

## ARKUSZ ĆWICZENIOWY Z MATEMATYKI

#### POZIOM PODSTAWOWY

- 1. Sprawdź, czy arkusz ćwiczeniowy zawiera 22 strony (zadania 1–32).
- 2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
- 3. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (22–32) może spowodować, że za to rozwiązanie nie będziesz mógł dostać pełnej liczby punktów.
- 4. Pisz czytelnie i używaj <u>tylko długopisu lub pióra</u> z czarnym tuszem lub atramentem.
- 5. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
- 6. Pamietaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
- 7. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora.

#### **MARZEC 2012**

Czas pracy: 170 minut

Liczba punktów do uzyskania: 50

# ZADANIA ZAMKNIĘTE

W zadaniach od 1. do 21. wybierz i zaznacz poprawną odpowiedź.

# Zadanie 1. (1 pkt)

Liczbę √32 można przedstawić w postaci

**A.** 
$$8\sqrt{2}$$

**B.** 
$$12\sqrt{3}$$

C. 
$$4\sqrt{8}$$

**D.** 
$$4\sqrt{2}$$

#### Zadanie 2. (1 pkt)

Potęga  $\left(\frac{y}{x}\right)^3$  (gdzie x i y są różne od zera) jest równa

**A.** 
$$-5 \cdot \frac{x}{y}$$

**B.** 
$$\left(\frac{x}{y}\right)^{-5}$$

$$\mathbf{C.} \quad \frac{y^5}{x}$$

**D.** 
$$-\left(\frac{x}{y}\right)^5$$

# Zadanie 3. (1 pkt)

Liczba  $\log_3 \frac{1}{27}$  jest równa

**A.** 
$$-3$$

**B.** 
$$-\frac{1}{3}$$

**C.** 
$$\frac{1}{3}$$

#### **Z**adanie 4. *(1 pkt)*

Wyrażenie ||x|+1| dla x < 0 jest równe

A. 
$$x+1$$

**B.** 
$$x-1$$

C. 
$$-x+1$$

**D.** 
$$-x-1$$

# Zadanie 5. (1 pkt)

W pewnym sklepie ceny wszystkich płyt CD obniżono o 20%. Zatem za dwie płyty kupione w tym sklepie należy zapłacić mniej o

