2

### 数と式

#### 二項定理

 $(a+b)^n$  を展開したときの項  $a^pb^q(p+q=n)$  の係数

- 例題

1. 
$$(3x - 2y)^5[x^2y^3]$$

2. 
$$(x^2 - 3y)^6 [x^8y^2]$$

3. 
$$(x+2y-3z)^5$$

(a) 
$$[x^2yz^2]$$

(b) 
$$[xyz^3]$$

## 恒等式

- 考え方 -

- 例題 -

1. 
$$x^2 + ax - 5 = (x - 1)(x + b)$$

2. 
$$x^3 = (x-1)^3 + a(x+1)^2 + bx + c$$

$$3. \ \frac{a}{x^2 - 1} = \frac{b}{x + 1} - \frac{3}{x - 1}$$

### 不等式の証明

- ポイント -

例題

 $a \ge 0, b \ge 0$  のとき  $5\sqrt{a} + 3\sqrt{b} \ge \sqrt{25a + 9b}$ 

#### 相加相乗平均

定義

- 例題

1. 
$$a + \frac{4}{a} \ge 4$$

2. 
$$(a + \frac{1}{b}) + (b + \frac{4}{a}) \ge 9$$

# 複素数と方程式

### 基本

- 虚数単位 i
- 純虚数
- 共役な複素数 (3+i)

## 複素数範囲での解の種類

 $ax^2 + bx + c = 0$  の判別式 D =

•

## 二次方程式の解と係数の関係

定義  $ax^2 + bx + c = 0$  の解を  $\alpha, \beta$  とする

•

解の種類

● 二つの正の解

● 二つの負の解

● 正の解と負の解

-

\_

#### 高次方程式

- 次数の高い方程式の因数分解 —

- 因数定理で解となる候補を探す。このとき候補は 士
- 組立除法

- 例題 ——

 $x^3 - 3x^2 - 8x - 4 = 0$ 

# 図形と方程式

#### 内分と外分

A(a) と B(b) を m:n

内分

• 外分

### 重心

 $(x_1,y_1),(x_2,y_2),(x_3,y_3)$  の重心

### 対称な点

/ 例題 -

1. (2,3) に対して以下と対称な点

(a) (1,-1)

(b) (-2,1)

