



WPISUJE ZD	AJĄCY		
KOD	PESEL	miejsce na naklejkę	
		dysleksia	

EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI POZIOM PODSTAWOWY

PRZYKŁADOWY ARKUSZ EGZAMINACYJNY

DATA: 16 grudnia 2014 r.

CZAS PRACY: 170 minut

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: 50

Instrukcja dla zdającego

- 1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 23 strony (zadania 1–33). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
- 2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
- 3. Odpowiedzi do zadań zamkniętych (1–24) przenieś na kartę odpowiedzi, zaznaczając je w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem
 i zaznacz właściwe.
- 4. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (25–33) może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
- 5. Pisz czytelnie i używaj <u>tylko długopisu lub pióra</u> z czarnym tuszem lub atramentem.
- 6. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
- 7. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
- 8. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.
- 9. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
- 10. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.



W zadaniach 1.–24. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi jedną poprawną odpowiedź.

Zadanie 1. (0–1)

Liczba 0,6 jest jednym z przybliżeń liczby $\frac{5}{8}$. Błąd względny tego przybliżenia, wyrażony w procentach, jest równy

- **A.** 0,025%
- В. 2,5%
- **C.** 0,04%
- D. 4%

Zadanie 2. (0–1)

Dany jest okrąg o środku S = (-6, -8) i promieniu 2014. Obrazem tego okręgu w symetrii osiowej względem osi Oy jest okrąg o środku w punkcie S_1 . Odległość między punktami S i S_1 jest równa

- **A.** 12
- В. 16
- **C.** 2014
- **D.** 4028

Zadanie 3. (0–1)

Rozwiązaniami równania $(x^3-8)(x-5)(2x+1) = 0$ są liczby

- **A.** -8; -5; 1 **B.** -1; 5; 8 **C.** $-\frac{1}{2}$; 2; 5 **D.** $-\frac{1}{2}$; 5; 8

Zadanie 4. (0–1)

Cena towaru została podwyższona o 30%, a po pewnym czasie nową, wyższą cenę ponownie podwyższono, tym razem o 10%. W rezultacie obu podwyżek wyjściowa cena towaru zwiększyła się o

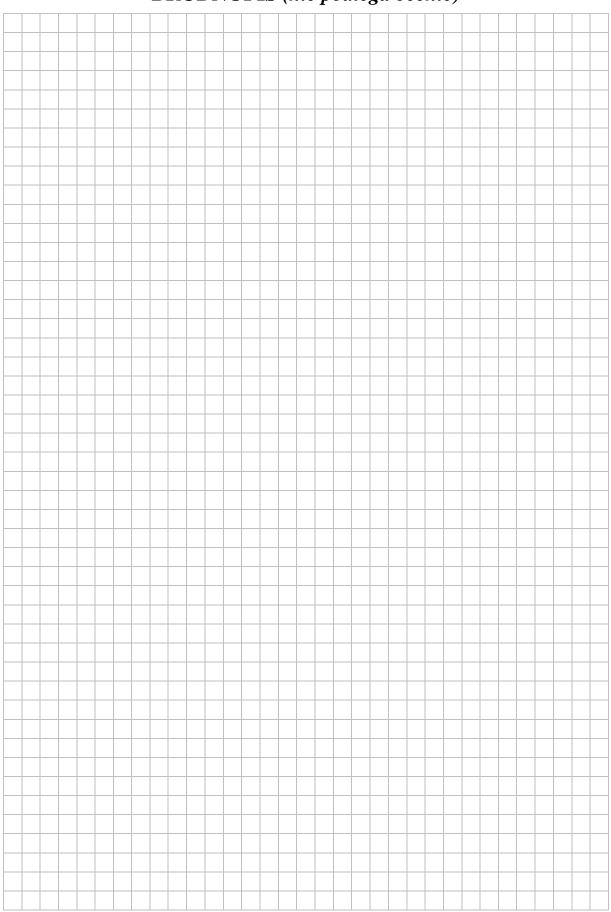
- **A.** 15%
- B. 20%
- **C.** 40%
- **D.** 43%

Zadanie 5. (0–1)

Dane są dwie funkcje określone dla wszystkich liczb rzeczywistych x wzorami f(x) = -5x + 1oraz $g(x) = 5^x$. Liczba punktów wspólnych wykresów tych funkcji jest równa

- **A.** 3
- В. 2
- **C.** 1

D. 0



Zadanie 6. (0-1)

Wyrażenie $(3x+1+y)^2$ jest równe

A.
$$3x^2 + y^2 + 1$$

B.
$$9x^2 + 6x + y^2 + 1$$

$$\mathbf{C.} \quad 3x^2 + y^2 + 6xy + 6x + 1$$

D.
$$9x^2 + y^2 + 6xy + 6x + 2y + 1$$

Zadanie 7. (0–1)

Połowa sumy $4^{28} + 4^{28} + 4^{28} + 4^{28}$ jest równa

A.
$$2^{30}$$

B.
$$2^{57}$$

C.
$$2^{63}$$

D.
$$2^{112}$$

Zadanie 8. (0–1)

Równania $y = -\frac{3}{4}x + \frac{5}{4}$ oraz $y = -\frac{4}{3}$ opisują dwie proste

- A. przecinające się pod kątem o mierze 90°.
- **B.** pokrywające się.
- C. przecinające się pod kątem różnym od 90°.
- **D.** równoległe i różne.

