B2 白玉2個と赤玉1個が入っている袋に対して、次のような【操作】を行う。

【操作】袋から無作為に玉を1個取り出し

- (i) 取り出した玉が白玉なら、取り出した白玉の代わりに赤玉1個を袋の中に入れる。
- (ii) 取り出した玉が赤玉なら、取り出した赤玉の代わりに白玉1個を袋の中に入れる。 この袋に対して、袋の中に白玉も赤玉も両方ある場合は【操作】を繰り返し行い、袋の中が すべて白玉、またはすべて赤玉となった場合はそれ以上【操作】は行わず、終了する。
- (1) 1回の【操作】で終了する確率を求めよ。また、ちょうど2回の【操作】で終了する確

(2) ちょうど3回の【操作】で終了する確率を求めよ。 2)

- (3) 3回以内の【操作】で終了したとき、終了時に袋の中がすべて白玉である条件付き確率 を求めよ。 (配点 20)
- $\mathbf{B3}$ 四角形 ABCD があり、AB = BC = CD = 2、 \angle ABC = 60°、 \cos \angle BCD = $-\frac{1}{4}$ である。 辺BC上に点EをDE // ABとなるようにとる。また、辺BCの中点をMとし、辺AB上 に点FをFM L DM となるようにとる。

(1) 線分 DM の長さを求めよ。 DY= 6

(2) 線分 DE の長さを求めよ。また、 $\sin \angle BMF$ の値を求めよ。 $DE = \sqrt{S}$ 、 $\int M GMF = \sqrt{6}$

(3) 線分FMの長さを求めよ。また、△EFMの面積を求めよ。 (配点 20)

数学B受験者は、次の $B4\sim B8$ のうちから2題を選んで解答せよ。

- $\mathbf{B4}$ a, b は実数の定数とする。整式 $P(x)=x^3+(a+3)x^2+bx-3a$ があり, P(1)=4 を満 たしている。
 - (1) b e a e 用いて表せ。また、このとき <math>P(-3) の値を求めよ。0=2a、 (-3) =0

(2) P(x) を因数分解せよ。 $P(\chi) = (\chi+3)(\chi+\chi\chi-\alpha)$ (3) 方程式 P(x)=0 が虚数解をもち、かつ、その虚数解の実部が整数であるとき、 α の値 と虚数解をそれぞれ求めよ。 $-4<\alpha<0$ 、 $\chi=|\pm 2$ (配点 20)

	(/		//
${f B5}$ Oを原点とする座標平面上に円 C がある。円 C は、中心の座標が(2	, 1) で,	x 軸l	こ接
している。また、直線 $\ell: y=ax$ (a は 0 でない定数) は円 C に接している	5 。		
(1) 円 C の方程式を求めよ。 $\left(\begin{array}{c} (2-2)^2 + (4-1)^2 = 1 \end{array} \right)$			
(2) a の値を求めよ。 $Q = \frac{4}{3}$			
(3) 直線 ℓ 上に点 A, x 軸上に点 B をとり, 直角三角形 OAB をつくる。	円 C が 3	辺()A,
OR AR と挟オスレシ 古娘 AD の古知子とよみと	(स्पन	占	20)

B6 関数 $y = 2\cos^2 2\theta + 4\cos^2 \theta + a$ (a は定数) があり, $\theta = \frac{\pi}{6}$ のとき $y = \frac{3}{2}$ である。

- (1) aの値を求めよ。 $\Delta = -2$
- (2) $t = \cos^2\theta$ とおく。 $\cos 2\theta$ を t を用いて表せ。また、y を t を用いて表せ。
- (3) $0 \le \theta \le \pi$ における y の最大値、最小値とそのときの θ の値をそれぞれ求めよ。

(2) $\cos 2\theta = 2t - 1$, $\xi = 8t^2 - 4t$ (配点 20) (3) $Mox 4 (0 = 0, \pi)$, $Min - \frac{1}{2} (0 = \frac{\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}\pi)$

 ${f B7}$ 公差が2の等差数列 $\{a_n\}$ があり、数列 $\{a_n\}$ の初項から第n項までの和を S_n とする。

- (1) $a_1 = -12$ とする。数列 $\{a_n\}$ の一般項 a_n をnを用いて表せ。 $\mathcal{Q}_{\mathcal{U}} = \mathcal{Q}_{\mathcal{U}} = \mathcal{Q}_{\mathcal{U}} = \mathcal{Q}_{\mathcal{U}}$
 - (2) $a_1 = -12$ とする。 S_n を n を用いて表せ。また、 S_n を最小にする n の値とそのときの S_n の値を求めよ。 N=6、N=6、N=6、N=6、N=6、N=6、N=6、N=6、N=6、N=6、N=6 のときの
 - (3) k を自然数とする。 $a_1 = -2k$ のとき、 S_n の最小値をk を用いて表せ。また、この最小値を b_k とするとき、 $\sum_{k=1}^{20} b_k$ の値を求めよ。 $S_n = -\frac{2}{k} + \frac{2}{k}$ 、 $-\frac{30}{k}$ の配点 20)

 $oxedeb{B8}$ $\triangle OAB$ があり, $\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{a}$, $\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{b}$ とする。辺 AB を 2:1 に内分する点を C,線分 OC を 3:2 に内分する点を D とする。また, $\triangle OAB$ の重心を G とする。

- (1) \overrightarrow{OG} を \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} を用いて表せ。 $\overrightarrow{DG} = \overrightarrow{3}$ 本 $\overrightarrow{4}$ $\overrightarrow{5}$ \overrightarrow{b}
- (2) \overrightarrow{OD} を \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} を用いて表せ。また, $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}$ を満たす点 \overrightarrow{E} を とるとき, \overrightarrow{OE} を \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} を用いて表せ。 $\overrightarrow{DD} = \overrightarrow{5}\overrightarrow{D} + \overrightarrow{5}\overrightarrow{D}$, $\overrightarrow{DE} = -\overrightarrow{4}\overrightarrow{D} + \overrightarrow{4}\overrightarrow{D}$

(3) (2)において、2 直線 OE、GD の交点を P とする。 \overrightarrow{OP} を \overrightarrow{a} 、 \overrightarrow{b} を用いて表せ。また、 $OA = \sqrt{5}$ 、OB = 1, $OA \perp OB$ のとき、線分 OP の長さを求めよ。 (配点 20)