2. 直線 x-2y+7=0 に対して (1,-1) と対称な点

### 直線

- 例題 -

1. (-2,1) を通る y = -3x + 9 に平行な直線

2.(-2,1) を通る y = -3x + 9 に垂直な直線

#### 点と直線の距離

定義 ax + by + c = 0 と (p,q) の距離

円

一般式

#### 領域

例題 -

1.  $y > x^2$ 

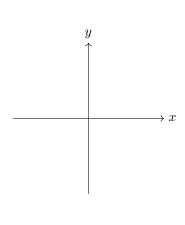
2.  $y \le 3x + 1$ 

# 三角関数

### 弧度法

度数法	0	30	60	90	120	150	180
弧度法							
sin							
cos							
tan							

度数法	210	240	270	300	330
弧度法					
sin					
cos					
tan					



## 相互関係の公式

•

•

# 三角関数の性質

$$-\sin(-\theta)$$

$$-\cos(-\theta)$$

$$-\tan(-\theta)$$

$$\bullet$$
  $\pi - \theta$ 

$$-\sin(\pi-\theta)$$

$$-\cos(\pi-\theta)$$

$$-\tan(\pi-\theta)$$

• 
$$\pi + \theta$$

$$-\sin(\pi+\theta)$$

$$-\cos(\pi+\theta)$$

$$-\tan(\pi+\theta)$$

• 
$$\frac{\pi}{2} - \theta$$

$$-\sin(\frac{\pi}{2}-\theta)$$

$$-\cos(\frac{\pi}{2}-\theta)$$

$$-\tan(\frac{\pi}{2}-\theta)$$

• 
$$\frac{\pi}{2} + \theta$$

$$-\sin(\frac{\pi}{2}+\theta)$$

$$-\cos(\frac{\pi}{2}+\theta)$$

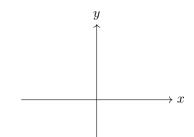
$$-\tan(\frac{\pi}{2}+\theta)$$

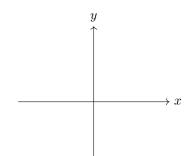
# グラフ

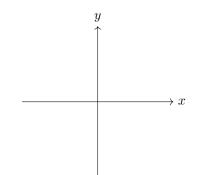
$$y = \sin \theta$$

$$y = \cos \theta$$

$$y = \tan \theta$$







・縦幅の変化と周期の変化 -

### 加法定理

• 
$$\sin(\alpha + \beta) =$$

• 
$$\sin(\alpha - \beta) =$$

• 
$$\cos(\alpha + \beta) =$$

• 
$$\cos(\alpha - \beta) =$$

• 
$$tan(\alpha + \beta) =$$

• 
$$tan(\alpha - \beta) =$$

### 2 倍角の公式

## • $\sin 2\alpha =$

## • $\cos 2\alpha =$

• 
$$\tan 2\alpha =$$

### 半角の公式

• 
$$\sin \frac{\alpha}{2} =$$

• 
$$\cos \frac{\alpha}{2} =$$

• 
$$\tan \frac{\alpha}{2} =$$

## 三角関数の合成

 $a\sin x + b\cos x$ 

例題:

1. 
$$\sin +\sqrt{3}\cos x$$

$$2. \sqrt{3}\sin + \cos x$$

# 指数関数

#### 基本の計算

 $\bullet a^0$ 

•  $a^{-3}a^{5}$ 

•  $(a^{-3})^5$ 

## 累乗根

•  $\sqrt[5]{32}$ 

•  $\sqrt[3]{-27}$ 

•  $\sqrt[4]{243} \div \sqrt[4]{3}$ 

•  $\sqrt[3]{0.001}$ 

•  $\sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{2}$ 

•  $\sqrt[3]{16} + \sqrt[3]{54}$ 

## 指数法則

•  $(\sqrt[3]{t})^{-4}$ •  $\sqrt[3]{t^{-4}}$ 

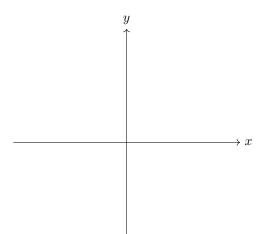
- $8^{\frac{2}{3}}$
- $9^{-\frac{1}{2}}$