Zadanie 9. (0-1)

Na płaszczyźnie dane są punkty: $A = (\sqrt{2}, \sqrt{6})$, B = (0, 0) i $C = (\sqrt{2}, 0)$. Kąt BAC jest równy

Zadanie 10. (0–1)

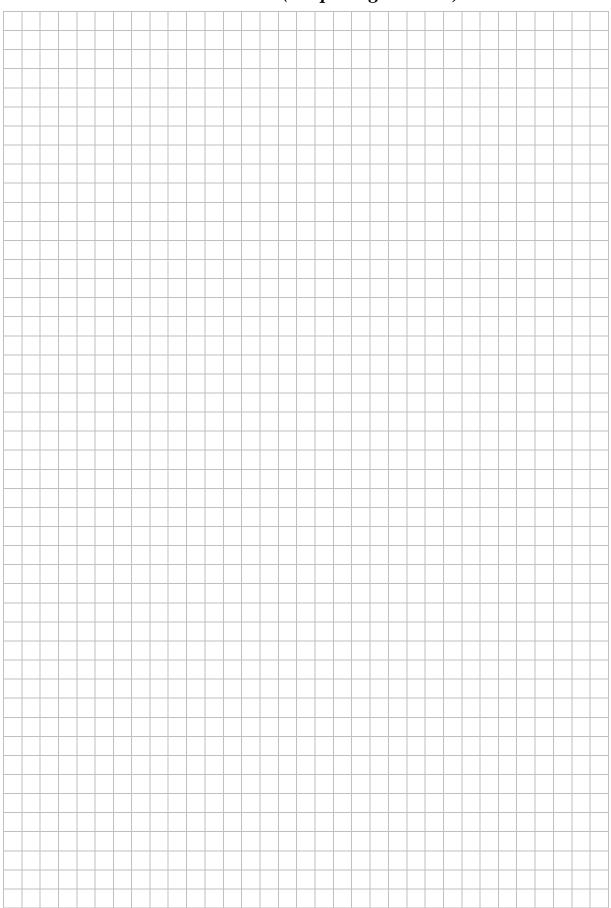
Funkcja f, określona dla wszystkich liczb całkowitych dodatnich, przyporządkowuje liczbie x ostatnią cyfrę jej kwadratu. Zbiór wartości funkcji f zawiera dokładnie

- **A.** 5 elementów.
- **B.** 6 elementów.
- **C.** 9 elementów.
- **D.** 10 elementów.

Zadanie 11. (0–1)

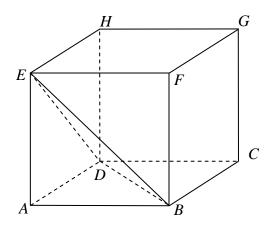
Ekipa złożona z 25 pracowników wymieniła tory kolejowe na pewnym odcinku w ciągu 156 dni. Jeśli wymianę torów kolejowych na kolejnym odcinku o tej samej długości trzeba przeprowadzić w ciągu 100 dni, to, przy założeniu takiej samej wydajności, należy zatrudnić do pracy o

- **A.** 14 osób więcej.
- **B.** 17 osób więcej.
- C. 25 osób więcej.
- **D.** 39 osób więcej.



Zadanie 12. (0-1)

Z sześcianu ABCDEFGH o krawędzi długości a odcięto ostrosłup ABDE (zobacz rysunek).

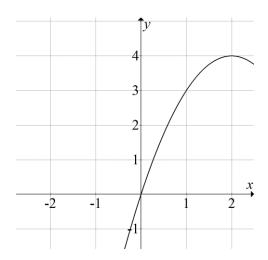


Ile razy objętość tego ostrosłupa jest mniejsza od objętości pozostałej części sześcianu?

- **A.** 2 razy.
- **B.** 3 razy.
- **C.** 4 razy.
- **D.** 5 razy.

Zadanie 13. (0-1)

W układzie współrzędnych narysowano część paraboli o wierzchołku w punkcie A = (2, 4), która jest wykresem funkcji kwadratowej f.



