

**B2**  $\triangle ABC$  において、 $AB=7$ 、 $AC=4$ 、 $\sin A = \frac{2\sqrt{6}}{7}$  である。ただし、 $0^\circ < \angle A < 90^\circ$

である。

- (1)  $\triangle ABC$  の面積を求めよ。
- (2) 辺  $BC$  の長さを求めよ。また、辺  $AB$ 、 $AC$  上にそれぞれ点  $P$ 、 $Q$  をとり、 $AP=x$ 、 $AQ=y$  とする。 $\triangle APQ$  の周の長さが四角形  $PBCQ$  の周の長さと等しいとき、 $y$  を  $x$  を用いて表せ。
- (3) (2) のとき、さらに  $\triangle APQ$  の面積が四角形  $PBCQ$  の面積と等しいとする。このとき、 $x$ 、 $y$  の値と線分  $PQ$  の長さを求めよ。 (配点 20)

**B3**  $x$  の整式  $P(x) = x^3 - 3x^2 - k(k-4)x - k^2$  がある。ただし、 $k$  は実数の定数である。

- (1)  $P(x)$  を因数分解せよ。
- (2) 方程式  $P(x) = 0$  が異なる 3 個の正の解をもつとき、 $k$  のとり得る値の範囲を求めよ。
- (3) (2) における 3 個の正の解を  $\alpha$ 、 $\beta$ 、 $\gamma$  ( $\alpha < \beta < \gamma$ ) とする。 $k$  が変化するとき、

$-\alpha + \beta - \gamma + \frac{4}{\alpha\gamma + 1}$  の最小値とそのときの  $k$  の値を求めよ。 (配点 20)



【選択問題】 数学B受験者は、次の **B4** ~ **B8** のうちから 2 題を選んで解答せよ。

**B4** 座標平面上に円  $C: x^2 + y^2 = 1$  と直線  $\ell: y = -2x + 2$  がある。また、連立不等式

$$x^2 + y^2 \leq 1, \quad x \geq 0, \quad y \geq 0$$

の表す領域を  $D$  とする。

- (1) 円  $C$  と直線  $\ell$  の共有点の  $x$  座標を求めよ。
- (2) 領域  $D$  と直線  $m: y = -2x + k$  ( $k$  は定数) が共有点をもつような  $k$  の値の範囲を求めよ。
- (3) (2) の直線  $m$  の領域  $D$  に含まれる線分を  $L$  とする。 $k = 2$  のとき、 $L$  の長さを求めよ。

また、 $L$  の長さが 1 であるとき、 $k$  の値を求めよ。 (配点 20)

**B5**  $\theta$  の方程式  $2\sin^2\theta + \sqrt{3}\sin 2\theta - \sqrt{3}\sin\theta - \cos\theta + k = 0$  ( $k$  は定数) ……① があり、

$\theta = \pi$  を解の 1 つにもっている。また、 $t = \sqrt{3}\sin\theta + \cos\theta$  とおく。

- (1)  $k$  の値を求めよ。
- (2)  $t$  を  $r\sin(\theta + \alpha)$  ( $r > 0, 0 \leq \alpha < 2\pi$ ) の形で表せ。また、方程式①を  $t$  を用いて表せ。
- (3)  $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$  のとき、方程式①を解け。また、 $p$  を正の実数とし、 $0 \leq \theta \leq p$  において、方

程式①が異なる 3 個の実数解をもつとき、 $p$  のとり得る値の範囲を求めよ。 (配点 20)



**B6** 関数  $f(x) = x^3 - 6x^2 + 10x - 3$  がある。  $y = f(x)$  のグラフを  $C$  とし、点  $A(1, f(1))$  における  $C$  の接線を  $\ell$  とする。

- (1)  $f'(1)$  の値を求めよ。また、接線  $\ell$  の方程式を求めよ。
- (2) 曲線  $C$  上の点  $P$  における接線を  $m$  とする。点  $P$  が曲線  $C$  上を動くとき、 $m$  の傾きの最小値とそのときの点  $P$  の座標を求めよ。
- (3) 曲線  $C$  と接線  $\ell$  の共有点のうち、 $A$  でない方を  $B$  とする。また、曲線  $C$  上を点  $A$  から点  $B$  まで動く点  $Q(t, f(t))$  をとり、点  $Q$  を通り  $x$  軸に垂直な直線と  $\ell$  との交点を  $R$  とする。線分  $QR$  の長さが最大になるとき、 $t$  の値を求めよ。また、このとき(2)で求めた点  $P$  に対し、 $\triangle PQR$  の面積を求めよ。 (配点 20)

**B7** 等差数列  $\{a_n\}$  があり、 $a_1 + a_4 = 6$ 、 $a_2 + a_6 = 9$  を満たしている。また、数列  $\{b_n\}$   
 $-1, 0, 3, 8, 15, \dots$

があり、その階差数列は等差数列である。

- (1) 数列  $\{a_n\}$  の一般項  $a_n$  を  $n$  を用いて表せ。
- (2) 数列  $\{b_n\}$  の一般項  $b_n$  を  $n$  を用いて表せ。
- (3)  $a_n + \frac{1}{2}b_n$  の整数部分を  $c_n$  とするとき、 $c_{2k}$  ( $k = 1, 2, 3, \dots$ ) を  $k$  を用いて表せ。

また、 $\sum_{k=1}^{2n} c_k$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) を  $n$  を用いて表せ。 (配点 20)