## Colle 2 - Margaux BONNET

## BCPST1B

Année 2021-2022

28 septembre 2021

**Exercice 1.** Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation :

$$|x - 2| - 2|x + 1| = 0.$$

Exercice 2. Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation

$$\sqrt{x^2 - 2x} - \sqrt{2x - 3} < 0.$$

**Exercice 3.** On considère la fonction  $f: x \mapsto x - E(x)$  où E désigne la fonction partie entière.

- 1. Rappeler la définition de E.
- 2. Démontrer que pour tout nombre réel x, on a l'égalité suivante :

$$E(x+1) = E(x) + 1$$
.

En déduire que f est périodique.

3. Tracer la partie de la courbe représentative  $C_f$  de la fonction f dans la bande de plan d'inéquations

$$-2 \leqslant x < 3$$
.

Exercice 4. Résoudre l'équation

$$x^{\sqrt{x}} = (\sqrt{x})^x.$$