# Zadanie 6. (1 pkt)

Wielomian  $4x^2 - 100$  jest równy

**A.** 
$$(2x-10)^2$$

**B**. 
$$(2x-10)(2x+10)$$
 **C**.  $4(x-10)^2$  **D**.  $4(x-10)(x+10)$ 

C. 
$$4(x-10)^2$$

**D.** 
$$4(x-10)(x+10)$$

# Zadanie 7. (1 pkt)

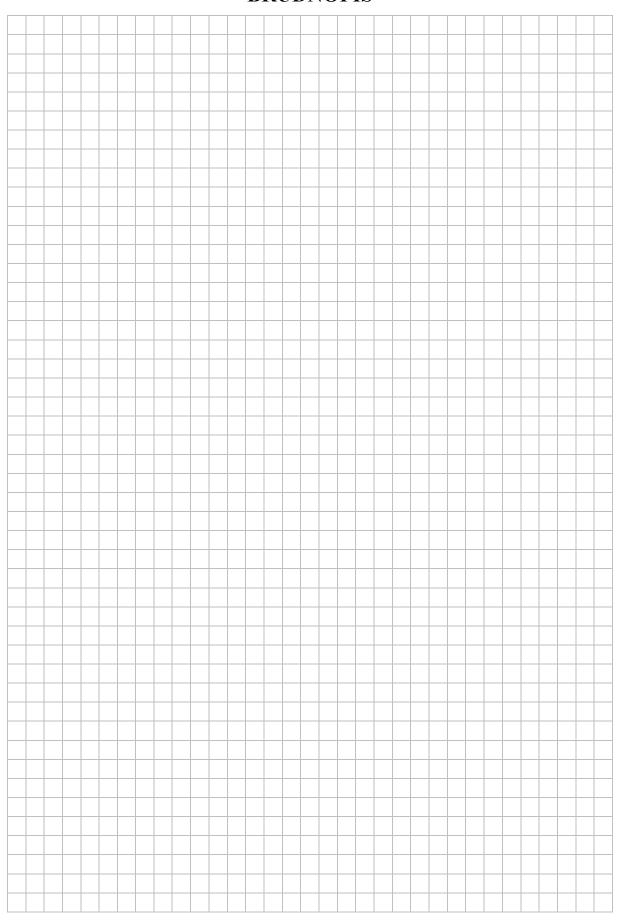
Równanie  $\frac{x^2 + 36}{x - 6} = 0$ 

A. nie ma rozwiązań.

**B.** ma dokładnie jedno rozwiązanie.

**C.** ma dokładnie dwa rozwiązania.

**D.** ma dokładnie trzy rozwiązania.



# **Zadanie 8.** *(1 pkt)*

Największą liczbą całkowitą spełniającą nierówność  $(4+x)^2 < (x-4)(x+4)$  jest

**A.** −5

**C.** -3

**D.** -2

# Zadanie 9. (1 pkt)

Funkcja liniowa  $f(x) = \frac{1}{2}x - 6$ 

**A.** jest malejąca i jej wykres przechodzi przez punkt (0,6).

**B.** jest rosnąca i jej wykres przechodzi przez punkt (0,6).

C. jest malejąca i jej wykres przechodzi przez punkt (0,-6).

**D.** jest rosnąca i jej wykres przechodzi przez punkt (0,-6).

#### **Zadanie 10.** (1 pkt)

Liczby  $x_1, x_2$  są rozwiązaniami równania 4(x+2)(x-6) = 0. Suma  $x_1^2 + x_2^2$  jest równa

**A.** 16

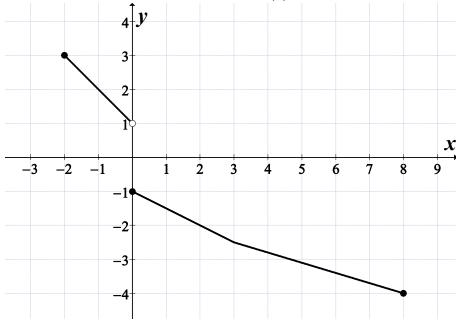
**B.** 32

**C.** 40

**D.** 48

#### **Z**adanie 11. *(1 pkt)*

Na rysunku jest przedstawiony wykres funkcji y = f(x).



Zbiorem wartości tej funkcji jest

**A.**  $\langle -4, 3 \rangle$ 

**B.**  $\langle -4, -1 \rangle \cup \langle 1, 3 \rangle$  **C.**  $\langle -4, -1 \rangle \cup \langle 1, 3 \rangle$  **D.**  $\langle -5, 6 \rangle$ 

# **Zadanie 12.** *(1 pkt)*

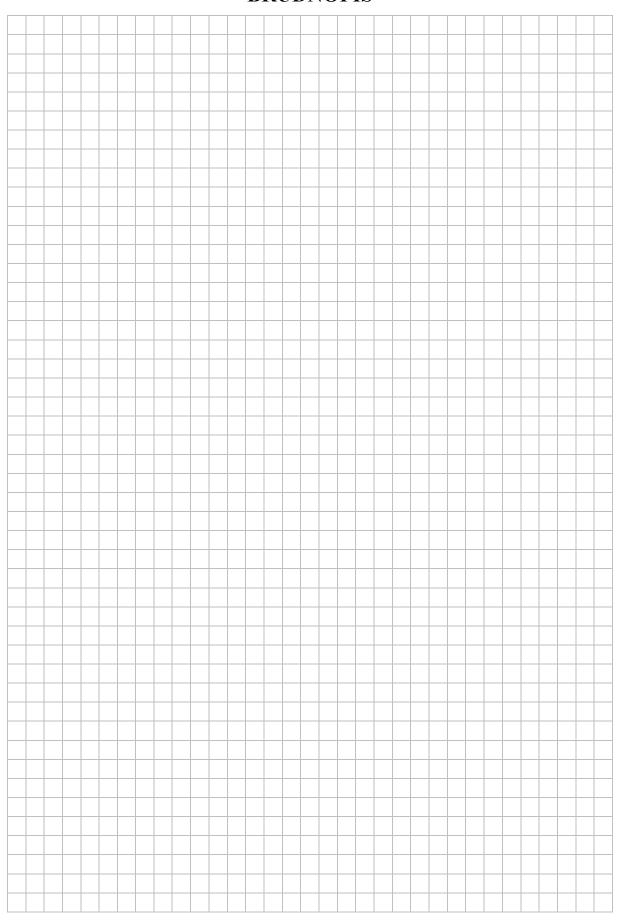
W trójkącie prostokątnym dane są kąty ostre:  $\alpha = 27^{\circ}$  i  $\beta = 63^{\circ}$ . Wtedy  $\frac{\cos \alpha + \sin \beta}{\cos \alpha}$  równa się

**A.**  $1 + \sin 63^{\circ}$ 

**B.** sin 63°

**C.** 1

**D.** 2



## **Z**adanie 13. *(1 pkt)*

Ciąg arytmetyczny  $(a_n)$  jest określony wzorem  $a_n = -2n+1$  dla  $n \ge 1$ . Różnica tego ciągu jest równa

**A.** -1

**B.** 1

**C.** −2

**D.** 3

#### **Zadanie 14.** (1 pkt)

W ciągu geometrycznym  $(a_n)$  dane są  $a_2 = \frac{\sqrt{3}}{2}$  i  $a_3 = -\frac{3}{2}$ . Wtedy wyraz  $a_1$  jest równy

**A.**  $-\frac{1}{2}$ 

**B.**  $\frac{1}{2}$  **C.**  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$  **D.**  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ 