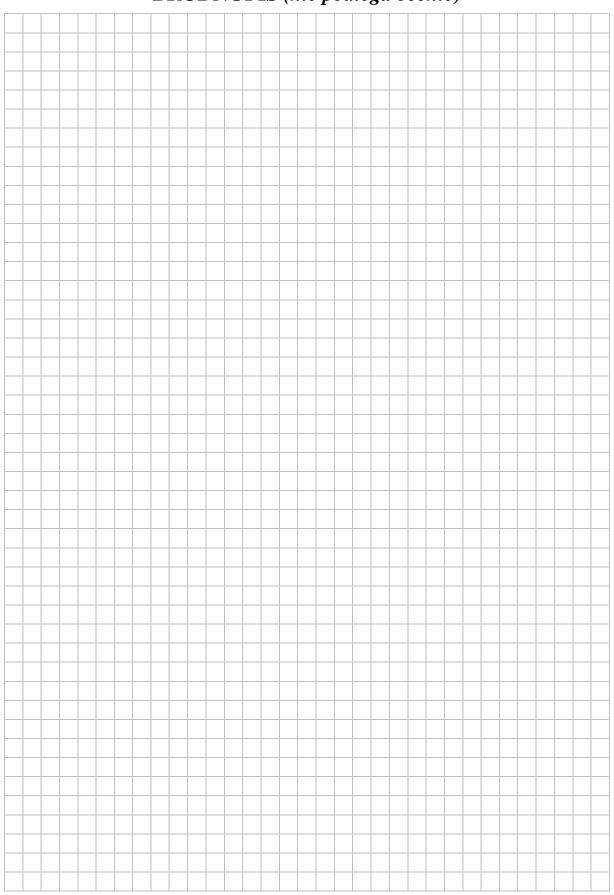
Funkcja f może być opisana wzorem

A.
$$f(x) = (x-2)^2 + 4$$

B.
$$f(x) = (x+2)^2 + 4$$

C.
$$f(x) = -(x-2)^2 + 4$$

D.
$$f(x) = -(x+2)^2 + 4$$



Zadanie 14. (0-1)

Punkty $A = (-6 - 2\sqrt{2}, 4 - 2\sqrt{2})$, $B = (2 + 4\sqrt{2}, -6\sqrt{2})$, $C = (2 + 6\sqrt{2}, 6 - 2\sqrt{2})$ są kolejnymi wierzchołkami równoległoboku ABCD. Przekątne tego równoległoboku przecinają się w punkcie

- **A.** $S = (-1 + 4\sqrt{2}, 5 5\sqrt{2})$
- **B.** $S = \left(-2 + \sqrt{2}, 2 4\sqrt{2}\right)$
- C. $S = (2 + 5\sqrt{2}, 3 4\sqrt{2})$
- **D.** $S = (-2 + 2\sqrt{2}, 5 2\sqrt{2})$

Zadanie 15. (0-1)

Liczba sin 150° jest równa liczbie

- $\mathbf{A} \cdot \cos 60^{\circ}$
- \mathbf{B} . $\cos 120^\circ$
- $\mathbf{C.} \quad \mathsf{tg} 120^{\circ}$
- **D.** $tg 60^\circ$

Zadanie 16. (0-1)

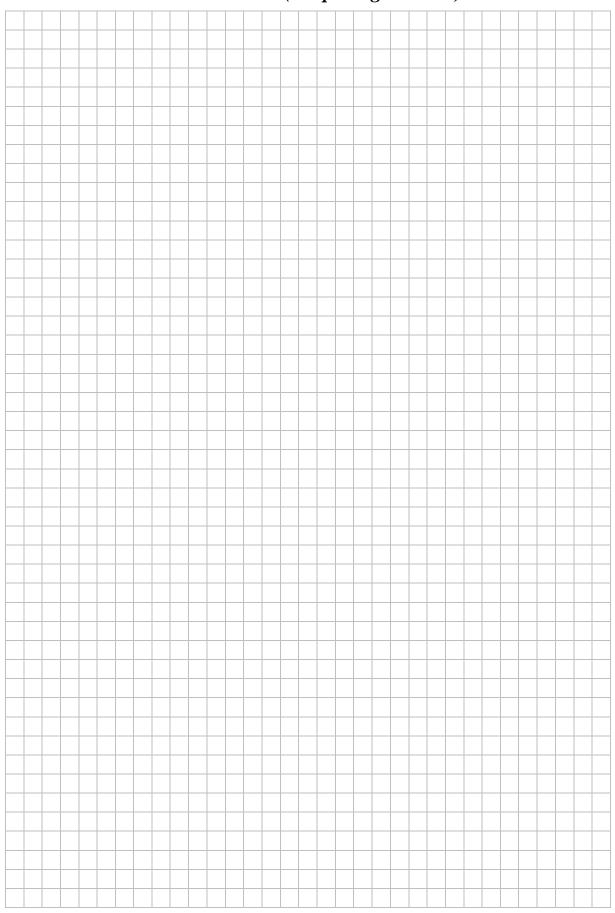
Na ścianie kamienicy zaprojektowano mural utworzony z szeregu trójkątów równobocznych różnej wielkości. Najmniejszy trójkąt ma bok długości 1 m, a bok każdego z następnych trójkątów jest o 10 cm dłuższy niż bok poprzedzającego go trójkąta. Ostatni trójkąt ma bok długości 5,9 m. Ile trójkątów przedstawia mural?