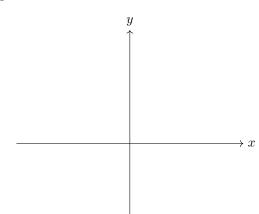
- $(\sqrt[6]{49})^3$   $\sqrt[5]{1024}$

# グラフ

 $y = 3^x$ 

$$y = (\frac{1}{3})^x$$





## 対数関数

定義

•  $\log_{10} 100$ 

•  $\log_6 6$ 

•  $\log_2 \sqrt{32}$ 

•  $\log_7 1$ 

- $\log_3 \frac{1}{9}$

- 計算 -
  - $\bullet \log_4 8 + \log_4 2$

- $\log_2 24 \frac{1}{2} \log_2 9$
- $2\log_2 27 \log_2 9\log_2 \sqrt{3}$

#### 底変換

定義  $\log_a b$ 

例題

1.  $\log_9 27$ 

 $3. \log_8 2$ 

 $5. \log_8 3 \cdot \log_9 25 \cdot \log_5 4$ 

2.  $\log_{\frac{1}{2}} 32$ 

4.  $2\log_3 6 - \log_9 16$ 

対数関数の式の値

$$a = \log_{10} 2, b = \log_{10} 3$$

 $1.\,\log_{10}24$ 

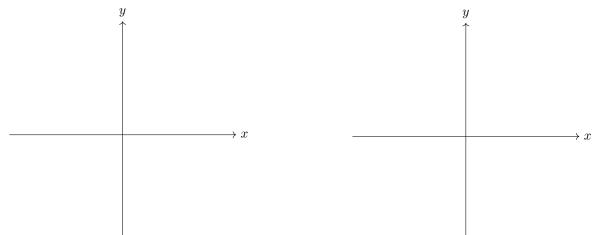
 $2.\,\log_{10}5$ 

 $3. \log_2 3$ 

グラフ

$$y = \log_2 x$$





### 常用対数

加里

$$\log_{10} 2 = 0.3010, \log_{10} 3 = 0.4771$$

- 1. 2<sup>50</sup>は何桁か
- 2. 0.350は小数第何位で初めて 0 でないか

# 微分

#### 極限値

- 例題 -

1. 
$$\lim_{x\to 2} (2x-1)$$

2. 
$$\lim_{x\to -1}(3x^2+5x)$$

## 微分の定義

定義 f(x) の x=a における微分係数

例題 -

$$f(x) = 2x^2 - 3$$
 の  $x = 2$  における微分係数

#### 導関数

定義 f(x)

- 定義に従って導関数を求めよ —

1. 
$$f(x) = 3x + 1$$

2. 
$$f(x) = 2x^2$$

- 微分せよ ——

1. 
$$y = x^3 - 2x^2 + 5x - 5$$

2. 
$$y = (3x - 1)^2$$

- 微分係数とは何を表すか ---

### 接線

例題

1. 
$$y = x^3 - 2x^2 + 5x + 1$$
 上の点  $(2,11)$  における接線

2. 
$$y = x^2 - 2x + 3$$
 の接線で点  $(-1, -3)$  を通る接線

$$3. y = -x^2 + 4x + 3$$
 の傾きが  $6$  の接線

#### 3次関数のグラフ

- 微分と増減表、概形 -

- 例題 —

増減表とグラフの概形を書け

$$1. \ y = x^3 - 6x^2 + 9x$$

$$2. \ y = -x^3 + \frac{3}{2}x^2 + 6x - 2$$

$$3. \ y = -2x^3 + 6x^2 - 6x + 1$$

4. 
$$y = x^3 + 5x$$

# 4 次関数のグラフ

- 例題 ——

増減表とグラフの概形を書け

1. 
$$y = x^4 - 4x^3 + 4x^2$$

$$2. \ y = -x^4 + 4x^3 - 5$$

# 積分

積分とは・

#### 不定積分

定義  $\int x^n dx$ 

1. 
$$\int (3x^2 + 7x - 3)dx$$

2. 
$$\int (3x-2)^2 dx$$

### 定積分

性質

• 
$$\int_a^a f(x)dx$$

$$\bullet - \int_a^b f(x) dx$$

$$\bullet \int_a^c f(x)dx + \int_c^b f(x)dx$$

1. 
$$\int_{-2}^{1} (x^2 + 5x - 1) dx$$

2. 
$$\int_{-1}^{2} (x-2)^2 dx$$

1. 
$$\int_{-2}^{1} (x^2 + 5x - 1) dx$$
  
2. 
$$\int_{-1}^{2} (x - 2)^2 dx$$
  
3. 
$$\int_{-1}^{1} x^2 dx - \int_{2}^{1} x^2 dx$$

#### 面積

次の曲線と x 軸で囲まれた面積

1. 
$$y = x^2 + x + 2$$

2. 
$$y = x^2 - 2x$$

- 例題 -

次の関数で囲まれた面積

1. 
$$y = x^2 + x - 5, y = 2x + 1$$

2. 
$$y = x^2 + 4x - 5, y = -x^2 - 2x + 3$$

В

数列

等差数列

- 一般項 (定数名も)
- 和
  - 初項と末項がわかる
  - 初項と末項がわからない

等比数列

- 一般項 (定数名も)
- 和

和の記号シグマ ∑

- $\bullet \sum_{k=1}^{n} c$

- $\bullet \sum_{k=1}^{n} r^k$

1.  $\sum_{k=1}^{n} k^3 - 3k^2 + 3^k$ 

分数数列の和

- 例題 -

等差数列 × 等比数列

- 例題 —

 $S = 1 + 2 \cdot 2 + 3 \cdot 2^2 + \dots + n \cdot 2^{n-1}$ 

数 2BC 解答 38

階差数列

C

ベクトル

複素数平面