# **Zadanie 15.** (1 pkt)

Dane są punkty A = (6, 1) i B = (3,3). Współczynnik kierunkowy prostej AB jest równy

**B.**  $-\frac{3}{2}$ 

C.  $\frac{3}{2}$ 

#### **Zadanie 16.** *(1 pkt)*

Pole prostokąta jest równe 40. Stosunek długości jego boków jest równy 2:5. Dłuższy bok tego prostokata jest równy

**A.** 10

**B.** 8

**C.** 7

**D.** 6

# **Z**adanie 17. *(1 pkt)*

Dany jest trójkat prostokatny o przyprostokatnych 5 i 12. Promień okregu opisanego na tym trójkacie jest równy

**A.** 12

**B.** 8,5

**C.** 6,5

**D.** 5

# **Zadanie 18.** *(1 pkt)*

Dane są dwa okręgi o promieniach 12 i 17. Mniejszy okrąg przechodzi przez środek większego okręgu. Odległość między środkami tych okręgów jest równa

**A.** 5

В. 12 **C.** 17

D. 29

# **Z**adanie 19. *(1 pkt)*

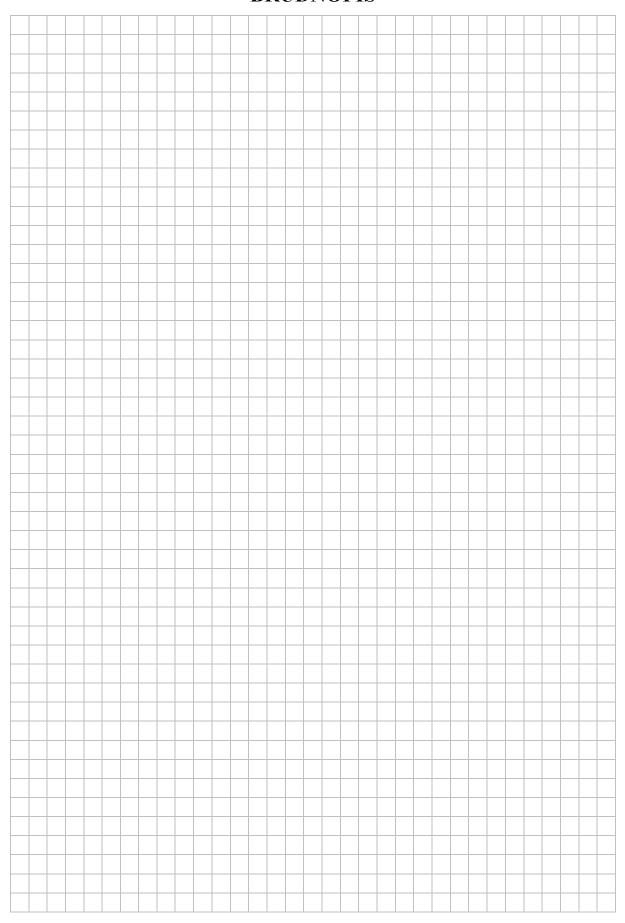
Stożek powstał w wyniku obrotu trójkąta prostokątnego o przyprostokątnych 13 i 15 wokół dłuższej przyprostokatnej. Promień podstawy tego stożka jest równy

**A.** 15

**B.** 13

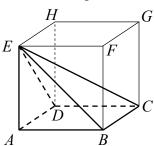
**C.** 7.5

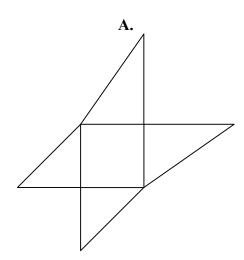
**D.** 6,5

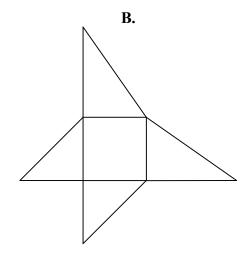


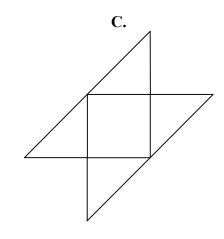
# Zadanie 20. (1 pkt)

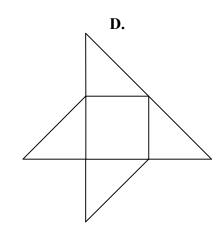
Dany jest sześcian ABCDEFGH. Siatką ostrosłupa czworokątnego ABCDE jest