- **A.** 49
- **B.** 50
- **C.** 59
- **D.** 60

Zadanie 17. (0-1)

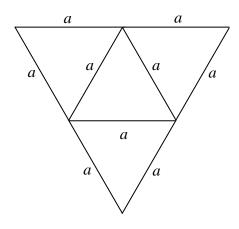
Dany jest trójkąt równoramienny, w którym ramię o długości 20 tworzy z podstawą kąt 67,5°. Pole tego trójkąta jest równe

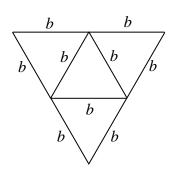
- **A.** $100\sqrt{3}$
- **B.** $100\sqrt{2}$
- **C.** $200\sqrt{3}$
- **D.** $200\sqrt{2}$



Zadanie 18. (0–1)

Na rysunkach poniżej przedstawiono siatki dwóch ostrosłupów.



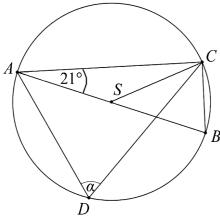


Pole powierzchni całkowitej ostrosłupa o krawędzi a jest dwa razy większe od pola powierzchni całkowitej ostrosłupa o krawędzi b. Ile razy objętość ostrosłupa o krawędzi a jest większa od objętości ostrosłupa o krawędzi b?

- **A.** $\sqrt{2}$
- **B.** 2
- C. $2\sqrt{2}$
- **D.** 4

Zadanie 19. (0-1)

Na okręgu o środku S leżą punkty A, B, C i D. Odcinek AB jest średnicą tego okręgu. Kąt między tą średnicą a cięciwą AC jest równy 21° (zobacz rysunek).



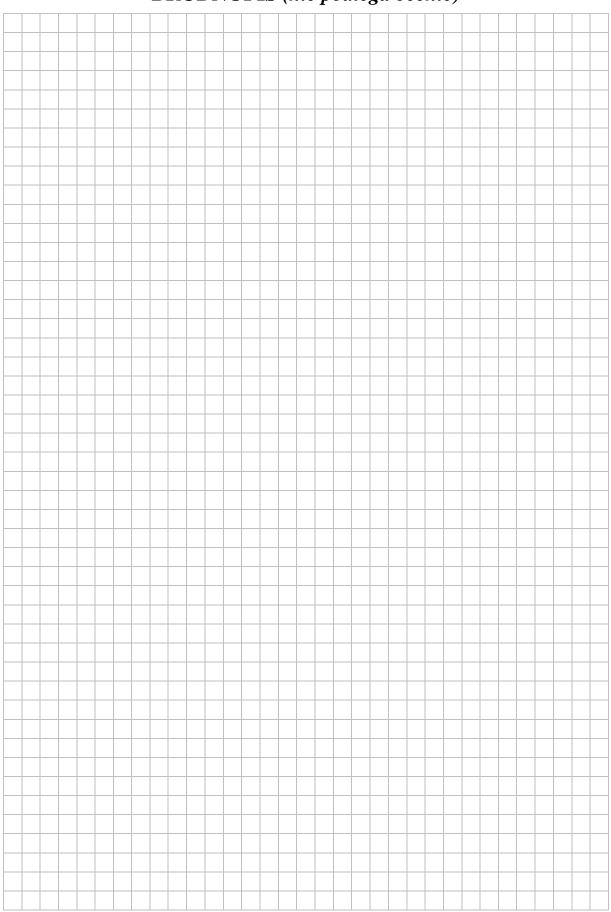
Kạt α między cięciwami AD i CD jest równy

- **A.** 21°
- **B.** 42°
- **C.** 48°
- **D.** 69°

Zadanie 20. (0-1)

Średnia arytmetyczna zestawu danych: 3, 8, 3, 11, 3, 10, 3, x jest równa 6. Mediana tego zestawu jest równa

- **A.** 5
- **B.** 6
- **C.** 7
- **D.** 8



Zadanie 21. (0-1)

Dany jest ciąg geometryczny (a_n) , w którym $a_1 = -\sqrt{2}$, $a_2 = 2$, $a_3 = -2\sqrt{2}$. Dziesiąty wyraz tego ciągu, czyli a_{10} , jest równy

- A. 32

- **B.** -32 **C.** $16\sqrt{2}$ **D.** $-16\sqrt{2}$

Zadanie 22. (0-1)

Ciąg (a_n) jest określony wzorem $a_n = \frac{24-4n}{n}$ dla $n \ge 1$. Liczba wszystkich całkowitych nieujemnych wyrazów tego ciągu jest równa

- **A.** 7
- **B.** 6
- **C.** 5
- **D.** 4

Zadanie 23. (0-1)

Rzucamy sześć razy symetryczną sześcienną kostką do gry. Niech p_i oznacza prawdopodobieństwo wyrzucenia i oczek w i-tym rzucie. Wtedy

