymalnych / minimalnych.

Relacja  $R\subseteq X\times X$  jest spójna jeżeli dla każdych  $x,y\in X$  zachodzi xRy lub yRx (lub jedno i drugie).

Jeżeli relacja  $R\subseteq X\times X$  jest relacją częściowego porządku oraz jest spójna, to zbiór X jest liniowo (całkowicie) uporządkowany przez R.

Dziedzinę (zbiór X) wyznaczamy jako unikalną tablicę poprzedników i następników par należących do relacji.

```
Pomocne linki:
```

https://en.wikipedia.org/wiki/Partially\_ordered\_set. https://en.wikipedia.org/wiki/Total\_order

#### • Wejście

2

n (liczba elementów relacji)

n linii składających się z par liczb naturalnych (first, second)

### • Wyjście

Dwie wartości 1 lub 0 (relacja jest / nie jest relacją częściowego / całkowitego porządku)

d (liczność domeny relacji)

d liczb całkowitych (domena relacji)

Jeżeli relacja jest relacją częściowego porządku to dodatkowo program wyprowadza:

max (liczba wartości maksymalnych)

max liczb całkowitych (wartości maksymalne)

min (liczba wartości minimalnych)

min liczb całkowitych (wartości minimalne)

**Uwaga**: Wszystkie trzy tablice wyjściowe powinny zawierać unikalne liczby całkowite w porządku rosnącym.

#### • Przykład:

Wejście:

2

12

1 4

1 1

1 5

1 6

2 4

2 2

2 6

3 4

3 3

466

5 5

Wyjście:

1 0

6

1 2 3 4 5 6

3

```
4 5 6
3
1 2 3
```

#### 7.3 Złożenie relacji

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji composition(), która wyznacza złożenie dwóch zadanych relacji.

Użyteczny link:

https://en.wikipedia.org/wiki/Composition\_of\_relations

```
• Wejście
```

```
3
n1
relacja R – n1 par liczb całkowitych
relacja S-n2 par liczb całkowitych
```

# • Wyjście

 ${\tt n3}-{\tt liczba}$ elementów relacji złożonej S $\,{\tt o}\,$  R

# • Przykład:

Wejście:

3

7

2 5

1 5

2 4

6

2 4

1 3

5 4

3 5

Wyjście:

5