# **Zadanie 21.** (1 pkt)

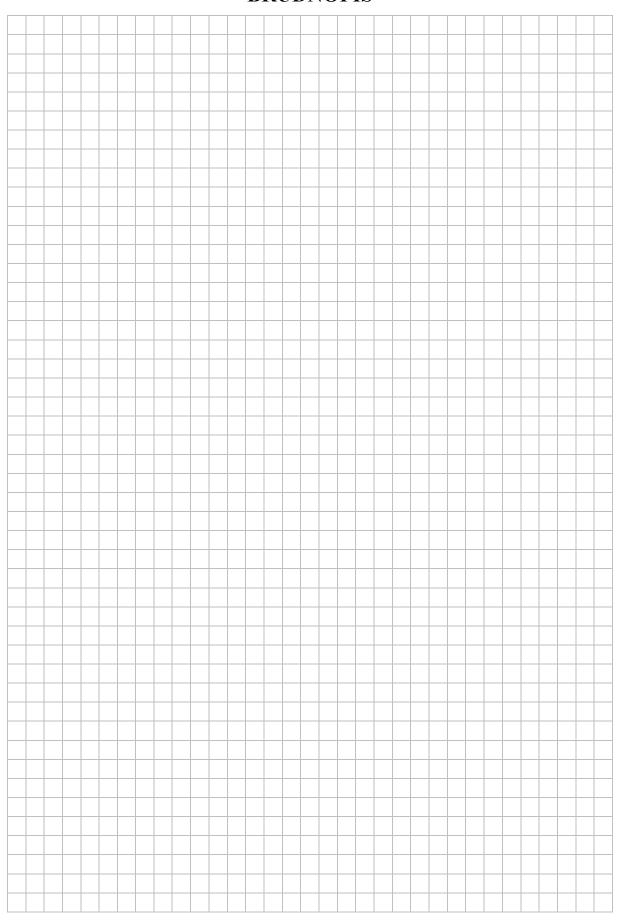
Jeżeli A jest zdarzeniem losowym oraz A' jest zdarzeniem przeciwnym do zdarzenia A i  $P(A) = 5 \cdot P(A')$ , to prawdopodobieństwo zdarzenia A jest równe

**A.** 
$$\frac{4}{5}$$

**B.** 
$$\frac{1}{5}$$

C. 
$$\frac{1}{6}$$

**D.** 
$$\frac{5}{6}$$



## **ZADANIA OTWARTE**

Rozwiązania zadań o numerach 22. do 32. należy zapisać w wyznaczonych miejscach pod treścią zadania.

## **Zadanie 22.** *(2 pkt)*

Rozwiąż nierówność  $-3x^2 + 3x + 36 \ge 0$ .



Odpowiedź:

# **Zadanie 23.** *(2 pkt)*

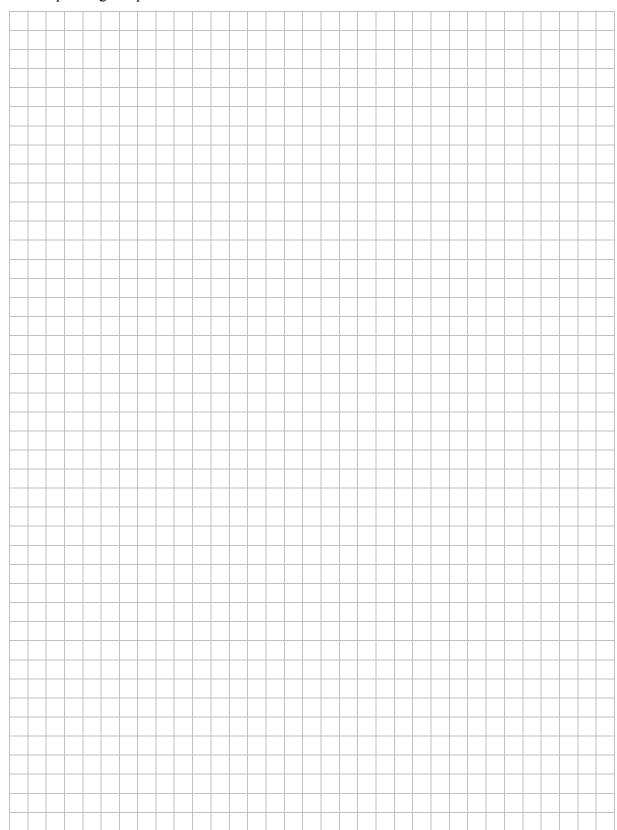
Funkcja f jest określona wzorem  $f(x) = \frac{2x-b}{x-9}$  dla  $x \neq 9$ . Ponadto wiemy, że f(4) = -1. Oblicz współczynnik b.



Odpowiedź: .....

# **Z**adanie 24. *(2 pkt)*

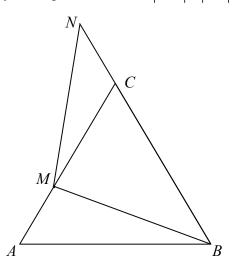
Podstawy trapezu prostokątnego mają długości 6 i 10 oraz tangens kąta ostrego jest równy 3. Oblicz pole tego trapezu.