A.
$$p_6 = 1$$

B.
$$p_6 = \frac{1}{6}$$

C.
$$p_3 = 0$$

D.
$$p_3 = \frac{1}{3}$$

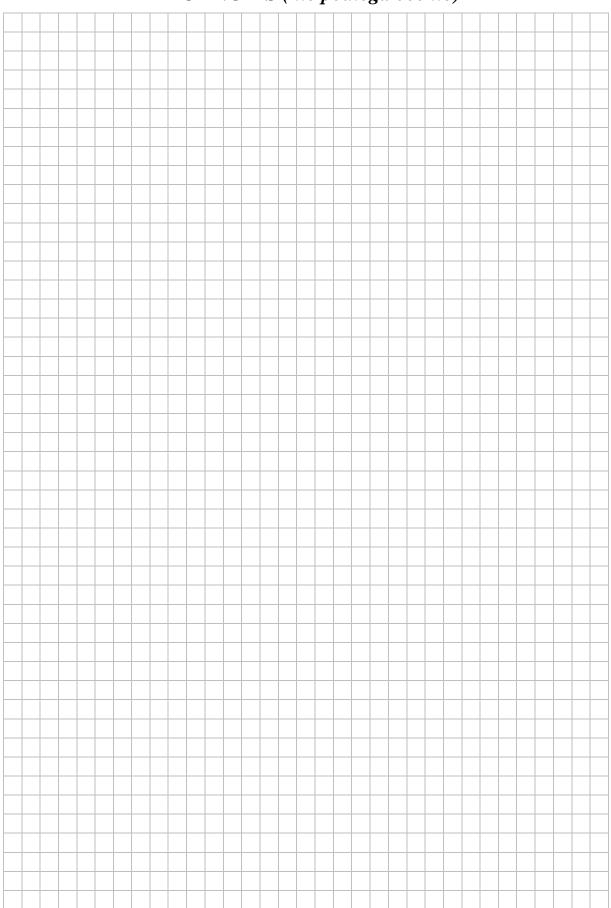
Zadanie 24. (0–1)

Wskaż liczbę, która spełnia równanie $4^x = 9$.

$$\mathbf{A.} \quad \log 9 - \log 4$$

$$\mathbf{B.} \quad \frac{\log 2}{\log 3}$$

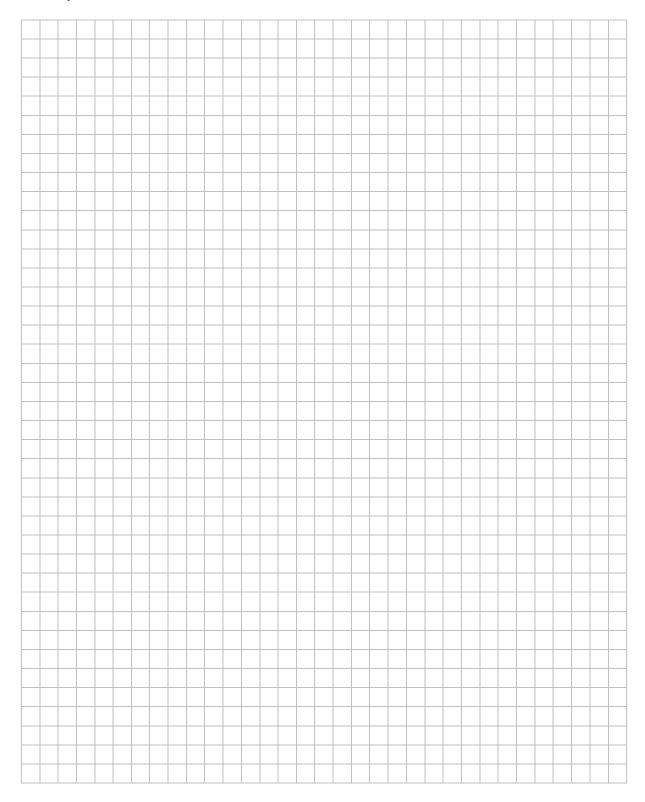
C.
$$2\log_9 2$$



Rozwiązania zadań 25.–33. należy zapisać w wyznaczonych miejscach pod treścią zadania.

Zadanie 25. (0–2)

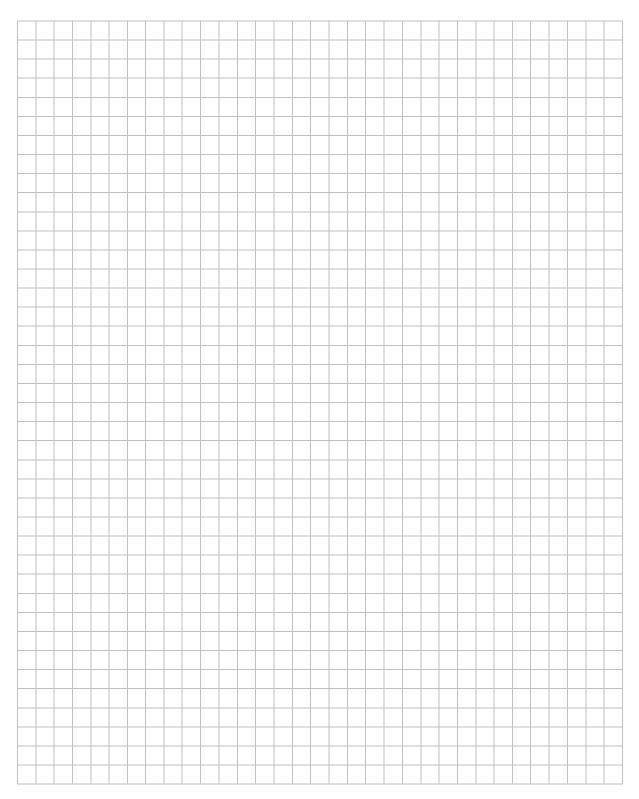
Rozwiąż nierówność: $-x^2 - 4x + 21 < 0$.



