

**B2**  $AB=5$ ,  $BC=6$ ,  $CA=4$  の  $\triangle ABC$  がある。

- (1)  $\cos A$  の値を求めよ。  $\frac{1}{8}$
- (2)  $\triangle ABC$  の面積  $S$  を求めよ。また、 $\sin B$  の値を求めよ。  $\frac{15\sqrt{7}}{4}$ ,  $\frac{\sqrt{7}}{4}$
- (3) 直線  $BC$  上に  $\angle BAD = 90^\circ$  となるような点  $D$  をとる。 $\triangle ACD$  の外接円の半径を求めよ。  $\frac{8}{3}$  (配点 20)

**B3** 4 次方程式  $x^4 - kx^2 + 4 = 0$  ……① がある。ただし、 $k$  は実数の定数である。

- (1)  $k=5$  のとき、方程式①を解け。  $x = \pm 2, \pm i$
- (2) 方程式①が異なる 4 つの実数解をもつような  $k$  の値の範囲を求めよ。  $4 < k$
- (3) 方程式①が異なる 4 つの実数解をもち、その 4 つの解の値を数直線上にとった 4 点が等間隔に並ぶ。このとき、 $k$  の値と 4 つの実数解を求めよ。  $k = \frac{20}{3}$ ,  $x = \pm \frac{\sqrt{6}}{3}, \pm \sqrt{6}$  (配点 20)

**B4** 座標平面上に、円  $C_1: x^2 + y^2 = 2$ 、円  $C_2: x^2 + y^2 - 6ax - 2ay + 10a^2 - 18 = 0$  がある。  
ただし、 $a$  は正の定数である。

(1)  $a = 1$  のとき、円  $C_2$  の中心の座標と半径を求めよ。  $(3, 1) \quad 3\sqrt{2}$

(2) 円  $C_1$  上の点  $(-1, 1)$  における接線  $\ell$  の方程式を求めよ。また、接線  $\ell$  と円  $C_2$  が接するとき、 $a$  の値を求めよ。  $x - y + 2 = 0 \quad a = 2$

(3) (2) のとき、円  $C_1$  と  $C_2$  の共通接線のうち、円  $C_1$  上の接点  $(p, q)$  が第 3 象限にあるものを  $m$  とする。このとき、 $p, q$  の値と  $m$  の方程式を求めよ。  $p = -\frac{1}{5}, q = -\frac{7}{5}$  (配点 20)

$$x + 7y + 10 = 0$$

**B5** 関数  $y = \sin \theta + \sqrt{3} \cos \theta$  ……① がある。

(1)  $\theta = \frac{\pi}{3}$  のとき、 $y$  の値を求めよ。  $\sqrt{3}$

(2) 関数①を  $y = r \sin(\theta + \alpha)$  ( $r > 0, -\pi < \alpha \leq \pi$ ) の形に変形するとき、 $r$  と  $\alpha$  の値を求めよ。また、 $0 \leq \theta \leq \pi$  のとき、 $y$  のとり得る値の範囲を求めよ。  $r = 2, \alpha = \frac{\pi}{3}, -\sqrt{3} \leq y \leq \sqrt{3}$

(3) 関数①のグラフを  $\theta$  軸方向に  $\frac{\pi}{6}$  だけ平行移動したグラフを表す関数を  $y = p \sin \theta + q \cos \theta$  とするとき、定数  $p, q$  の値を求めよ。さらに、このとき、 $0 \leq \theta < 2\pi$

において、 $(p+1) \sin \theta + (q+\sqrt{3}) \cos \theta = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}-1}$  を満たす  $\theta$  の値を求めよ。 (配点 20)

$$\theta = \frac{\pi}{12}, \frac{23\pi}{12}$$

**B6** 関数  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$  があり、座標平面上で曲線  $C: y = f(x)$  を考える。

- (1)  $f'(x)$  を求めよ。また、点  $(-1, f(-1))$  における  $C$  の接線の方程式を求めよ。
- (2)  $t$  は実数とする。点  $(t, f(t))$  における  $C$  の接線  $\ell$  の方程式を求めよ。また、接線  $\ell$  が点  $(0, 2)$  を通るとき、 $t$  の値を求めよ。
- (3) 点  $(2, a)$  を通る  $C$  の接線がちょうど 2 本存在するような定数  $a$  の値を求めよ。

(1)  $f'(x) = 3x^2 - 6x$  ,  $y = 9x + 7$     (2)  $y = (3t^2 - 6t)x - 2t^3 + 3t^2 + 2$  (配点 20)  
 $t = 0, \frac{3}{2}$

(3)  $a = -2, -3$

**B7** 数列  $\{a_n\}$  は等差数列で、 $a_1 + a_2 + a_3 = 243$ ,  $a_2 + a_3 = 160$  である。また、数列  $\{b_n\}$  は公比が正の等比数列で、 $b_2 = 16$ ,  $b_3 + b_4 = 320$  である。

- (1) 数列  $\{a_n\}$  の一般項  $a_n$  を  $n$  を用いて表せ。  $a_n = -2n + 85$
- (2) 数列  $\{b_n\}$  の一般項  $b_n$  を  $n$  を用いて表せ。  $b_n = 4^n$
- (3) 数列  $\{a_n\}$  の初項から第  $n$  項までの和が最大となるときの  $n$  を  $N$  とするとき、 $N$  の値を求めよ。さらに、 $b_n$  の一の位の数  $c_n$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) とするとき、 $\sum_{k=1}^N a_k c_k$  の値を求めよ。  $N = 42, 8778$  (配点 20)



**B8**  $OA = 3$ ,  $OB = 4$ ,  $\angle AOB = 60^\circ$  の  $\triangle OAB$  があり, 辺  $AB$  を  $1:2$  に内分する点を  $C$ , 線分  $OC$  の中点を  $M$  とする。また,  $\overrightarrow{AP} = k\overrightarrow{AM}$  ( $k$  は実数) となる点  $P$  をとり,  $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$  とする。

- (1)  $\overrightarrow{OC}$  を  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  を用いて表せ。また, 内積  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  の値を求めよ。  $\vec{OC} = \frac{2\vec{a} + \vec{b}}{3}$ ,  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 6$
- (2)  $\overrightarrow{OP}$  を  $k$ ,  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  を用いて表せ。また, 点  $P$  が直線  $OB$  上にあるとき,  $k$  の値を求めよ。
- (3)  $\angle AOP = 90^\circ$  となるとき,  $k$  の値を求めよ。また, このとき  $\triangle OAP$  の面積を求めよ。

(2)  $\overrightarrow{OP} = (1 - \frac{2}{3}k)\vec{a} + \frac{k}{6}\vec{b}$   $k = \frac{3}{2}$  (3)  $k = \frac{9}{5}$ ,  $\frac{9\sqrt{3}}{10}$  (配点 20)