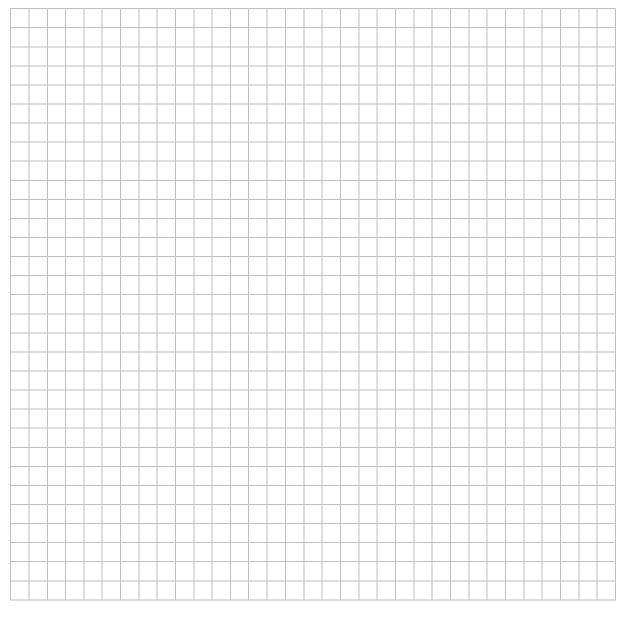


Odpowiedź: .....

# **Zadanie 25.** *(2 pkt)*

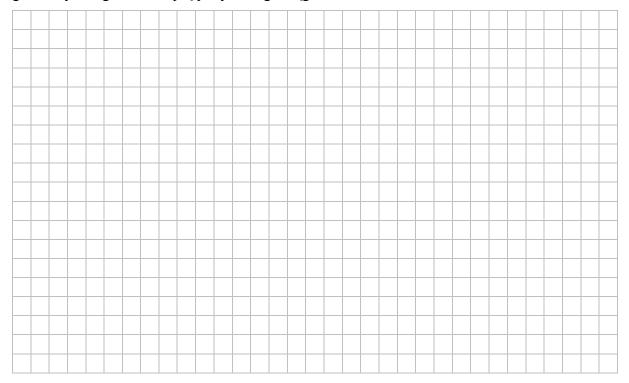
Trójkąt ABC przedstawiony na poniższym rysunku jest równoboczny, a punkty B, C, N są współliniowe. Na boku AC wybrano punkt M tak, że  $\left|AM\right| = \left|CN\right|$ . Wykaż, że  $\left|BM\right| = \left|MN\right|$ .





#### **Zadanie 26.** (2 pkt)

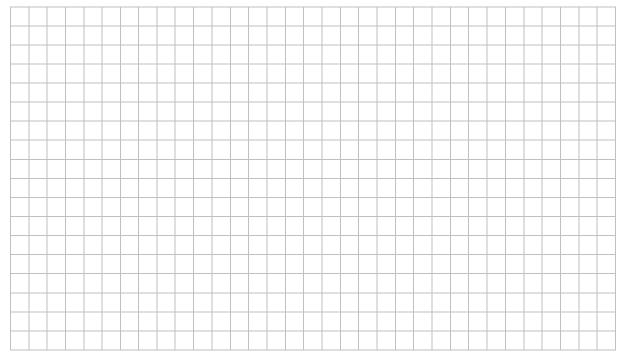
Liczby 64, x, 4 są odpowiednio pierwszym, drugim i trzecim wyrazem malejącego ciągu geometrycznego. Oblicz piąty wyraz tego ciągu.



Odpowiedź: .....

# **Zadanie 27.** (2 pkt)

Uzasadnij, że dla każdej dodatniej liczby całkowitej n liczba  $3^{n+2}-2^{n+2}+3^n-2^n$  jest wielokrotnością liczby 10.

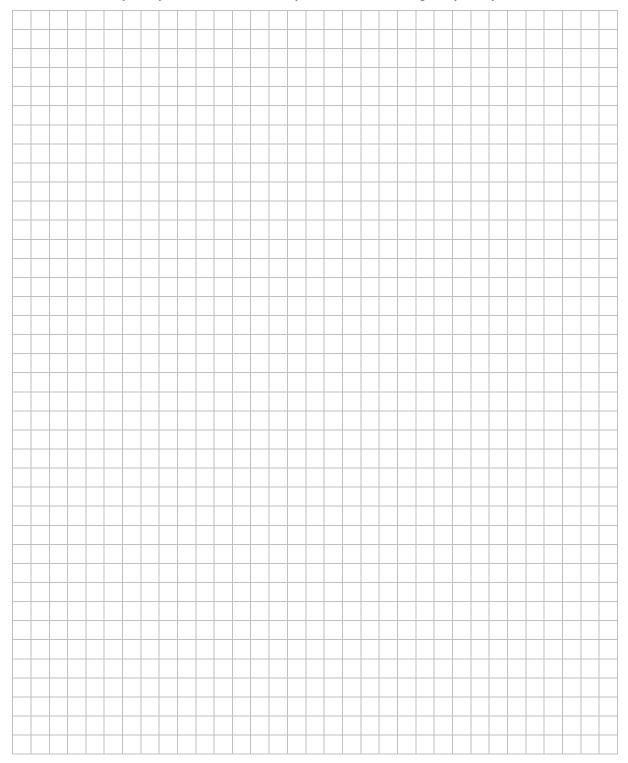


# **Zadanie 28.** *(2 pkt)*

Tabela przedstawia wyniki uzyskane na sprawdzianie przez uczniów klasy III.