Odpowiedź:

Zadanie 26. (0–2)

Uzasadnij, że żadna liczba całkowita nie jest rozwiązaniem równania $\frac{2x+4}{x-2} = 2x+1$.



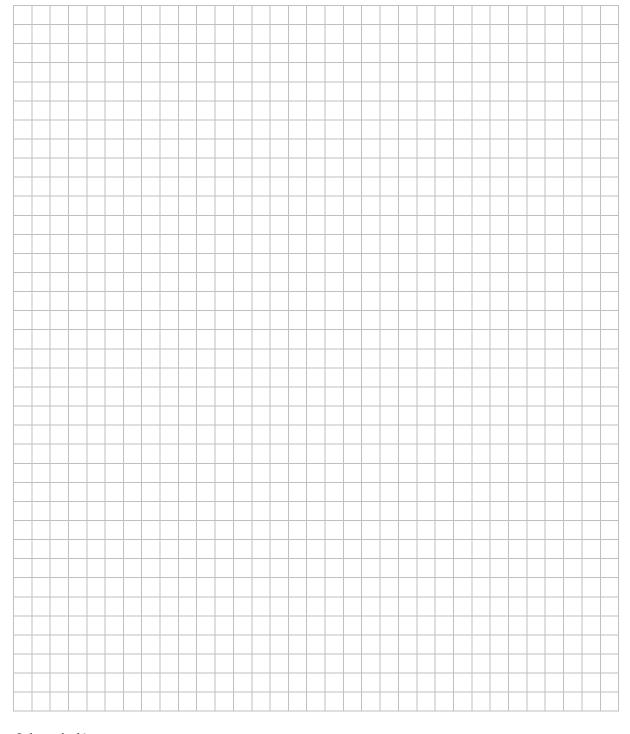
agraminator	Nr zadania	25.	26.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 27. (0–2)

Czas połowicznego rozpadu pierwiastka to okres, jaki jest potrzebny, by ze 100% pierwiastka pozostało 50% tego pierwiastka. Oznacza to, że ilość pierwiastka pozostała z każdego grama

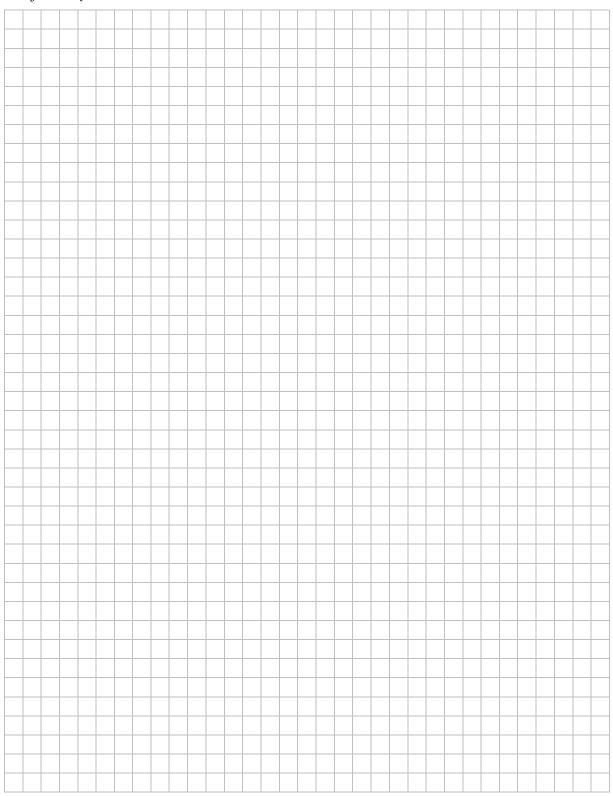
pierwiastka po x okresach rozpadu połowicznego wyraża się wzorem $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$.

W przypadku izotopu jodu ¹³¹I czas połowicznego rozpadu jest równy 8 dni. Wyznacz najmniejszą liczbę dni, po upływie których pozostanie z 1 g ¹³¹I nie więcej niż 0,125 g tego pierwiastka.