Oceny	6	5	4	3	2	1
Liczba uczniów	1	2	6	5	9	2

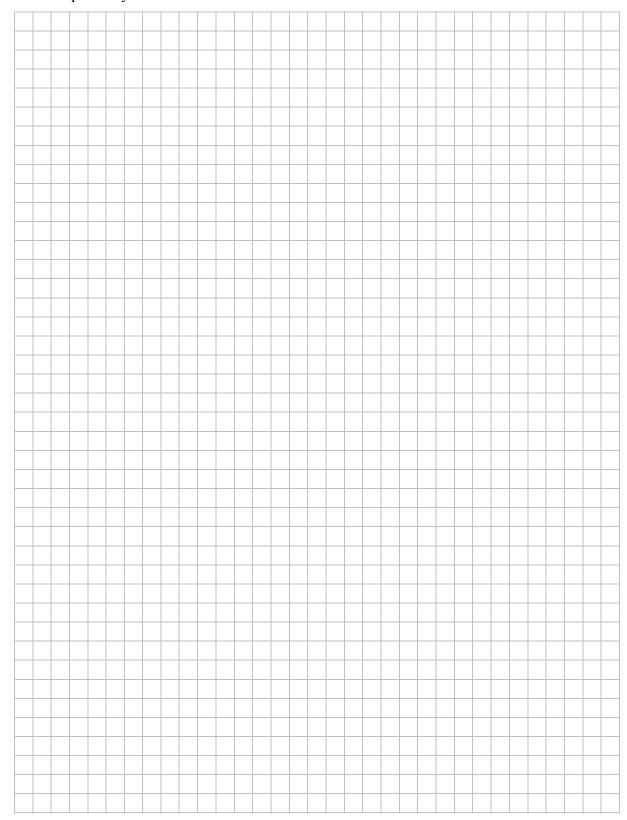
Oblicz średnią arytmetyczną i kwadrat odchylenia standardowego uzyskanych ocen.



Odpowiedź: .....

## **Zadanie 29.** (2 pkt)

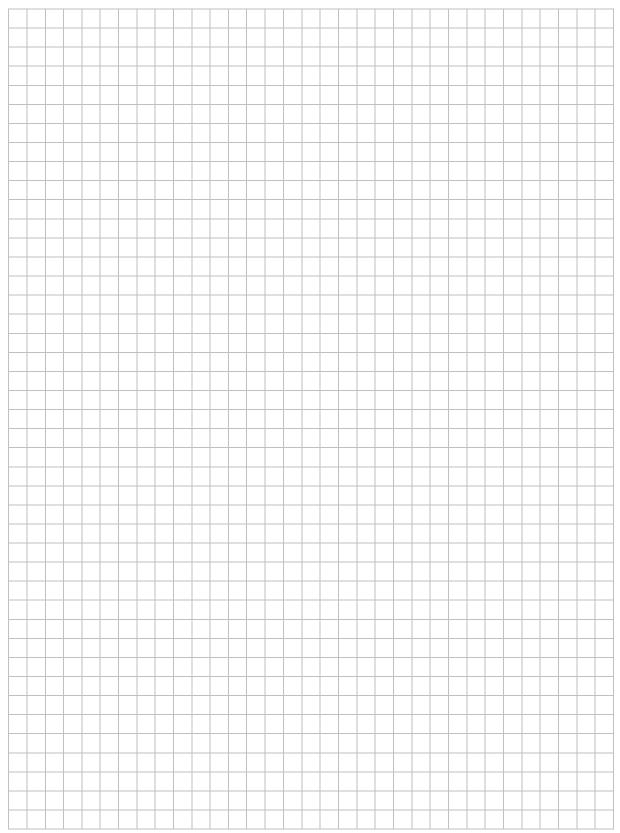
Rzucamy dwa razy symetryczną sześcienną kostką do gry. Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia A polegającego na tym, że liczba oczek w drugim rzucie jest o 1 większa od liczby oczek w pierwszym rzucie.

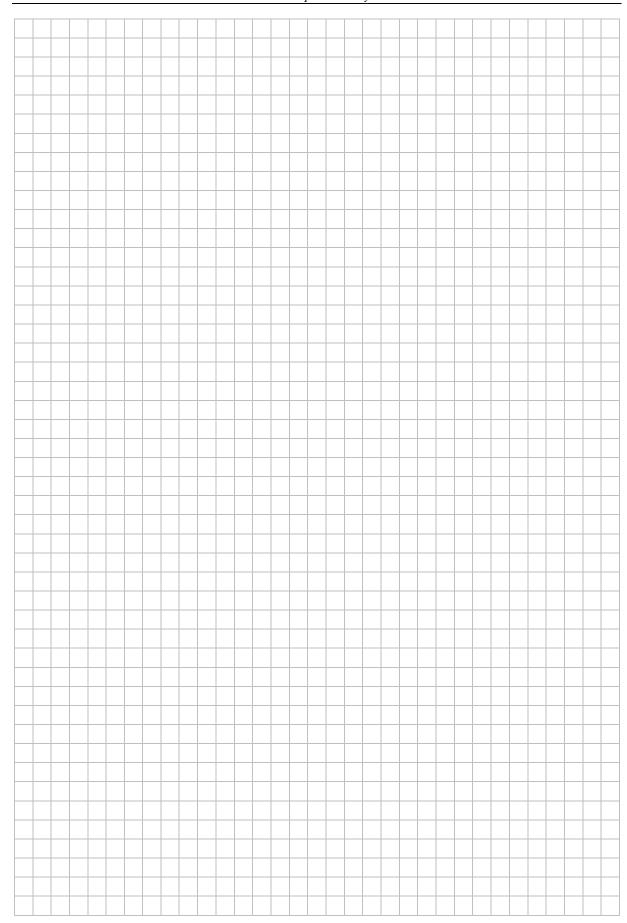


Odpowiedź: .....

## **Zadanie 30.** *(4 pkt)*

Podstawą ostrosłupa ABCDS jest romb ABCD o boku długości 4. Kąt ABC rombu ma miarę  $120^{\circ}$  oraz |AS| = |CS| = 10 i |BS| = |DS|. Oblicz sinus kąta nachylenia krawędzi BS do płaszczyzny podstawy ostrosłupa.

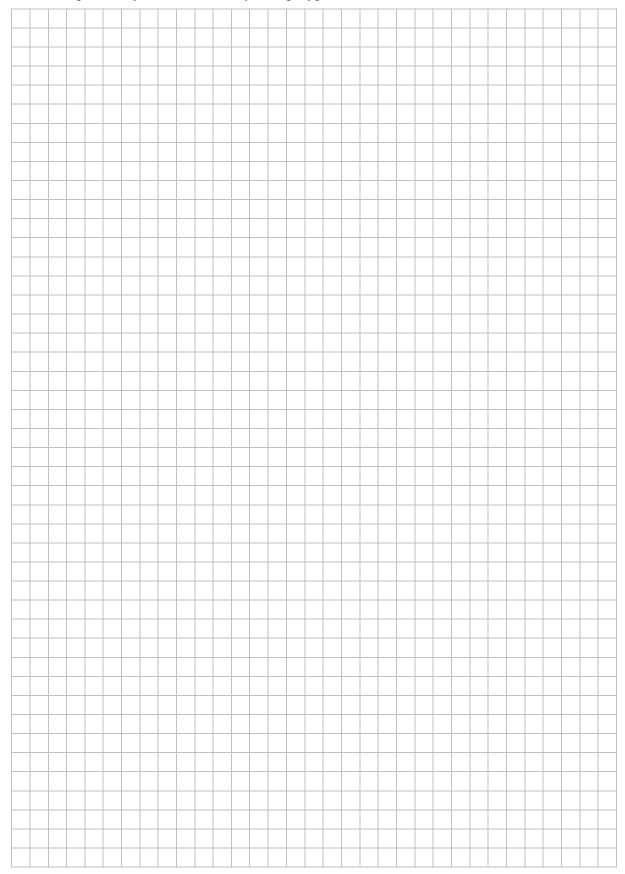


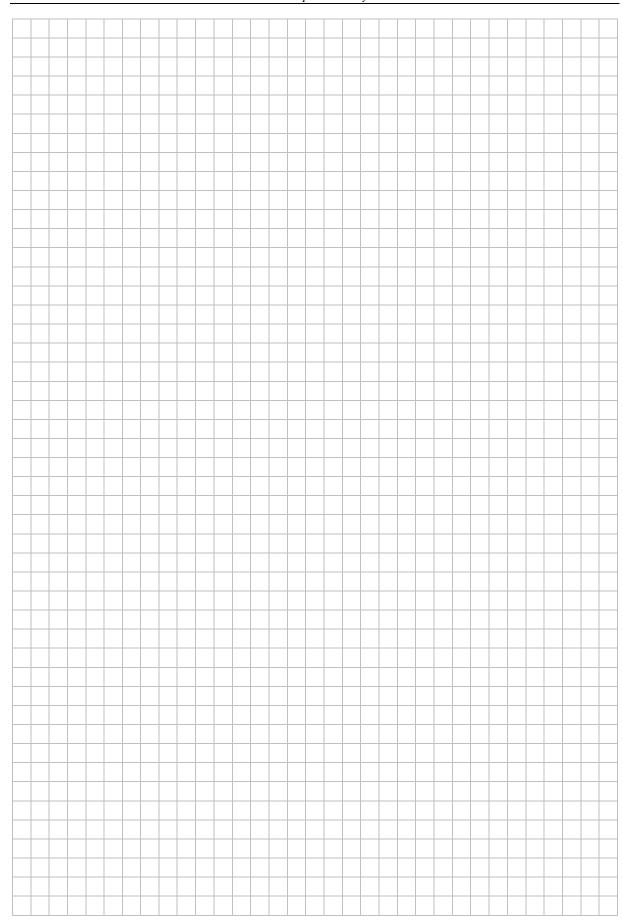


Odpowiedź:

# **Z**adanie 31. *(4 pkt)*

Wyznacz równanie okręgu przechodzącego przez punkt A = (2, 1) i stycznego do obu osi układu współrzędnych. Rozważ wszystkie przypadki.