Zadanie 28. (0–2)

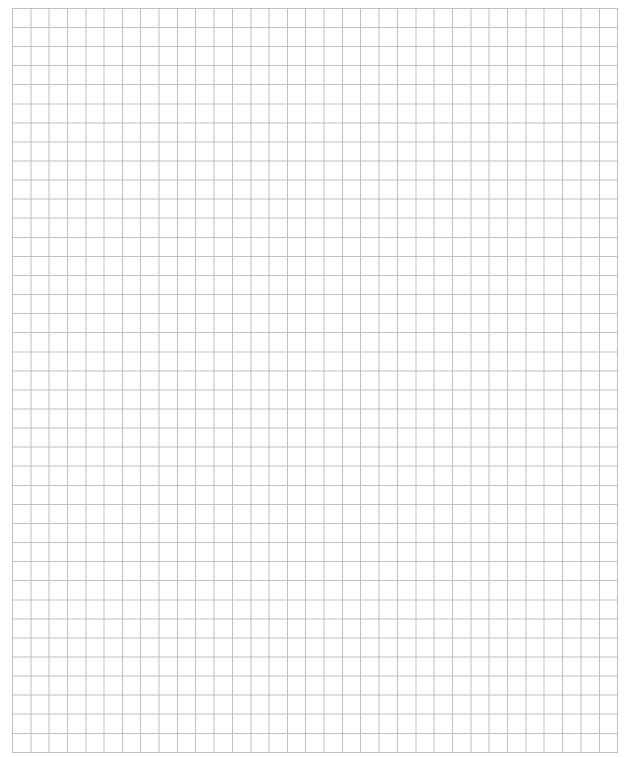
Uzasadnij, że jeżeli liczba całkowita nie dzieli się przez 3, to jej kwadrat przy dzieleniu przez 3 daje resztę 1.



aggaminator	Nr zadania	27.	28.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 29. (0-2)

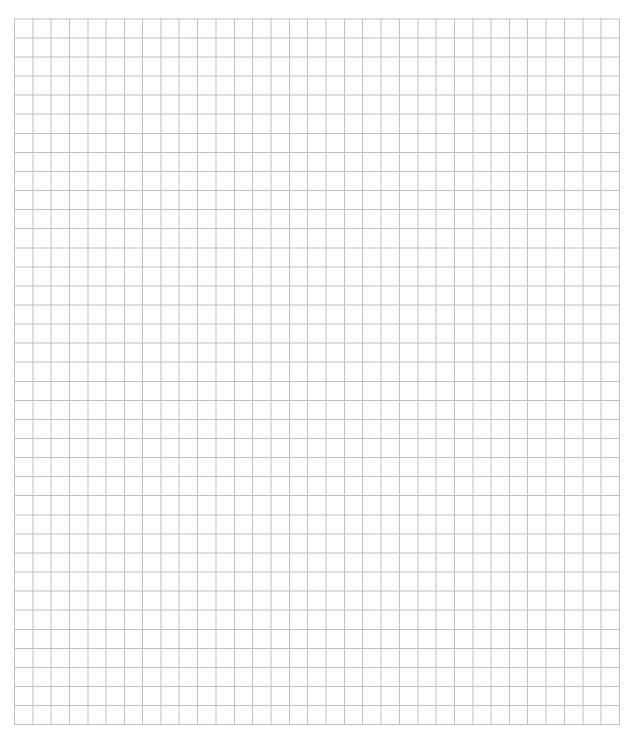
Wartość prędkości średniej obliczamy jako iloraz drogi i czasu, w którym ta droga została przebyta. Samochód przejechał z miejscowości A do miejscowości C przez miejscowość B, która znajduje się w połowie drogi z A do C. Wartość prędkości średniej samochodu na trasie z A do B była równa 40 km/h, a na trasie z B do C – 60 km/h. Oblicz wartość prędkości średniej samochodu na całej trasie z A do C.



Odpowiedź:

Zadanie 30. (0-4)

Zakupiono 16 biletów do teatru, w tym 10 biletów na miejsca od 1. do 10. w pierwszym rzędzie i 6 biletów na miejsca od 11. do 16. w szesnastym rzędzie. Jakie jest prawdopodobieństwo zdarzenia polegającego na tym, że 2 wylosowane bilety, spośród szesnastu, będą biletami na sąsiadujące miejsca?

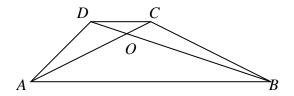


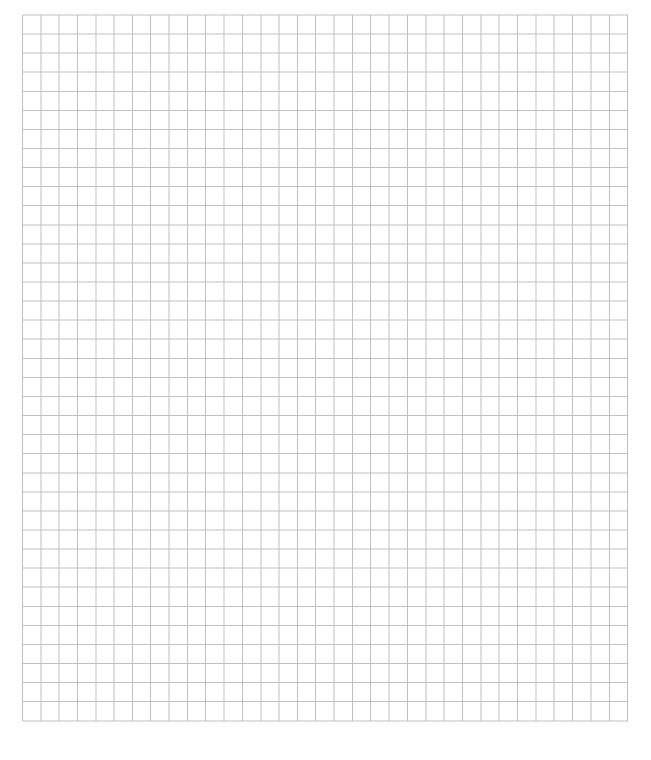
Odpowiedź:

	Nr zadania	29.	30.
	Maks. liczba pkt	2	4
egzaminator	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 31. (0–4)

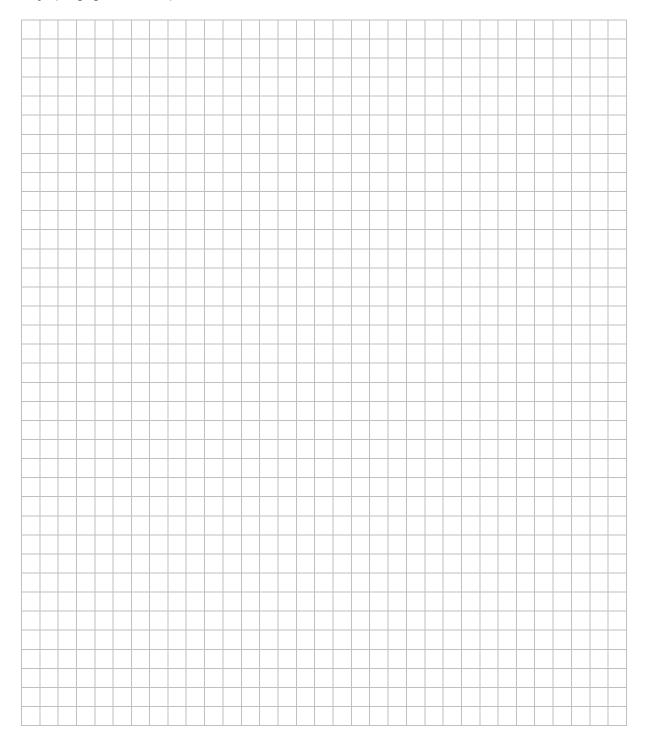
W trapezie ABCD $(AB \parallel CD)$ przekątne AC i BD przecinają się w punkcie O takim, że |AO|: |OC| = 5:1. Pole trójkąta AOD jest równe 10. Uzasadnij, że pole trapezu ABCD jest równe 72.





Zadanie 32. (0–4)

Punkty A = (3,3) i B = (9,1) są wierzchołkami trójkąta ABC, a punkt M = (1,6) jest środkiem boku AC. Oblicz współrzędne punktu przecięcia prostej AB z wysokością tego trójkąta, poprowadzoną z wierzchołka C.

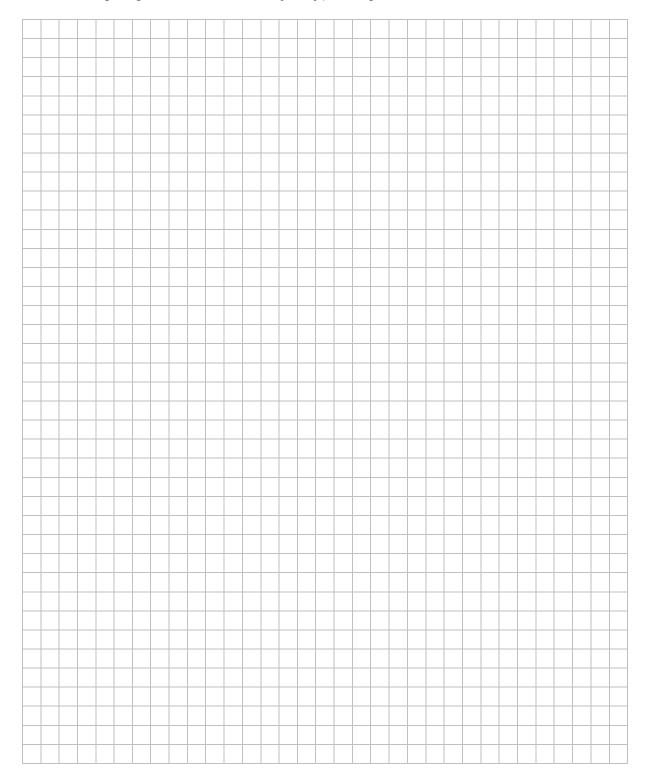


Odpowiedź:

_	Nr zadania	31.	32.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	4	4
egzaminator	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 33. (0–4)

Tworząca stożka ma długość 17, a wysokość stożka jest krótsza od średnicy jego podstawy o 22. Oblicz pole powierzchni całkowitej i objętość tego stożka.



Odpowiedź:

Wypelnia egzaminator	Nr zadania	33.
	Maks. liczba pkt	4
	Uzyskana liczba pkt	