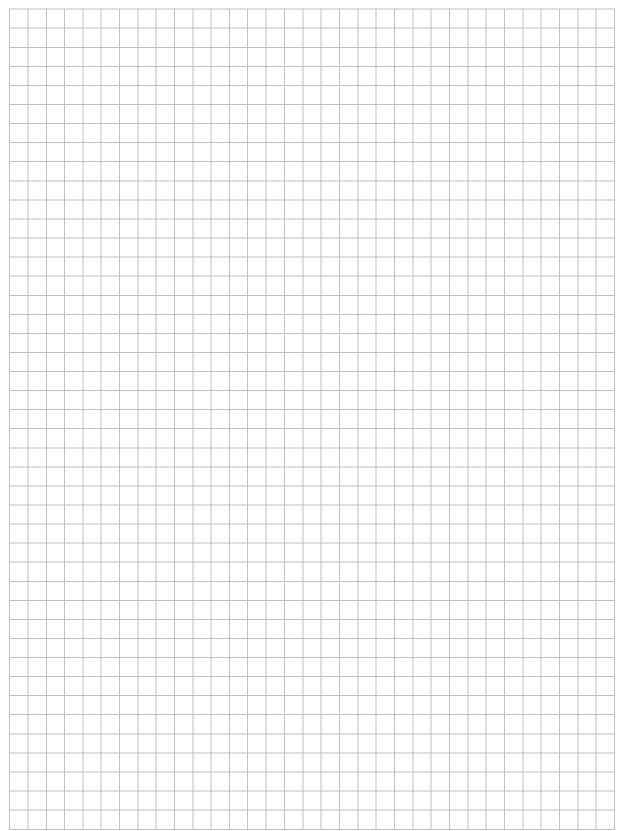


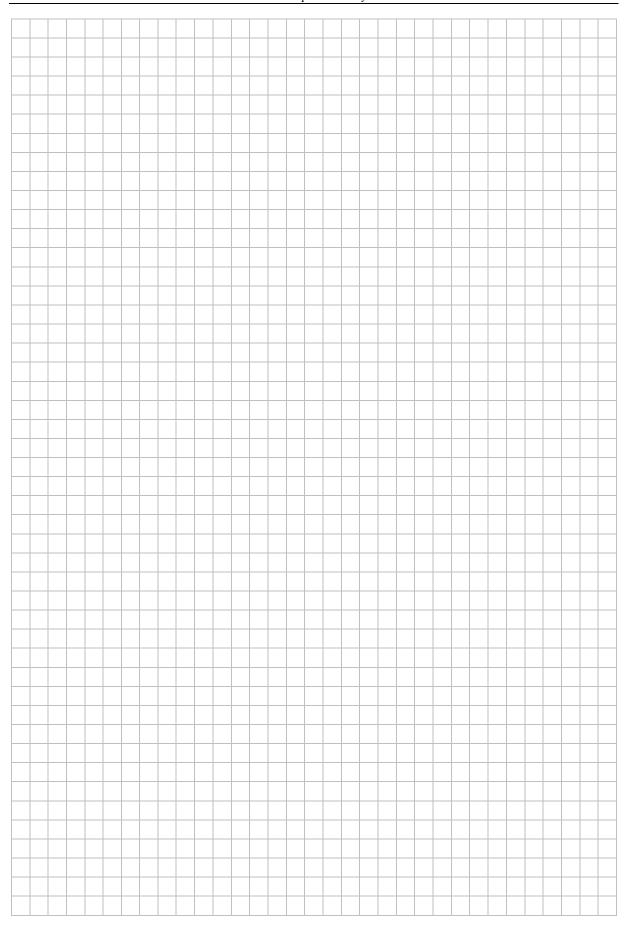


Odpowiedź:

## **Zadanie 32.** (5 pkt)

Z dwóch miast A i B, odległych od siebie o 18 kilometrów, wyruszyli naprzeciw siebie dwaj turyści. Pierwszy turysta wyszedł z miasta A o jedną godzinę wcześniej niż drugi z miasta B. Oblicz prędkość, z jaką szedł każdy turysta, jeżeli wiadomo, że po spotkaniu pierwszy turysta szedł do miasta B jeszcze 1,5 godziny, drugi zaś szedł jeszcze 4 godziny do miasta A.





Odpowiedź: